

**Siła Lorentza** - siła jaka działa na cząstkę, która wpadnie w obszar pola magnetycznego. (Pole to wywarca wpływu na drugą cząstkę tylko jeżeli ta cząstka się porusza i jest naładowana)

$$\vec{F} = q \vec{v} \times \vec{B}$$

**pole jednorodne** - w każdym punkcie jest takie samo (wektor indukcji jest taki sam)

\* ruch cząstki w polu jednorodnym:

→ jeśli cząstka wpadła prostopadle do pola magnetycznego to

$$qvB = \frac{mv^2}{r}$$

(siła dośrodkowa)

\* okres: (nie zależy od szybkości z jaką wrzuciliśmy cząstkę !!!)

$$T = \frac{2\pi m}{qB}$$

**Uogólnienie wzoru Lorentza** - dla prądu cząstek (niepunktowe, tylko zignoruj odległość)

$$\vec{F} = \int_V \vec{j} \times \vec{B} dV$$

↑ wektor indukcji

↓ wektor gęstości prądu

## ZADANIE

\* Elektron przyspieszamy w polu o różnicy potencjałów  $U = 15000V$

\* Następnie pozwalamy mu krążyć w płaszczyźnie prostopadłej do jednorodnego pola magnetycznego o indukcji  $B = 0.4T$

\* Szukane: promień orbity elektronu?

① WZ. NA ENERGIĘ - jeśli taki elektron umiemy się między dwoma płytami, do których by się podłączyła bateria, to taki elektron będzie ruszał w kierunku od płyty ujemnej do dodatniej.

$$E = qU$$

$$= \text{energia kinetyczna} = \frac{1}{2}mv^2$$

\* pole magnetyczne nie jest w stanie rozprężyć ciał, zmienia jego energię kinetyczną

$$v = \sqrt{\frac{2|q|U}{m}}$$

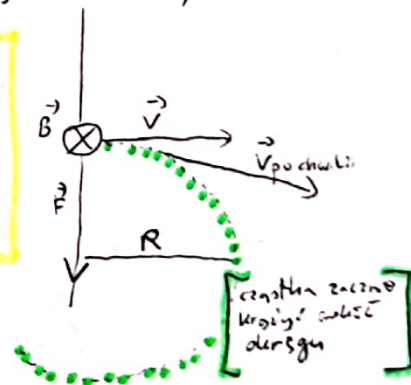
$$q = -e = -1.6 \cdot 10^{-19} C$$

wartość ujemna

$$\vec{F} = q \vec{v} \times \vec{B}$$

TRZEBA ODWROCIĆ KIERUNEK ILOŚCI WKTOROWEGO  $\vec{v} \times \vec{B}$

WAŻNE



② WZ. NA RUCH CZĄSTKI W POLU JEDN.

$$qvB = \frac{mv^2}{R} \rightarrow R = \frac{mv}{qB}$$

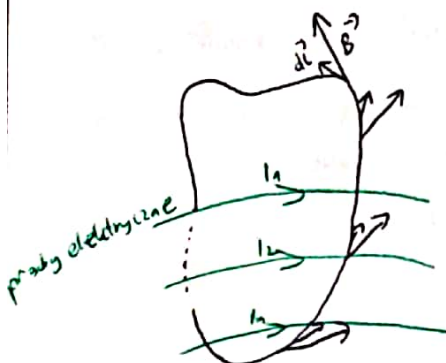
③ WZ. NA OKRES

$$\text{z pr. kołowej: } \omega = \frac{v}{R} = \frac{2\pi}{T} \rightarrow T = \frac{2\pi R}{v}$$

# Prawo Ampere'a

- służy do wyznaczania pola magnetycznego od zamkniętych rozkładów prądów płynących np. w przewodnikach

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{całkowite}}$$



## \* krążenie pola magnetycznego

- jeżeli weźmiesz dowolną matematyczną petlę (linię zamkniętą) to krążenie to musi być takie samo jak krążenie pola magnetycznego jest równe do prądu

(IM BARŻEJ JEST STAJNIE tym krążenie większe)

- zależy to tylko od sumy prądów przepływających przez powierzchnię ograniczoną tą linią

\* indukcja na kółku CCW (counter-clockwise) więc struga tak jakby się wchodziła do niego (prąd kółkowy) czyli prąd płynący w jego stronę traktuj jako dodatni!

