

Pagina 1 din 9

Pro	oblema 1. Circuite de curent alternativ	Parțial	Punctaj		
	rem Problema 1		10		
	a.1. Pentru k închis defazajul dintre tensiunea de la bornele circuitului și intensitatea curentului măsurată de ampermetru se anulează dacă: $\operatorname{Im} \underline{Z} = 0$	0,30			
	Unde: $ \underline{Z} = \frac{\underline{Z}_b \underline{X}_C}{\underline{Z}_b + \underline{X}_C} = \frac{(R + jX_L)(-jX_C)}{(R + jX_L) + (-jX_C)} = \frac{X_C(X_L - jR)}{R + j(X_L - X_C)} = \frac{X_C}{R^2 + (X_L - X_C)^2} \left[RX_C - j(R^2 + X_L^2 - X_L X_C) \right] $	0,30			
	Aşadar: $R^2 + X_L^2 - X_L X_C = 0$	0,20			
a.	Deci: $X_C = \frac{R^2 + X_L^2}{X_L}$ unde: $X_C = \frac{1}{\omega C_{(a)}} \text{ si } X_L = \omega L$	0,20	2,00		
	Obţinem: $C_{(a)} = \frac{L}{R^2 + \omega^2 L^2}$	0,20			
	Rezultă: $C_{(a)} = 366,61 \mu\text{F}$	0,20			
	a.2. Intensitatea indicată de ampermetru este: $I_{(a)} = \frac{U}{Z} = \frac{U\left[R^2 + (X_L - X_C)^2\right]}{RX_C^2}$	0,20			
	După efectuarea calculelor obținem: $I_{(a)} = \frac{U \cdot R}{R^2 + \omega^2 L^2}$	0,20			
	Rezultă: $I_{(a)} = 0.39 \text{ A}$	0,20			
	b.1. Pentru k deschis intensitatea indicată de ampermetru este: $I_1 = \frac{U}{Z_b}$	0,20			
b.	Dar: $Z_b = \sqrt{\underline{Z}_b \overline{\underline{Z}}_b} = \sqrt{R^2 + X_L^2}$ unde: $\underline{Z}_b = R + jX_L$ și $\underline{\overline{Z}}_b = R - jX_L$	0,40	3,00		
	Pentru k închis intensitatea indicată de ampermetru este: $I_2 = \frac{U}{Z}$	0,20			

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei
prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de
elev.



Pagina 2 din 9

agina 2 din 9		
Dar:		
$Z = \sqrt{\underline{Z}} = X_C \sqrt{\frac{R^2 + X_L^2}{R^2 + (X_L - X_C)^2}}$ unde: $\underline{Z} = \frac{\underline{Z}_b \underline{X}_C}{\underline{Z}_b + \underline{X}_C} = \frac{(R + jX_L)(-jX_C)}{(R + jX_L) + (-jX_C)} = \frac{X_C(X_L - jR)}{R + j(X_L - X_C)}$ $\underline{\overline{Z}} = \frac{X_C(X_L + jR)}{R - j(X_L - X_C)}$	0,40	
Deoarece ampermetrul indică aceeași intensitate avem: $I_1 = I_2 \Leftrightarrow \frac{U}{Z_b} = \frac{U}{Z} \Leftrightarrow Z_b = Z$	0,20	
După efectuarea calculelor obținem: $X_C = \frac{R^2 + X_L^2}{2X_L}$ unde: $X_C = \frac{1}{\omega C_{(b)}} \text{si} X_L = \omega L$	0,20	
Deci: $C_{(b)} = \frac{2L}{R^2 + \omega^2 L^2}$	0,20	
Rezultă: $C_{(b)} = 733,22 \mu\text{F}$	0,20	
b.2. Intensitatea indicată de ampermetru, atât pentru k deschis, cât și pentru k închis este 0,97 A.	0,20	
b.3. Înlocuind ampermetrul cu reactanța necunoscută X , impedanța circuitului este: $Z' = \sqrt{\underline{Z'}\underline{Z'}}$ Unde: $\underline{Z} = \frac{X_C}{R^2 + (X_L - X_C)^2} \left[RX_C - j \left(R^2 + X_L^2 - X_L X_C \right) \right]$ Înlocuind reactanța capacitivă determinată în rezolvarea cerinței (b.1.), $X_C = \frac{R^2 + X_L^2}{2X_L},$ obținem: $\underline{Z} = R - jX_L$	0,20	
Intensitatea este în fază cu tensiunea de la bornele circuitului pentru: $\operatorname{Im} \underline{Z}' = 0, \operatorname{adică} \underline{Z}' = R$	0,20	
Obţinem: $ \underline{X} = jX_L $	0,20	
Elementul de circuit introdus în locul ampermetrului este o bobină ideală cu reactanța: $X = X_L = \omega L$. Rezultă: $X = 45,83 \Omega$	0,20	

