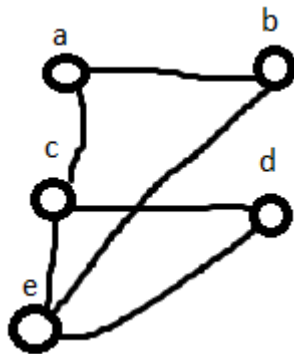


# Innleveringsoppgave 11 i IN1150 v22

hermagst

27. april 2022

## Oppgave 1

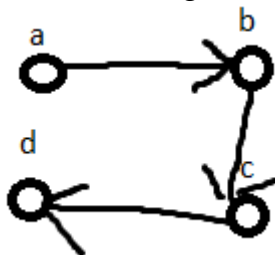


(a)

- (b) Grafen er ikke komplett fordi det er flere noder med grad mindre enn  $|V| - 1$  ( $5 - 1 = 4$ ).
- (c) For  $\bar{G}$  er  $V = \{a, b, c, d, e\}$  og  $E = \{\{a, e\}, \{a, d\}, \{b, c\}, \{b, d\}\}$ . Dette er punktene som mangler for at grafen skal være komplett.

## Oppgave 2

- (a)  $V = \{a, b, c, d\}$  og  $E = \{\langle a, b \rangle, \langle b, c \rangle, \langle c, d \rangle\}$



- (b)  $2^{3(3-1)} = 64$
- (c)  $3^{3(3-1)/2} = 3^3 = 27$
- (d)  $2^{n(n-1)}$

### Oppgave 3

- (a)  $3 \cdot 2 = 6$
- (b) Hvis vi tillater paralelle kanter:  $5 \cdot 2 = 10$ .  
Hvis vi tillater løkker avhenger svaret av om vi har 1 eller 2 løkker:  
med 1 løkke  $3 \cdot 2 + 2 = 8$ , med 2 løkker  $2 \cdot 2 + 2 = 6$ .  
Hvis vi ikke tillater løkker eller paralelle kanter vil vi bare ha 3 kanter:  
 $3 \cdot 2 = 6$ .
- (c)  $4 \cdot 3 = 12$
- (d) 0

### Oppgave 4

- (a) Ikke isomorf fordi den ikke har like mange noder.
- (b) Grafene har like mange noder, like mange kanter og like mange noder av grad  $n$  (grad 2: 3, grad 3: 2)  $\rightarrow$  grafene er isomorfe.
- (c) Grafene har like mange noder, like mange kanter og like mange noder av grad  $n \rightarrow$  grafene er isomorfe.
- (d) Ikke isomorf fordi (d) har en node av grad 4, hvilket G ikke har.

### Oppgave 5

- (a) Kan ikke ha en eulervei siden den har mer enn 2 noder med odd-antall grader (2,3,5,6). Kan ikke ha en eulerkrets siden den har noder med odd-antall grader.
- (b) Har en hamiltonsti: 1, 2, 3, 4, 5, 6

### Oppgave 6

- (a) Kan ikke ha en eulervei siden den har mer enn 2 noder med odd-antall-grader (3,4,5,6,7,8). Kan ikke ha en eulerkrets siden den har noder med odd-antall grader.
- (b) Har en hamiltonsti 1, 3, 7, 8, 4, 2, 6, 5

## Oppgave 7

$\Leftarrow\Rightarrow$  er refleksiv fordi det vil alltid finnes en sti fra noe til seg selv.

$\Leftarrow\Rightarrow$  er symmetrisk fordi hvis det finnes en sti fra  $u$  til  $v$  vil du kunne ta den samme stien tilbake fra  $v$  til  $u$ .

$\Leftarrow\Rightarrow$  er transitiv fordi hvis det finnes en sti fra  $u$  til  $v$  og en sti fra  $v$  til  $w$ , kan du ta stien fra  $u$  til  $v$  og så stien fra  $v$  til  $w$ . Hvis  $\Leftarrow\Rightarrow$  ikke hadde vært en sti hadde ikke dette vært sant.

$[u]$  vil bestå av alle mulige stier fra  $u$  til  $v$ .

## Oppgave 8

- (a) Hvis  $N_1$  og  $N_2$  står for nodene i  $T_1$  og  $T_2$  vil  $N_1 \cup N_2$  være lik alle nodene i de to trærne. Med samme logikk er  $E_1 \cup E_2$  alle kantene mellom nodene i  $N_1 \cup N_2$ . Siden  $N_1$  og  $N_2$  ikke har noen kanter til felles, kan vi da trekke en kant fra en vilkårlig node fra  $N_1$  ( $n_1$ ) til en vilkårlig node fra  $N_2$  ( $n_2$ ), og i praksis da koble sammen de to trærne uten å bryte med definisjonen av et tre.
- (b) Siden grafen er komplett er det en kant fra en vilkårlig node i  $K_n$  til alle andre noder. La  $n$  være antall noder i den komplette grafen. Da kan vi starte ved noden  $N_0$  og følge kanten fra den til  $N_1$ , så fra  $N_1$  til  $N_2$ , fram til  $N_{n-1}$  til  $N_n$ . Når vi kommer til den siste noden  $N_n$  i grafen kan vi følge kanten fra den tilbake til  $N_0$ , siden det er en komplett graf, og dermed har vi en hamiltonsykel.