\* przyda się do wyznaczania pola magnetycznego B, gdy z symetrii uda się nam ustalić, że na zamkniętej linii pole magnetyczne  $|\vec{B}| = \text{const}$

\* jeżeli  $d\vec{l}$  i  $\vec{B}$  są styczne to jest to wektor skalarny długości

\* jeżeli  $|\vec{B}| = \text{const}$  to można to zrobić wyciągnąć przed całkę, a całka z samego  $d\vec{l}$  to po prostu długość tej linii (np. gdy linia to okrąg to  $\oint d\vec{l}$  to  $2\pi r$ )

- Wyznaczenie pola magnetycznego wokół przewodu nieskończonego prądu, który płynie prąd o natężeniu I [prostopadły przewód]

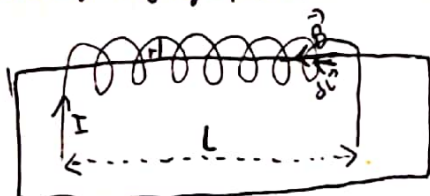
- ma symetrię obrotową
- jest nieskończenie cienki
- pole ma stałą wartość na danej odległości (możemy wybrać dowolną linię)
- dowolny promień



$$|\vec{B}| 2\pi r = \mu_0 I \rightarrow |\vec{B}|(r) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

- Wyznaczenie pola magnetycznego w zwojnicy (tzw. cewce)

- element elementarny, gdzie kawałek przewodu jest nawiązany w długi, który się blisko siebie
- gdy do tej zwojnicy podłączymy baterię to przez nią płynie prąd elektryczny (źródło pola magnetycznego)



\* pole magnetyczne na zewnątrz zwojnicy jest równe zero !!!

\* zwojnica jest bardzo długa względem średnicy ("nieskończona")

$$|\vec{B}| = \frac{\mu_0 N I}{L} = \text{const}$$

tylko dla powierzchni obejmującej te zwojniki bo:

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I \rightarrow |\vec{B}| \cdot L = \mu_0 N I \rightarrow$$

L - długość kawałka zwojnicy

\* czyli całka po całości  $d\vec{l}$  to L

N - liczba zwojów  
prąd przepływa wielokrotnie przez powierzchnię ograniczoną tą linią (powierzchnia prostokąta)  
TYŁE RAZY ILE ZWOJÓW MA ZWOJNICA (N)

POLE JEST O DZIWIE JEDNORÓDNE (bo nie występuje nigdzie) (we wnętrzu) = WSZĘDZIE DZIAŁA W KAŻDYM PUNKCIE

c.d.n. →



Zwojnica c.d.

\*strum.

- pnydaje os. np. do przerw Faradaya

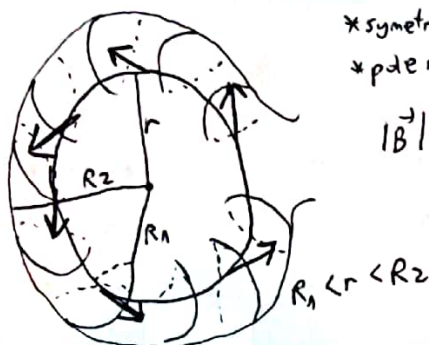
- jest równy wartości składowej przez którą zwój

$$\Phi_1 = \int \vec{B} \cdot d\vec{S} = |B|S = |B| \cdot \pi r^2 \quad \text{- strumień przez jeden zwoj}$$

↳ ponieważ  $|B| = \text{const}$  ↑  
w zwojnicy

$$\Phi = N \cdot \Phi_1 \quad - \text{strumen cathowity}$$

Toroidalna zwojnica - pole magnetyczne



\* symetria dwustonna - tala wchodzi na okresu

\* pole magnetyczne na zewnątrz = 0

$$|B|/2\pi r = \mu_0 N \cdot I$$

ilost w  
zawiesz  
projekt w  
zawiesz (Nutzmenge = konst)

$$\Rightarrow |\vec{B}| = \frac{\mu_0 N I}{2\pi r}$$

Wniosek

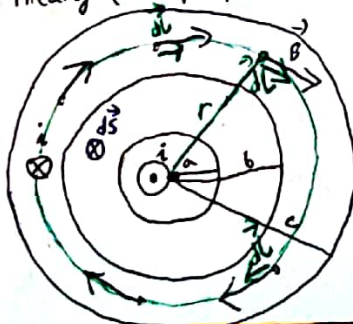
-im więcej zwijasz  
tym większe pole  
magnetyczne

