

# Metoda Trierii

Gutu Dinu

# Cuprins

1.Aspecte Teoretice.....	3
2.Tehnica Greedy.....	4
2.1 Avantajele Metodei Greedy.....	5
3.Probleme.....	5
4.Concluzii.....	9
5.Bibliografie.....	9

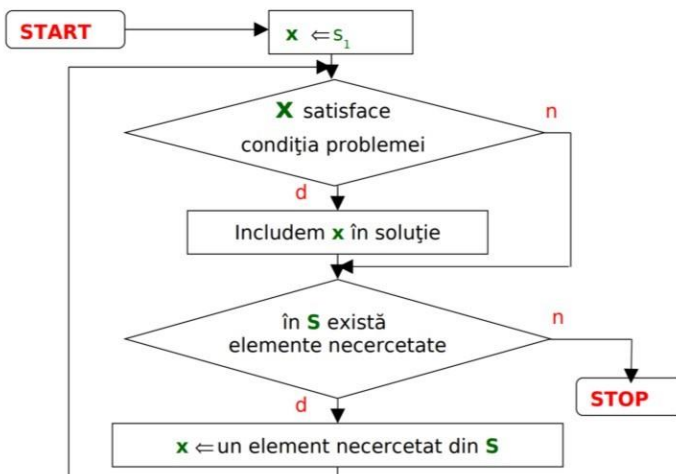
# 1.Aspecte Teoretice

Se numește metoda trierii o metodă ce indentifică toate soluțiile unei probleme în dependență de mulțimea soluțiilor posibile. Toate soluțiile se identifică prin valori, ce aparțin tipurilor de date studiate: integer, boolean, enumerare, char, subdomeniu, tablouri unidimensionale. Datorita acestei structuri de solutionare, problemele relativ simple sint efectuate rapid, astfel incadrandu-se in timpul minim de executare.

Schema generală a unui algoritm bazat pe metoda trierii poate fi redată cu ajutorul unui ciclu:

For  $i := 1$  to  $k$  do

If SolutiePosibila ( $S_i$ ) then PrelucrareaSolutiei ( $S_i$ ), unde SolutiePosibila este o functie booleana care returneaza valoarea true daca elementul  $S_i$  satisface conditiile problemei si false in caz contrar, iar PrelucrareaSolutiei este o procedura care efectueaza prelucrarea elementului selectat, de obicei, in aceasta procedura  $S_i$  este afisata la ecran.



## 2. Tehnica Greedy

Metoda Greedy este o metoda care poate fi uneori folosita in rezolvarea problemelor de urmatorul tip: Se da o multime A. Sa se determine o submultime B a lui A astfel incat sa fie indeplinite anumite conditii, acestea depinzand de conditia propriu-zisa. In principiu problemele de acest tip pot fi rezolvate prin metoda trierii, generand cele  $2^n$  submultimi A, ale multimii A. Dezavantajul metodei trierii consta in faptul ca timpul cerut de algoritmi respectivi este foarte mare. Pentru a evita trierea tuturor submulțimilor  $A_i$ ,  $A_i \in A$ , în metoda Greedy se utilizează un criteriu care asigură alegerea directă a elementelor necesare în mulțimea A. De obicei, criteriile sau regulile de selecție nu sînt indicate explicit în enunțul problemei și formularea lor cade în sarcina programatorului. Evident, în absența unor astfel de criterii metoda Greedy nu poate fi aplicată.

Schema generală a unui algoritm bazat pe metoda Greedy poate fi redată cu ajutorul unui ciclu:

```
While ExistaElemente do Begin AlegeUnElement (x);
```

```
IncludeElementul (x); End. Funcția ExistaElemente returnează valoarea true dacă în mulțimea A există elemente care satisfac criteriul de selecție.
```

```
Procedura AlegeUnElement extrage din mulțimea A un astfel de element x, iar procedura IncludeElementul înscrie elementul selectat în submulțimea B.
```

Inițial B este o mulțime vida. După cum se vede, în metoda Greedy soluția problemei se caută prin testarea consecutivă a elementelor din mulțimea A și prin includerea unora din ele în submulțimea B. Într-un limbaj plastic, submulțimea B încearcă să “înghită elementele “gustoase” din mulțimea A, de unde provine și denumirea metodei.

## 2.1 Avantajele metodei Greedy:

1. medicii deseori se confruntă cu necesitatea aplicării metodei trierii cazurilor, când numărul răniților sau bolnavilor este foarte mare, medicul fiind suprasolicitat, în cazul unui război, sau când își periclitizează propria viață în cazul unei epidemii periculoase.
2. generarea submulțimilor unei mulțimi (aflarea tuturor combinațiilor posibile), ceea ce ne poate fi foarte util în viața de zi cu zi.
3. afișarea coordonatelor a două puncte date ce au distanță minimă sau maximă, ceea ce va fi foarte folositor dacă plănuim o călătorie.
4. aflarea numărului minim de monede care pot fi date drept plată sau rest.