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei
prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de
elev.



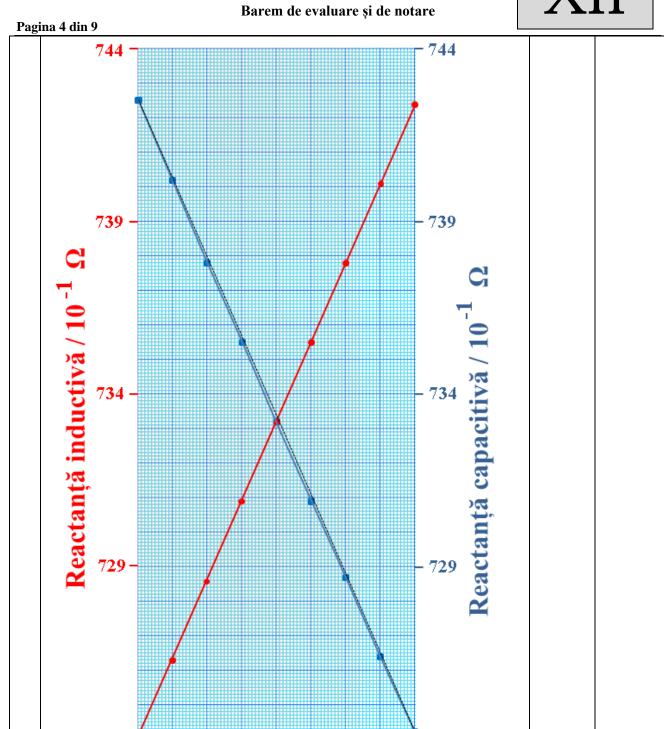
Pagina 3 din 9

	Rezultă: ω_{rez}	$= \sqrt{\frac{1}{LC}}$ $= 80,00 \text{ ra}$ ul 1.1.R	d/s conține		-	pulsație, i inductivă și	, .	0,30													
	Tabelul 1.1.R.																				
ſ		ω	L	C	X_L	X_{C}															
ĺ		(rad/s)	(mH)	$(\mu \mathrm{F})$	(Ω)	(Ω)															
		79,00	916,51	916,51		72,40	74,25														
c.		79,25				72,63	74,02			4,00											
		79,50				72,86	73,78		1,50												
		79.75			916,51	-	73,09	73,55													
		80,00				916,51	916,51	916,51	25	170,48	73,32	73,32									
		80,25													5	-	73,55	73,09			
		80,50													-	73,78	72,87				
		80,75		-	74,01	72,64															
		81,00			74,24	72,42															
	_	_				e X _L și a i în Figura 1	,	2,00													

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.





79

Oficiu

80

Figura 1.1.R.

Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Pulsația / rad s⁻¹

81

1,00

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei
prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de
elev.