## Indukcja w koncentrycznym kablu

Priderj: (kabel protopole bi etyranu)

rca przewodnik

$b < r < c$  przewoźnik



\* gestos <sup>pracy</sup> w tamym przewalniku jest - stara

\* rozkład prądu ma symetryczny obrotowy względem osi

NIE WIEM W KTORĄ STRONĘ (CW/CCW) BĘDĄ KRAŁIĆ INDUKCJE WIEM PRZYJMUJĘ WYBRANY, ALE JEŚLI WSA INDUKCJI WTYDZIE UJĘTA TO KIERUNEK BĘDZIE PRZECIWNY

Z prawa Ampere'a:

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_w$$

przy obiegach CW (wielkość  $d_s$  za ekran) natężenia światła  
za kaskadą  $\rightarrow$  dodatnie  
przed kaskadą  $\rightarrow$  ujemne

Klasyczne:  $\vec{d}$  i  $\vec{B}$  są niezależne czyli przechodzą na iloraz skalarny

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = B(r) \oint dl = B(r) \cdot 2\pi r \rightarrow B(r) = \frac{\mu_0 I w}{2\pi r}$$

② Potrzebuje I wypadowe:  $I_w = -i + I_1$

a) natężenie prądu w obwodzie  $r < a \rightarrow$  JEST PRZELIKOWANE SKIEROWANE DO DŹ  $(-i)$

b) natężenie między  $b$ , a  $r$  (mamy odwołanie to natężenie poza zadanym kółkiem  $r(I_1)$ )

Cost just nutrient prodn strategy.

$$I = \frac{dq}{dt}$$

Gdy natężenie nie jest wystarczającym informacją  
 jak płynnie prąd to trzeba je odnieść do  
 tej powierzchni przepływu, do kierunku  
 płynięcia prądu → **GĘSTOŚĆ PRĄDU**

$$\vec{I} = \int \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

↓  
vector  
geometrical product

\*znajsc natężenie mianu  
użytków z tej cathy  
gęstość prądu

$$j = n \cdot e \cdot v$$

↑                      ↑

gestoos              Ladung  
Ladungsdichte      n: Anzahl  
                             pro q  
                             jedes  
                             Element

poté  
pouzechní

⑥ Finally we

$$B(r) = \frac{\mu_0 (-\dot{\lambda} + I_a)}{2\pi r}$$

\* gelykwydige wjerne to alreder  
kennet welkeren

4. LICZĘ GĘSTOŚĆ PRĄDU W PRZEWODNIKU  $b < r < c$

$$j = \frac{i}{\pi c^2 - \pi b^2} \left( \begin{array}{l} \text{podajemy pole koła} \\ \text{mamy tego aby} \\ \text{wyjąć obwódankę} \end{array} \right)$$

⑤ LICZE  $I_1$  (znów ten sam wzór)

$$I_1 = j \cdot S_1 = j(\pi r^2 - \pi b^2)$$

\* znam z  wiec wstawiam

$$I_1 = \frac{i}{r^2 - b^2} \cdot (\pi r^2 - \pi b^2)$$

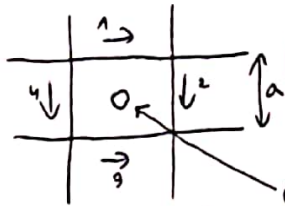


# Indukcja magnetyczna w środku kwadratu

→ magnetostatyka

\* Źródłem pola magnetycznego są płynące prądy

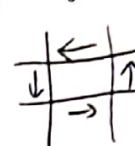
\* jeżeli natężenia prądów płynących przez te przewody są stałe to i pole magnetyczne będzie stałe a gdy



$$B(r) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 + \vec{B}_4, \quad B_i = \frac{\mu_0 I}{2\pi \frac{a}{2}}$$

$$B_z = B_1 + B_2 + B_3 + B_4 = 0, \text{ czyli } \vec{B} = 0$$



czyli

$$B = B_z = 4 \cdot B_i = 4 \cdot \frac{\mu_0 \cdot I}{\pi a} [T]$$

natężki = kierunki prądów (izolowane prądy)

