



Introduzione agli algoritmi

Fondamenti di Informatica, AA 2022/23

Luca Cassano

luca.cassano@polimi.it



Cos'è l'informatica?

*Studio sistematico degli **algoritmi** che descrivono e trasformano l'informazione:*

- la loro teoria,
- analisi,
- progetto,
- efficienza,
- realizzazione,
- applicazione.

[da Association for Computing Machinery (ACM)]



Sequenza di istruzioni, definite con precisione, che portano alla realizzazione di un compito

Le istruzioni devono:

- essere **comprensibili** senza ambiguità
- essere **eseguibili** da uno strumento automatico: l'esecutore
- portare a realizzare un compito in **tempo finito** (devono contenere un numero finito di passi, ciascuno eseguibile in tempo finito)

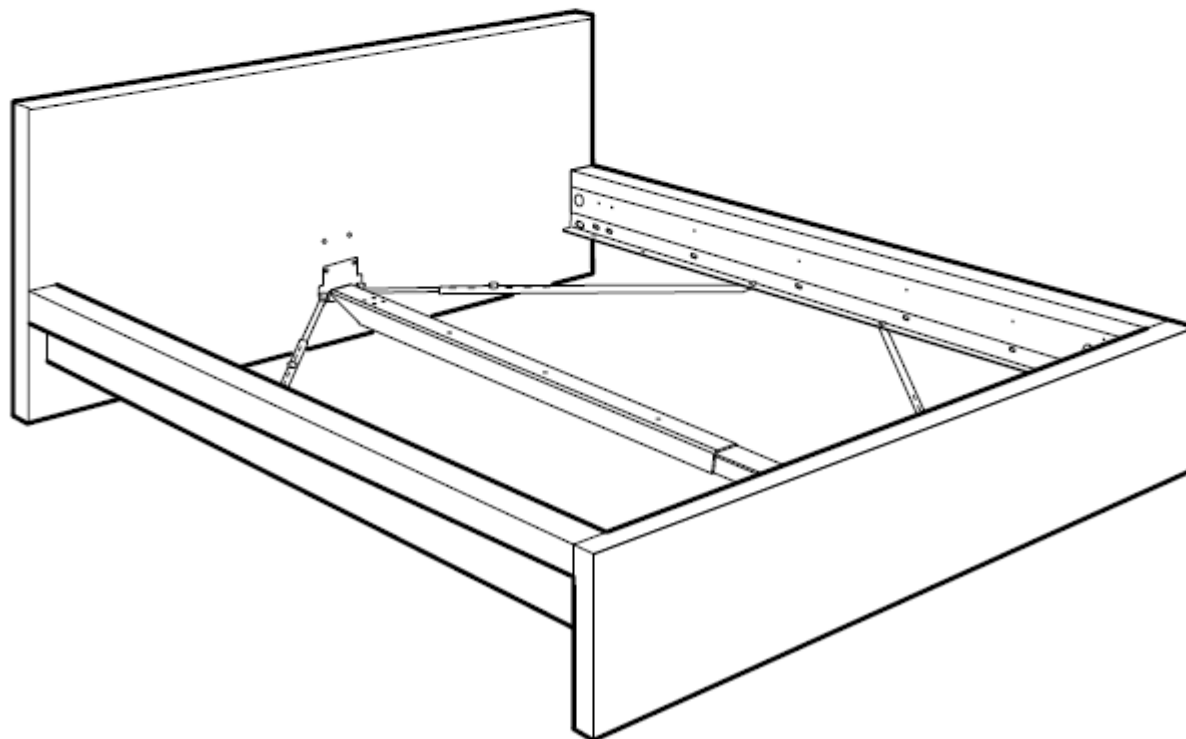
Non è necessario un calcolatore per parlare di informatica!



Algoritmo

.....ora vedremo un esempio di algoritmo in cui vi sarà capitato di essere esecutori....

