#### Diagnósticos dos modelos

#### 1. Gráfico QQ (Quantile-Quantile):

- Descrição: Um gráfico QQ é uma ferramenta visual para comparar a distribuição empírica de uma variável com uma distribuição teórica, como a distribuição normal padrão. Ele mostra os quantis observados em relação aos quantis esperados de uma distribuição específica.
- **Expectativa**: Em um teste QQ para normalidade dos resíduos de um modelo estatístico, espera-se que os pontos no gráfico sigam aproximadamente uma linha diagonal, indicando que os resíduos estão próximos de uma distribuição normal.

#### 2. Check Singularity:

- **Descrição**: O teste de singularidade é usado para verificar se há colinearidade perfeita ou quase perfeita entre as variáveis independentes de um modelo estatístico. Isso é importante porque a colinearidade pode levar a estimativas imprecisas ou não confiáveis dos parâmetros do modelo.
- Expectativa (Resultado FALSE): Um resultado FALSE no teste de singularidade indica que o modelo não é singular, ou seja, não há colinearidade perfeita ou quase perfeita entre as variáveis independentes. Isso é desejável, pois torna possível estimar os parâmetros do modelo de forma única e confiável.

#### 3. VIF (Variance Inflation Factor):

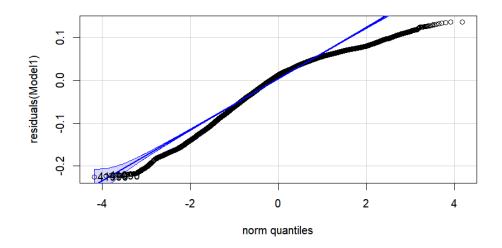
- Descrição: O VIF é uma medida que quantifica a magnitude da multicolinearidade entre as variáveis independentes em um modelo de regressão. Um VIF elevado indica que uma variável é altamente correlacionada com as outras variáveis independentes no modelo.
- Expectativa (Não ter valores Acima de 10): Em geral, valores de VIF acima de 10 são considerados indicativos de multicolinearidade problemática, o que pode levar a estimativas imprecisas dos coeficientes de regressão. Portanto, é desejável que os valores de VIF sejam inferiores a 10 para garantir que a multicolinearidade não tenha um efeito prejudicial no modelo.

#### > vif(Model1)

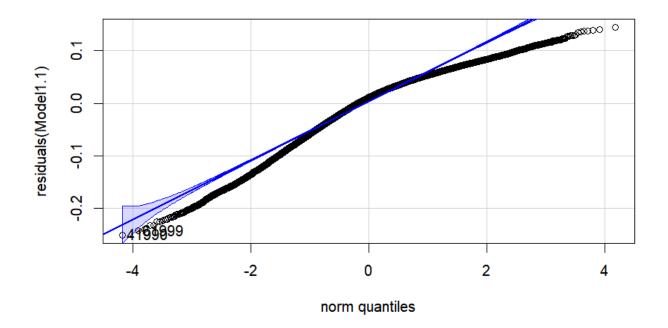
	GVIF	Df	$GVIF^{(1/(2*Df))}$
familia	1.005080	8	1.000317
IDH	1.477588	1	1.215561
<pre>perc_evang_protes</pre>	1.376685	1	1.173322
onda_rosa	1.264562	1	1.124527
religous_entry	1.070307	1	1.034556
<pre>&gt; vif(Model1.1)</pre>			
		Df	GVIF^(1/(2*Df))
familia	1.058478	8	1.003558
religiao	1.034903	3	1.005734
inter_politic	1.054465	1	1.026871
raca_branc	1.164333	2	1.038770
Mulher	1.022622	1	1.011248
Poor	1.213187	2	1.049499
idade	1.030650	3	1.005044
IDH	1.587958	1	1.260142

```
1.204844
perc_evang_protes 1.451649
                             1
                   1.409581
                             1
                                       1.187258
onda_rosa
                   1.129454
                                       1.062758
religous_entry
> vif(Model1.2)
                       GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                   1.062196
                             8
                                       1.003778
religiao
                   1.038028
                              3
                                       1.006240
                   1.084046
                             1
                                       1.041175
inter_politic
                              2
raca_branc
                   1.181126
                                       1.042495
                   1.022413
Mulher
                             1
                                       1.011144
                             2
Poor
                   1.280275
                                       1.063716
idade
                   1.099634
                              3
                                       1.015956
escolaridade
                   1.187019
                              1
                                       1.089504
                              1
IDH
                   1.741359
                                       1.319606
perc_evang_protes 1.583333
                              1
                                       1.258306
onda_rosa
                   1.365759
                              1
                                       1.168657
religous_entry
                   1.133500
                              1
                                       1.064660
> vif(Model1.2.1)
                       GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                   2.464831
                                       1.051395
religiao
                   1.034809
                              3
                                       1.005719
inter_politic
                   1.067116
                                       1.033013
raca_branc
                   1.137917
                                       1.032827
Mulher
                   1.019317
                              1
                                       1.009612
Poor
                   1.217885
                                       1.050513
idade
                   1.094310
                              3
                                       1.015134
escolaridade
                   1.163356
                                       1.078590
                             1
IDH
                   1.847255
                                       1.359138
                             1
perc_evang_protes 2.724035
                                       1.650465
                             1
                   1.307707
                                       1.143550
                              1
onda_rosa
> check_singularity(Model1)
[1] FALSE
> check_singularity(Model1.1)
[1] FALSE
  check_singularity(Model1.2)
[1] FALSE
  check_singularity(Model1.2.1)
[1] FALSE
```