(bierz to miejsce gdzie teraz szukasz)



\* prąd tworzy pętlę w kierunku palców zginając rękę  
\* żeby znać kierunek wektora wybierz sobie tę pętlę i kierunek w tym konkretnym miejscu - dlatego ↓ 0 ↓ prąd skieruj się pole magnetyczne

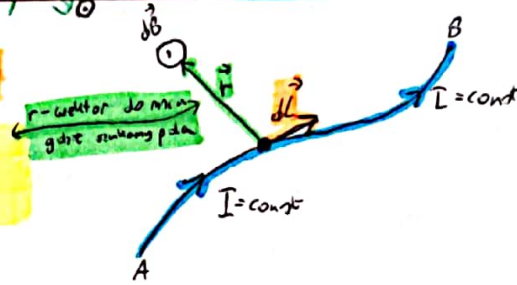
## Prawo Biot-Savarta

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{d\vec{l} \times \vec{r}}{r^3}$$

(pole magnetyczne od jednego kawałka)

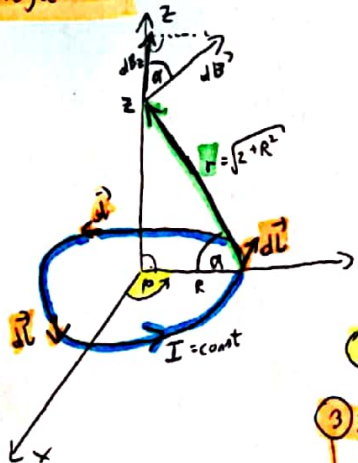
$$\vec{B} = \int_A^B d\vec{B}$$

$\vec{B} = (x, y, z)$  tzn są 3 równania!



\* wiemy już że nie da się użyć prawa Ampere'a - nie ma symetrii  
=  $|\vec{B}| \neq \text{const}$  na łuku

## Przykład:



Dane:  $I, R$ , okrąg,  $z$  to dowolna dana (funkcja będzie w niej)

Szukane:  $\vec{B}(0,0,z)$  ① Zapisz tego utworzenie szukam

\* nie ma powodu dla którego  $\vec{B}$  miało by być skierowane w bok itp. ponieważ jest idealnie nas kołem. stąd:

$$\vec{B}(0,0,z) = \hat{k} \cdot B_z(z), \text{ gdzie } B_z = \int_A^B dB_z = \int_A^B dB \cdot \cos \alpha$$

wersja \* długość

2 reguły prawa  $d\vec{l}$  najbliżej na  $\vec{r}$  czyli szuka się wyrażenia o takim

② Zapisz wektor  $d\vec{B}$  na koniec wektora  $\vec{r}$

③ Szukam długości  $dB_z$ : porównaj cosinusy trójkąta na dole i u góry

$$\cos \alpha = \frac{R}{\sqrt{z^2 + R^2}} = \frac{dB_z}{dB} \text{ znając } \cos \alpha \text{ zapisz } dB_z = dB \cdot \cos \alpha$$

④ Zapisz już prawo Biot-Savarta

\*  $d\vec{l} \times \vec{r} = dl \cdot r \cdot \sin(\angle d\vec{l}, \vec{r}) \rightarrow$  KĄTY SĄ PROSTOKĄTNE,  $\sin(\dots) = 1$  CZYLI POMIAMI KĄTOWY WIEKTOROWY

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{dl \cdot r}{r^3}$$

⑤ ZAMIANIAM  $dl$  na  $\cos$  zależne od  $\rho$

DŁUGOŚĆ ŁUKU = PROMIEN \* KĄT

$$dl = R d\phi$$

Wstawiam to do wzoru jako całkę

$$R \cdot \int_0^{2\pi} d\phi$$

⑥ Wstawiam to wyrażenie do wzoru na  $B_z$  z punktu ①

$$B_z(z) = \frac{\mu_0 I R^2}{4\pi (\sqrt{z^2 + R^2})^3} \cdot \int_0^{2\pi} d\phi = \frac{\mu_0 I R^2}{2 (\sqrt{z^2 + R^2})^3}$$

Wzór na wektor pola magnetycznego w odległości  $z$  od okręgu z prądem

OGÓLNIEM (DLA  $z=0$ )