MALM



Design and Quality
IKEA of Sweden



101359

12x



110789

20x/22x



105163

8x



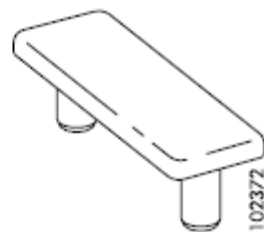
117327

12x



102267

8x



102372

6x



114334

4x



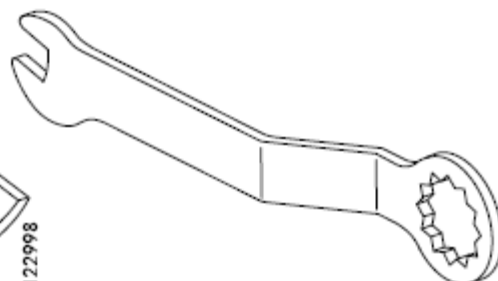
114254

4x



122998

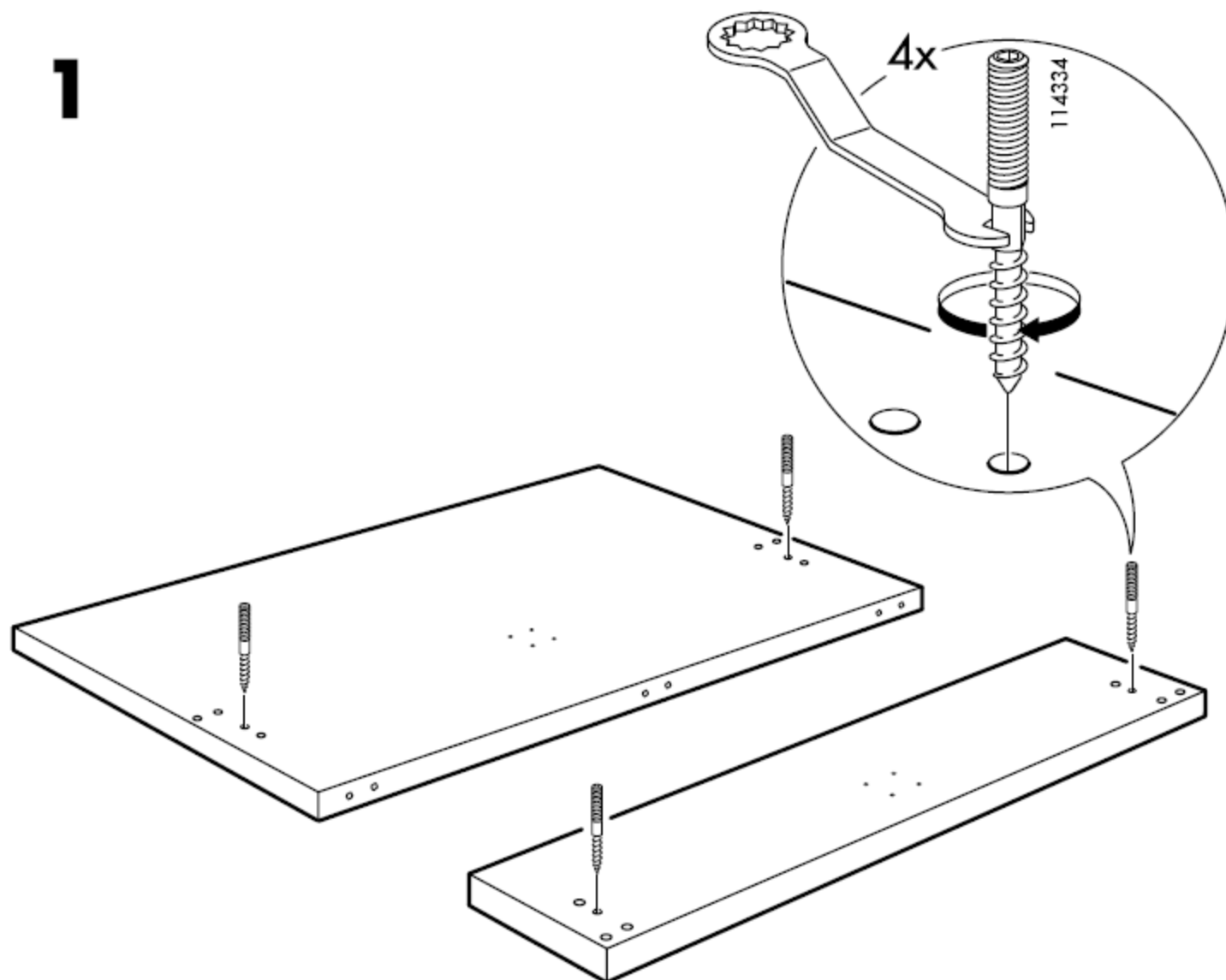
4x



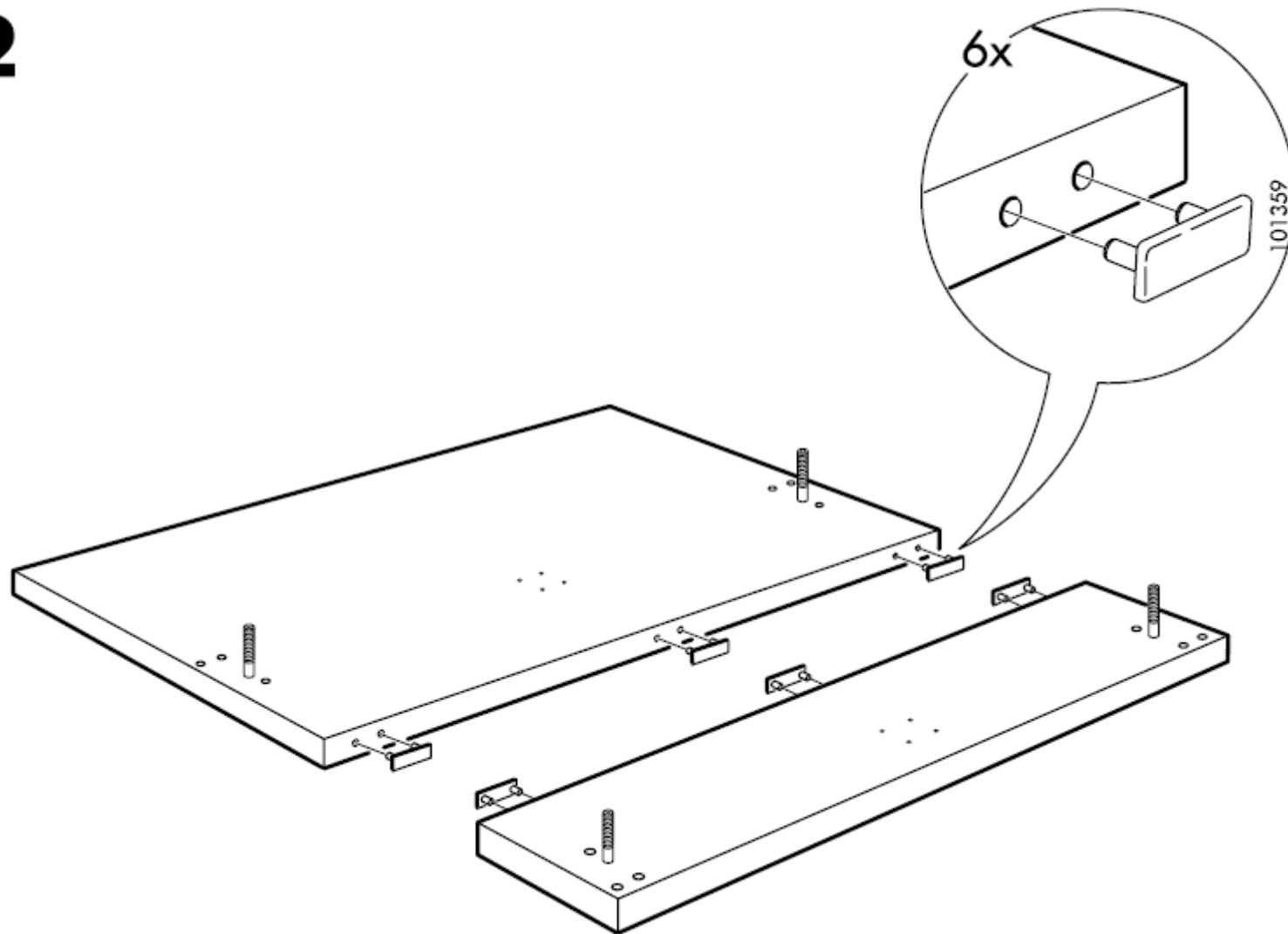
113453

1x

1



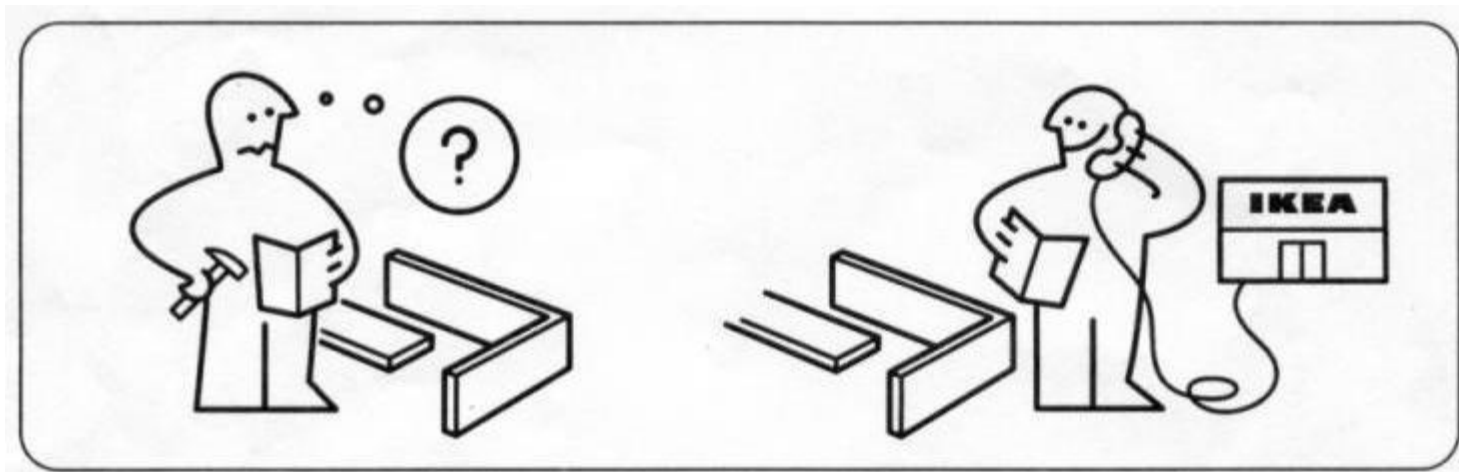
