# Lógica Combinacional

Mapas de Karnaugh

OdC 2022

#### Mapas de Karnaugh

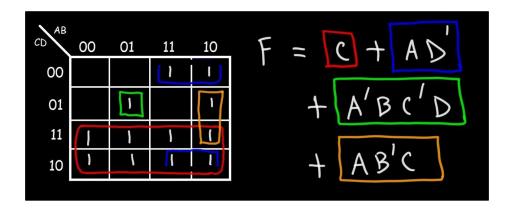
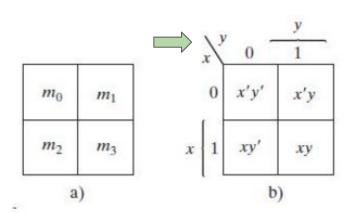


Diagrama o tabla que representa una función lógica.

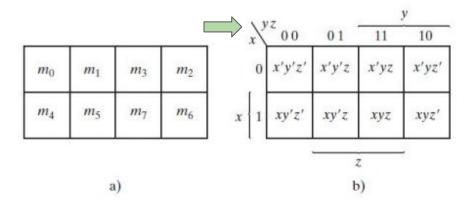
Es equivalente a una tabla de verdad.

Permite simplificar al mínimo una función lógica en términos de recursos.

#### Mapas de Karnaugh de 2 y 3 variables (entradas)



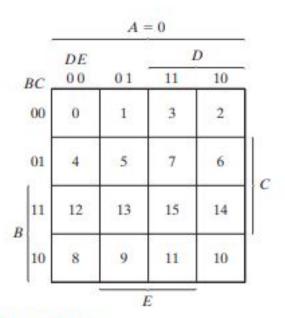
- Cada "celda" representa una asignación de estados a las entradas.
- Los mapas/tablas para N entradas o variables tienen 2 a la N celdas.
- 2 celdas adyacentes distan en 1 los valores de sus entradas asociadas (distancia de Hamming).



### Mapas de Karnaugh de 4 variables (entradas)

					,	yz			y
				ν	vx	00	01	11	10
$m_0$	$m_1$	$m_3$	<i>m</i> <sub>2</sub>		00	w'x'y'z'	w'x'y'z	w'x'yz	w'x'yz'
$m_4$	$m_5$	$m_7$	m <sub>6</sub>		01	w'xy'z'	w'xy'z	w'xyz	w'xyz'
$m_{12}$	m <sub>13</sub>	m <sub>15</sub>	m <sub>14</sub>		11	wxy'z'	wxy'z	wxyz	wxyz'
$m_8$	$m_9$	$m_{11}$	$m_{10}$	w	10	wx'y'z'	wx'y'z	wx'yz	wx'yz'
	a	)			S. 100			7	
							b	)	

#### Mapas de Karnaugh de 5 variables (entradas)



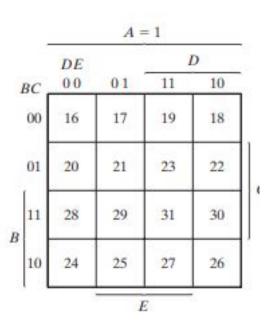
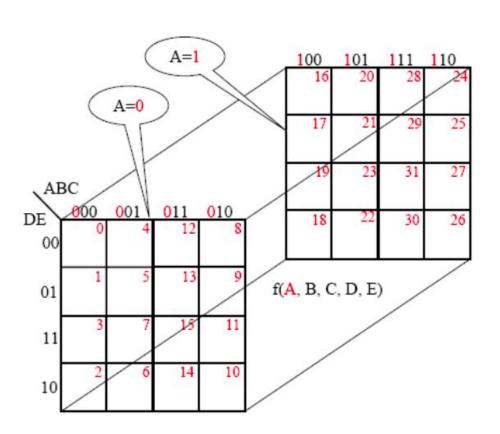


