

智能控制与控制智能课程实验报告

粒子群优化算法综合设计实验

郭家豪

- 实验目的
- 实验环境
- 基本原理
- 实验一
- 实验二
- 实验三
- 其他

- 实验目的
- 实验环境
- 基本原理
- 实验一
- 实验二
- 实验三
- 其他

实验目的

- 加深对粒子群优化算法的理解；
- 提高动手能力；
- 提高信息检索利用能力；

- 实验目的
- **实验环境**
- 基本原理
- 实验一
- 实验二
- 实验三
- 其他

实验环境

- 笔记本电脑一台
 - 系统Windows10（非必须），配置应该不重要（我猜）
 - 使用IDLE (Python 3.8 64-bit), Microsoft Word, Chrome浏览器等软件。

- 实验目的
- 实验环境
- 基本原理
- 实验一
- 实验二
- 实验三
- 其他

基本原理

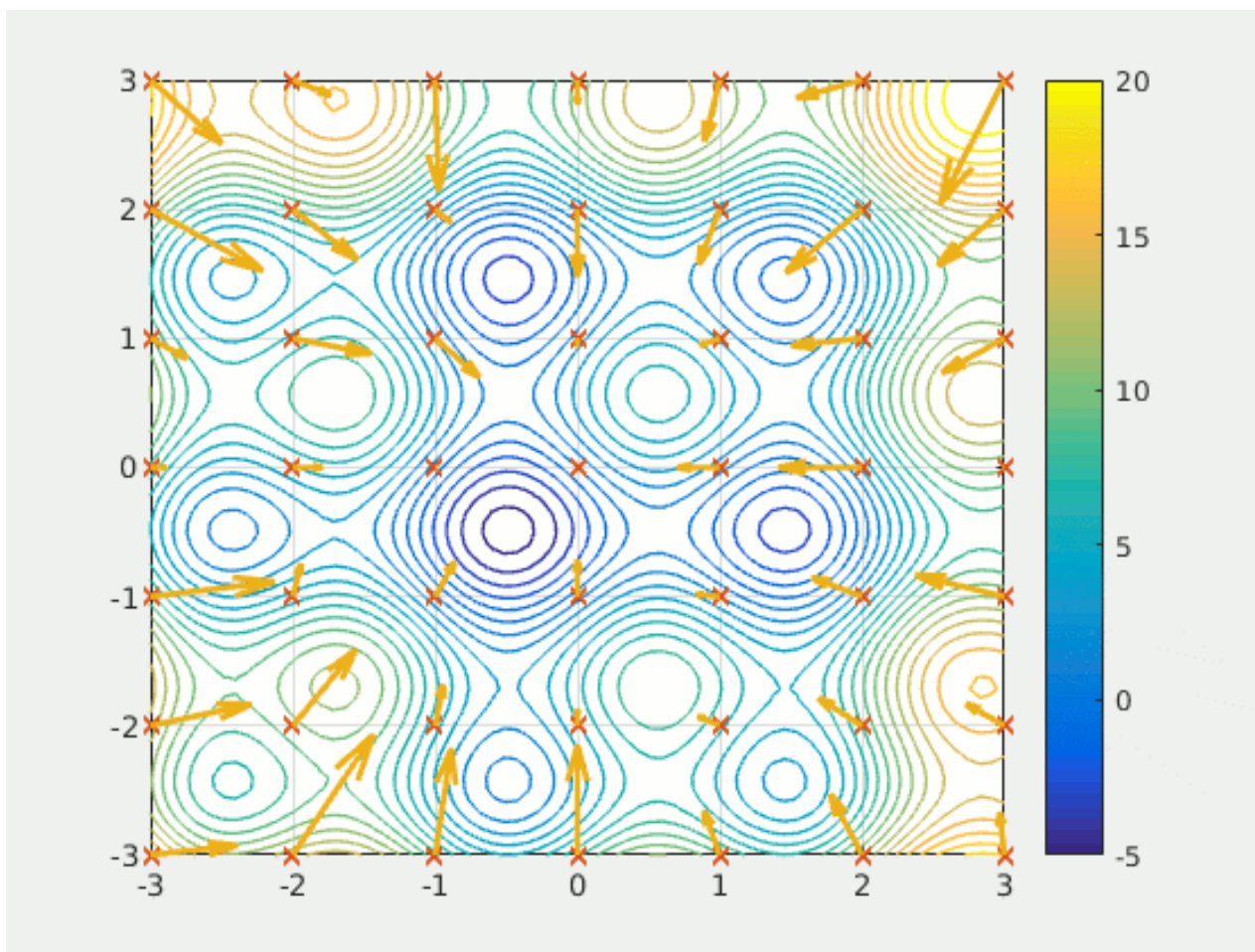
- 粒子群优化（Particle Swarm Optimization, PSO）算法



粒子群优化（Particle Swarm Optimization, PSO）算法

- 由J. Kennedy 和 R. C. Eberhart 等于1995年开发。
- 同时维护多个解
- 每次迭代中，有一个目标函数来评估每个解的适应度（fitness）
- 每个解由搜索空间的一个例子表示
- 粒子“飞来飞去”，进而求得目标函数的最优解

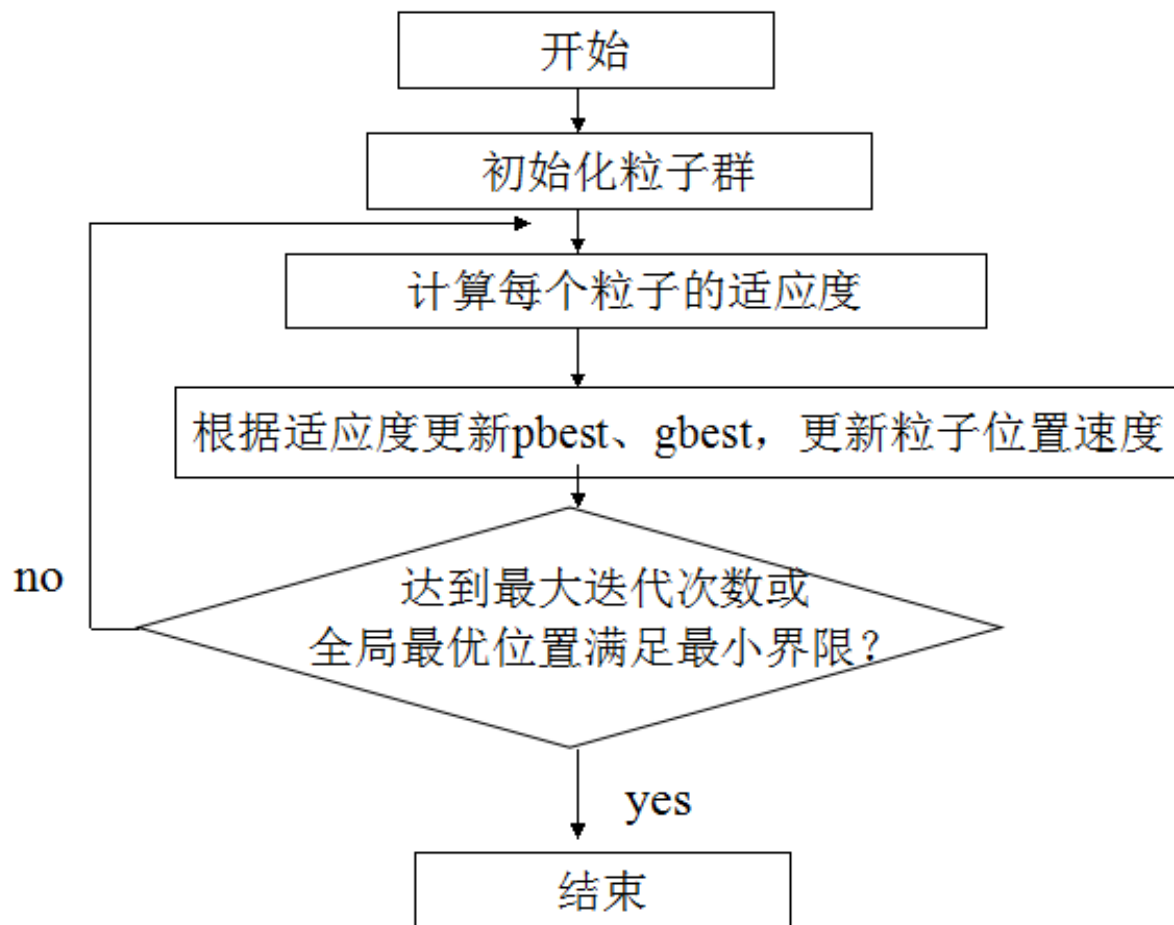
粒子群优化（Particle Swarm Optimization, PSO）算法



粒子群优化 (Particle Swarm Optimization, PSO) 算法

$$\begin{aligned}v(t + 1) &= wv(t) + c_1rand(x_{best} - x) + c_2rand(g_{best} - x) \\x(t + 1) &= x(t) + v(t + 1)\end{aligned}$$

