

Olimpiada Națională de Fizică Târgoviște 3-7 mai 2019 Proba teoretică



Pagina 1 din 5

BAREM

Barem de notare a) La nivelul pistonului există un ventru de oscilație, iar la capătul închis un nod. $x_{nod} = \frac{4}{4} + n\frac{\lambda}{2} = (2n+1)\frac{\lambda}{4} = (2n+1)\frac{\lambda}{4}, \text{ cu condiția} x \le l$ $x_{nod} = \frac{4}{4} + n\frac{\lambda}{2} = n\frac{c}{4y}, \text{ cu condiția} x < l$ $b) li niteriorul tubului se pot forma n fuse întregi plus o jumătate de fus: l = n\frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{4} = (2n+1)\frac{\lambda}{4} O.5p Obținem: v_n = (2n+1)\frac{c}{44} O.5p Primele trei armonici de după freevența fundamentală: v_0 = \frac{c}{44} v_1 = 3v_0, v_2 = 5v_0, v_3 = 7v_0. c) Unda longitudinală este produsă de o compresie locală și rapidă a unei mase \Delta m de gaz în urma unei deplasări foarte mici a pistonului \Delta x = v\Delta t. In intervalul de timp \Delta t frontul de undă se deplasează pe distanța \Delta t. Pentru masa \Delta m de gaz, teorema de variație a impulsului conduce la relația: p5 - p_0 S = \frac{(\Delta m)v}{\Delta t} \Delta m = p_0 V = p_0 S c \Delta t. Putem scrie: \Delta p \cdot S = \frac{(\rho_0 c \Delta t)^p}{\Delta t} = \frac{p_0 u}{k} S c v și obținem: \frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\mu}{kT} c v (1) Comprimarea locală și rapidă a masei \Delta m de gaz poate fi considerată un proces adiabatic: p_0 V^y = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{p_0}) \cdot V^y \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^y Putem scrie: p_0 V^y = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{p_0}) \cdot V^y \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^y Aproximăm \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^y cu \left(1 - \frac{V}{V}\right)^y și neglijând termenul mic V = \frac{\Delta p}{p_0 V}, ajungem la: \frac{\Delta p}{p_0} = V \frac{V}{V} = V \frac{S c \Delta t}{N} Calculul numeric conduce la valoarea c \cong 385m/s. d) Unda directă și unda reflectată sunt descrise de ceutiile: u_0 = A_d \sin \left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda}\right) in v_0 = v_0 - \frac{2\pi (21 - x - \frac{\lambda}{\lambda})}{\lambda} Amplitudinea oscilației rezultante se obține din compunerea undei directe cu unda reflectată: A_M = A_0 e^{-bx} și A_T = A_0 e^{-b(21-x)} 1p După calculul: A_M = A_0 e^{-bt} e^{-b(21-x)} 1p După calculul: A_M = A_0 e^{-bt} e^{-b(21-x)} 1p$	=3 =4(==0 /=	Pagin	ia 1 din
a) La nivelul pistonului există un ventru de oscilație, iar la capătul închis un nod. $x_{nod} = \frac{4}{4} + n\frac{2}{2} = (2n+1)\frac{1}{4} = (2n+1)\frac{c}{4y}$, cu condiția $x \le l$ $x_{pentru} = 2n\frac{2}{4} = 2n\frac{c}{4y}$, cu condiția $x < l$ 1p b) În interiorul tubului se pot forma n fuse întregi plus o jumătate de fus: $l = n\frac{1}{2} + \frac{1}{4} = (2n+1)\frac{1}{4}$ O,5p Obținem: $v_n = (2n+1)\frac{c}{4l}$ Frecvența fundamentală: $v_0 = \frac{c}{4l}$ O,4p Primele trei armonici de după frecvența fundamentală: $v_1 = 3v_0$, $v_2 = 5v_0$, $v_3 = 7v_0$. Olu Inda longitudinală este produsă de o compresie locală și rapidă a unei mase Δm de gaz în urma unei deplasări foarte mici a pistonului $\Delta x = v\Delta t$. In intervalul de timp Δt frontul de undă se deplasează pe distanța $c\Delta t$. Pentru masa Δm de gaz, teorema de variație a impulsului conduce la relația: $pS - p_0S = \frac{(\Delta m)v}{\Delta t}$. Masa de gaz comprimat în volumul V , de gaz necomprimat și poate fi exprimată prin relația: $\Delta m = \rho_0 V = \rho_0 S c\Delta t$. Putem scrie: $\Delta p \cdot S = \frac{(\rho_0 S c\Delta t)v}{p_0} = \frac{p_0 u}{p_0} = \frac{c\Delta m}{p_0} = \frac{c\Delta m}{p_0} = \frac{v}{p_0} = \frac{v}{p_$	Problema 1	D (1)	TD 4 1