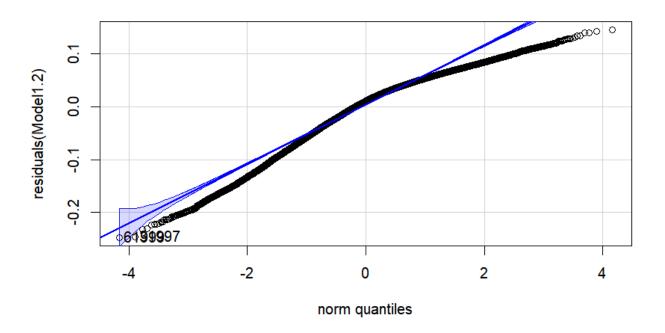
#### **Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 1:



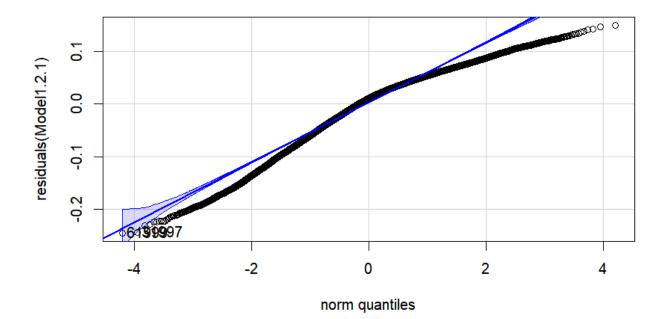
**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 1.1:



**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 1.2:



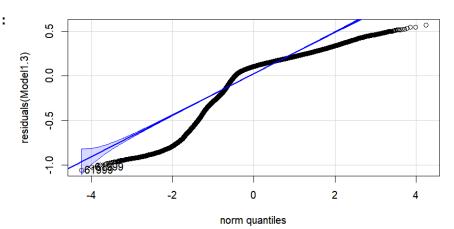
**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 1.2.1:



### > vif(Model1.3)

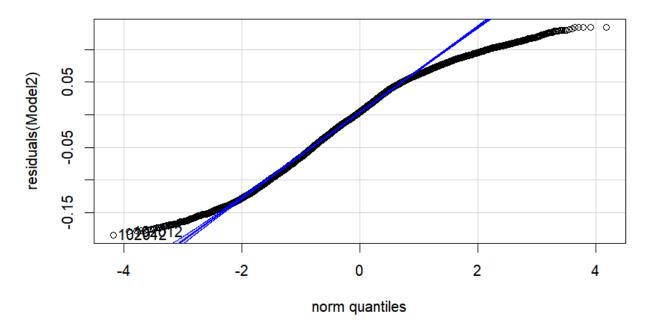
	GVIF	Df	$GVIF^{(1/(2*Df))}$
familia	1.067412	8	1.004086
religiao	1.042609	3	1.006979
inter_politic	1.470327	5	1.039301
raca_branc	1.176332	2	1.041436
Mulher	1.024380	1	1.012117
Poor	1.091912	2	1.022226
idade	1.113731	3	1.018115
escolaridade	1.194217	1	1.092802
IDH	1.680181	1	1.296218
perc_evang_protes	1.811181	1	1.345801
onda_rosa	1.273270	1	1.128392
religous_entry	1.139124	1	1.067298
> check_singularit	ty(Model1.	.3)	
[1] FALSE			