粒子群优化（Particle Swarm Optimization, PSO）算法



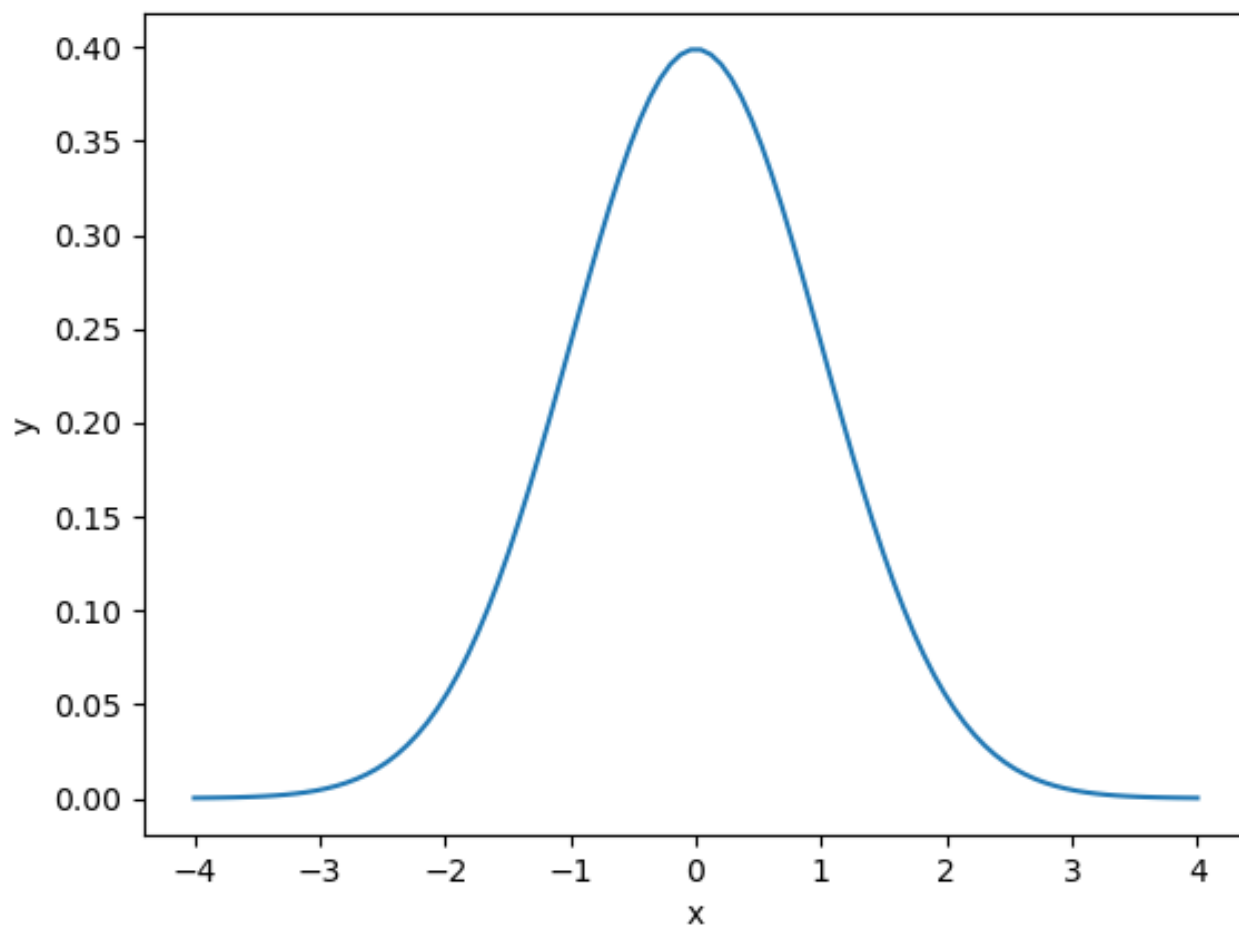
- 实验目的
- 实验环境
- 基本原理
- **实验一**
- 实验二
- 实验三
- 其他

实验一

- 要求：绘制单变量正态分布在区间 $[-4,4]$ 上的波形 $p(x) \sim N(0,1)$ ，并利用粒子群优化算法求解其最大值。
- 给定条件下：

$$p(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{x^2}{2}\right)$$

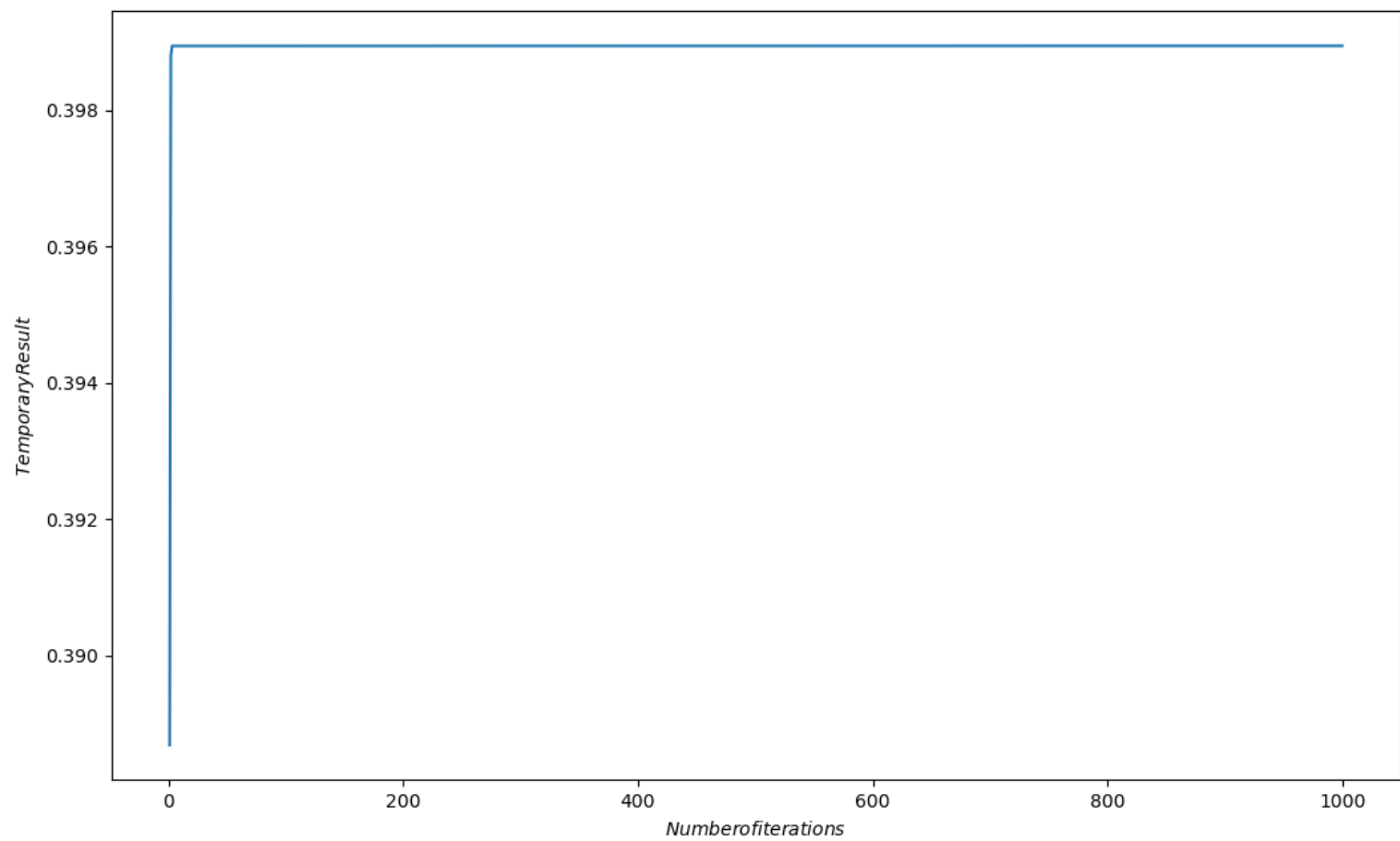
函数图像



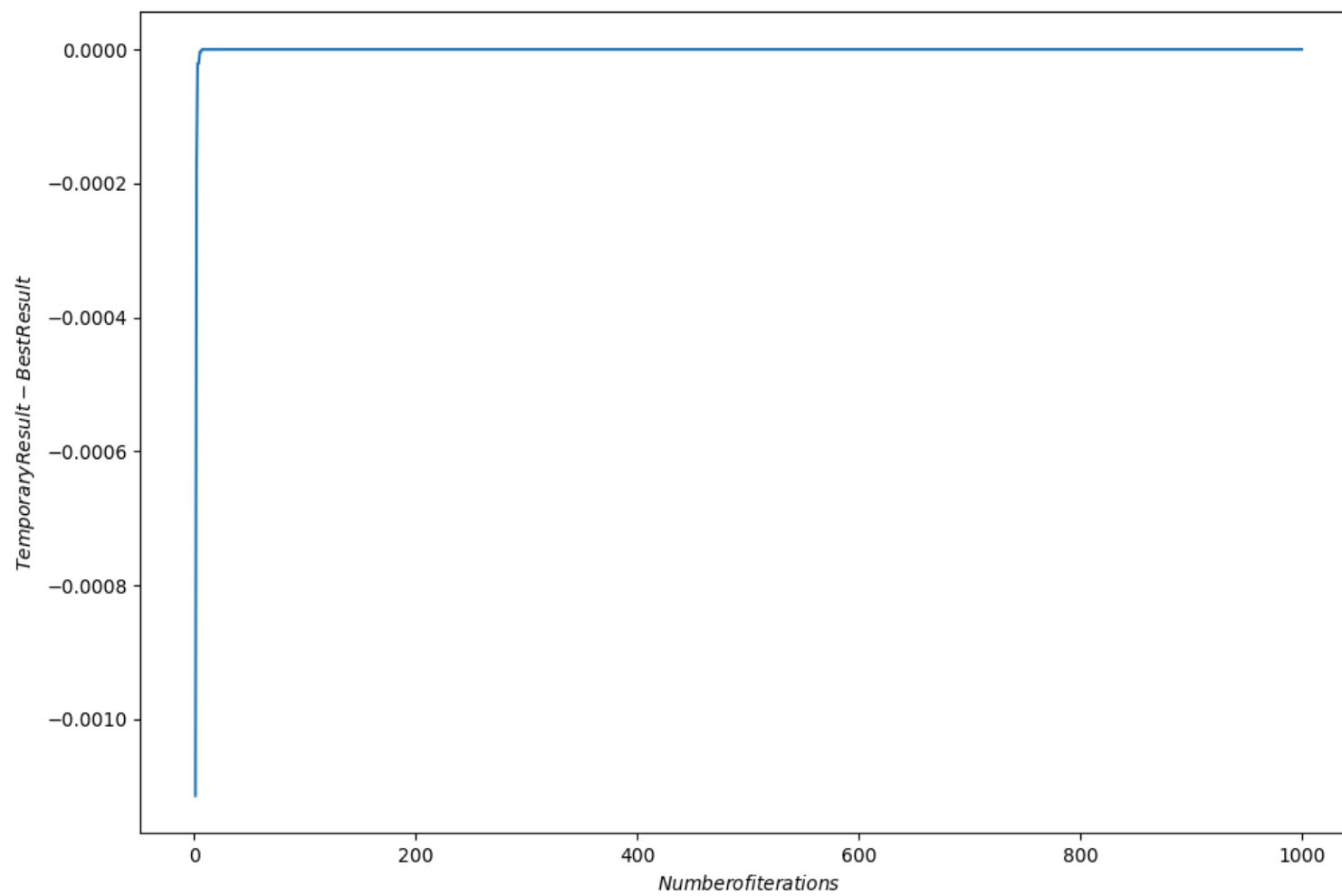
求解结果

- 最终结果 $x = 0.00000$ $p(x) = 0.398942$
- 求解时使用的参数：
 - $c1 = c2 = 1.5$
 - $w = 0.5$
 - $\text{max_iter} = 1000$
 - $pN = 50$