$x_{nod} = \frac{\lambda}{4} + n\frac{\lambda}{2} = (2n+1)\frac{\lambda}{4} = (2n+1)\frac{c}{4v} \text{, cu conditia } x \leq l$ $x_{ventru} = 2n\frac{\lambda}{4} = 2n\frac{c}{4v} \text{, cu conditia } x < l$ $b) \text{ In interiorul tubului se pot forma } n \text{ fuse intregi plus}$ $o \text{ jumătate de fus: } l = n\frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{4} = (2n+1)\frac{\lambda}{4}$ $O.5p$ $Obtinem: v_n = (2n+1)\frac{c}{4l}$ $O.5p$ $Primele trei armonici de după freevența fundamentală: v_0 = \frac{c}{4l}$ $Primele trei armonici de după freevența fundamentală: v_1 = \frac{\lambda}{4l}$ $O.4p$ $Primele trei armonici de după freevența fundamentală: v_1 = 3v_0 , v_2 = 5v_0 , v_3 = 7v_0 .$ $O.6p$ $O.7p$		Parţial	Total
	$x_{nod} = \frac{\lambda}{4} + n\frac{\lambda}{2} = (2n+1)\frac{\lambda}{4} = (2n+1)\frac{c}{4v}$, cu condiția $x \le l$	1p	2p
o jumătate de fus: $l=n\frac{2}{\lambda}+\frac{\lambda}{4}=(2n+1)\frac{\lambda}{4}$	$x_{ventru} = 2n \frac{\lambda}{4} = 2n \frac{c}{4x}$, cu condiția $x < l$	1p	
Freevenţa fundamentală: $v_0 = \frac{c}{4l}$ 0,4p Primele trei armonici de după freevenţa fundamentală: $v_1 = 3v_0$, $v_2 = 5v_0$, $v_3 = 7v_0$. 0,6p 0; Unda longitudinală este produsă de o compresie locală și rapidă a unei mase Δm de gaz în urma unei deplasări foarte mici a pistonului $\Delta x = v\Delta t$. In intervalul de timp Δt frontul de undă se deplasează pe distanţa $c\Delta t$. Pentru masa Δm de gaz, teorema de variație a impulsului conduce la relația: $pS - p_0S = \frac{(\Delta m)v}{\Delta t}$. Masa de gaz comprimat în volumul $V - \Delta V$) se regăsea inițial în volumul V , de gaz necomprimat și poate fi exprimată prin relația: $\Delta m = \rho_0 V = \rho_0 Sc \Delta t$. Putem scrie: $\Delta p \cdot S = \frac{(\rho_0 Sc \Delta t)v}{\Delta t} = \frac{p_0 \mu}{RT} Scv$ și obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\mu}{RT} cv$ (1) Comprimarea locală și rapidă a masei Δm de gaz poate fi considerată un proces adiabatic: $p_0 V^V = (p_0 + \Delta p)(V - \Delta V)^V$ putem scrie: $p_0 V^V = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{V})^v$. $V^V \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^V$ alpurem scrie: $p_0 V^V = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{V})^v$. $V^V \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^V$ is neglijând termenul mic $V = \frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\Delta V}{V}$, ajungem la : $\frac{\Delta p}{p_0} = V = \frac{V}{V} = V = V = V = V = V = V = V = V = V =$	b) În interiorul tubului se pot forma n fuse întregi plus o jumătate de fus: $l = n^{\frac{\lambda}{l}} + \frac{\lambda}{l} = (2n+1)^{\frac{\lambda}{l}}$	0,5p	