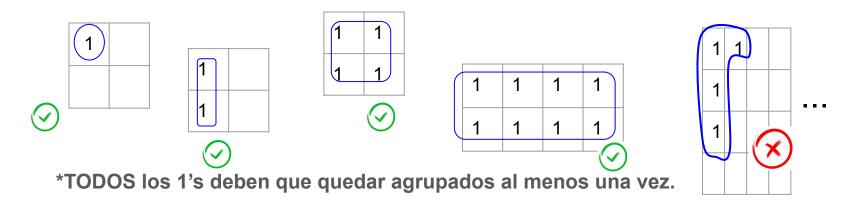
FIGURA 3-12 Mapa de cinco variables

### Mapas de Karnaugh de 5 variables (entradas)



#### Pasos del método (Suma de productos)

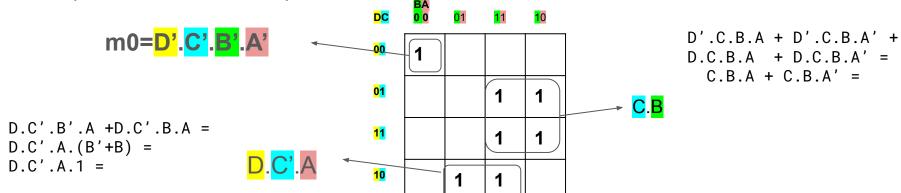
- 1. Dibujar la tabla de la dimensión correcta, asignar nombre y valor a las filas y columnas.
- 2. Llenar los 1's donde corresponda (según la especificación o tabla de verdad).
- 3. Agrupar los 1's adyacentes en cuadrados/rectángulos lo más grande posible, considerando que la cantidad de 1's agrupados sea potencia de dos:



- 4. Cada grupo representará un término (producto) de la función simplificada.
- 5. El resultado final es la mínima suma de productos

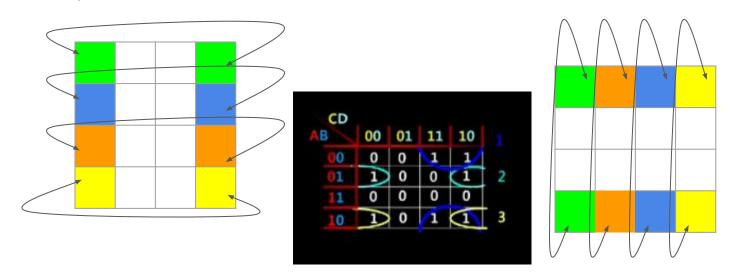
#### Términos simplificados

- 1. Si el conjunto que estamos describiendo es de tamaño 1, el término asociado es el minitérmino correspondiente a la celda.
- 2. Si el valor de una variable cambia dentro del conjunto, entonces esa variable se elimina del producto.
- 3. Si el valor de una variable en cada celda del conjunto es 1, esta variable es parte del término simplificado.
- 4. Si el valor de una variable en cada celda del conjunto es 0, esta variable negada es parte del término simplificado.

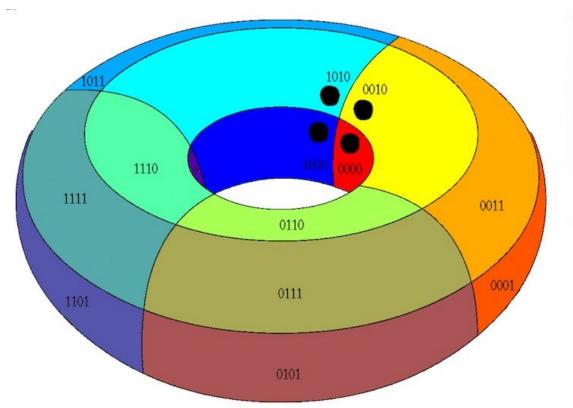


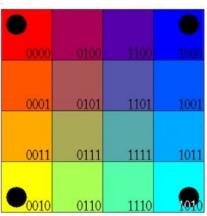
#### Observaciones del método

- Debe haber la mínima cantidad de grupos contemplando todos los 1.
- 2. Cada grupo debe ser del máximo tamaño posible (aun si "encierra" 1's que ya forman parte de otro grupo).
- 3. Los "extremos" se pueden asociar con su "extremo" opuesto (horizontal o vertical).



#### Otra representación más evidente de la adyacencia ...







#### Ejercicio 1 (con mapas de Karnaugh)

Un detector de paridad impar de 4 entradas y una salida funciona de la siguiente manera: si la cantidad de entradas con valor '1' es impar la salida se pone en '1', en el resto de los casos la salida toma valor '0'.

A	В	C	D	S
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0

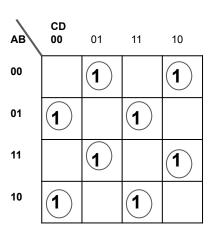
# Ejercicio 1 (con mapas de Karnaugh)

Α	В	C	D	S
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0

АВ	CD 00	01	11	10
00		1		1
01	1		1	
11		1		1
10	1		1	

## Ejercicio 1 (con mapas de Karnaugh)

Α	В	C	D	S
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0

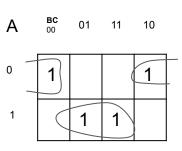




### Otro ejemplo

Simplificar S como suma de productos usando mapas K.

A	В	С	S
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

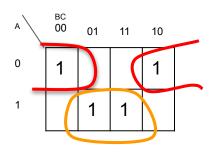


$$S = A.C + A'.C'$$

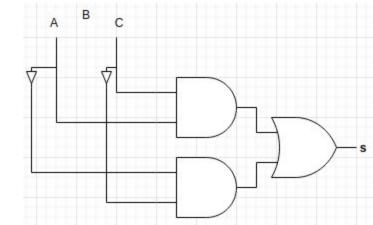
### Otro ejemplo

Simplificar S como suma de productos usando mapas K.