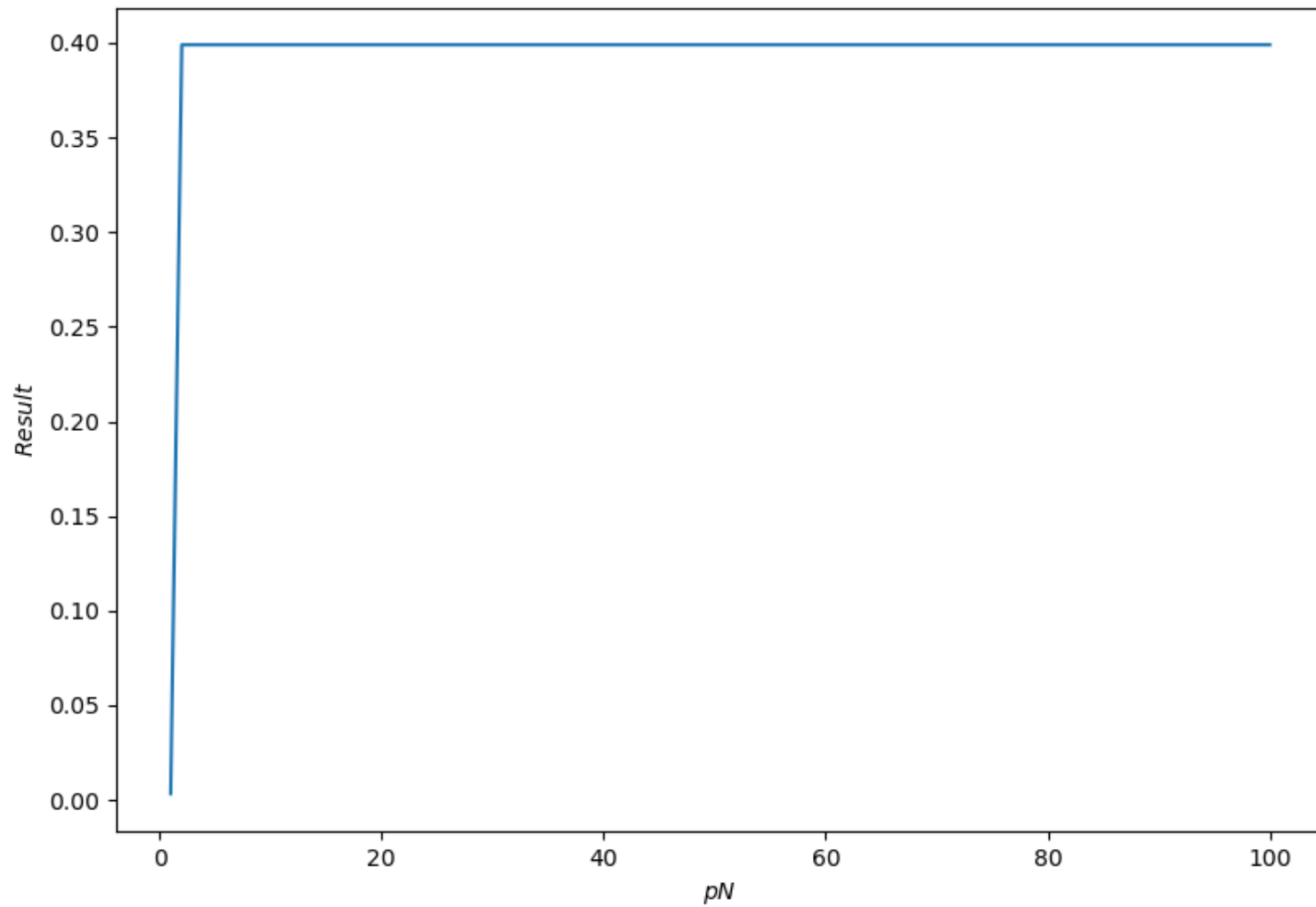
分析



分析



分析



分析

- 以上三个图像反应的规律是：
 - 其他条件一定，迭代次数越大，最终值越趋近一个确定值，越接近最优值。
 - 其他条件一定，群粒子数目越大，最终值越趋近一个确定值，越接近最优值。
 - 本函数较为简单，所以较低的迭代次数和较少的粒子数目就能轻松的求出最终结果。

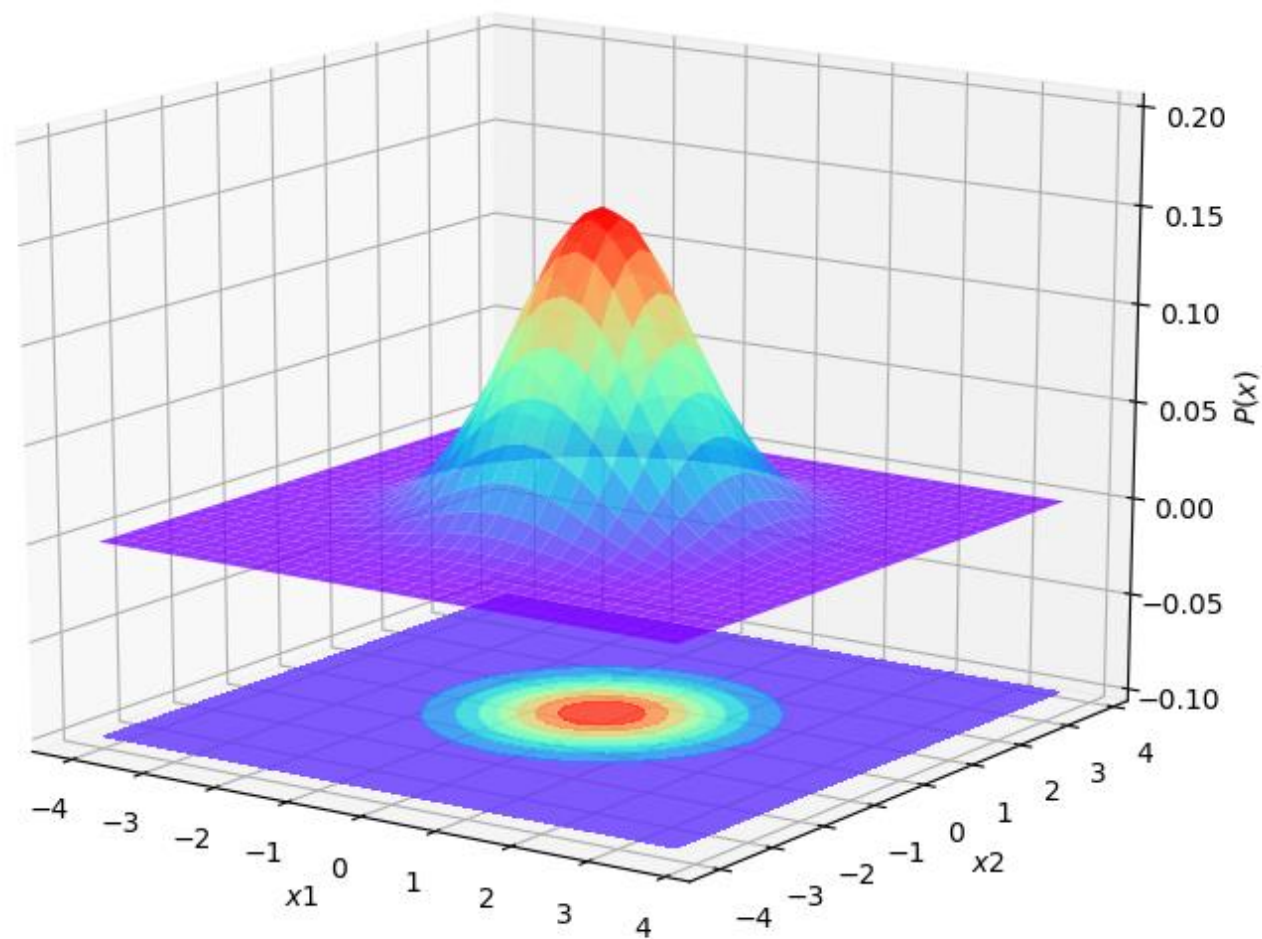
- 实验目的
- 实验环境
- 基本原理
- 实验一
- 实验二
- 实验三
- 其他