2





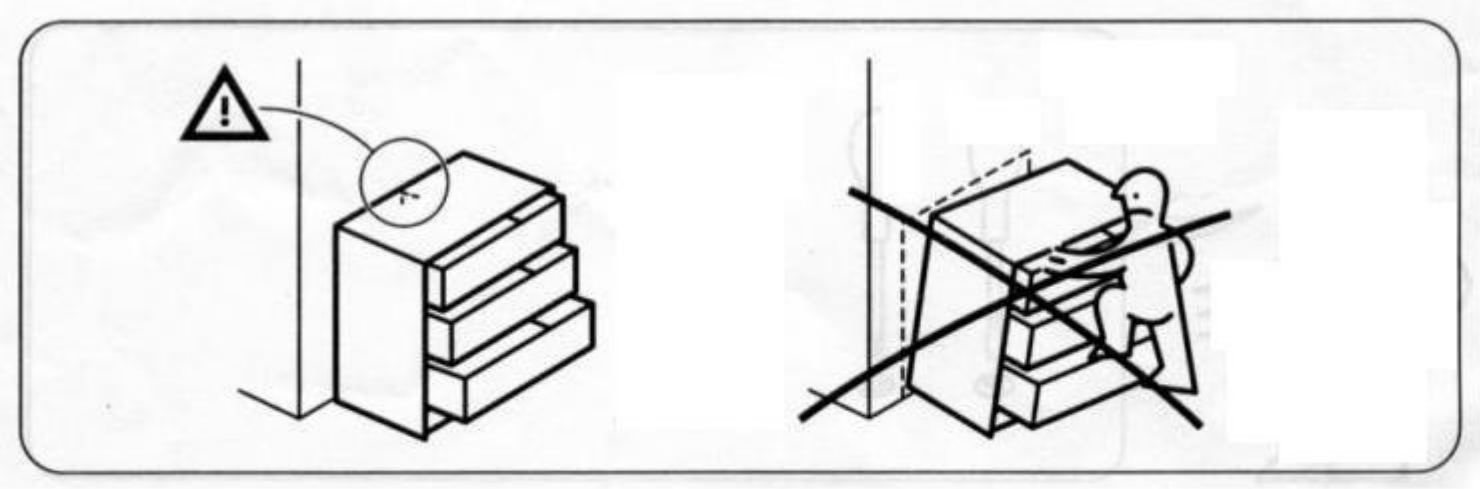
Il Linguaggio «IKEA»

- Le istruzioni IKEA sono fatte per esecutori intelligenti (nello specifico...noi) l'interpretazione dei disegni richiede diverse capacità





Il Linguaggio «IKEA»



- Quando l'esecutore è meno intelligente occorre esprimere le istruzioni in un linguaggio più preciso



Definiamo un nostro linguaggio per gli algoritmi!