Gráfico QQ (Quantile-Quantile) Modelo 1.3:

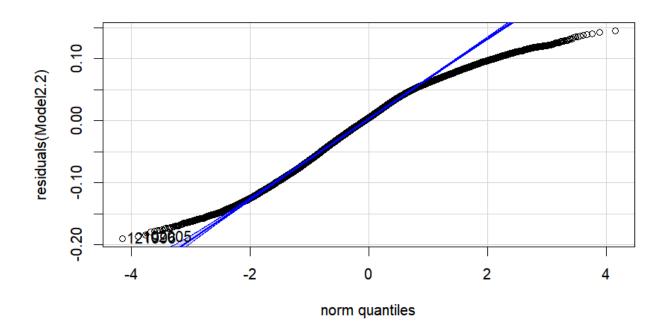


```
> vif(Model2)
                      GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                  1.005677
                            8
                                      1.000354
IDH
                  1.077197
                             1
                                      1.037881
onda rosa
                  1.233354
                             1
                                      1.110565
non_state_interv 1.155182
                                      1.074794
> vif(Model2.2)
                      GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                  1.064893
                            8
                                      1.003937
                            3
religiao
                  1.037665
                                      1.006181
                  1.083265
                            1
                                      1.040800
inter_politic
                  1.214503
                             2
                                      1.049783
raca_branc
                            1
Mulher
                  1.022453
                                      1.011164
                             2
Poor
                  1.209525
                                      1.048706
                            3
idade
                  1.100179
                                      1.016039
escolaridade
                  1.185154
                            1
                                      1.088648
IDH
                  1.242891
                            1
                                      1.114850
onda_rosa
                  1.346479
                            1
                                      1.160379
non_state_interv 1.246730
                             1
                                      1.116570
> vif(Model2.2)
                      GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                  1.064893
                            8
                                      1.003937
religiao
                  1.037665
                            3
                                      1.006181
inter_politic
                  1.083265
                            1
                                      1.040800
raca_branc
                  1.214503
                            2
                                      1.049783
Mulher
                  1.022453
                            1
                                      1.011164
Poor
                  1.209525
                            2
                                      1.048706
idade
                            3
                                      1.016039
                  1.100179
escolaridade
                  1.185154
                            1
                                      1.088648
IDH
                  1.242891
                            1
                                      1.114850
onda_rosa
                  1.346479
                            1
                                      1.160379
non_state_interv 1.246730
                                      1.116570
> vif(Model2.2.1)
                   GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
               1.178085
                                   1.009147
familia
                         9
               1.034409
religiao
                         3
                                   1.005654
inter_politic 1.066062
                                   1.032503
                         1
raca_branc
               1.147305
                         2
                                   1.034951
Mulher
               1.019320
                         1
                                   1.009614
                         2
Poor
               1.166564
                                   1.039267
                         3
idade
               1.094580
                                   1.015176
escolaridade
               1.161318
                         1
                                   1.077645
IDH
               1.159776
                         1
                                   1.076929
onda_rosa
               1.197558
                         1
                                   1.094330
> check_singularity(Model2)
[1] FALSE
> check_singularity(Model2.2)
[1] FALSE
> check_singularity(Model2.2)
[1] FALSE
> check_singularity(Model2.2.1)
[1] FALSE
```

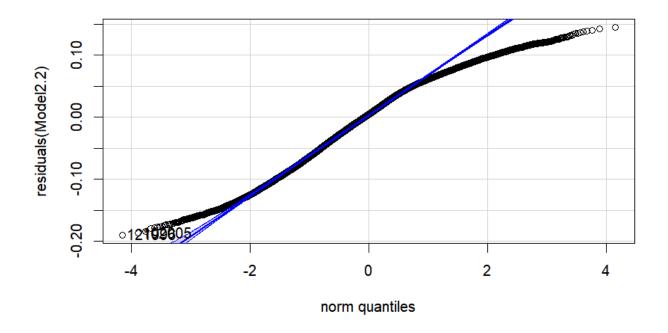
## **Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 2:



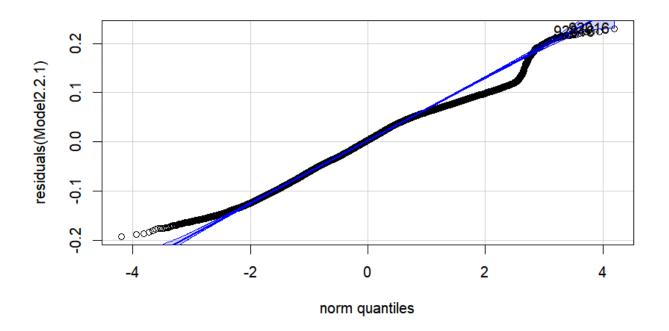
**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 2.1:



**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 2.2:



# **Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 2.2.1:

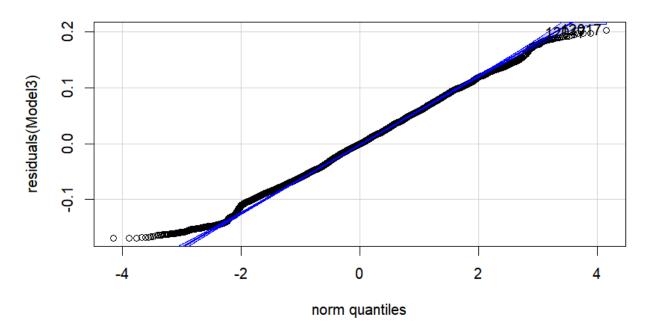


### > vif(Model3)

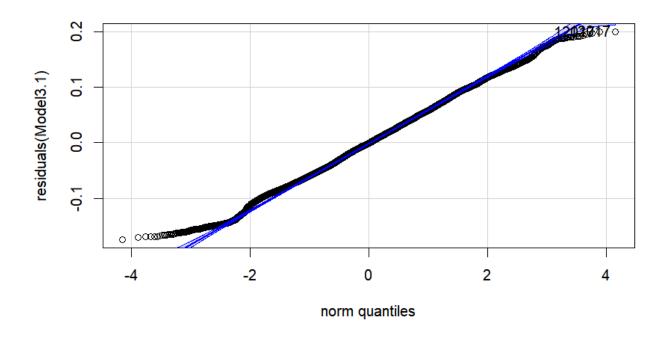
	GVIF	Df	GVIF^(1/(2*Df))
familia	1.002923	8	1.000182
IDH	1.403927	1	1.184874
<pre>perc_semPartido</pre>	1.169214	1	1.081302
party_inst	1.619331	1	1.272529
anosDEMOC	1.330836	1	1.153619
Political_POL	1.481432	1	1.217141
> vif(Model3 1)			

```
GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                 1.055114
                           8
                                     1.003359
religiao
                 1.036306
                           3
                                     1.005961
                 1.049103
inter_politic
                           1
                                     1.024257
raca_branc
                 1.268715
                           2
                                     1.061307
Mulher
                 1.022755
                           1
                                     1.011314
Poor
                           2
                 1.117879
                                     1.028250
                           3
idade
                 1.033348
                                     1.005482
IDH
                 1.692006
                           1
                                     1.300771
perc_semPartido 1.170155
                           1
                                     1.081737
party_inst
                 1.692739
                           1
                                     1.301053
                 1.354498
                           1
                                     1.163829
anosDEMOC
Political_POL
                 1.620717
                           1
                                     1.273074
> vif(Model3.2)
                     GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                 1.058216
                           8
                                     1.003543
religiao
                 1.039095
                           3
                                     1.006412
inter_politic
                 1.079881
                           1
                                     1.039173
raca_branc
                 1.279228
                                     1.063499
Mulher
                 1.022894
                                     1.011382
Poor
                 1.171770
                                     1.040425
idade
                 1.100169
                                     1.016038
escolaridade
                                     1.087674
                 1.183034
                           1
IDH
                 1.691998
                           1
                                     1.300768
perc_semPartido 1.170149
                           1
                                     1.081734
party_inst
                 1.692781
                                     1.301069
                           1
anosDEMOC
                 1.354487
                                     1.163824
                           1
Political_POL
                 1.620753
                                     1.273088
                           1
> vif(Model3.2.1)
                     GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
                 1.136259
familia
                           9
                                     1.007122
                 1.035712
                                     1.005865
religiao
                           3
inter_politic
                 1.063143
                                     1.031088
                           1
raca_branc
                 1.156029
                           2
                                     1.036913
                 1.019605
                                     1.009755
Mulher
                           1
                           2
Poor
                 1.112625
                                     1.027040
idade
                 1.094706
                           3
                                     1.015195
escolaridade
                 1.159311
                           1
                                     1.076713
IDH
                 1.166575
                           1
                                     1.080081
perc_semPartido 1.077575
                           1
                                     1.038063
> check_singularity(Model3)
[1] FALSE
> check_singularity(Model3.1)
[1] FALSE
> check_singularity(Model3.2)
[1] FALSE
> check_singularity(Model3.2.1)
[1] FALSE
```