实验二

- 要求：绘制二元正态分布在区间 $([-4,4][-4,4])$ 波形 $p(x_1, x_2) \sim N(\mu, \Sigma)$ ，并利用粒子群优化算法求解其最大值。已知条件： $\mu = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$ ， $\Sigma = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ 。
- 给定条件下：

$$P(x_1, x_2) = \frac{1}{2\pi} \exp\left(-\frac{1}{2}(x_1^2 + x_2^2)\right)$$

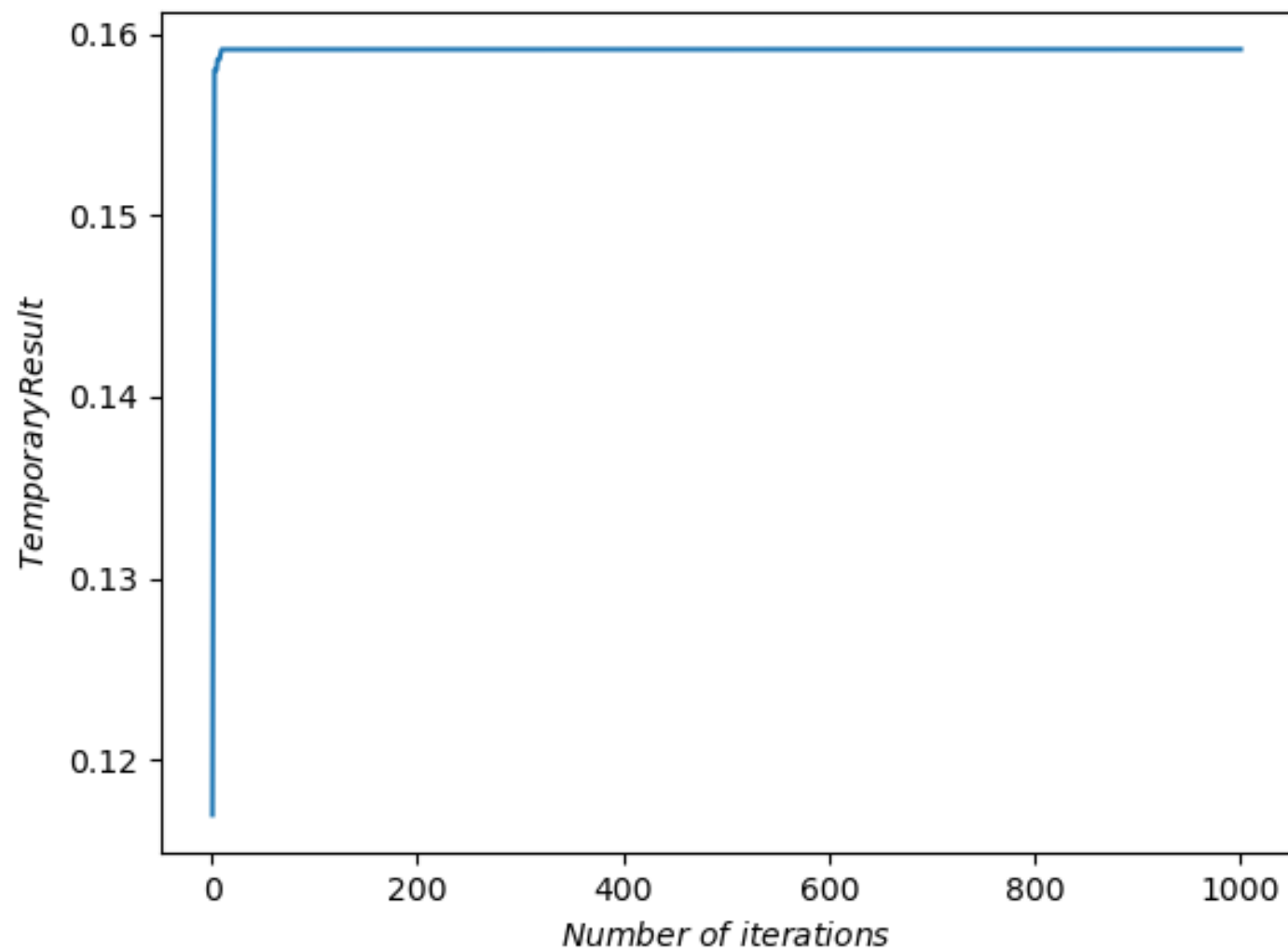
函数图像



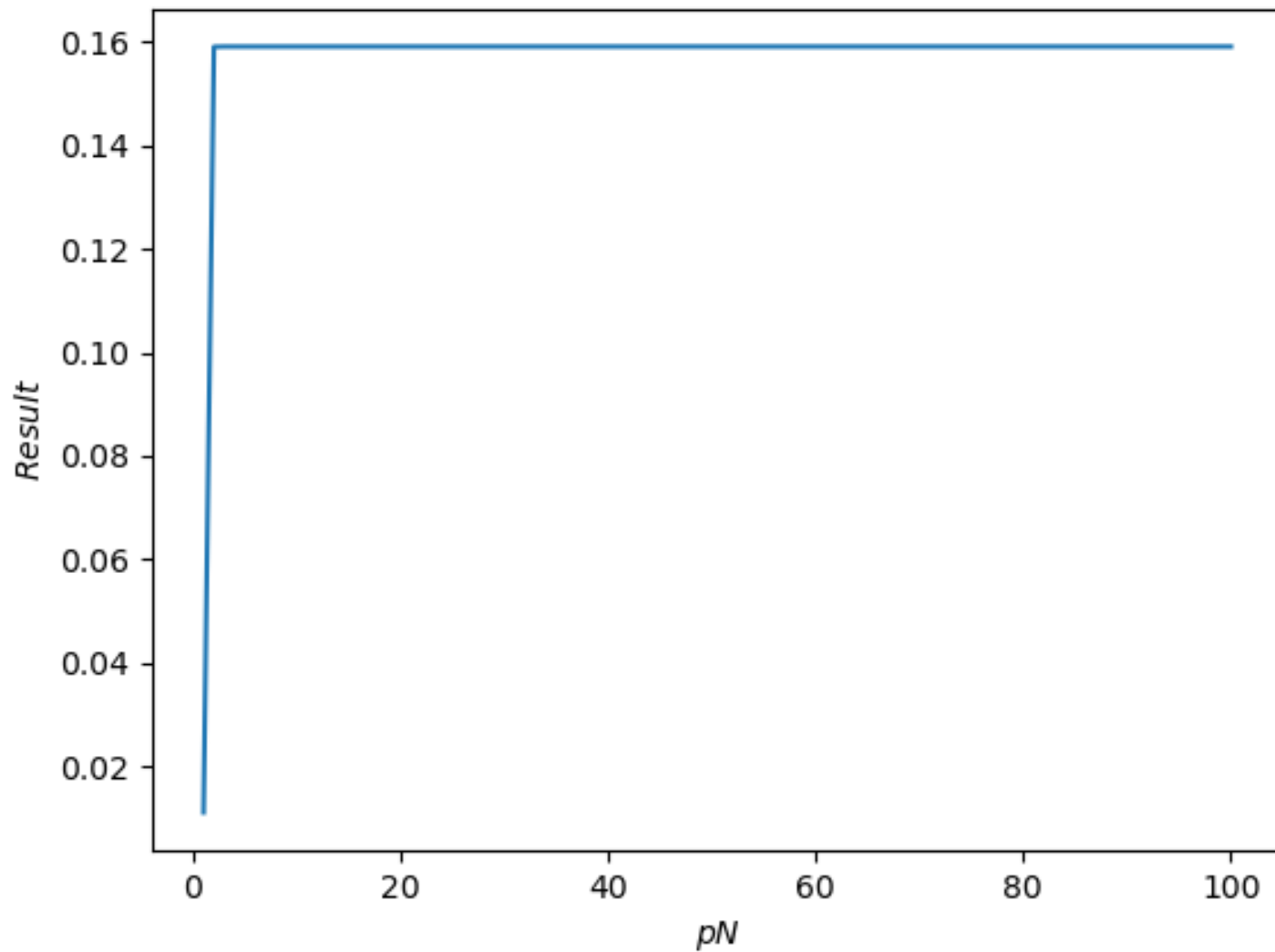
求解结果

- 最终结果 最优点(-0.000000,-0.000000) 此处 $p(x)=0.159155$
- 求解时使用的参数：
 - $c1 = c2 = 1.5$
 - $w = 0.5$
 - $\text{max_iter} = 1000$
 - $pN = 50$