Freevenţa fundamentală: $v_0 = \frac{c}{4l}$ 0,4p Primele trei armonici de după freevenţa fundamentală: $v_1 = 3v_0$, $v_2 = 5v_0$, $v_3 = 7v_0$. 0,6p 0; Unda longitudinală este produsă de o compresie locală și rapidă a unei mase Δm de gaz în urma unei deplasări foarte mici a pistonului $\Delta x = v\Delta t$. In intervalul de timp Δt frontul de undă se deplasează pe distanţa $c\Delta t$. Pentru masa Δm de gaz, teorema de variație a impulsului conduce la relația: $pS - p_0S = \frac{(\Delta m)v}{\Delta t}$. Masa de gaz comprimat în volumul $V - \Delta V$) se regăsea inițial în volumul V , de gaz necomprimat și poate fi exprimată prin relația: $\Delta m = \rho_0 V = \rho_0 Sc \Delta t$. Putem scrie: $\Delta p \cdot S = \frac{(\rho_0 Sc \Delta t)v}{\Delta t} = \frac{p_0 \mu}{RT} Scv$ și obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\mu}{RT} cv$ (1) Comprimarea locală și rapidă a masei Δm de gaz poate fi considerată un proces adiabatic: $p_0 V^V = (p_0 + \Delta p)(V - \Delta V)^V$ putem scrie: $p_0 V^V = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{V})^v$. $V^V \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^V$ alpurem scrie: $p_0 V^V = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{V})^v$. $V^V \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^V$ is neglijând termenul mic $V = \frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\Delta V}{V}$, ajungem la : $\frac{\Delta p}{p_0} = V = \frac{V}{V} = V = V = V = V = V = V = V = V = V =$	Obtinem: $v_n = (2n+1)\frac{c}{c}$	0,5p	2
Primele trei armonici de după freevența fundamentală: $v_1 = 3v_0$, $v_2 = 5v_0$, $v_3 = 7v_0$. 0,6p e) Unda longitudinală este produsă de o compresie locală și rapidă a unei mase Δm de gaz în urma unei deplasări foarte mici a pistonului $\Delta x = v\Delta t$. În intervalul de timp Δt frontul de undă se deplasează pe distanța $c\Delta t$. Pentru masa Δm de gaz, teorema de variație a impulsului conduce la relația: $pS - p_0S = \frac{(\Delta m)v}{\Delta t}$. Masa de gaz comprimat în volumul $(V - \Delta V)$ se regăsea inițial în volumul V , de gaz necomprimat și poate fi exprimată prin relația: $\Delta m = \rho_0 V = \rho_0 Sc\Delta t$. Putem scrie: $\Delta p \cdot S = \frac{(\rho_0 Sc\Delta t)v}{\Delta t} = \frac{p_0 \mu}{RT} Scv$ și obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\mu}{RT} cv$ (1) Comprimarea locală și rapidă a masei Δm de gaz poate fi considerată un proces adiabatic: $p_0 V^{\gamma} = (p_0 + \Delta p)(V - \Delta V)^{\gamma}$ Putem scrie: $p_0 V^{\gamma} = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{p_0}) \cdot V^{\gamma} \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^{\gamma}$ Aproximăm $\left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^{\gamma}$ cu $\left(1 - \gamma \frac{\Delta V}{p_0}\right)$ și neglijând termenul mic $\gamma \frac{\Delta p}{p_0} \frac{\Delta V}{V}$, ajungem la : $\frac{\Delta p}{p_0} = \gamma \frac{\Delta V}{V} = \gamma \frac{Sv\Delta t}{Sc\Delta t}$. Obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \gamma \frac{v}{c}$ (2) Egalând relațiile (1) și (2) , $\frac{\mu}{RT} cv = \gamma \frac{v}{c}$ obținem dependența de temperatură a vitezei de propagare a frontului de undă: $\mathbf{c} = \sqrt{\frac{\gamma RT}{\mu}}$. O,5p d) Unda directă și unda reflectată sunt descrise de ecuațiile: $u_d = A_d \sin(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda})$ și $u_r = A_r \sin\left[\omega t - \frac{2\pi (2t - x - \frac{\lambda}{\lambda})}{\lambda}\right]$ Amplitudinea oscilației rezultante se obține din compunerea undei directe cu unda reflectată: $A_M = \sqrt{A_0^2 + A_0^2 + 2A_0 - cos \frac{2\pi}{\lambda}} \left[(2t - x - \frac{\lambda}{\lambda}) - x\right]$ După calculei: $A_M = A_0 e^{-bt} \sqrt{e^{2b(t-x)} + e^{-2b(t-x)} + 2cos \frac{4\pi}{\lambda} \left(t - x - \frac{\lambda}{4}\right)}$ 1p	Freeventa fundamentală: $v_0 = \frac{c}{c}$		2p