Pagina 5 din 9

Problema 2. Dispozitive interferențiale	Parţial	Punctaj
Barem Problema 2		10
a) Pentru razele care interferă prin reflexia pe suprafețele penei de aer de grosime d și rază r avem diferența de drum optic: $\delta = 2n_{aer}d + \lambda/2$	0,50	
Din geometria sistemului raza inelului: $r^2 = d(2R - d) \cong 2dR$	0,50	
Din condiția de maxim: $\delta = 2k(\lambda/2)$ obținem raza cercului franjei luminoase de ordin k: $r_{MAX\;k} = \sqrt{\frac{(2k-1)\lambda R}{2n_{aer}}}$	0,50	2,50
iar din condiția de minim: $\delta = (2m+1)\frac{\lambda}{2}$ se obține: $r_{min\ m} = \sqrt{\frac{2m\lambda R}{2n_{aer}}}$	0,50	
Rezultă: $r_{min\ m}/r_{MAX\ k} = \sqrt{2m/(2k-1)} \ , r_{min\ 3} = \sqrt{6}\ mm$	0,50	
b) Cele două semilentile obținute după decupare și lipire formează imaginele virtuale S_1 și S_2 situate față de lentilă la distanța: $ x_2 = \left \frac{x_1 f}{f + x_1}\right = 60cm$	0,50	
Distanța dintre cele două imagini virtuale ale sursei este: $S_1S_2 = 2l = 2a\frac{x_2}{x_1} = 1,2mm$	0,50	2,00
Sursele S ₁ și S ₂ formează un dispozitiv echivalent cu dispozitivul Young.	0,50	,
Pe ecranul situat la distanța: $D = x_2 + d = 2m$ se vor forma franje cu: $i = \frac{\lambda D}{2l} = \frac{5}{6}mm$	0,50	
c) Câmpul de interferență are forma din figura 2.2.R.	0,50	2,00

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei
prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de
elev.



Pagina 6 din 9

Pagina 6 din 9		
Ecran L1 Câmp de interferență L2 -X1 -X2 d		
Fig. 2.2.R		
La distanța <i>d</i> de semilentile lățimea câmpului de interferență este:		
$L = 2l \frac{d}{ x_2 }$	0,50	
iar numărul de franje este:		
$N=2\left[\frac{L}{2i}\right]+1$	0,50	
Rezultă:	0,50	
N=3	0,50	
d) Numărul de franje depinde de distanța d după expresia		
$N = 2\left[\frac{L}{2i}\right] + 1 = 2\left[\frac{(2l)^2 d}{2\lambda x_2 (x_2 +d)}\right] + 1 = 2\left[\frac{(2l)^2}{2\lambda x_2 (1+ x_2 /d)}\right] + 1$	1,00	1,50
Pentru valori mari ale lui d se obține:	0,50	
$N_{max} = 5$	0,50	
e) Pentru o poziție particulară a sursei x_1^p și implicit a imaginii x_2^p interfranja		
are expresia: $i^p = \frac{\lambda D^p}{2l^p} = \frac{\lambda (x_2^p + d)x_1^p}{2a x_2^p }$		
care nu depinde de distanța d dacă $\left x_{2}^{p}\right \rightarrow \infty$, deci $\left x_{1}^{p}\right \rightarrow f$		1,00
Observație: demonstrațiile geometrice ce arată că diferența de drum a razelor		
ce interferă nu depinde de poziția ecranului când sursa S este în planul focal		
obiect pot înlocui demonstrația precedentă.		
Oficiu		1,00

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei
prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de
elev.