分析



分析

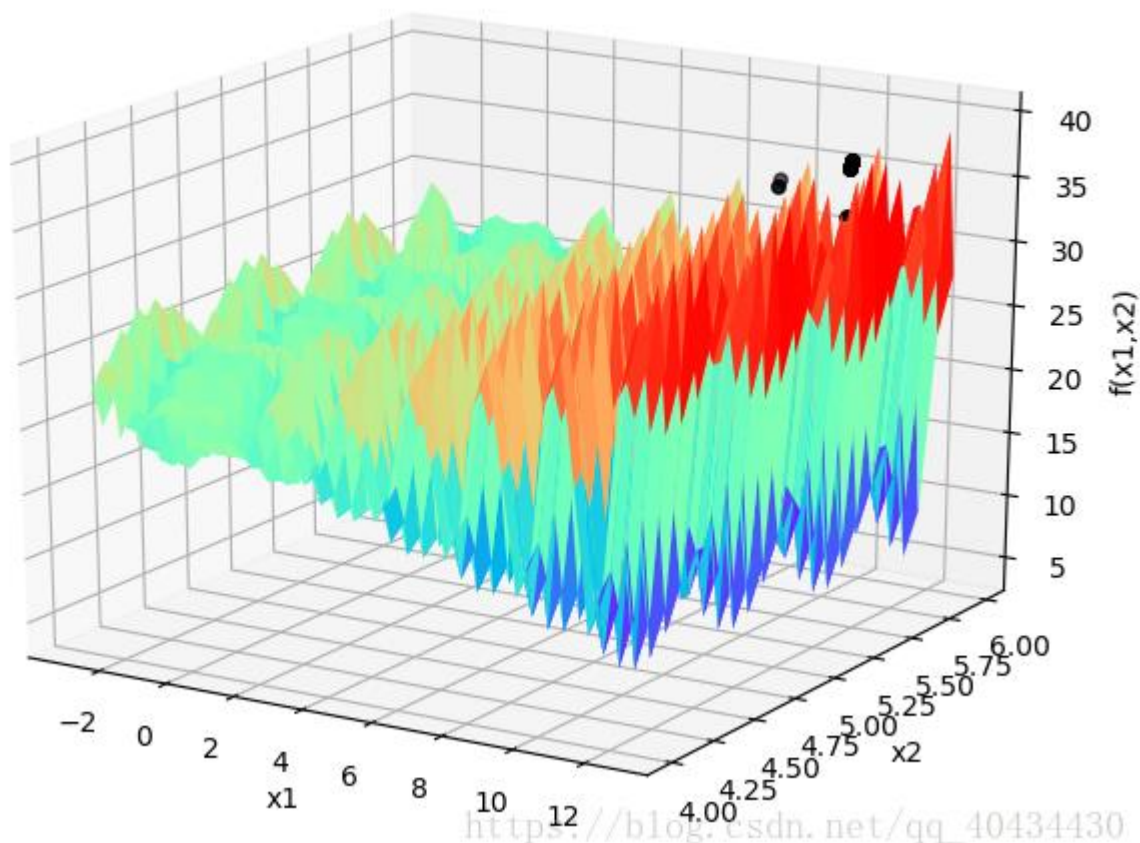


分析

- 以上两个图像反应的规律是：
 - 其他条件一定，迭代次数越大，最终值越趋近一个确定值，越接近最优值。（与实验一得出结论相同）
 - 其他条件一定，群粒子数目越大，最终值越趋近一个确定值，越接近最优值。（与实验一得出结论相同）
 - 本函数较为简单，所以较低的迭代次数和较少的粒子数目就能轻松的求出最终结果。

分析

实验一、二都是很简单的函数，都是单峰，且对称性很好，不会出现误导性的第二第三好的点。



- 实验目的
- 实验环境
- 基本原理
- 实验一
- 实验二
- 实验三
- 其他

实验三 （一）

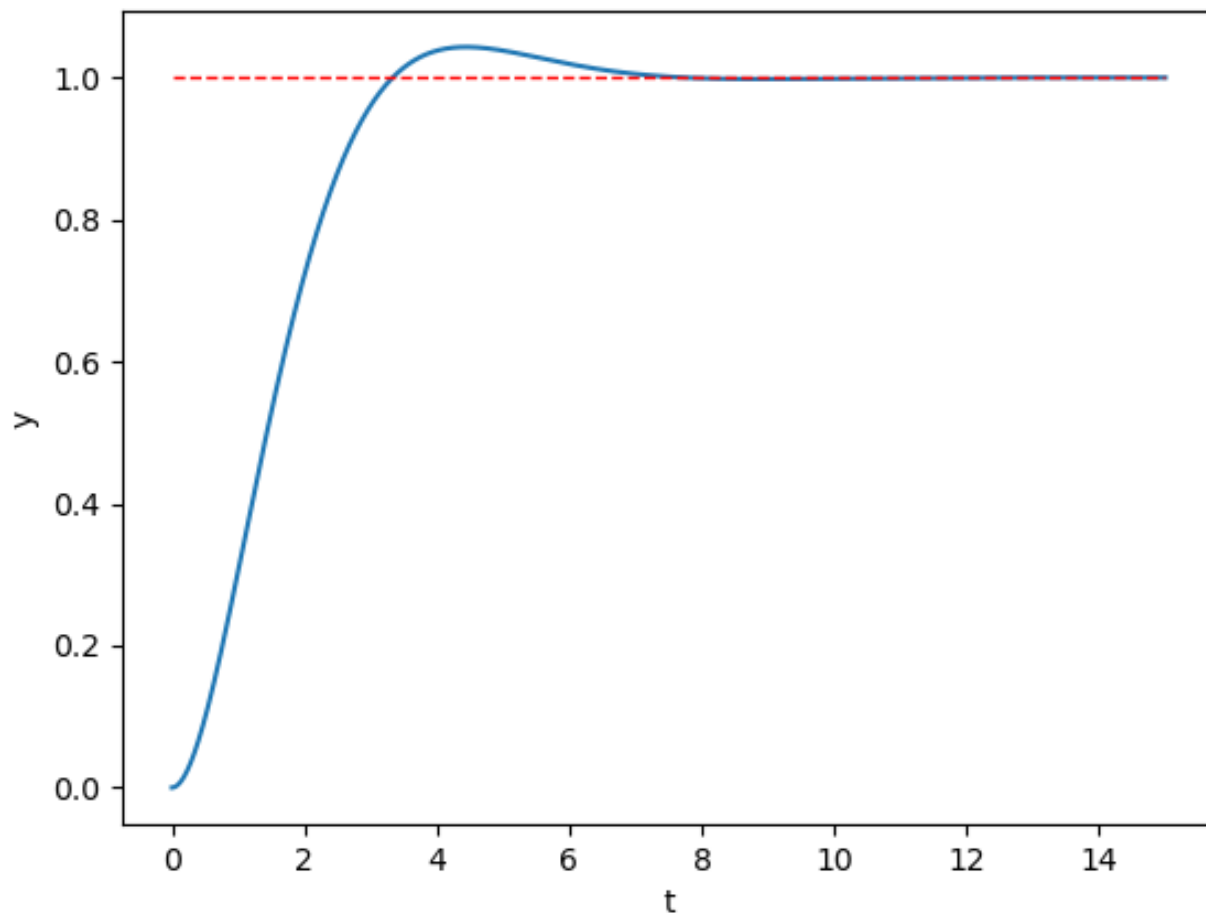
- 求解 t 在 $[0, 4\pi]$ 区间二阶欠阻尼系统单位阶跃响应的最大值（假设 $\omega_n = 1 \text{ rad/s}$, $\zeta = 0.707$ ），计算此时系统的超调量。
- 讨论粒子群大小swamSize 和最大迭代次数maxgen对寻优结果的影响。
- 公式如下：

$$y(t) = 1 - \frac{e^{-\zeta\omega_n t}}{\sqrt{1-\zeta^2}} \sin(\omega_d t + \beta), \quad t \geq 0$$