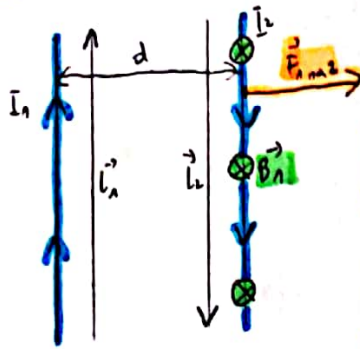
$$B(R) = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

INDUKCJA W ŚRODKU PĘTLI



**Siła elektrodynamiczna** - siła, która działa na zadany przewód z prądem, umieszczony w jakimś stałym polu magnetycznym zewnętrznym (wytworzone przez inne źródła niż przewody).  
 \* jest to wypadkowa wszystkich sił Lorentza jakie działają na ładunki

$$\vec{F} = I \cdot \vec{L} \times \vec{B}$$



Wyprowadzenie siły z jakiej oddziałują 2 przewody:

$$\text{zati: } L_1 = L_2$$

\* Wokół każdego przewodu na danym dystansie o promieniu  $r$  jest pole magnetyczne o stałej wartości

\* jakby się znalazł w miejscu przewodu z prądem to kierunek wkręcania pokazuje zwrot pola magnetycznego

Wzór na pole magnetyczne (z prawa Ampere'a)

$$B_1 = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r d}$$

Pole magn. przewodu 1 w miejscu przewodu 2

\* przewody 1 oddziałuje na przew. 2, i na odwrót i z.d. 2 przew. działa analogicznie na przew. 1

ANALOGICZNIE

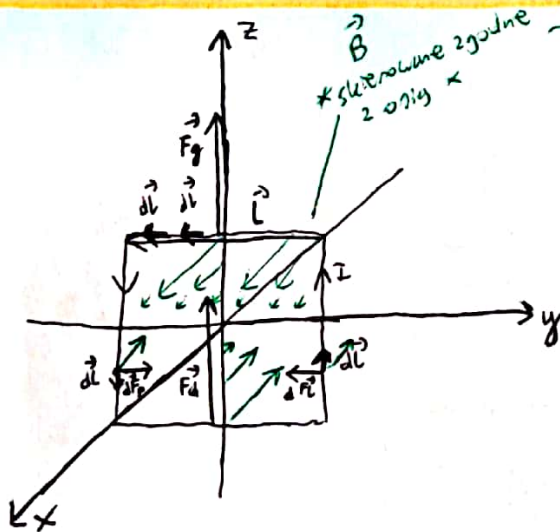
Siła elektrodynamiczna:

$$F_{1,2} = I_2 L_2 B_1$$

↑    ↑    ↑  
długość i prąd z przewodu

Siła z jakiego przewodu 1 działa na przewodu 2

**Siła elektrodynamiczna w polu niejednorodnym**



indukcja dana wyrażeniem:  $\vec{B} = k z \hat{z}$  (czyli ma być z tym mniejsze pole)  
 (zmienna pole magnetyczne)

Szukane: siła działająca na prostokątny ramień o boku a

1) Pisz ogólny wzór na siłę elektrodynamiczną:

$$\vec{F} = I \cdot \int d\vec{l} \times \vec{B}$$

2) W polu niejednorodnym pisz  $\int d\vec{l}$  zamiast  $\vec{L}$

3) Rozpisz siłę y-sową

$$\vec{F}_y = I \cdot \vec{L} \times \vec{B}$$

\* tutaj nie potrafiła całki bo widzę jak wygląda  $\vec{L}$

$$\text{WARTOŚĆ: } F_y = I \cdot a \cdot k \cdot \frac{a}{2} = \frac{I k a^2}{2}$$

( $|\vec{L}|=a$ ) ( $B=kz, z=\frac{a}{2}$ )

4) Siła doła jest taka sama

\* jedyną różnicą to  $z = -\frac{a}{2}$ , a nie  $+\frac{a}{2}$ , ale jak, to bierze wartość a nie wektor to minus się kasuje

5) Siły boczne się znoszą parami

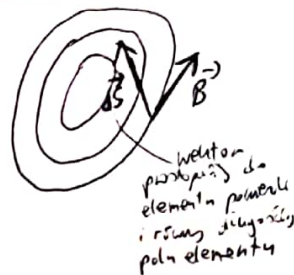
$$d\vec{F}_p + d\vec{F}_b = 0$$

6) Wypadkowa siła to  $2 \cdot F_y$

$$\vec{F} = I k a^2$$

## Prawo Faradaya

\* Strumień [ile przepływa [wpływa i wypływa] przez powierzchnię]  $\Phi = \int \vec{B} \cdot d\vec{S}$