## 3. Probleme

1. Se consideră mulțimea  $P = \{ P_1, P_2, \dots, P_n \}$  formată din  $n$  puncte ( $2 \leq n \leq 30$ ) pe un plan Euclidian. Fiecare punct  $P_j$  este definit prin coordonatele sale  $X_j, Y_j$ .  
Elaborați un program care afișează la ecran coordonatele punctelor  $P_a, P_b$  distanța dintre care este maximă. Rezolvare. Mulțimea soluțiilor posibile  $S = P \times P$ .  
Elementele  $(P_j, P_m)$  ale produsului cartezian  $P \times P$  pot fi generate cu ajutorul a două cicluri imbricate:

```
Program P152;  
  Const nmax=30;  
  Type Punct = record  
    X, y: real;  
  End;  
  Indice = 1..nmax;
```

```

Var P:array[Indice] of Punct;
J, m, n:Indice;
Dmax:real;
PA, PB: Punct;
Function Distanta(A, B: Punct): real;
Begin
Ditanta:=sqrt(sqr(A.x-B.x)+sqr(A.y-B.y));
End;
Function SolutiePosibila(j, m:Indice):Boolean;
Begin
If j<>m then SolutiePosibila:=true
Else SolutiePosibila:=false;
End;
Procedure PrelucrareaSolutiei(A, B: Punct);
Begin
If Distanta(A,B)>dmax then
Begin
PA:=A; PB:=B;
Dmax:=Distanta(A,B);
End;
End;
Begin
Write('Dati n='); readln(n);
Writeln('Dati coordonatele x, y ale punctelor');
For j:=1 to n do
Begin
Write('P[', j, ']: '); readln(P[j].x, P[j].y);
End;
Dmax:=0;
For j:=1 to n do
For m:=1 to n do
If SolutiePosibila(j, m) then
PrelucrareaSolutiei(P[j], P[m]);
Writeln('Solutia: PA=(', PA.x:5:2, ', ', PA.y:5:2, ')');
Writeln('Solutia: PB=(', PB.x:5:2, ', ', PB.y:5:2, ')'); Readln; End.

```

## 2. Metoda Greedy:

Se consideră mulțimea  $A = \{a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n\}$  elementele căreia sînt numere reale, iar cel puțin unul din ele satisface condiția  $a_i > 0$ . Elaborați un program care determină o submulțime  $B, B \subseteq A$ , astfel încît suma elementelor din  $B$  să fie maximă. De exemplu, pentru  $A = \{21,5; -3,4; 0; -12,3; 83,6\}$  avem  $B = \{21,5; 83,6\}$ .

Program P153;

Const nmax=1000;

Var A : array [1..nmax] of real;

N : 1..nmax;

B : array [1..nmax] of real;

M : 0..nmax;

X : real;

I : 1..nmax;

Function ExistaElemente : Boolean;

Var i: integer;

Begin

ExistaElemente:=false;

For i:=1 to n do

If A[i]>0 then ExistaElemente:=true;

End;

Procedure AlegeUnElement(var x:real);

Var i: integer;

Begin

I:=1;

While A[i]<=0 do i:=i+1;

X:=A[i];

A[i]:=0;

End;

Procedure IncludeElementul (x:real);

Begin

M:=m+1;

B[m]:=x;

```

End;
Begin
Write('Dati n='); readln(n);
Writeln('Dati elementele multimii A:');
For i:=1 to n do read(a[i]);
Writeln;
M:=0;
While ExistaElemente do
Begin
AlegeUnElement (x);
IncludeElementul (x);
End;
Writeln('Elementele multimii B:');
For i:=1 to m do
writeln(B[i]); Readln;
End.

```

3. Se consideră numerele naturale din mulțimea  $\{0, 1, 2, \dots, n\}$ . Elaborați un program care determină pentru câte numere  $K$  din această mulțime suma cifrelor fiecărui număr este egală cu  $m$ . În particular, pentru  $n=100$  și  $m=2$ , în mulțimea  $\{0, 1, 2, \dots, 100\}$  există 3 numere care satisfac condițiile problemei: 2, 11 și 20. Prin urmare,  $K=3$ .

```

Program P151;
Type Natural=0..MaxInt;
Var I, k, m, n : Natural;
Function SumaCifrelor(i:Natural): Natural;
Var suma: Natural;
Begin
Suma:=0;
Repeat
Suma:=suma+(I mod 10);
i:=i div 10;
until i=0;
SumaCifrelor:=suma;

```



```

End;
Function SolutiePosibila(i:Natural):Boolean;
Begin
If SumaCifrelor(i)=m then SolutiaPosibila:=true
Else
SolutiePosibila:=false;
End;
Procedure PrelucrareaSolutiei(i:Natural);
Begin
Writeln('i=', i);
K:=k+1;
End;
Begin
Write('Dati n='); readln(n);
Write('Dati m='); readln(m);
K:=0;
For i:=0 to n do
If SolutiePosibila(i) then PrelucrareaSolutiei(i);
Writeln('K='
,K); Readln;
End.1.

```

## 4.Concluzie

Avantajul principal al algoritmilor bazați pe metoda trierii constă în faptul că programele respective sînt relative simple, iar depanarea lor nu necesita teste sofisticate. Complexitatea temporală a acestor algoritmi este determinată de numărul de elemente  $k$  din mulțimea soluțiilor posibile  $S$ . În majoritatea problemelor de o reală importanță practică metoda trierii conduce la algoritmi exponențiali. Întrucît algoritmi exponențiali sînt inacceptabili în cazul datelor de intrare foarte mari, metoda trierii este aplicată numai în scopuri didactice sau pentru elaborarea unor programe al căror timp de execuție nu este critic. Aceasta este aplicată pe larg în soluționarea problemelor avînd scopuri didactice. Nu toate

problemele pot fi rezolvate prin aceasta metoda, dar anume cele care implica enumerarea dupa calcul, alegerea intre elemente.

## 5.Bibliografie

<https://prezi.com/fgxeasy5v300/metoda-trierii/>

<https://www.pbinfo.ro/articole/16619/metoda-greedy>

[https://www.slideshare.net/BalanVeronica/metoda-trierii1?next\\_slideshow=1](https://www.slideshare.net/BalanVeronica/metoda-trierii1?next_slideshow=1)

<https://www.scribd.com/doc/60874739/Proiect-la-informatica>

<https://www.mindmeister.com/689967199/metoda-trierii>