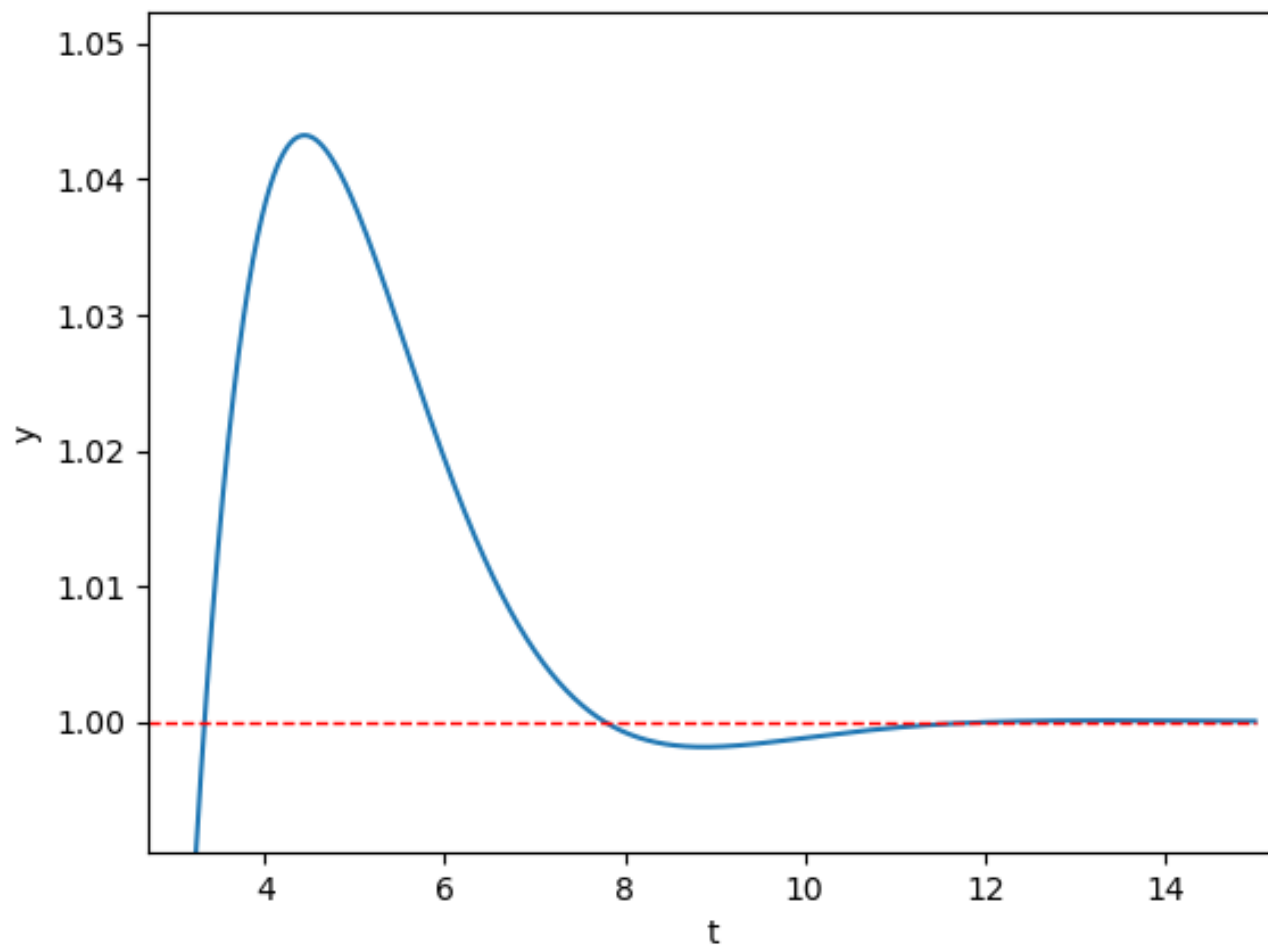
$$\beta = \arccos(\zeta)$$

$$\omega_d = \omega_n \sqrt{1-\zeta^2}$$

函数图像



函数图像

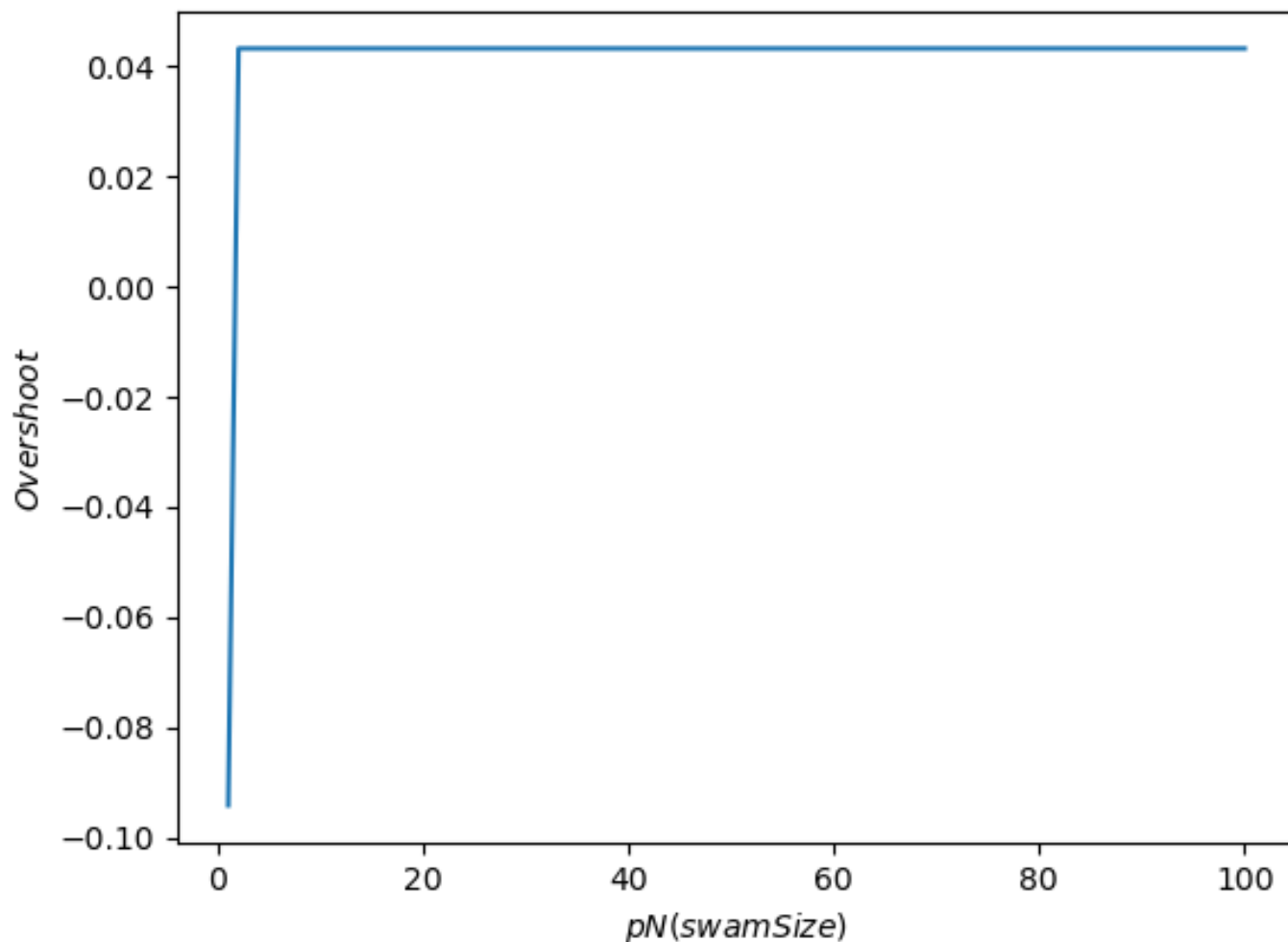


求解结果

- 最终结果 $t=4.442212$, 超调量 0.0432549
- 求解时使用的参数:
 - $c1 = c2 = 1.5$
 - $w = 0.5$
 - $\text{max_iter} = 1000$
 - $pN = 100$