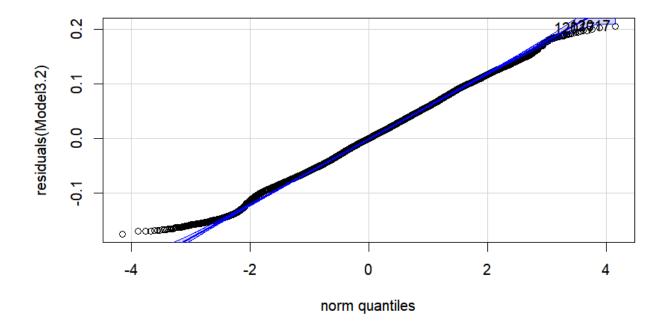
#### Gráfico QQ (Quantile-Quantile) Model 3:



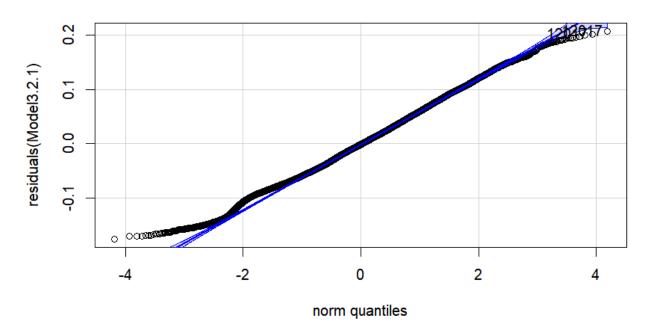
**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 3.1:



**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 3.2:



# **Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 3.2.1:

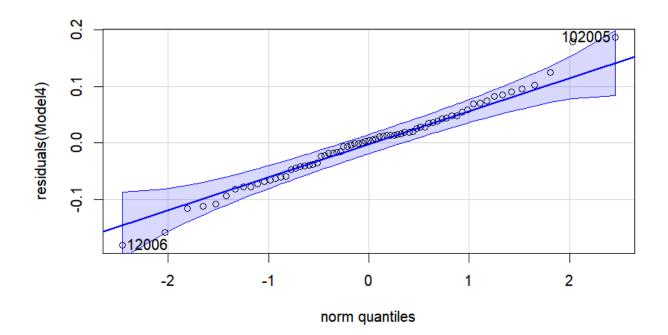


### > vif(Model4)

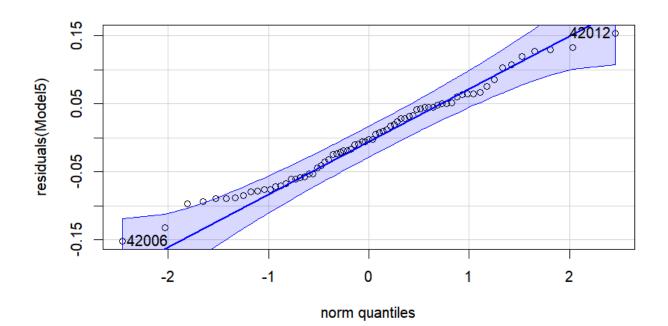
	GVIF	υτ	GV1F^(1/(2^DT))
family	2.726324	6	1.087172
bancada_N	1.323950	1	1.150630
tempo_existencia	1.493262	1	1.221991
<pre>media_elite_fundamentalismo</pre>	1.500342	1	1.224885

```
IDH
                             3.986229
                                                 1.996554
                                       1
perc_evang_protes
                             3.061870
                                       1
                                                 1.749820
                                                 1.284622
onda_rosa
                             1.650254
                                       1
party_inst
                             4.669421
                                                 2.160884
                                       1
religous_entry
                             2.169230
                                       1
                                                 1.472830
anosDEMOC
                             1.705597
                                       1
                                                 1.305985
Political_POL
                             2.948490
                                                 1.717117
> vif(Model5)
                            GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
family
                        3.301133
                                  6
                                            1.104643
bancada_N
                        1.287604
                                            1.134727
                                  1
tempo_existencia
                        1.405828
                                  1
                                            1.185676
media_elite_proMERCADO 1.462392
                                  1
                                            1.209294
IDH
                        2.134925
                                  1
                                            1.461138
onda_rosa
                        1.602879
                                  1
                                            1.266049
non_state_interv
                        3.294628
                                  1
                                            1.815111
                                  1
party_inst
                        6.219606
                                            2.493914
                                  1
anosDEMOC
                        1.320631
                                            1.149187
Political_POL
                        4.536484
                                  1
                                            2.129902
> check_singularity(Model4)
[1] FALSE
> check_singularity(Model5)
[1] TRUE
```

#### Gráfico QQ (Quantile-Quantile) Model 4:



**Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** Model 5:



### > vif(ModelR1)

	GVIF	Df	GVIF^(1/(2*Df))
familia	1.077810	8	1.004694
religiao	1.040478		1.006635
inter_politic	1.078427		1.038474
raca_branc	2.083319		1.201404
Mulher	1.020259		1.010079
Poor	1.050334		1.024858
idade	1.100196	3	1.016042
escolaridade	1.127236		1.061714
IDH	3.986489	1	1.996619
perc_evang_protes	4.722700	1	2.173177
onda_rosa	1.555940	1	1.247373
religous_entry	1.963515	1	1.401255
<pre>&gt; vif(ModelR2)</pre>			
	GVIF	Df	GVIF^(1/(2*Df))
familia	1.070421	8	1.004262
religiao	1.045774		1.007487
inter_politic	1.373518		1.032247
raca_branc	1.831717		1.163361
Mulher	1.020518	1	1.010207
Poor	1.062831	2	1.015351
idade	1.106355	3	1.016988
escolaridade	1.139223	1	1.067344
IDH	2.808513	1	1.675862
perc_evang_protes	3.634258	1	1.906373
onda_rosa	1.571895	1	1.253752
religous_entry	2.066126	1	1.437402
<pre>&gt; vif(ModelR3)</pre>			
	GVIF	Df (	GVIF^(1/(2*Df))
familia	1.095868	8	1.005738
religiao	1.042138	3	1.006903
inter_politic	1.078638	1	1.038575
	1.535622	2	1.113195
Mulher	1.020144	1	1.010022
Poor	1.050622	1	1.024999

```
idade
                  1.100867
                            3
                                      1.016145
escolaridade
                  1.128096
                            1
                                      1.062119
                  1.336902
IDH
                            1
                                      1.156245
onda_rosa
                  1.902154
                            1
                                      1.379186
non_state_interv 1.676949
                            1
                                      1.294971
> vif(ModelR4)
                     GVIF Df GVIF^(1/(2*Df))
familia
                 1.071906
                           8
                                     1.004349
religiao
                 1.040583
                           3
                                     1.006652
inter_politic
                1.078354
                           1
                                     1.038438
                           2
raca_branc
                 1.833129
                                     1.163585
Mulher
                 1.020320
                           1
                                     1.010109
Poor
                 1.050287
                           1
                                     1.024835
idade
                 1.100113
                           3
                                     1.016029
escolaridade
                 1.127196
                           1
                                     1.061695
IDH
                 2.005152
                           1
                                     1.416034
perc_semPartido 1.210634
                           1
                                     1.100288
party_inst
                 2.039674
                           1
                                     1.428171
anosDEMOC
                 1.486644
                                     1.219280
Political_POL
                 1.410872
                                     1.187802
> check_singularity(ModelR1)
[1] FALSE
> check_singularity(ModelR2)
[1] FALSE
> check_singularity(ModelR3)
[1] FALSE
> check_singularity(ModelR4)
[1] FALSE
```