c) Unda longitudinală este produsă de o compresie locală și rapidă a unei mase Δm de gaz în urna unei deplasări foarte mici a pistonului $\Delta x = \nu \Delta t$. În intervalul de timp Δt frontul de undă se deplasează pe distanța $c\Delta t$. Pentru masa Δm de gaz, teorema de variație a impulsului conduce la relația: $pS - p_0 S = \frac{(\Delta m)\nu}{\Delta t}$. Masa de gaz comprimat în volumul $(V - \Delta V)$ se regăsea inițial în volumul V , de gaz necomprimat și poate fi exprimată prin relația: $\Delta m = \rho_0 V = \rho_0 S c \Delta t$. Putem scrie: $\Delta p \cdot S = \frac{(\rho_0 S c \Delta t)\nu}{\Delta t} = \frac{p_0 \mu}{RT} S c \nu$ și obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\mu}{RT} c \nu$ (1) Comprimarea locală și rapidă a masei Δm de gaz poate fi considerată un proces adiabatic: $p_0 V^{\gamma} = (p_0 + \Delta p)(V - \Delta V)^{\gamma}$ Putem scrie: $p_0 V^{\gamma} = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{p_0}) \cdot V^{\gamma} \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^{\gamma}$ și neglijând termenul mic $\gamma \frac{\Delta p}{p_0} \Delta \nu$, ajungem la : $\frac{\Delta p}{p_0} = \gamma \frac{\Delta V}{V} = \gamma \frac{S \Delta t}{S c \Delta t}$. Obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \gamma \frac{\nu}{c}$ (2) Egalând relațiile (1) și (2), $\frac{\mu}{RT} c \nu = \gamma \frac{\nu}{c}$ obținem dependența de temperatură a vitezei de propagare a frontului de undă: $c = \sqrt{\frac{\gamma RT}{\mu}}$. Calculul numeric conduce la valoarea $c = 385m/s$. d) Unda directă și unda reflectată sunt descrise de ecuațiile: $u_d = A_d sin \left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda}\right)$ și $u_r = A_r sin \left[\omega t - \frac{2\pi (2t - x - \frac{\lambda}{2})}{\lambda}\right]$ Amplitudinea oscilației rezultante se obține din compunerea undei directe cu unda reflectată: $A_M = \sqrt{A_d^2 + A_r^2 + 2A_d A_r cos \frac{2\pi}{\lambda}} \left[\left(2t - x - \frac{\lambda}{2}\right) - x\right]$ După calcule: $A_M = A_0 e^{-bt} \sqrt{e^{2b(l-x)} + e^{-2b(l-x)} + 2cos \frac{4\pi}{\lambda} \left(l - x - \frac{\lambda}{4}\right)}$ 1p	Primele trei armonici de după frecvența fundamentală:		
propagare a frontului de undă: $\mathbf{c} = \sqrt{\frac{\gamma RT}{\mu}}$. Calculul numeric conduce la valoarea $c \cong 385m/s$. 0,5p d) Unda directă și unda reflectată sunt descrise de ecuațiile: $u_d = A_d sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda}\right)$ și $u_r = A_r sin\left[\omega t - \frac{2\pi \left(2l - x - \frac{\lambda}{2}\right)}{\lambda}\right]$ Amplitudinea oscilației rezultante se obține din compunerea undei directe cu unda reflectată: $A_M = \sqrt{A_d^2 + A_r^2 + 2A_d A_r cos \frac{2\pi}{\lambda} \left[\left(2l - x - \frac{\lambda}{2}\right) - x\right]}$ $A_d = A_0 e^{-bx}$ și $A_r = A_0 e^{-b(2l - x)}$ 1p După calcule: $A_M = A_0 e^{-bl} \sqrt{e^{2b(l - x)} + e^{-2b(l - x)} + 2cos \frac{4\pi}{\lambda} \left(l - x - \frac{\lambda}{4}\right)}$ 1p	c) Unda longitudinală este produsă de o compresie locală și rapidă a unei mase Δm de gaz în urma