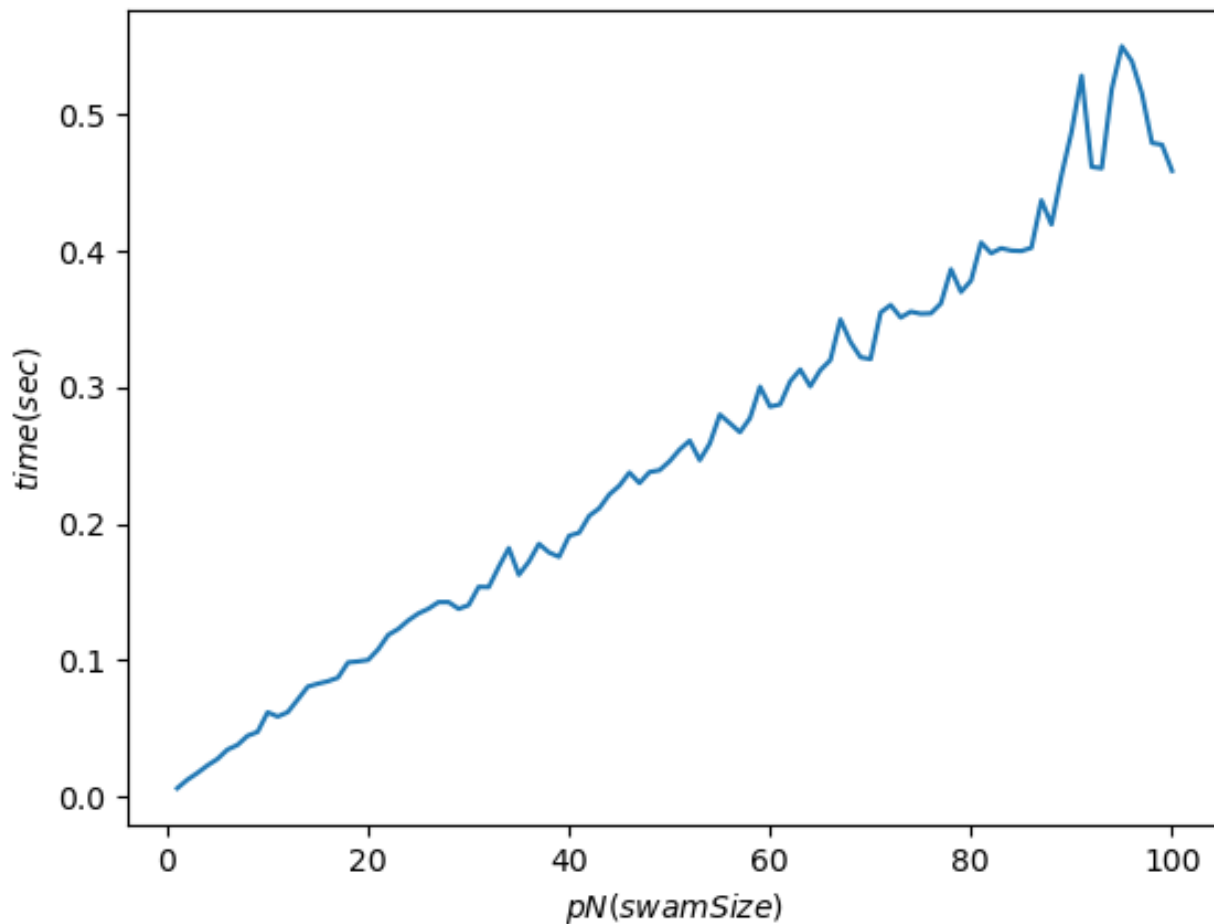
分析 粒子群大小swamSize对寻优结果的影响

固定迭代数为300



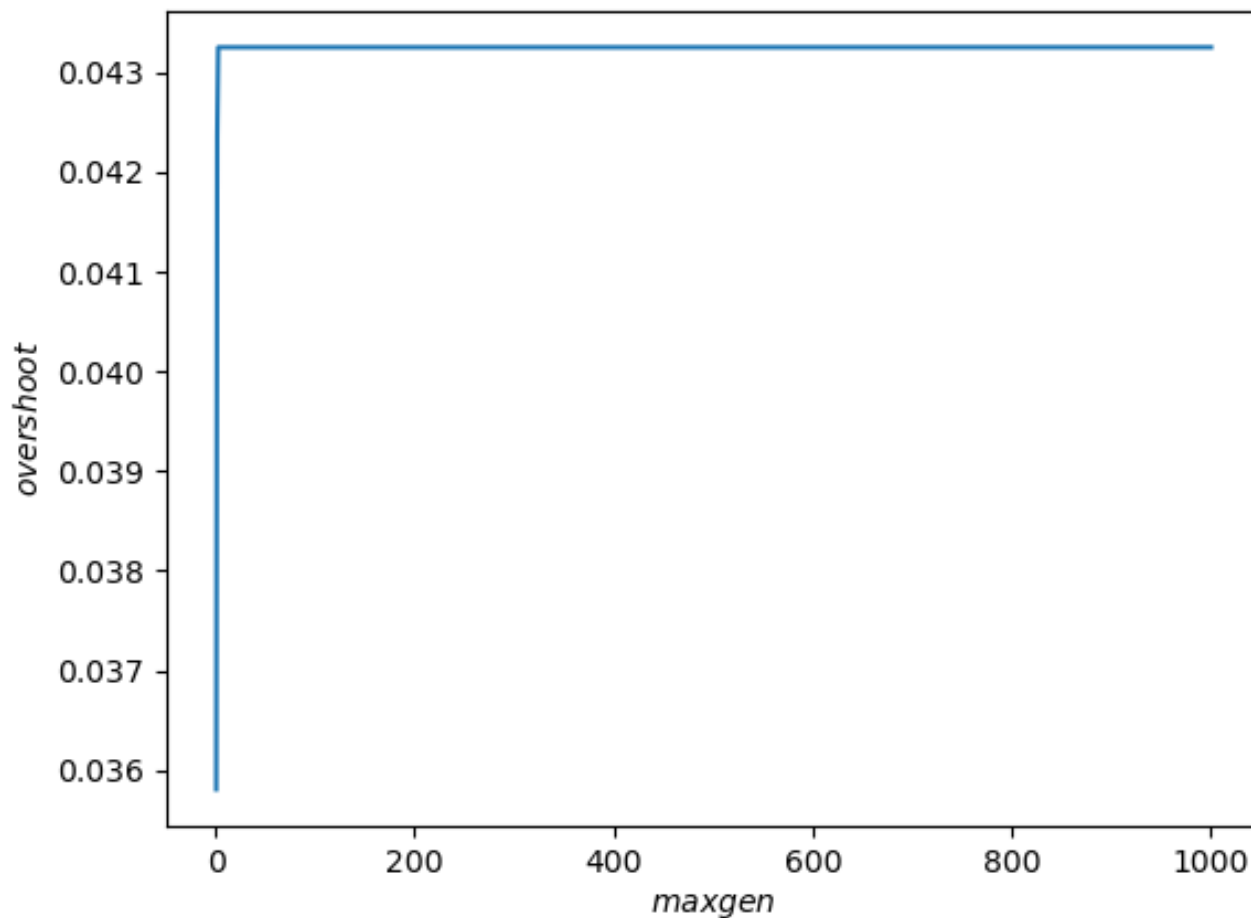
分析 粒子群大小swamSize对寻优结果的影响

固定迭代数为300



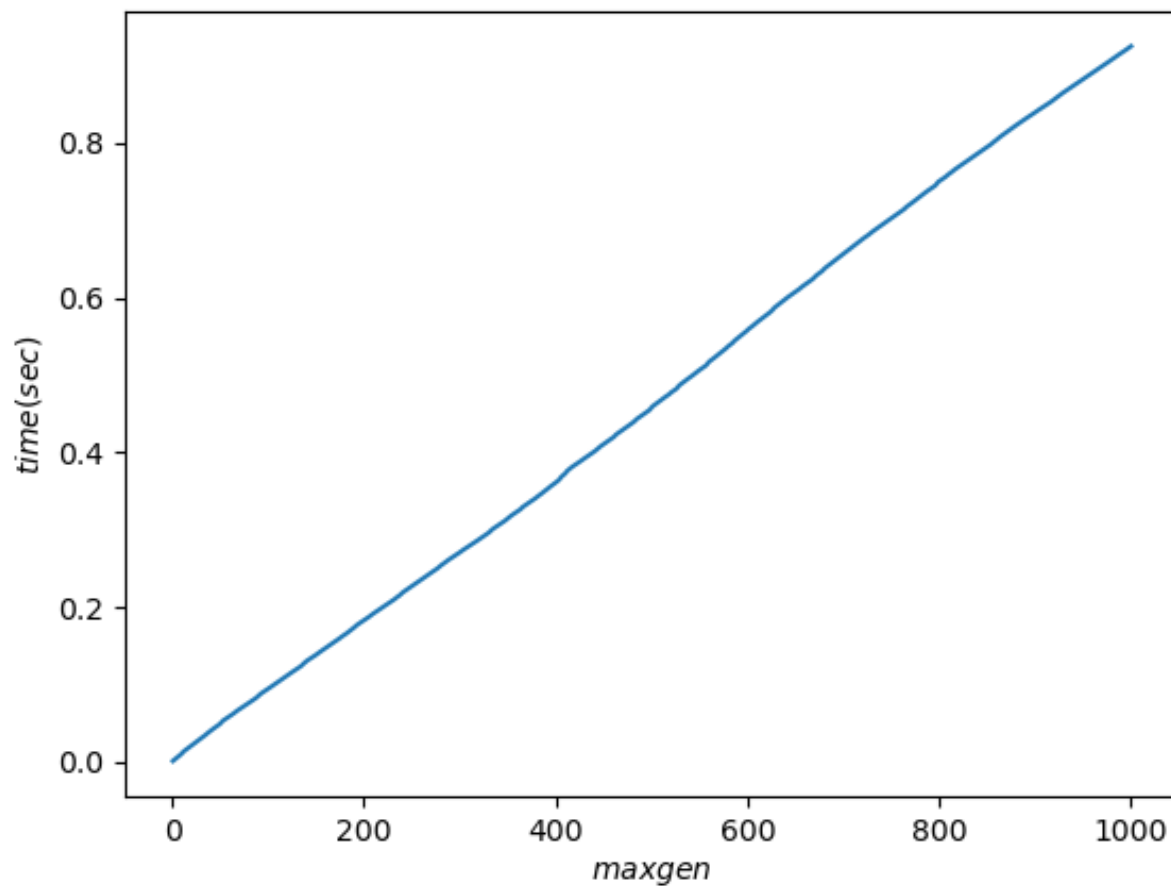
分析 最大迭代次数 maxgen 对寻优结果的影响

固定粒子群大小为50

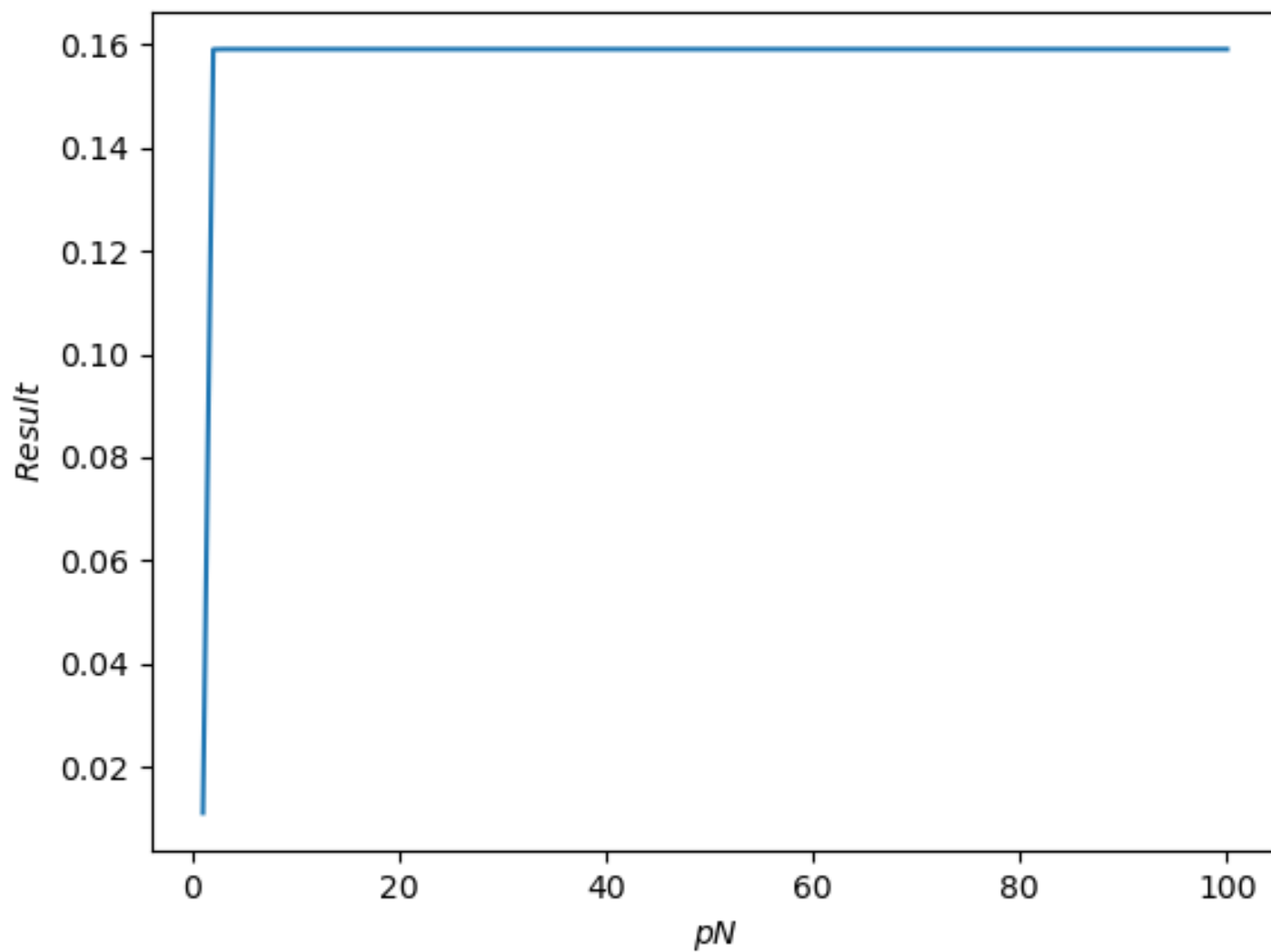


分析 最大迭代次数 maxgen 对寻优结果的影响

固定粒子群大小为50



分析



分析

- 结合对两个变量的分析，要兼顾效率和精确性，应选择合适的粒子群大小。

实验三（二）

- 要求：编程绘制出误差带 $\Delta = 5\%$ 时，阻尼比 ζ （在区间 $0 \leq \zeta \leq 1$ ）与调整时间 t_s 之间的关系曲线。
- （三条关系曲线，真实调整时间、包络线调整时间、近似公式时间）