Pagina 7 din 9

Problema 3. Fotografia rombului deformabil	Parţial	Punctaj
Barem Problema 3		10
a)		
Sincronizarea ceasornicelor din sistemele R și respectiv R', adică		
t=t'=0, s-a făcut atunci când originile O și respectiv O' ale celor două		
sisteme au coincis. Vom admite că, chiar în acel moment, măsurat în sistemul R, $t = 0$, frontul flash-ului luminos a sosit în punctul (vârful) B.		
Coordonatele acestui eveniment (sosirea frontului luminos al flash- ului în punctul B), raportate la cele două sisteme de referință, sunt:		
$R': x'_{B} = 0; \ y'_{B} = l_{0} \sin \alpha_{0}; \ z'_{B} = l_{0} \cos \alpha_{0}; \ t'_{B};$		
$R: x_{\rm B} = 0; y_{\rm B}; z_{\rm B} = l_0 \cos \alpha_0; t_{\rm B} = 0,$		
astfel încât, în acord cu transformările Lorentz, rezultă:		
$y' = \frac{y - v_0 t}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{t^2}}};$		
$\sqrt{1-\frac{c^2}{c^2}}$		
$y'_{B} = \frac{y_{B} - u \cdot 0}{\sqrt{1 - \frac{u^{2}}{c^{2}}}} = \frac{y_{B}}{\sqrt{1 - \frac{u^{2}}{c^{2}}}} = \frac{y_{B}}{\sqrt{1 - \beta^{2}}} = l_{0} \cdot \sin \alpha_{0};$		
$y_{\rm R} = l_0 \cdot \sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0$.		
Trecerea frontului luminos al flash-ului prin punctul C, însemnează un alt eveniment, ale cărui coordonate, raportate la cele două sisteme de referință, sunt:		2.00
R': $x'_{C} = 0$; $y'_{C} = 0$; $z'_{C} = 2l_{0} \cos \alpha_{0}$; t'_{C} ;		2,00
R: $x_C = 0$; y_C ; $z_C = 2l_0 \cos \alpha_0$; t_C .		
Propagarea frontului luminos al flash-ului, de-a lungul axei OZ,		
între $z_{\rm C}$ și $z_{\rm B}$, de la momentul $t_{\rm C}$ și până la momentul $t_{\rm B}$, în sensul negativ		
al axei OZ, cu viteza $-c$, permite să scriem că:		
$z_{\rm B} - z_{\rm C} = -c(t_{\rm B} - t_{\rm C}); t_{\rm B} = 0;$		
$t_{\rm C} = \frac{z_{\rm B} - z_{\rm C}}{c} = \frac{l_0 \cos \alpha_0 - 2l_0 \cos \alpha_0}{c} = -\frac{l_0 \cos \alpha_0}{c},$		
astfel încât, rezultă:		
$y'_{C} = \frac{y_{C} - u \cdot t_{C}}{\sqrt{1 - \frac{u^{2}}{c^{2}}}} = \frac{y_{C} - \beta \cdot c \cdot t_{C}}{\sqrt{1 - \beta^{2}}} = 0;$		
$y_{\rm C} = \beta \cdot c \cdot t_{\rm C} = \beta \cdot c \cdot \left(-\frac{l_0 \cos \alpha_0}{c} \right);$		
$y_{\rm C} = -\beta \cdot l_0 \cos \alpha_0;$		
$l_1 = y_B - y_C = l_0 \cdot \sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 - (-\beta \cdot l_0 \cos \alpha_0);$		
$l_1 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 + \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$		

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei
prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de
elev.