Svilupperemo i prossimi algoritmi in italiano (utilizzando un linguaggio molto essenziale).

In particolare, il linguaggio sarà caratterizzato da:

- Sequenzialità delle istruzioni
- Costrutto condizionale
- Costrutto iterativo

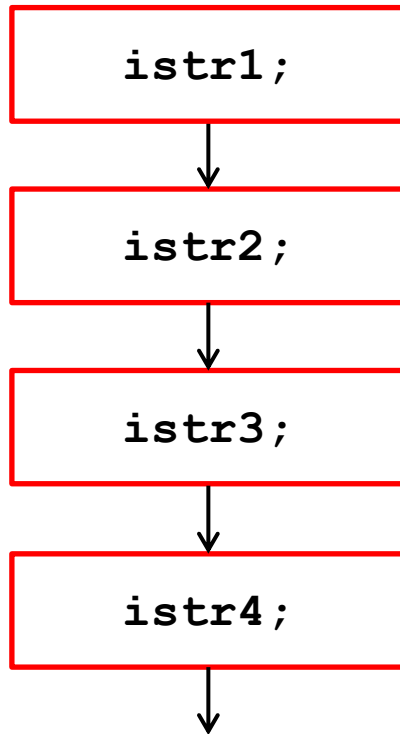
Inoltre, potremo utilizzare “foglietti” dove scrivere (registrare) alcuni valori



La Sequenzialità

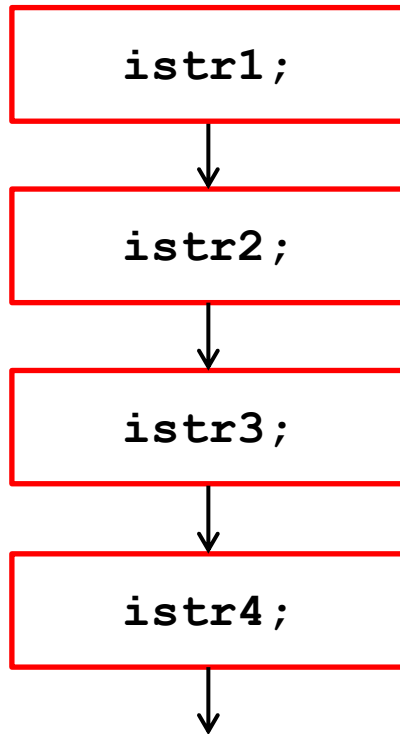


La sequenzialità





La sequenzialità



`istr1;`

`istr2;`

`istr3;`

`istr4;`

...



Le istruzioni vengono eseguite dalla prima all'ultima.

Terminata la *i-sima* istruzione, si esegue la *(i+1)-sima*



Esempio: algoritmo per andare in università

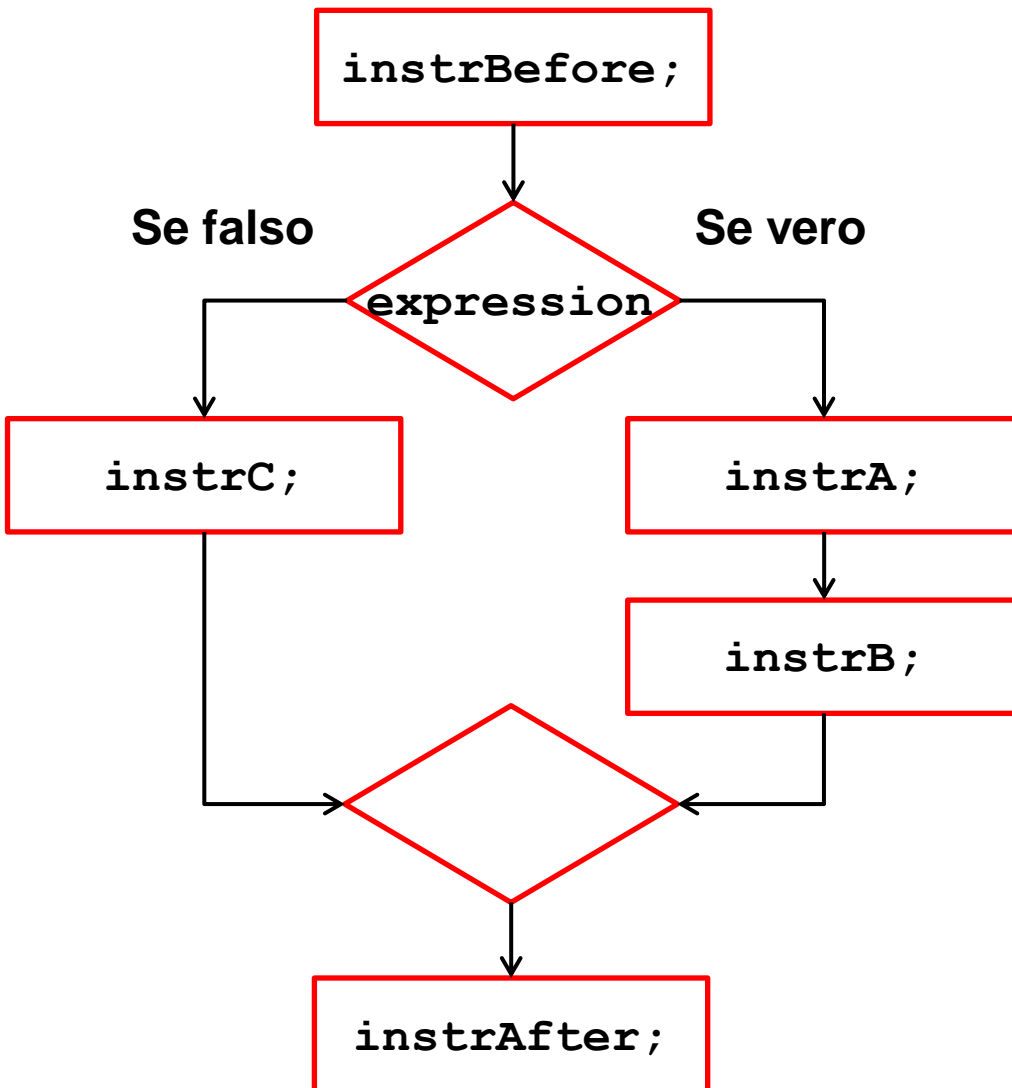
- Mi alzo quando suona la sveglia
- Mi dirigo verso la cucina
- Mangio un cornetto e bevo un caffè
- Mi lavo
- Mi vesto
- Esco
- Corro



