Introdução ao JuMP.jl

Modelagem para Otimização Matemática em Julia

O que é JuMP.jl?

JuMP (Julia for Mathematical Programming) é uma linguagem de modelagem de código aberto para otimização matemática em Julia.

- Não é um solver: JuMP não resolve os problemas diretamente. Ele fornece uma sintaxe clara e de alto nível para *descrever* o problema.
- Interface com Solvers: JuMP se conecta a dezenas de solvers de última geração (comerciais e de código aberto) como HiGHS, Gurobi, CPLEX, Ipopt, etc.
- Sintaxe Algébrica: Você escreve as equações matemáticas de forma muito parecida com a forma como as escreve no papel.
- Alto Desempenho: Por ser construído em Julia, ele se beneficia da velocidade e da capacidade de composição da linguagem.

A Anatomia de um Modelo JuMP

O fluxo de trabalho para resolver qualquer problema em JuMP segue estes passos:

- 1. Modelo (Model): Criar um "contêiner" para o seu problema.
- 2. Solver: Anexar a ferramenta que resolverá o problema.
- 3. Variáveis (@variable): Declarar as incógnitas do problema.
- 4. Objetivo (@objective): Definir a função que você quer maximizar ou minimizar.
- 5. **Restrições (@constraint):** Adicionar as regras, limites e equações que as variáveis devem obedecer.
- 6. Otimizar (optimize!): Mandar o solver resolver o problema.
- 7. **Analisar os Resultados:** Verificar o status da solução, o valor ótimo e os valores das variáveis.

Nosso Exemplo: O Problema do Fazendeiro

Um fazendeiro tem 100 hectares de terra e quer decidir quanto plantar de trigo (x) e cevada (y) para maximizar seu lucro.

Dados do Problema:

Cultura	Lucro (€/ha)	Fertilizante (kg/ha)	Pesticida (L/ha)
Trigo (x)	150	20	5
Cevada (y)	220	35	3

Recursos Disponíveis:

• Fertilizante: 2500 kg

• Pesticida: 400 L

Nosso Exemplo: Formulação Matemática

O objetivo é encontrar os valores de x e y que resolvem:

Maximizar (Lucro):

$$150x + 220y$$

Sujeito a (Restrições):

- 1. **Terra:** \$\$ x + y \le 100 \$\$
- 2. Fertilizante: \$\$ 20x + 35y \le 2500 \$\$
- 3. **Pesticida:** $$$5x + 3y \le 400 $$$
- 4. Não-negatividade: \$\$ x \ge 0, y \ge 0 \$\$

Este é um problema clássico de Programação Linear (PL).

Mão na Massa: Implementação em JuMP (1/3)

Vamos traduzir o problema para o código JuMP.

Passo 1: Preparar o ambiente

Primeiro, importamos os pacotes e criamos o modelo, já conectando-o a um solver.

Usaremos o **HiGHS**, um excelente solver de código aberto para PL.

(No REPL do Julia, instale com]add JuMP, HiGHS)

```
# Importa os pacotes necessários
using JuMP
using HiGHS

# 1. Cria um modelo vazio
# 2. Anexa o solver HiGHS
model = Model(HiGHS.Optimizer)
```