unei deplasări foarte mici a pistonului $\Delta x = v\Delta t$. În intervalul de timp Δt frontul de undă se deplasează pe distanța $c\Delta t$. Pentru masa Δm de gaz, teorema de variație a impulsului conduce la relația: $pS - p_0S = \frac{(\Delta m)v}{\Delta t}$. Masa de gaz comprimat în volumul $(V - \Delta V)$ se regăsea inițial în volumul V , de gaz necomprimat și poate fi exprimată prin relați. $\Delta m = \rho_0 V = \rho_0 Sc\Delta t$. Putem scrie: $\Delta p \cdot S = \frac{(\rho_0 Sc\Delta t)v}{\Delta t} = \frac{p_0\mu}{RT}Scv$ și obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \frac{\mu}{RT}cv$ (1) Comprimarea locală și rapidă a masei Δm de gaz poate fi considerată un proces ac $p_0 V^{\gamma} = (p_0 + \Delta p)(V - \Delta V)^{\gamma}$ Putem scrie: $p_0 V^{\gamma} = p_0 (1 + \frac{\Delta p}{p_0}) \cdot V^{\gamma} \left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^{\gamma}$ Aproximăm $\left(1 - \frac{\Delta V}{V}\right)^{\gamma}$ cu $\left(1 - \gamma \frac{\Delta V}{V}\right)$ și neglijând termenul mic $\gamma \frac{\Delta p}{p_0} \frac{\Delta V}{V}$, ajung $\frac{\Delta p}{p_0} = \gamma \frac{\Delta V}{V} = \gamma \frac{Sv\Delta t}{Sc\Delta t}$. Obținem: $\frac{\Delta p}{p_0} = \gamma \frac{v}{c}$ (2)	p_0 T a:	Зр
d) Unda directă și unda reflectată sunt descrise de ecuațiile: $u_d = A_d sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda}\right)$ și $u_r = A_r sin\left[\omega t - \frac{2\pi \left(2l - x - \frac{\lambda}{2}\right)}{\lambda}\right]$ Amplitudinea oscilației rezultante se obține din compunerea undei directe cu unda reflectată: $A_M = \sqrt{A_d^2 + A_r^2 + 2A_d A_r cos \frac{2\pi}{\lambda} \left[\left(2l - x - \frac{\lambda}{2}\right) - x\right]}$ $A_d = A_0 e^{-bx}$ și $A_r = A_0 e^{-b(2l - x)}$ 1p După calcule: $A_M = A_0 e^{-bl} \sqrt{e^{2b(l - x)} + e^{-2b(l - x)} + 2cos \frac{4\pi}{\lambda} \left(l - x - \frac{\lambda}{4}\right)}$ 1p	Egalând relațiile (1) și (2), $\frac{\mu}{RT}cv = \gamma \frac{v}{c}$ obținem dependența de temperatură a vi propagare a frontului de undă: $\mathbf{c} = \sqrt{\frac{\gamma RT}{\mu}}$.		
$u_d = A_d sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda}\right) \text{ si } u_r = A_r sin\left[\omega t - \frac{2\pi \left(2l - x - \frac{\lambda}{2}\right)}{\lambda}\right]$ Amplitudinea oscilației rezultante se obține din compunerea undei directe cu unda reflectată: $A_M = \sqrt{A_d^2 + A_r^2 + 2A_d A_r cos \frac{2\pi}{\lambda} \left[\left(2l - x - \frac{\lambda}{2}\right) - x\right]}$ $A_d = A_0 e^{-bx} \text{ si } A_r = A_0 e^{-b(2l - x)}$ $După calcule: A_M = A_0 e^{-bl} \sqrt{e^{2b(l - x)} + e^{-2b(l - x)} + 2cos \frac{4\pi}{\lambda} \left(l - x - \frac{\lambda}{4}\right)}$ 1p	Calculul numeric conduce la valoarea $c \cong 385m/s$.	0,5p	
După calcule: $A_M = A_0 e^{-bl} \sqrt{e^{2b(l-x)} + e^{-2b(l-x)} + 2\cos\frac{4\pi}{\lambda}(l-x-\frac{\lambda}{4})}$ 1p	$u_d = A_d sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda}\right)$ și $u_r = A_r sin\left[\omega t - \frac{2\pi\left(2t - x - \frac{\lambda}{2}\right)}{\lambda}\right]$ Amplitudinea oscilației rezultante se obține din compunerea undei directe creflectată:	eu unda 1p	3 p
După calcule: $A_M = A_0 e^{-bl} \sqrt{e^{2b(l-x)} + e^{-2b(l-x)} + 2\cos\frac{4\pi}{\lambda}(l-x-\frac{\lambda}{4})}$ 1p	$A_d = A_0 e^{-bx}$ și $A_r = A_0 e^{-b(2l-x)}$	1p	
		1p	
			10p