Costrutto Condizionale

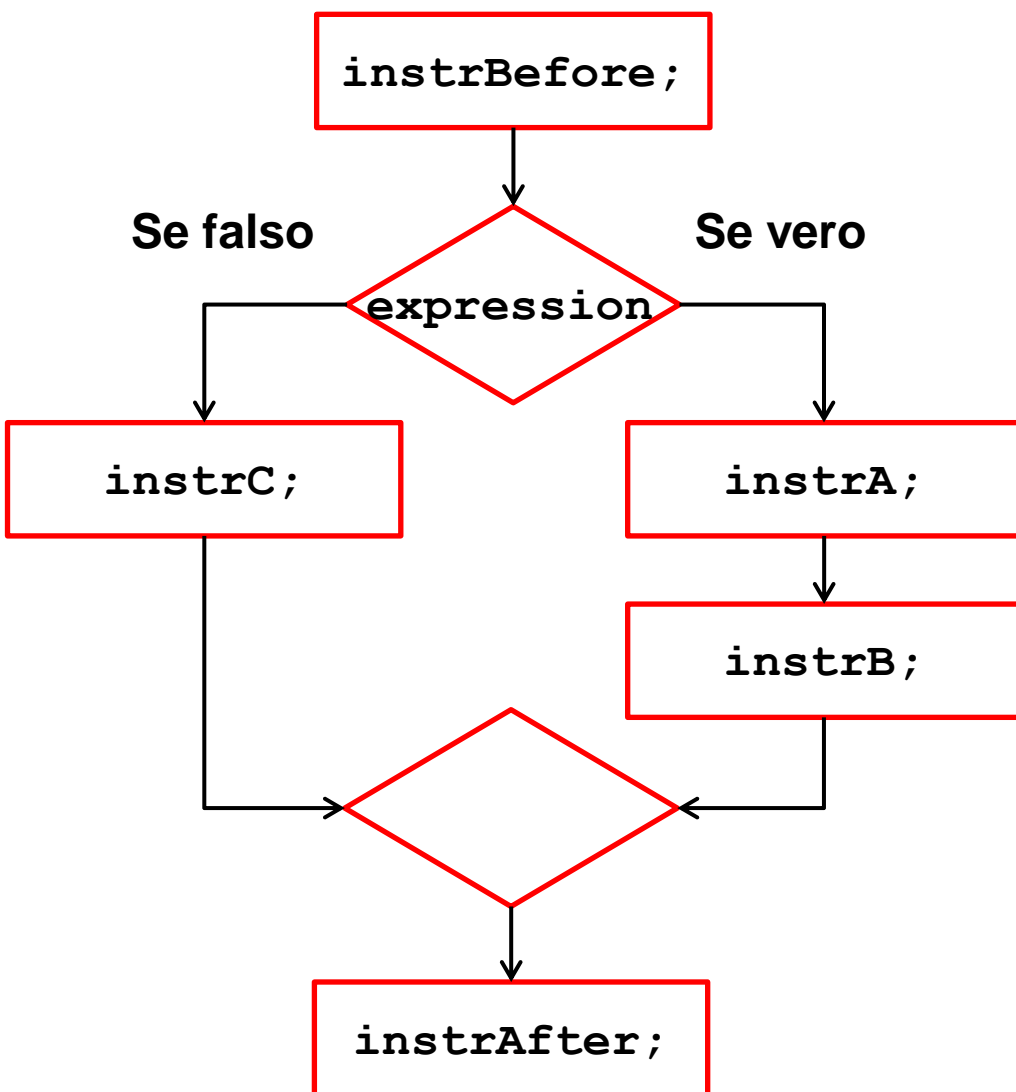


Costrutto Condizionale:





Costrutto Condizionale:



Dopo aver eseguito `instrBefore` si valuta `expression`

Se `expression` è vera eseguo il ramo di istruzioni contenente `instrA;` e `instrB` (ramo *then*)

Altrimenti eseguo `instrC` (ramo *else*)

