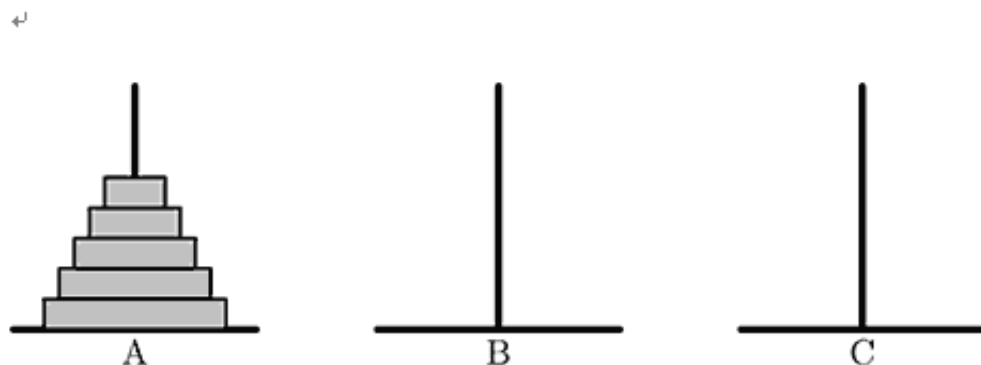


题意

汉诺塔由三根柱子（分别用A B C表示）和n个大小互不相同的空心盘子组成。一开始n个盘子都摞在柱子A上，大的在下面，小的在上面，形成了一个塔状的锥形体。



对汉诺塔的一次合法的操作是指：从一根柱子的最上层拿一个盘子放到另一根柱子的最上层，同时要保证被移动的盘子一定放在比它更大的盘子上面（如果移动到空柱子上就不需要满足这个要求）。我们可以用两个字母来描述一次操作：第一个字母代表起始柱子，第二个字母代表目标柱子。例如，AB就是把柱子A最上面的那个盘子移到柱子B。汉诺塔的游戏目标是将所有的盘子从柱子A移动到柱子B或柱子C上面。有一种非常简洁而经典的策略可以帮助我们完成这个游戏。首先，在任何操作执行之前，我们以任意的次序为六种操作（AB、AC、BA、BC、CA和CB）赋予不同的优先级，然后，我们总是选择符合以下两个条件的操作来移动盘子，直到所有的盘子都从柱子A移动到另一根柱子：（1）这种操作是所有合法操作中优先级最高的；（2）这种操作所要移动的盘子不是上一次操作所移动的那个盘子。可以证明，上述策略一定能完成汉诺塔游戏。现在你的任务就是假设给定了每种操作的优先级，计算按照上述策略操作汉诺塔移动所需要的步骤数。

思路

设 $f[k][x]$ 表示把k个圆盘从柱子x移到其他柱子的最小移动数目

设 $g[k][x]$ 表示把 k 个圆盘从柱子 x 移到哪个柱子

由于优先级给定, 那么 $g[1][x]$ 已经确定了, 即为优先级最高的 $x \rightarrow y$

$f[1][x] = 1$;

$f[i][x]$:

设 $y = g[i-1][x], z = 6-x-y$;

1. 把 $i-1$ 个圆盘从 x 移到 y —— $f[i-1][x]$

2. 把 1 个圆盘从 x 移到 z —— 1

如果 $g[i-1][y] == z$

3. 把 $i-1$ 个圆盘从 y 移到 z —— $f[i-1][y]$

综合得: $f[i][x] = f[i-1][x] + 1 + f[i-1][y]$

$g[i][x] = z$

如果 $g[i-1][y] == x$

3. 把 $i-1$ 个圆盘从 y 移到 x —— $f[i-1][y]$

4. 把 1 个圆盘从 z 移到 y —— 1

5. 把 $i-1$ 个圆盘从 x 移到 y —— $f[i-1][x]$

综合得: $f[i][x] = f[i-1][x] + 1 + f[i-1][y] + 1 + f[i-1][x]$

$g[i][x] = y$;

最终答案为 $f[n][1]$

代码

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef long long LL;
4 string cz[7];
5 int g[40][40];
6 long long f[40][40];
7 int n;
8 int main()
9 {
10     ios::sync_with_stdio(false);
11     cin>>n;
12     for(int i=1;i<=6;i++)
```

```
13     {
14         cin>>cz[i];
15     }
16     for(int i=1;i<=3;i++)
17     {
18         for(int j=1;j<=6;j++)
19         {
20             if(cz[j][0]-'A'+1 == i)
21             {
22                 f[1][i] = 1;
23                 g[1][i] = cz[j][1] - 'A' + 1;
24                 break;
25             }
26         }
27     }
28     for(int i = 2;i<=n;i++)
29     {
30         for(int x=1;x<=3;x++)
31         {
32             f[i][x] = f[i-1][x]+1;
33             int y = g[i-1][x];
34             int z = 6-x-y;
35             if(g[i-1][y] == z)
36             {
37                 f[i][x] += f[i-1][y];
38                 g[i][x] = z;
39             }
40             else if(g[i-1][y] == x)
41             {
42                 f[i][x] += f[i-1][y] +1+f[i-1][x];
43                 g[i][x] = y;
44             }
45         }
46     }
47     cout<<f[n][1]<<endl;
48 }
```