- 1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultat va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
- 2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporţional cu conţinutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.



Olimpiada Națională de Fizică Târgoviște 3-7 mai 2019 Proba teoretică BAREM



Pagina 2 din 5

Problema 2

Problema 2		
Barem de notare	Parţial 0.75	Total
$\mathbf{a1}) x(t) = l \sin \varphi(t)$	0,75p	
$y(t) = y_0(t) - l\cos\varphi(t) = a\cos(\omega \cdot t) - l\cos\varphi(t)$	0,75p	
$\mathbf{a2}) v_x(t) = \frac{1}{dt} = l \frac{1}{dt} \cos \varphi(t)$	0,75p	
$\mathbf{a2}) v_x(t) = \frac{dx}{dt} = l \frac{d\varphi}{dt} \cos \varphi(t)$ $v_y(t) = \frac{dy}{dt} = -a \omega \sin(\omega \cdot t) + l \frac{d\varphi}{dt} \sin \varphi(t)$	0,75p	
$\mathbf{a3}) E_p = mgy = mg(a\cos(\omega \cdot t) - l\cos\varphi(t))$	1p	
$E_c = \frac{m}{2} \left(v_x^2 + v_y^2 \right)$		
Folosind expresiile vitezelor de la punctul precedent expresia energiei cinetice devine	1p	6p
$E_{c} = \frac{m}{2}l^{2} \left(\frac{d\varphi}{dt}\right)^{2} + \frac{m}{2}\omega^{2}a^{2}\sin^{2}\omega t - mal\omega\frac{d\varphi}{dt}\sin\varphi(t)\sin\omega t$	1р	
a4) În sistemul de referință neinerțial în care punctul de sprijin este în repaus, accelerația		
efectivă instantanee are expresia – $g_{efectiv} = -g - \frac{d^2y_0}{dt^2} = -g + a\omega^2\cos(\omega \cdot t)$.	_	
Ecuația de mișcare este cea a pendulului simplu în acest sistem de referință neinerțial: $\frac{d^2\varphi}{dt^2} = -\frac{g_{efectiv}}{l}\sin\varphi.$	1p	
b1) Pornim de la $\frac{d^2\varphi}{dt^2} = -\frac{1}{L}(g - a\omega^2\cos(\omega t))\sin\varphi$ și descompunem $\varphi = \gamma + \beta$,		
obţinând $\frac{d^2\gamma}{dt^2} + \frac{d^2\beta}{dt^2} = -\frac{1}{l}(g - a\omega^2\cos(\omega t))\sin(\gamma + \beta).$	0,2p	
γ poate fi considerat constant la evaluarea dinamicii lui β : impunem $\frac{d^2\gamma}{dt^2} = 0$	0,2p	
Întrucât $a\omega^2 \gg g$, neglijăm g .	0,2p	
Pentru că $\gamma \gg \beta$, neglijăm β în argumentul sinusului.	0,2p	
Ecuația se reduce la $\frac{d^2\beta}{dt^2} = \frac{a}{l} \omega^2 \cos(\omega t) \sin(\gamma)$. Expresia dată este soluție γ putând fi considerat constant	0,2p	
b2) Ecuația exactă este $\frac{d^2\gamma}{dt^2} + \frac{d^2\beta}{dt^2} = -\frac{1}{l}(g - a\omega^2\cos(\omega t))\sin(\gamma + \beta)$.	0,3p	
Factorul $\frac{d^2\beta}{dt^2}$ conține termeni liniari în $\cos(\omega t)$ și $\sin(\omega t)$ care se anulează în urma medierii temporale.	0,3p	
Partea dreaptă a ecuației se prelucrează ținând cont de faptul că β este proporțional cu a : $(g - a \omega^2 \cos(\omega t)) \sin(\gamma + \beta)$ $= (g - a \omega^2 \cos(\omega t))(\sin \gamma \cos \beta + \cos \gamma \sin \beta)$		4 p
$\cong (g - a \omega^2 \cos(\omega t)) \left(\left(1 - \frac{\beta^2}{2} \right) \sin \gamma + \beta \cos \gamma \right)$	0,3p	
$\cong g \sin \gamma - a \omega^2 \cos(\omega t) \sin \gamma - g \frac{\beta^2}{2} \sin \gamma + g \beta \cos \gamma - a \omega^2 \beta \cos(\omega t) \cos \gamma$		
Înlocuind expresia $\beta = -\frac{a}{l}\sin\gamma\cos(\omega t)$ obținem pentru partea dreaptă a ecuației de mișcare:		
$g \sin \gamma - a \omega^2 \cos(\omega t) \sin \gamma - \frac{g}{2} \left(\frac{a}{l}\right)^2 \sin^3 \gamma \cos^2(\omega t)$	0,3p	
$+ g \frac{a}{l} \sin \gamma \cos \gamma \cos(\omega t) + \frac{a^2 \omega^2}{l} \sin \gamma \cos \gamma \cos^2(\omega t)$		
În urma medierii temporale rămân doar termenii	0,3p	

- 1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultat va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
- 2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporţional cu conţinutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.