Poi eseguo `instrAfter`

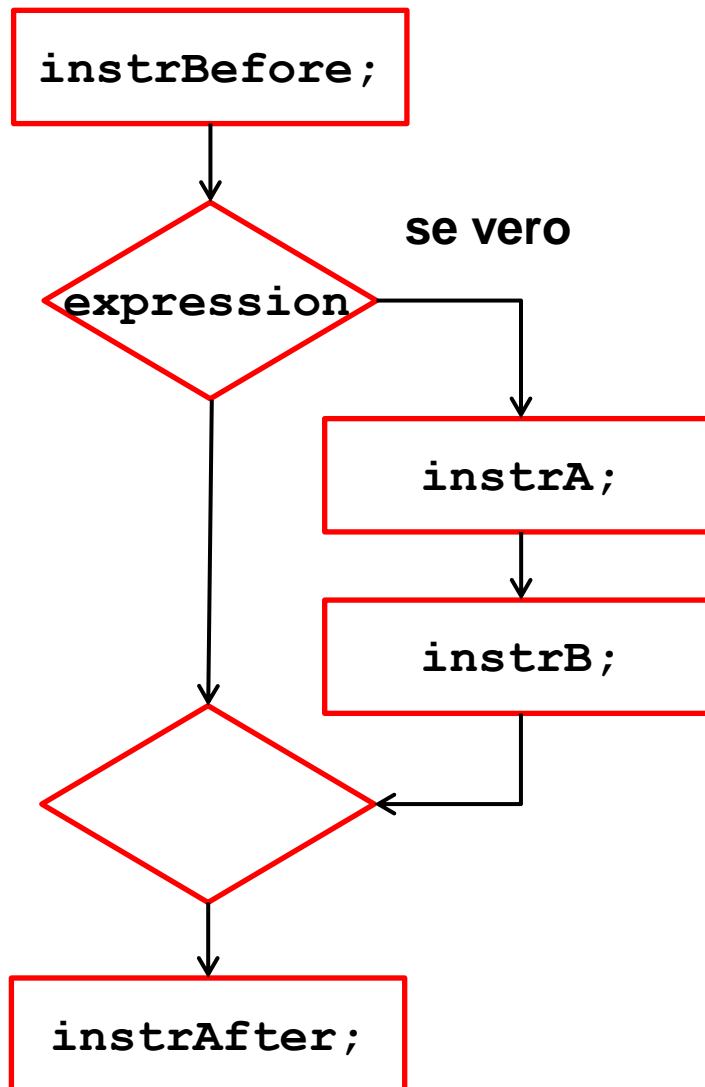


Esempio: algoritmo per andare in Università

- Mi alzo quando suona la sveglia
- Mi dirigo verso la cucina
- Mangio e bevo un caffè
- Mi lavo e mi vesto
- **Se** devo mangiare fuori
 - prendo il pranzo**Altrimenti**
 - prendo uno snack per metà mattina
- Esco
- Corro



Costrutto Condizionale:



Non è obbligatorio prevedere azioni specifiche nel caso in cui **expression** fosse falsa



Esempio: algoritmo per andare in Università

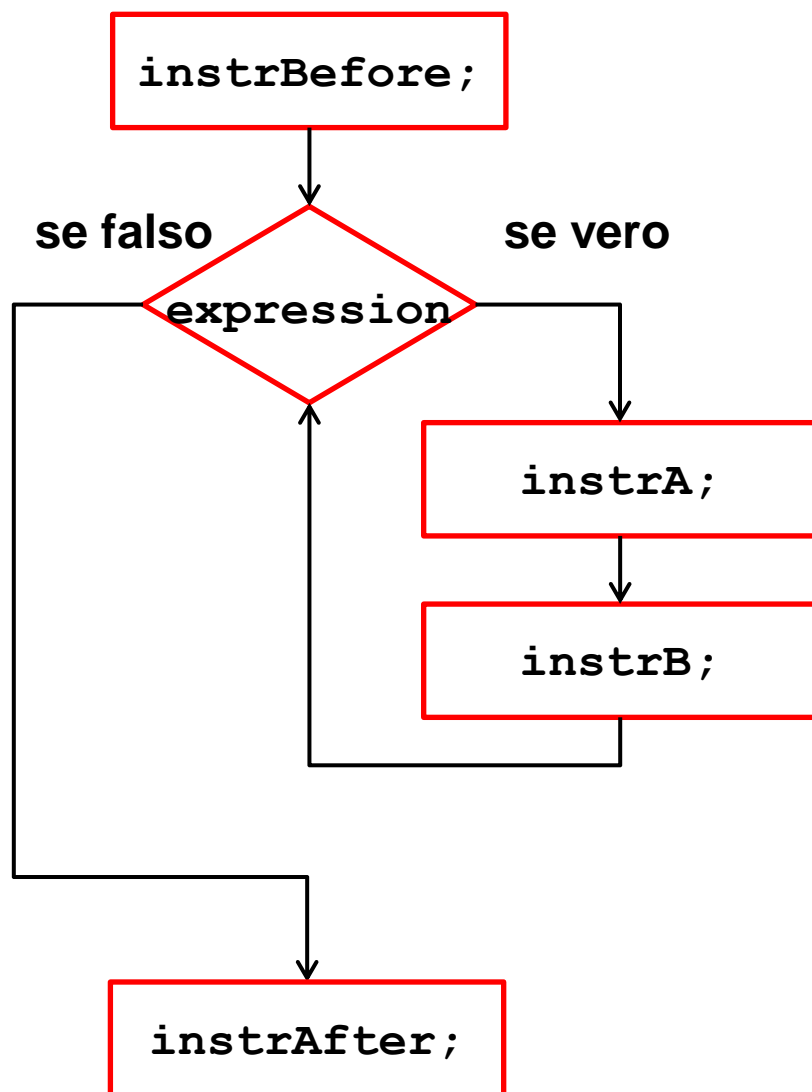
- Mi alzo quando suona la sveglia
- Mi dirigo verso la cucina
- Mangio e bevo un caffè
- Mi lavo e mi vesto
- **Se** c'è il laboratorio di informatica
 - Prendo il laptop
- Esco
- Corro



Costrutto Iterativo



Costrutto Iterativo



Se **expression** è vera
eseguo il ramo di istruzioni
contenente **instrA;** e
instrB; (corpo del ciclo)

Al termine valuta
nuovamente
expression.

Se **expression** è falsa,
prosegui oltre, altrimenti
esegui le istruzioni nel
corpo del ciclo



Esempio: algoritmo per andare in Università

- Mi alzo quando suona la sveglia
- Mi dirigo verso la cucina
- Mangio e bevo un caffè
- Mi lavo e mi vesto
- **Se** c'è il laboratorio di informatica
 - Prendo il laptop
- Vado in stazione
- **Ripeti:** “guarda il treno in arrivo: non ferma a Lambrate?”
 - se vero, attendi il prossimo treno
- Sali sul treno
- Arrivi a lezione, wow



Esempi di Algoritmi



Altri Esempi:

- Algoritmo per invertire il contenuto di due bicchieri A e B, supponendo di avere un terzo bicchiere C.
- Algoritmo per trovare il prodotto più economico nella corsia del supermercato, passando per la corsia una sola volta.
- Algoritmo per controllare che la maggioranza degli studenti abbia capito gli esercizi sopra.