- w szczególnych przypadkach  $\Phi = \vec{B} \cdot \vec{S}$  (- płaska powierzchnia)  
(- pole jednorodne)  
(nie trzeba całkować po  $d\vec{S}$  bo powierzchnia płaska)



$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt}$$

Strumień może się zmieniać z dwóch powodów:

- 1) zmiana pola magnetycznego (oddziaływanie magnesów)
- 2) kształt / orientacja pętli się zmienia

Jeżeli pole magnetyczne się zmienia tak, że strumień rośnie to w tej pętli powstaje taka siła elektromotoryczna, która powoduje płynięcie prądu takiego, że pole magnetyczne wytworzone przez ten prąd jest przeciwnie skierowane do tego zewnętrznego pola magnetycznego.

dotychczasowe znaczenie:

\* jeżeli strumień ograniczony pętlą się zmienia to pochodna [szybkość zmian tego strumienia w czasie] decyduje o powstałym napięciu całej pętli



\* wektor  $\vec{S}$  jest prostopadły do powierzchni

\* jeżeli jego zwrot jest ku górze to zgodnie ze śrutą prąd dodatni na pętli idzie CCW ↺

\* jeżeli siła elektromotoryczna  $\mathcal{E}$  wyjdzie ujemna to ten prąd płynie CW ↻

## Prawo Faradaya zapisane różniczkowo

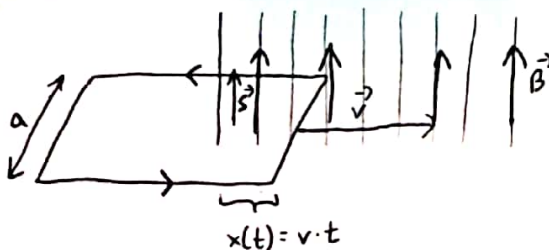
$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

\* jeżeli pojawia się zmienne pole magnetyczne w czasie to wskazuje ono powstanie w przestrzeni zmiennego pola elektrycznego

- \* ta zmiana pola magnetycznego powoduje, że na brzegu pętli powstaje wirowe pole elektryczne.
- \* w przewodzie - czyli generalnie metalu - są swobodne elektrony, więc zaczyna na nie działać siła
- \* ta siła uprawia w ruch te ładunki, gdy pętla jest zamknięta (płynie prąd)
- \* gdy pętla jest otwarta to powstaje napięcie

Przykład: - skrócony odcinek pola magnetycznego, które jest jednorodne

ETAP 1: \* wjeżdżamy na nie ramkę z przewodnikiem ruchem jednostajnym



\* zanim ramka nie wjechała to strumień wynosi 0, czyli nie ma żadnego napięcia

1) Zapisuj jak się zmienia pole [POLE TO TYLKO TA CZĘŚĆ POLA GDZIE PRZECHODZI POLE MAGNETYCZNE]

$$x(t) = v \cdot t \quad \text{więc} \quad S(t) = x(t) \cdot a = a \cdot v \cdot t$$

CIĄSŁE LIKŹ OD WIECHANIA W POLE MAGNETYCZNE

2) Zapisuj strumień

$$\Phi(t) = \underbrace{\vec{B} \cdot \vec{S}}_{\text{równoległe iloczyn wektorów}} = B \cdot a \cdot v \cdot t$$

3) Podstawiamy do prawa Faradaya

$$\mathcal{E} = -B \cdot a \cdot v \quad (\text{powstanie u ramki ujemna dodatnia siła elektromotoryczna})$$

(bo jakby w ramce był jałowy bakteryjki to one też są siłami elektromotorycznymi)

4) Z prawa Ohma można wyliczyć natężenie prądu

$$I = \frac{-B \cdot a \cdot v}{R} \quad (\text{ujemne więc przeciwnie do rytmiku}) \quad \text{c.d.}$$



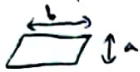
Przykład c.d.