Olimpiada Națională de Fizică Târgoviște 3-7 mai 2019 Proba teoretică BAREM



Pagina 3 din 5

$g\sin\gamma - \frac{g}{4}\left(\frac{a}{l}\right)^2\sin^3\gamma + \frac{a^2\omega^2}{2l}\sin\gamma\cos\gamma$		
Condiția $l\omega^2\gg a\omega^2\gg g$ permite neglijarea celui de-al doilea termen. Ecuația de mișcare finală pentru componenta lentă este $\frac{d^2\gamma}{dt^2}=-\frac{g}{l}\sin\gamma-\frac{a^2\omega^2}{2l^2}\sin\gamma\cos\gamma$	0,3p	
b3) Prin simpla derivare a expresiei potențialului efectiv se obține $\frac{dV}{d\gamma} = \frac{g}{l}\sin\gamma + \frac{a^2\omega^2}{2l^2}\sin\gamma \cos\gamma = -\frac{d^2\gamma}{dt^2}, \text{ conform ecuației găsite la punctul anterior.}$	0,2p	
b4) Sunt întotdeauna extreme ale potențialului configurațiile pentru care $\frac{dV}{d\gamma} \sim \sin \gamma = 0$ cu soluții posibile $\gamma = 0$ și $\gamma = \pi$	0,2p	
Pentru a stabili dacă extremele sunt minime sau maxime analizăm derivata a doua $\frac{d^2V}{d\gamma^2} = \frac{g}{l}\cos\gamma + \frac{a^2\omega^2}{2l^2}(\cos^2\gamma - \sin^2\gamma).$	0,2p	
Mai precis, $\frac{d^2V}{d\gamma^2}\Big _{\gamma=0} = \frac{g}{l} + \frac{a^2\omega^2}{2l^2} > 0$ și $\frac{d^2V}{d\gamma^2}\Big _{\gamma=\pi} = -\frac{g}{l} + \frac{a^2\omega^2}{2l^2} > 0$ dacă $(a\omega)^2 > 2gl$. În condițiile date ambele minime sunt deci configurații de echilibru stabil.	0,2p	-
Coordonatele carteziene corespunzătoare sunt $x _{\gamma=0}=0$, $y _{\gamma=0}=-l$ și $x _{\gamma=\pi}=0$, $y _{\gamma=\pi}=l$.	0,2p	
În ambele situații (pendul forțat și ne-forțat) există echilibru stabil pentru punctul $x _{\gamma=0}=0$ $y _{\gamma=0}=-l$, în care particula se află în poziția cea mai coborâtă. Echilibrul corespunzător poziției de pendul inversat $x _{\gamma=\pi}=0$, $y _{\gamma=\pi}=l$ apare numai în cazul în care pendulul este permanent ținut în mișcare prin perturbarea punctului de sprijin, de aici denumirea de <i>echilibru dinamic</i> .	0,2p	
Total		10p

- 1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultat va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
- 2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporţional cu conţinutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.