#### Gráfico QQ (Quantile-Quantile) R1:

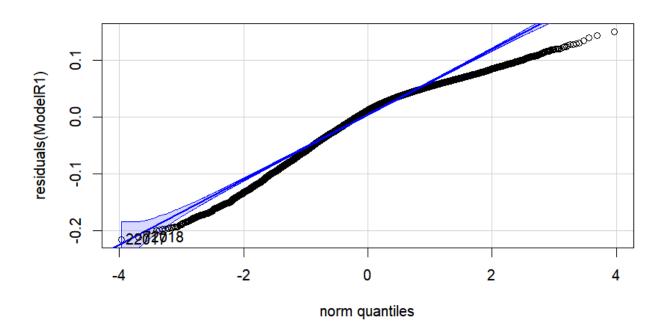
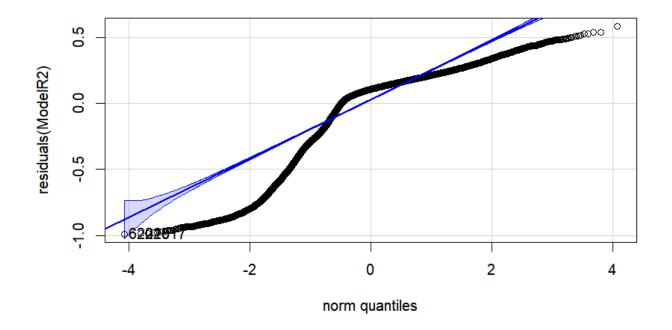
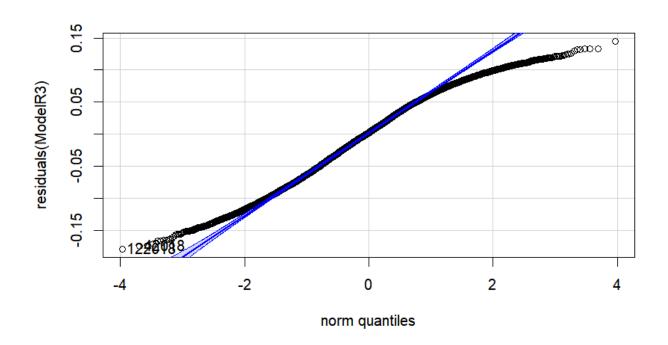


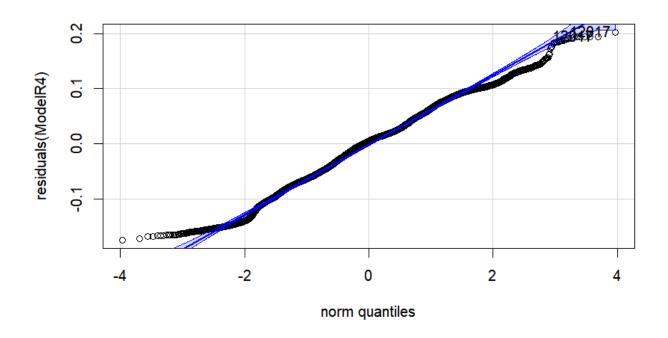
Gráfico QQ (Quantile-Quantile) R2:



# **Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** R3:



### **Gráfico QQ (Quantile-Quantile)** R4:



## Referências

Gelman, Andrew, and Jennifer Hill. 2007. *Data Analysis Using Regression and Multilevel/Hierarchical Models*. Analytical Methods for Social Research. Cambridge; New York: Cambridge University Press.

Hox, J. J. 2010. *Multilevel Analysis: Techniques and Applications*. 2nd ed. Quantitative Methodology Series. New York: Routledge.

Johnson, Paul C. D. 2014. "Extension of Nakagawa & Schielzeth's R2 GLMM to Random Slopes Models." Edited by Robert B. O'Hara. *Methods in Ecology and Evolution* 5 (9): 944–46.

Nakagawa, Shinichi, Paul C. D. Johnson, and Holger Schielzeth. 2017. "The Coefficient of Determination R2 and Intra-Class Correlation Coefficient from Generalized Linear Mixed-Effects Models Revisited and Expanded." *Journal of The Royal Society Interface* 14 (134): 20170213.