实验三（二）

真实调整时间 无简单求解公式，我的思路是暴力求解。

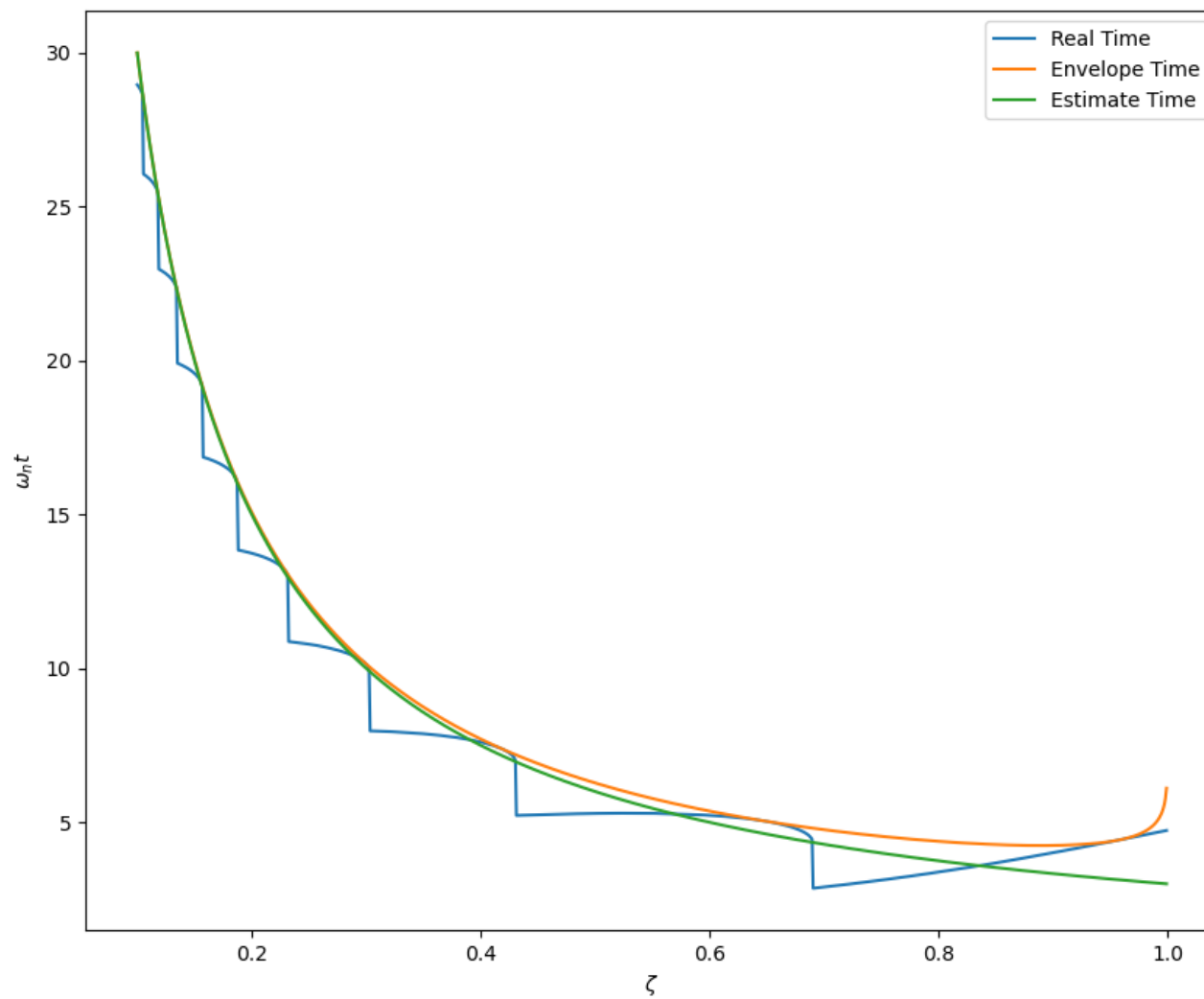
包络线调整时间：

$$\omega_n t_s = -\frac{-\ln \Delta - \ln \sqrt{1 - \zeta^2}}{\zeta}$$

近似公式：

$$t_s \approx \frac{3}{\zeta \omega_n}, \Delta = 0.05$$

图像



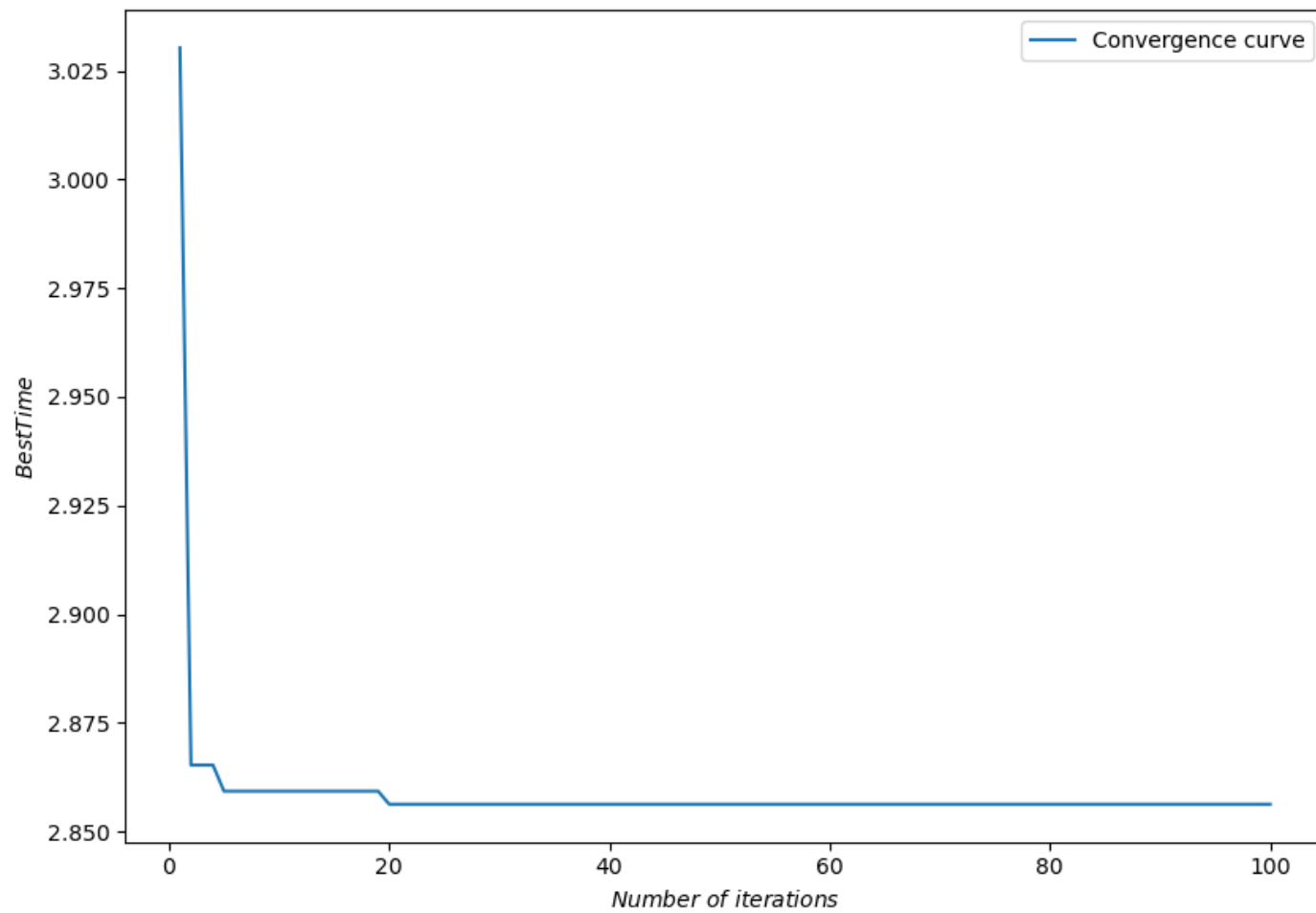
实验三 （三）

- 要求：粒子群优化算法，以真实调整时间 t_s 作为粒子群优化算法的适应度函数（Fitness）当误差带为 $\Delta = 5\%$ 时，优化得到 $0 \leq \zeta \leq 1$ 区间内的最优 ζ 值，绘制出收敛曲线；
- 由实验三（二），知道真实调整时间**没有简单公式**，需要将目标函数的形式进行调整，主要思想是 t 从一个较大值逐渐减小，暴力取点。
- 应该有更好的实现方法。
- 具体请看代码。

求解结果

- 最终结果结果: $\text{bestZeta} = 0.690150$ $\text{bestTime} = 2.85629$
- 求解时使用的参数:
 - $c1 = c2 = 1.5$
 - $w = 0.5$
 - $\text{max_iter} = 100$ (运行时间较长)
 - $pN = 50$

收敛曲线



- 实验目的
- 实验环境
- 基本原理
- 实验一
- 实验二
- 实验三
- 其他

课程学习体会与收获

- 算法很漂亮
- Python or Matlab?
- 一些问题

感谢

- 涉及的二阶欠阻尼控制系统的一些专业知识，感谢吴老师在课堂上的讲解。
- 算法的具体实现最初参考了“粒子群算法的python实现”(<https://uzzz.org/2019/08/02/795485.html>)，虽然发现了一些问题，但是还是表示感谢。
- 对粒子群优化算法的主要了解来自(https://en.wikipedia.org/wiki/Particle_swarm_optimization)

感谢聆听！

报告和完整代码见：



<https://github.com/grejioh/PsoReporter>