Olimpiada Națională de Fizică Târgoviște 3-7 mai 2019 Proba teoretică

BAREM



Pagina 4 din 5

Problema 3 Rarem de notare	Parțial	Total
Barem de notare 21 Leges a II a lui Newton $ma - evB - k \frac{e^2}{B}$ $\otimes \overrightarrow{B}$	1 aryıal	TULAL
a1. Legea a II a lui Newton $ma = evB - k\frac{e^2}{d^2}$ $\otimes \overrightarrow{B}$ $\overrightarrow{v} \qquad \qquad d \qquad \overrightarrow{F_L} \qquad (1) \qquad \overrightarrow{F_C}$ $(2) \qquad \qquad \qquad \downarrow \overrightarrow{v}$ Fig.1R	1p	
a2. Din a1 rezultă $2m\frac{v^2}{d} - evB + k\frac{e^2}{d^2} = 0$, care are soluții reale dacă $\Delta \ge 0$, $\Delta = e^2B^2 - 8mk\frac{e^2}{d^3}$. De aici rezultă că $d_{min} = 2\sqrt[3]{\frac{km}{B^2}}$.	1p	3р
a3. Înlocuind d_{min} în legea de mișcare găsim $v = \frac{eB}{2m} \sqrt[3]{\frac{km}{B^2}}$	1p	
b1. La momentul inițial $v_1 = v_0$ și $v_2 = 0$ astfel că $v_{cm} = \frac{v_0}{2}$. Centrul de masă poate fi asimilat cu o particulă cu masa $2m$ și sarcina $-2e$ aflată în câmpul magnetic B , asupra căreia acționează o forță centrală $F_L = 2ev_{cm}B$. Astfel din $\frac{2mv_{cm}^2}{r_{cm}} = 2ev_{cm}B$ rezultă $r_{cm} = \frac{mv_0}{2eB}$ și $\omega_{cm} = \frac{eB}{m}$.	1p	
b2. Cum asupra oricărui electron acționează aceleași forțe ca la a1 rezultă că $\omega = \frac{2v}{d_{min}} = \frac{eB}{2m}$. Observăm că $\omega = \frac{\omega_{cm}}{2}$ de unde rezultă că $r = 2r_{cm}$ și că $\theta_{cm} = 2\theta$. Traiectoria particulelor arată ca în fig.2R. La orice moment de timp este adevărată relația $\vec{v}_{electron} = \vec{v}_{electron,rel} + \vec{v}_{cm}$. Prin urmare: $\vec{v}_1 = \vec{v}_{1,rel} + \vec{v}_{cm}$, $v_1 = 2v_{cm}\cos\frac{\theta}{2}$ și $\vec{v}_2 = \vec{v}_{2,rel} + \vec{v}_{cm}$, $v_2 = 2v_{cm}\sin\frac{\theta}{2}$. În consecință $\theta = \frac{\pi}{2}$. Dar $\theta = \omega\Delta t$ de unde $\Delta t = \frac{\pi m}{eB}$.	2p	3р
c1. $E_c = E_{c,radiala} + E_{c,rotatie} = \frac{m}{2}v_r^2 + \frac{m\omega^2 r^2}{2}$	0,5p	
$\mathbf{c2.} \ \vec{L} = \vec{r} \times m\vec{v}_{rez}, \ \vec{L} = (x\vec{i} + y\vec{j}) \times m(v_x\vec{i} + v_y\vec{j}), \ \vec{L} = m(xv_y - yv_x)\vec{k}$	0,5p	
c3. Din expresia finală de la c2 rezultă că $\frac{dL}{dt} = m(xa_y - ya_x); \ \vec{v} \times \vec{B} = (v_x \vec{\iota} + v_y \vec{\jmath}) \times B\vec{k} = -v_x B\vec{\jmath} + v_y B\vec{\iota}.$ Din legea a II a lui Newton $m\vec{a} = k \frac{e^2}{r^3} \vec{r} - eB(-v_x \vec{\jmath} + v_y \vec{\iota})$ rezultă că: $\begin{cases} ma_x = k \frac{e^2}{r^3} x - eBv_y \\ ma_y = k \frac{e^2}{r^3} y + eBv_x \end{cases}$ și în final $m(xa_y - ya_x) = eB(xv_x + yv_y).$ Termenul din stânga este determinat mai sus, iar $xv_x + yv_y = \frac{1}{2} \frac{d}{dt}(x^2 + y^2)$ și prin urmare $\frac{dL}{dt} = \frac{eB}{2} \frac{d}{dt}(x^2 + y^2) = \frac{eB}{2} \frac{d}{dt}r^2$. Din definiția $J = L - \frac{eB}{2}r^2$ rezultă că $\frac{d}{dt}J = \frac{d}{dt}(L - \frac{eB}{2}r^2)$, dar deoarece $\frac{dL}{dt} = \frac{eB}{2} \frac{d}{dt}r^2$ rezultă că $\frac{d}{dt}J = 0$ deci $J = ct$.	1p	4 p

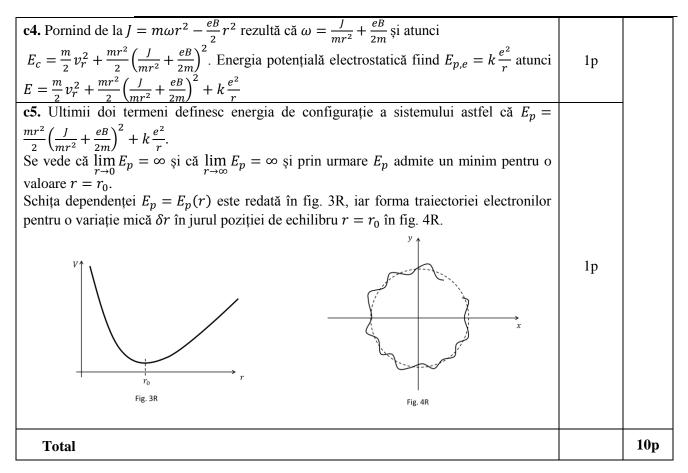
- 1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultat va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
- 2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.



Olimpiada Națională de Fizică Târgoviște 3-7 mai 2019 Proba teoretică BAREM



Pagina 5 din 5



Barem propus de:

prof. Florin BUTUŞINĂ – Colegiul Național "Simion Bărnuțiu", *Şimleu-Silvaniei* cercetător științific dr. Virgil V. BĂRAN – Facultatea de Fizică, Universitatea București prof. Constantin GAVRILĂ – Colegiul Național "Sfântul Sava", București

1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultat va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.

2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporţional cu conţinutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a