Pagina 8 din 9	Barem de evaluare și de notare	
b)		
eveniment ale căru	ontului luminos al flash-ului în punctul D, este un ui coordonate, raportate la cele două sisteme de referință,	
sunt: <i>R</i> ':	$x'_{D} = 0; \ y'_{D} = -l_{0} \sin \alpha_{0}; \ z'_{D} = l_{0} \cos \alpha_{0}; \ t'_{D};$	
1	R: $x_D = 0$; y_D ; $z_D = l_0 \cos \alpha_0$; $t_D = t_B = 0$,	
astfel încât, în acor	rd cu transformările Lorentz, rezultă:	
	$y' = \frac{y - v_0 t}{\sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}};$	1,00
y' _D =	$\frac{y_{\rm D} - u \cdot 0}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}} = \frac{y_{\rm D}}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}} = \frac{y_{\rm D}}{\sqrt{1 - \beta^2}} = -l_0 \cdot \sin \alpha_0;$	
1 _ 1	$y_{D} = -l_{0} \cdot \sqrt{1 - \beta^{2}} \cdot \sin \alpha_{0};$ $C - y_{D} = -\beta \cdot l_{0} \cos \alpha_{0} - \left(-l_{0} \cdot \sqrt{1 - \beta^{2}} \cdot \sin \alpha_{0}\right);$	
$\iota_2 = y_0$	$l_2 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 - \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$ $l_3 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 - \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$	
c)	2 0 (0) 0)	
Lungimea fix R, va fi:	întregii imagini de pe placa fotografică, aflată în sistemul	
IIA IX, VUII.	$l = l_1 + l_2 = 2l_0 \cdot \sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0,$	
-	îl putem interpreta ca reprezentând, în sistemul R,	1,00
contracția distanțe	1 proprii: $L_0 = BD = 2 \cdot l_0 \cdot \sin \alpha_0,$	2,00
măsurată în sistem	0	
	$l = L_0 \cdot \sqrt{1 - \beta^2} = 2 \cdot l_0 \cdot \sin \alpha_0 \cdot \sqrt{1 - \beta^2}.$	
d)	. 1 . , 1 . , 1	
Din condiți	ia de maxim pentru lungimea l_1 , rezultă:	
	$l_1 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 + \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$	
d	$\frac{\mathrm{d}l_1}{\mathrm{d}\alpha_0} = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \cos\alpha_0 - \beta \cdot \sin\alpha_0 \right) = 0;$	
	$\sqrt{1-\beta^2} \cdot \cos \alpha_0 = \beta \cdot \sin \alpha_0;$	
	$\tan \alpha_0 = \frac{\sqrt{1-\beta^2}}{\beta};$	2,00
	$\beta = \cos \alpha_0;$	
	$\alpha_0 + \theta_0 = 90^\circ; \ \alpha_0 = 90^\circ - \theta_0;$	
,	$\beta = \cos(90^{\circ} - \theta_0) = \sin \theta_0 = \sqrt{1 - \cos^2 \theta_0};$	
	$\beta = \cos \alpha_0 = \sin \theta_0 = 0, 6 = \frac{u}{c};$	

Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.



Pagina 9 din 9

r agina 9 din 9	
$u = 0.6 \cdot c.$	
e)	
$\beta = \cos \alpha_0$;	
$l_1 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 + \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$	
$l_1 = l_0 \sqrt{1 - \beta^2 \cdot \sin \alpha_0 + \beta \cdot \cos \alpha_0};$	
$l_{1,\max} = l_0;$	
$l_2 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 - \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$	1,00
$l_2 = 0.28 \cdot l_0;$	
$l = 2l_0 \cdot \sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0;$	
$l=1,28\cdot l_0.$	
f)	
$l_2 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 - \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$	
$l_2 = 0;$	
$\tan \alpha_0 = \frac{\beta}{\sqrt{1-\beta^2}}; \ \beta = \frac{u}{c} = 0.6;$	
$\tan \alpha_0 = \frac{3}{4} = \tan(90^0 - \theta_0) = \cot \theta_0;$	2,00
$\theta_0 = 53^{\circ}; \ \alpha_0 = 37^{\circ};$	
$l_1 = l_0 \left(\sqrt{1 - \beta^2} \cdot \sin \alpha_0 + \beta \cdot \cos \alpha_0 \right)$	
$l_1 = 0.96 \cdot l_0$.	
Oficiu	1,00

Barem propus de:

Prof. Florin BUTUŞINĂ – Colegiul Național "Simion Bărnuțiu" Şimleu Silvaniei Prof. Gabriel FLORIAN – Colegiul Național "Carol I" Craiova Prof. Jean ROTARU – Colegiul Național Iași Prof. dr. Mihail SANDU – Liceul Tehnologic de Turism Călimănești

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei
prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de
elev.