ETAP 2

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt} = 0$$

\* gdy cała ramka wpadła w obszar pola magnetycznego to:

- strumień to  $\Phi = B \cdot a \cdot b$



\* nie zmienia się w czasie  $\Rightarrow$  szybkość zmian = pochodna = 0  
CZYLI NIE MA ŻADNEJ SIŁY ELEKTROMOTORYCZNEJ INDUKOWANEJ  
[jeśli nie było innych baterii to prąd nie płynie]

ETAP 3 \* ramka wychodzi

Pole tej części która jeszcze jest w polu magnetycznym

$$S(t) = (b - (x - d)) \cdot a = (b - vt + d) a$$

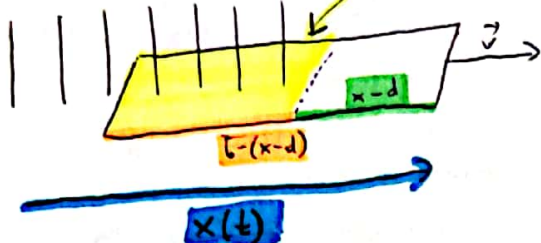
$$x = vt$$

MNOŻĄC PRZEZ WARTOŚĆ POLA MAGNETYCZNEGO LUBIE STRUMIEN

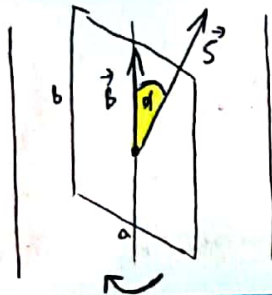
$$\Phi(t) = S(t) \cdot B = B \cdot (b - vt + d) a$$

Z prawa Faradaya:

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt} = B \cdot a \cdot v$$



Obracająca się ramka w polu magnetycznym



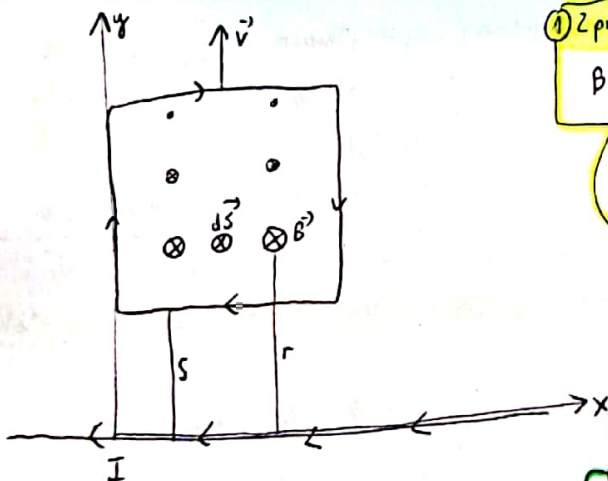
$$\Phi(t) = \vec{B} \cdot \vec{S} = B \cdot ab \cdot \cos \alpha = Bab \cos(\omega t)$$

$\alpha = \omega t$

$$\mathcal{E} = - \Phi'(t) = Bab \sin(\omega t) \cdot \omega$$

↑  
pochodna argumentu  
(pochodna z cosina to -sin)

Siła elektromotoryczna indukowana w prostokątnej ramce



1) Z prawa Ampere'a

$$B(r) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

$$r = y \Rightarrow B(y) = \frac{\mu_0 I}{2\pi y}$$

2) Strumień - zależy od odległości 's'

$$\Phi(s) = \int \vec{B} \cdot d\vec{S} = \int B \cdot ds$$

(równoległe)

$$\frac{\mu_0 I}{2\pi} \int_a^{s+a} \frac{1}{y} dy = \frac{\mu_0 I}{2\pi} a \ln \frac{s+a}{s}$$

$$\Phi(s) = \frac{\mu_0 I}{2\pi} a \cdot \ln \frac{s+a}{s}$$

3) \* strumień zależy od 's', ale 's' zależy od czasu

$$s(t) = s + vt$$

↑  
prędkość  
prędkość

4) Z prawa Faradaya

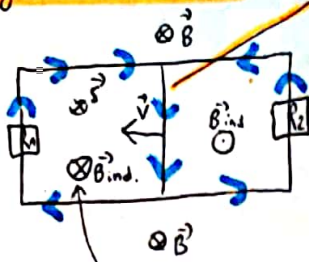
$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi(s(t))}{dt} = - \frac{d}{dt} \frac{\mu_0 I}{2\pi} a \cdot \ln \frac{s+vt+a}{s+vt} = \frac{v \frac{\mu_0 I}{2\pi} a}{(s+vt)(s+vt+a)} > 0$$

↑  
kierunek obrotu tej  
pętli taki sam jak  
kierunek prądu indukcyjnego

5) DODATKOWO: Z PRAWA OHMA

$$i(t) = \frac{\mathcal{E}(t)}{R} \quad (\text{jak się zmienia, będzie prąd indukcyjny})$$

# Reguła Lenza



przesuwając to poprzeczkę w lewo!

