

题意

二维平面内，给定 n 个点的坐标，求一个半径最小的圆，使得所有点都在这个圆的圆上及圆内，求这个圆的圆心坐标和半径

分析

对于给定的点集 A ，记 $\text{Mincircle}(A)$ 为点集 A 的最小外接圆，显然，对于所有的点集情况 A ， $\text{MinCircle}(A)$ 都是存在且唯一的。

特别地，当 A 为空集时， $\text{Mincircle}(A)$ 为空集；当 $A = \{a\}$ 时， $\text{Mincircle}(A)$ 圆心坐标为 a ，半径为0；

$\text{Mincircle}(A)$ 可以由 A 边界上最多三个点确定（当点集 A 中点的个数大于1时，有可能两个点确定了 $\text{Mincircle}(A)$ ）。

也就是说，存在一个点集 B ， $|B| \leq 3$ 且 B 包含于 A ，有 $\text{Mincircle}(B) = \text{Mincircle}(A)$ 。所以，如果 a 不属于 B ，则 $\text{Mincircle}(A - \{a\}) = \text{Mincircle}(A)$ 。

如果 $\text{Mincircle}(A - \{a\})$ 不等于 $\text{Mincircle}(A)$ ，则 a 属于 B 。

因此，可以从一个空集 R 开始，不断把题目给定的点集加入 R ，同时维护 R 的外接圆最小。

最终求得最小外接圆

代码

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef long long LL;
4 typedef unsigned long long ULL;
5 typedef long double LDB;
6 const int maxn = 100005;
7 const double eps = 1e-6;
8 struct Point{
9     double x,y;
```

```

10     Point operator - (const Point &a) const{
11         Point p1;
12         p1.x = x-a.x;
13         p1.y = y-a.y;
14         return p1;
15     }
16 };
17 struct Circle{
18     double r;
19     Point centre;
20 };
21 struct Tri{
22     Point t[3];
23 };
24 Circle c;
25 Point a[maxn];
26 double dis(Point p1,Point p2)
27 {
28     Point p3;
29     p3.x = p2.x - p1.x;
30     p3.y = p2.y - p1.y;
31     return sqrt(p3.x * p3.x + p3.y * p3.y);
32 }
33 double triArea(Tri t)
34 {
35     Point p1,p2;
36     p1 = t.t[1] - t.t[0];
37     p2 = t.t[2] - t.t[0];
38     return fabs(p1.x * p2.y - p1.y * p2.x)/2;
39 }
40 Circle Wjy(Tri t)
41 {
42     Circle tmp;
43     double a,b,c,c1,c2;
44     double xa,ya,xb,yb,xc,yc;
45     a = dis(t.t[0],t.t[1]);
46     b = dis(t.t[1],t.t[2]);
47     c = dis(t.t[2],t.t[0]);
48     tmp.r = a*b*c / triArea(t)/4;
49     xa = t.t[0].x;ya = t.t[0].y;
50     xb = t.t[1].x;yb = t.t[1].y;
51     xc = t.t[2].x;yc = t.t[2].y;
52     c1 = (xa * xa + ya*ya - xb*xb -yb*yb)/2;
53     c2 = (xa * xa + ya*ya - xc*xc -yc*yc)/2;
54     tmp.centre.x = (c1 * (ya - yc) - c2 * (ya - yb)) / ((xa - xb) * (ya - yc)
- (xa - xc) * ( ya - yb ));

```

```

55     tmp.centre.y = (c1 * (xa - xc) - c2 * (xa - xb)) / ((ya - yb) * (xa - xc)
    - (ya - yc) * ( xa - xb ));
56     return tmp;
57 }
58 Circle Mincircle2(int tce, Tri ce)
59 {
60     Circle tmp;
61     if(tce == 0) tmp.r = -2;
62     else if(tce == 1)
63     {
64         tmp.centre = ce.t[0];
65         tmp.r = 0;
66     }
67     else if(tce == 2)
68     {
69         tmp.r = dis(ce.t[0], ce.t[1])/2;
70         tmp.centre.x = (ce.t[0].x + ce.t[1].x)/2;
71         tmp.centre.y = (ce.t[0].y + ce.t[1].y)/2;
72     }
73     else if(tce == 3) tmp = Wjy(ce);
74     return tmp;
75 }
76 void Mincircle(int t, int tce, Tri ce)
77 {
78     Point tmp;
79     c = Mincircle2(tce, ce);
80     if(tce == 3) return ;
81     for(int i=1; i<=t; i++)
82     {
83         if(dis(a[i], c.centre) > c.r)
84         {
85             ce.t[tce] = a[i];
86             Mincircle (i-1, tce+1 , ce);
87             tmp = a[i];
88             for(int j=i; j>=2; j--)
89             {
90                 a[j] = a[j-1];
91             }
92             a[1] = tmp;
93         }
94     }
95 }
96 void run ( int n)
97 {
98     Tri ce;
99     Mincircle(n, 0, ce);

```

```
100     printf("%.2f %.2f %.2f\n",c.centre.x ,c.centre.y , c.r);
101 }
102 int main()
103 {
104     int n;
105     cin>>n;
106     for(int i=1;i<=n;i++)
107     {
108         scanf("%lf%lf",&a[i].x , & a[i].y);
109     }
110     run(n);
111 }
```