

题意

众所周知，汀老师是XDUACM实验室最优秀的人，无论是学习还是打游戏。今天他突然想到一个好玩的游戏。规则是这样的，在游戏中他要得到 n 个小国，初始的时候小国和小杰各有1个。经过了很久的修炼，汀老师学会了两种魔法，他每次可以动用自己的智慧来使用魔法。

第一个魔法：（小杰变小国）可以使用自己的智慧，复制和当前小杰一样数量的小国出来；

第二个魔法：（小国大爆发）可以将当前的小杰变成和小国的数量一样，然后小国的数量倍！

因为汀老师的智力是无限多的，他不关心花掉的智力大小。但是好学的汀老师想尽快得到 n 个小国，使得能有更多的时间去读paper和打比赛。他想问问你，最少需要使用多少次魔法可以恰好得到 n 个小国。

分析

$dp[x]$:生成 x 个小国需要的最少魔法数

生成 x 个小国的情况为：[p 个小杰, $2*p+c*p$ 个小国] ($2*p + c*p == x$)，即由 ($p, 2p$)再使用 c 次魔法1达到

如果 x 为质数，那么 $p == 1$ ，他只能由魔法1得到， $dp[x] = x - 1$

否则 令 $(2+c)$ 为 x 的最小因数（一定为质数）

1. 如果 $2+c == 2$ 那么 $p = x/2$, $dp[x]$ 可以由 $dp[p]$ 使用一次魔法2得到： $dp[x] = dp[p] + 1$;

2. 如果 $2+c > 2$ 那么 $p = x / (c+2)$ $dp[x]$ 可以由 $dp[2*p]$ 使用 c 次魔法1得到： $dp[x] = dp[2*p] + c$

看起来，我们需要预处理出一个素数表，这里可以用线性筛来处理

```
1  /*每个合数必有一个最小素因子。每个合数仅被它的最小素因子筛去正好一次*/
2  const int N = 1e6+5;
3  bool not_prime[N];
4  int prime[N];
5  int sss()
6  {
7      int index = 0;
8      memset(not_prime, 0, sizeof(not_prime));
9      for(int i = 2; i <= (int)1e6; i++)
10     {
11         if( !not_prime[i] ) prime[++index] = i;
12         for(int j = 1; j <= index && prime[j]*i <= (int)1e6 ; j++ )
13         {
14             not_prime[i * prime[j]] = true;
```

```

15         if(i % prime[j] == 0) break;
16         /* prime数组 中的素数是递增的,当 i 能整除 prime[j], 那么 i*prime[j+1]
这个合数          肯定被 prime[j] 乘以某个数筛掉。
17         因为i中含有prime[j], prime[j] 比 prime[j+1] 小。接下去的素数同理。
所以不用筛          下去了。在满足i%prime[j]==0这个条件之前以及第一次满足改条
条件时,pr[j]必定是          pr[j]*i的最小因子*/
18     }
19 }
20 return index;
21 }

```

代码

```

1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  #define inc(i,l,r) for(int i = l;i<=r;i++)
4  #define dec(i,l,r) for(int i = l;i>=r;i--)
5  const int N = 1e6+5;
6  int dp[N];
7  bool not_prime[N];
8  int prime[N];
9  int sss()
10 {
11     int index = 0;
12     memset(not_prime,0,sizeof(not_prime));
13     for(int i = 2;i<=(int)1e6;i++)
14     {
15         if( !not_prime[i] ) prime[++index] = i;
16         for(int j = 1;j <= index && prime[j]*i <= (int)1e6 ;j++ )
17         {
18             not_prime[i * prime[j]] = true;
19             if(i % prime[j] == 0) break;
20         }
21     }
22     return index;
23 }
24 void ycl()
25 {
26     int n = sss();
27     dp[2] = 1;
28     for(int i = 3;i <= (int)1e6;i++)
29     {
30         if(not_prime[i])

```

```
31     {
32         int c = 1;
33         while(i%prime[c])c++;
34         c = prime[c];
35         int p = i/c;
36         if(c == 2) dp[i] = dp[p] +1;
37         else dp[i] = dp[2*p]+(c-2);
38     }
39     else dp[i] = i-1;
40 }
41 }
42 int main()
43 {
44     ycl();
45     int _,x;scanf("%d",&_);
46     while(_--)
47     {
48         scanf("%d",&x);
49         printf("%d\n",dp[x]);
50     }
51 }
```