Esempio: invertire il contenuto di A e B

1. Prendi un terzo bicchiere C
2. Rovescia il contenuto del bicchiere A nel bicchiere C
3. Rovescia il contenuto di B in A
4. Rovescia il contenuto di C in B



Esempio: invertire il contenuto di A e B

1. Prendi un terzo bicchiere C
2. Rovescia il contenuto del bicchiere A nel bicchiere C
3. Rovescia il contenuto di B in A
4. Rovescia il contenuto di C in B

Algoritmo per scambiare i valori di due variabili A e B



Altri Esempi:

- Algoritmo per invertire il contenuto di due bicchieri, supponendo di avere un terzo bicchiere.
- Algoritmo per trovare il prodotto più economico nella corsia del supermercato, passando per la corsia una sola volta.
- Algoritmo per controllare che la maggioranza degli studenti abbia capito gli esercizi sopra.



Esempio: ricerca del prodotto migliore

1. Prendi in mano il primo prodotto: assumi che sia il più economico
2. Procedi fino al prossimo prodotto
3. Confrontalo con quello che hai in mano
4. **Se** il prodotto davanti a te è più economico: abbandona il prodotto che hai in mano e prendi quello sullo scaffale
5. **Ripeti** i passi **2 - 4 fino a** raggiungere la fine della corsia
6. Hai in mano il prodotto più economico.



Esempio: ricerca del prodotto migliore

1. Prendi in mano il primo prodotto: assumi che sia il più economico
2. Procedi fino al prossimo prodotto
3. Confrontalo con quello che hai in mano
4. **Se** il prodotto davanti a te è più economico: abbandona il prodotto che hai in mano e prendi quello sullo scaffale
5. **Ripeti** i passi **2 - 4 fino a** raggiungere la fine della corsia
6. Hai in mano il prodotto più economico.

Algoritmo per trovare il minimo/massimo di una sequenza numerica



Altri Esempi:

- Algoritmo per invertire il contenuto di due bicchieri, supponendo di avere un terzo bicchiere.
- Algoritmo per trovare il prodotto più economico nella corsia del supermercato, passando per la corsia una sola volta.
- Algoritmo per controllare che la maggioranza degli studenti abbia capito gli esercizi sopra.



Esempio: assicurarsi che il 50% abbia capito

1. Prendi due **fogli**, uno per contare chi non ha capito (N) ed uno per contare tutti gli studenti (T)
2. Avvicinati al primo studente
3. Chiedi se ha capito
4. **Se** risponde no, metti un segno su N
5. Metti un segno su T
6. Passa al prossimo studente
7. **Ripeti** i passi **3 – 6** **fino** all'ultimo studente
8. Conta i segni su N e su T
9. **Se** il numero di N è maggiore della metà di T, la condizione è non verificata



Esempio: assicurarsi che tutti abbiano capito

1. Prendi un solo **foglio**
2. Avvicinati al primo studente
3. Chiedi se ha capito
4. **Se** risponde no, metti un segno sul foglio
5. Passa al prossimo studente
6. **Ripeti** i passi **3 – 5 fino** all'ultimo studente
7. Se il foglio non ha segni, tutti hanno capito.



Esempio: assicurarsi che tutti abbiano capito

1. Prendi un solo **foglio**
2. Avvicinati al primo studente
3. Chiedi se ha capito
4. **Se** risponde no, metti un segno sul foglio
5. Passa al prossimo studente
6. **Ripeti** i passi **3 – 5 fino** all'ultimo studente **o fino a quando**
uno studente dice di non aver capito
7. Se il foglio non ha segni, tutti hanno capito.

Variante più efficiente



Esempio: assicurarsi che tutti abbiano capito

1. Prendi un solo **foglio**
2. Avvicinati al primo studente
3. Chiedi se ha capito
4. **Se** risponde no, metti un segno sul foglio
5. Passa al prossimo studente
6. **Ripeti** i passi **3 – 5 fino** all'ultimo studente **o fino a quando** uno studente dice di non aver capito
7. Se il foglio non ha segni, tutti hanno capito.

Algoritmo per verificare che una condizione sia soddisfatta da tutti gli elementi di un array



I Programmi

Dall'algoritmo al codice



Il Calcolatore

Il calcolatore è un potente **esecutore di algoritmi**

- ↑ È rapido: permette di gestire quantità di informazioni altrimenti intrattabili
- ↑ È preciso: non commette mai errori
- ↓ Non ha spirito critico

I programmi sono **algoritmi codificati** in linguaggi comprensibili dal calcolatore.



Il Programmatore (voi)

Compito dell'informatico (e di chiunque programmi) è:

1. **Ideare l'algoritmo:** conoscere la soluzione del problema e esprimerla in rigorosi passi
2. **Codificare l'algoritmo in un programma:** conoscere il linguaggio dell'esecutore (linguaggio di programmazione)

La parte più difficile è spesso la prima.

- Prima dobbiamo aver chiaro «cosa far fare alla macchina», poi traduciamolo correttamente.



Proprietà essenziali dei programmi (algoritmi)

Correttezza: l'algoritmo risolve il compito senza errori o difetti.