A	В	С	S
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1



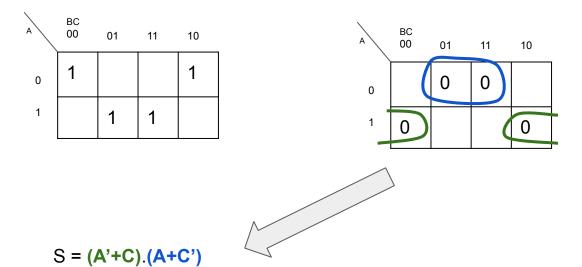
$$S = A'.C' + A.C$$



#### Otro ejemplo

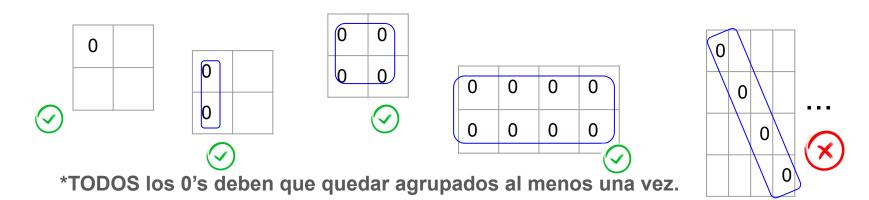
Simplificar S como **producto de sumas** usando mapas K.

Α	В	С	S
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1



#### Pasos del método (Producto de sumas)

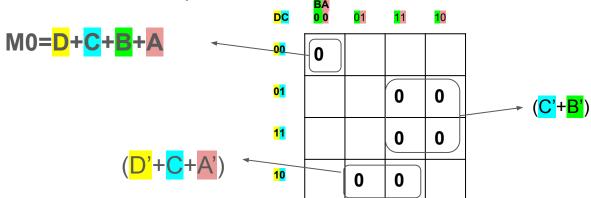
- 1. Dibujar la tabla de la dimensión correcta, asignar nombre y valor a las filas y columnas.
- 2. Llenar los **0**'s donde corresponda (según la especificación o tabla de verdad).
- 3. Agrupar los **0**'s adyacentes en **cuadrados/rectángulos lo más grande posible**, considerando que la cantidad de **0**'s agrupados sea potencia de dos:



- 4. Cada grupo representará un término (suma) de la función simplificada.
- 5. El resultado final es la mínima suma de productos

#### Términos simplificados

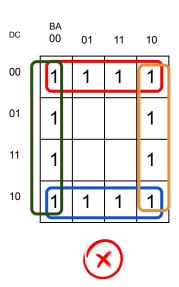
- 1. Si el conjunto que estamos describiendo es de tamaño 1, el término asociado es el maxitermino correspondiente a la celda.
- 2. Si el valor de una variable cambia dentro del conjunto, entonces esa variable se elimina de la suma.
- Si el valor de una variable en cada celda del conjunto es 0, esta variable es parte del término simplificado.
- 4. Si el valor de una variable en cada celda del conjunto es 1, esta variable negada es parte del término simplificado.

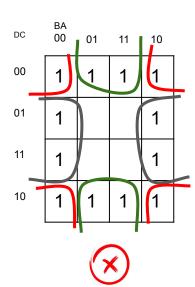


# Último Ejemplo

#### Para tomar decisiones ...

D	С	В	Α	S
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	0
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0

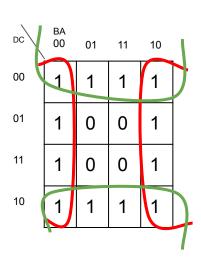




# Último Ejemplo

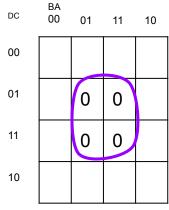
#### Para tomar decisiones ...

D	С	В	Α	S
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	0
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0



$$S = C' + A'$$



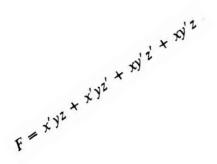






### Algunas equivalencias que dominar!

Especificación formal o en lenguaje natural de una función lógica

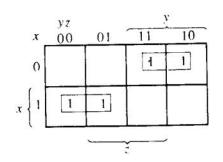


La función F activa su salida cuando las entradas cumplen ....

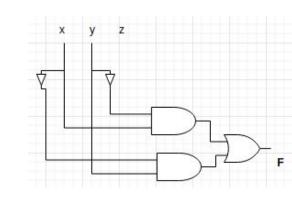
Tabla de Verdad

x	у	z	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

#### Mapa de Karnaugh



#### **Circuito Combinacional**



$$x'y + xy$$