\* rozmiar prostokąta jest mniejszy  $\Rightarrow$  strumień obejmowany przez to pól jest też coraz mniejszy

$\Rightarrow$  OBEJMUJE CORAZ MNIEJ ZEWNĘTRZNEGO POLA MAGNETYCZNEGO



zeby pólka z reguły Lenza się przeciwnie temu zjawiskowi

MUSI WYTWORZYĆ PRĄD INDUKOWANY NA BRZEGU TEN PRĄD W TAKIM KIERUNKU ŻE POLE MAGNETYCZNE TEGO PRĄDU INDUKOWANEGO SIĘ PRZECIWNIE TEN PRZECIWNIE

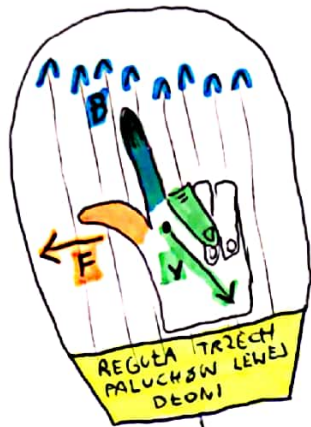
\* w przypadku tego prostokąta na prawo!

- zwiększa się pole magnetyczne zewnętrzne, więc w odpowiedzi powstaje  $B_{ind}$  ale o przeciwnym zwrocie

**WNIOSEK:**   
 (zależąco od wektora  $\vec{B}$ )   
 w lewym prostokącie prąd będzie CW  $\curvearrowright$ , bo zewn. pole magn. się zmniejsza   
 w prawym prostokącie prąd będzie CCW  $\curvearrowleft$ , bo zewn. pole magn. się zwiększa   
 [prąd indukowany]

OGÓLNIŁE: za przyczynę powstawania pola indukowanego odpowiedzialne jest prawo Faradaya, ale kierunek prądu indukowanego odpowiada regule Lenza.





## PRAWO AMPERE'EGO

natężenie pola magnetycznego

$$H = \frac{1}{2\pi r}$$

odległość od nieskończonego długiego przewodnika

## POLE MAGNETYCZNE

KIERUNEK WEKTORA  
 • przed kartką  
 X za kartką

## siła Lorentz'a

$$F = qvB \sin \alpha$$

B - indukcja pola magnetycznego  
 α - kąt między prędkością a indukcją

wektorowo  
 $\vec{F} = q \cdot \vec{v} \times \vec{B}$

## Ładunek wpadł:

\* pod kątem 0°  
 $\sin \alpha = 0 \rightarrow F = 0$

\* pod kątem 90°

Ładunek będzie się poruszał z prędkością ortogonalną do toru, będzie się poruszał po okręgu = siła Lorentza = siła odśrodkowa

$$F_L = F_d$$

$$qvB \sin \alpha = \frac{mv^2}{r}$$

$$qvB = \frac{mv^2}{r}$$

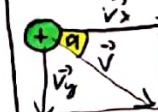
$$qBr = mv$$

RUCH PO OKRĘGU → ZNAM WZÓREK NA PRĘDKOŚĆ

$$v = \frac{2\pi r}{T}$$

\* pod kątem 0-90°

RUCH ŚRUBOWY



TYLKO  $v_y$  PORUSZA SIĘ RUCHEM WÓZU OKRĘGU

$$\sin \alpha = \frac{v_y}{v} \rightarrow v_y = v \sin \alpha$$

$$qvB \sin \alpha = \frac{m(v_y)^2}{r}$$

$$qv_y B = \frac{m(v_y)^2}{r}$$

$$qBr = mv_y$$

$$v_y = \frac{2\pi r}{T}$$

MOŻNA PORÓWNAĆ



JEDEN "SKOK ŚRUBY"  
 $x = v_y T$   
 JEDEN PEŁNY OBRÓT