Efficienza: l'algoritmo usa risorse in modo minimale (o almeno ragionevole)

- **Diversi criteri** quindi per definire l'efficienza a seconda delle risorse
 - tempo,
 - memoria,
 - numero di letture/scritture da disco



Riepilogando: Come Procedere

- a) Partirete dall'analisi di un problema

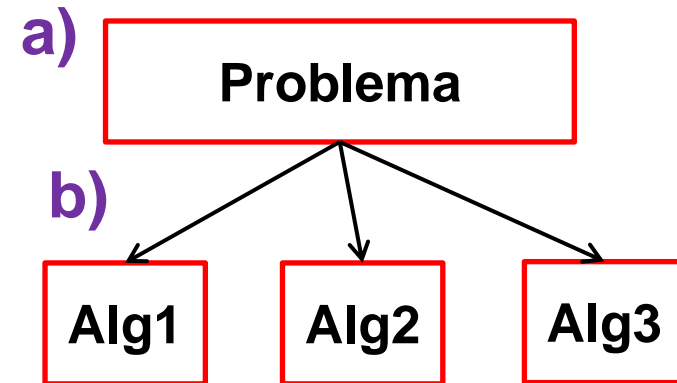
a)

Problema



Riepilogando: Come Procedere

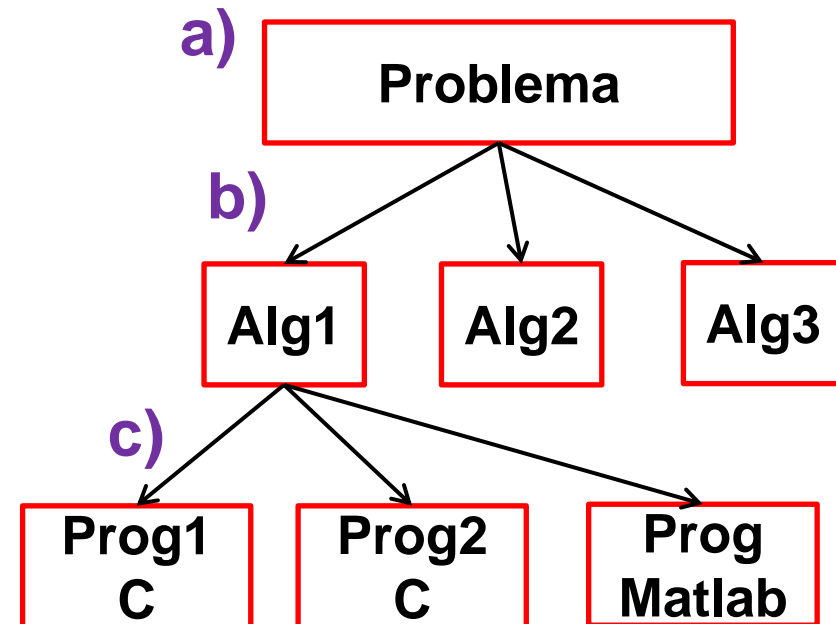
- a) Partirete dall'analisi di un problema
- b) Individuerete uno o più algoritmi che risolvono il problema in modo più o meno efficiente





Riepilogando: Come Procedere

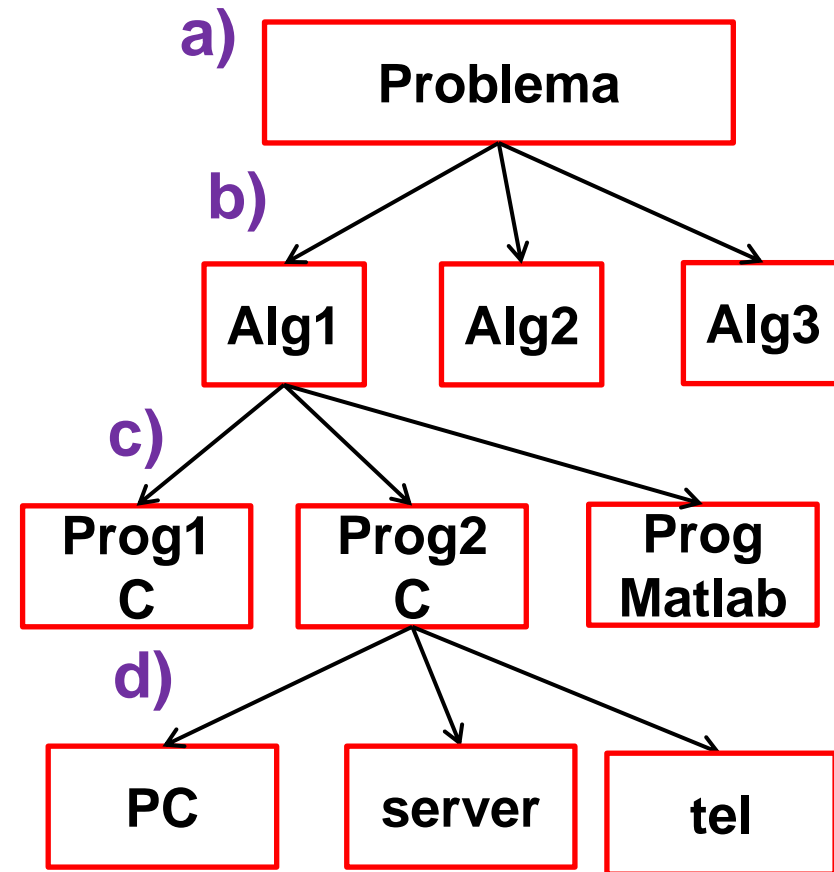
- a) Partirete dall'analisi di un problema
- b) Individuerete uno o più algoritmi che risolvono il problema in modo più o meno efficiente
- c) Codificherete un algoritmo in un linguaggio di programmazione,





Riepilogando: Come Procedere

- a) Partirete dall'analisi di un problema
- b) Individuerete uno o più algoritmi che risolvono il problema in modo più o meno efficiente
- c) Codificherete un algoritmo in un linguaggio di programmazione
- d) Il programma potrà essere «utilizzato» su diverse macchine





Riepilogando: Cosa Fare

- a) Dovrete (capire e) definire correttamente il problema
- b) **Ricavare l'algoritmo** è la parte più **difficile**. Richiede, oltre a esperienza, competenze specifiche, creatività e anche rigore perché occorre specificarlo in modo formale
- c) La codifica è più semplice ma il programma deve essere efficiente e corretto
- d) All'ultimo step pensa la macchina... vedremo poi la compilazione

