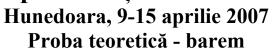


## Ministerul Educației, Cercetării și Tineretului

## Olimpiada Națională de Fizică







Oricare altă variantă corectă de rezolvare se va puncta în mod corespunzător

|           | Oricare altă variantă corectă de rezolvare se va puncta în mod core | in mod corespunzator Pund |       |
|-----------|---|---------------------------|-------|
| Subiect   | Soluție   | parțial                   | total |
| 1         |   |                           | 1     |
|           | D < f: $O < f:$   |                           | 2     |
|           | D = f: $(d1)$ $D = f:$ $(d2)$                                       |                           | 2     |
|           | D > f:  |                           | 2     |
|           | (d3)<br>(e)   |                           | 2     |
| Oficiu    |   | ,                         | 1     |
| Total sub | piect 1   |                           | 10    |

| Subiect         |   | Pun     | ctaj  |
|-----------------|---|---------|-------|
|                 | Soluție   | parțial | total |
| 2.a             | $\vec{F}$ $\vec{F}$ $\vec{G}$ $\vec{G}$ $\vec{G}$ $\vec{G}$ $\vec{G}$   |         | 3     |
|                 | $\begin{cases} a = \frac{G_{t2} - F_{f2} - T}{m_2} \\ a = \frac{T - G_{t1} - F_{f1}}{m_1} \end{cases}$                      | 1       |       |
|                 | $\Rightarrow a = g \frac{(m_2 - m_1)\sin\alpha - \mu(m_1 + m_2)\cos\alpha}{m_1 + m_2}$                                      | 1       |       |
|                 | $\Rightarrow a = \frac{\sqrt{2}}{2} g \left( \frac{k-1}{k+1} - \mu \right)$   | 1       |       |
| 2.b             | $N = mg + 2T\sin\alpha + (N_1 + N_2)\cos\alpha + (F_{f2} - F_{f1})\sin\alpha$   | 1       | 3     |
|                 | în care: $T = \frac{2m_1 m_2 g}{m_1 + m_2} \sin \alpha$ $\sqrt{2}k$   |         |       |
|                 | $\Rightarrow T = \frac{\sqrt{2}k}{k+1} m_1 g$   | 1       |       |
|                 | $\Rightarrow N = mg + \frac{1}{2}m_1g\left(\frac{4k}{k+1} + k + 1 + \mu(k-1)\right)$  | 1       |       |
| 2.c             | $F = (N_2 - N_1)\sin\alpha - (F_{f2} + F_{f1})\cos\alpha$   | 2       | 3     |
|                 | $\Rightarrow F = \frac{1}{2} m_1 g \left( k - 1 - \mu(k+1) \right)$ Oha i da š samnul fartai asta gravit sa nun staa ž 000/ | 1       |       |
| Oficiu          | Obs.: dacă semnul forței este greșit, se punctează 90%.   |         | 1     |
| Total subject 2 |   |         | 10    |

| Subiect | Soluție   | Punctaj |       |
|---------|---|---------|-------|
|         |   | parțial | total |
| 3.A.a.  | Notând cu $T_P$ perioada de rotație a Pământului, rezultă:  |         | 4     |
|         | $\left(\frac{KmM}{\left(R+h\right)^{2}}=m\omega_{s}^{2}\left(R+h\right)\right)$   | 0,5     |       |
|         | $\left\{ \qquad \omega_{s} = \frac{2\pi}{T_{a}} - \frac{2\pi}{T_{P}} \right.$   | 1       |       |
|         | $g_0 = \frac{KM}{R^2}$  | 0,5     |       |
|         | $\Rightarrow h = \sqrt[3]{\frac{g_0 R^2}{\omega_s^2}} - R$  | 0,5     |       |
|         | $\Rightarrow h = 13900 \text{ km}$  | 0,5     |       |
| 3.A.b.  | $T_b = 24 \text{ ore } \Rightarrow \omega_s = 0 \Rightarrow h \rightarrow \infty$   | 1       |       |
| 3.B.a.  | Deoarece fragmentele ajung simultan la sol, rezultă că explozia modifică doar componentele orizontale ale vitezelor, iar cele verticale nu se modifică. |         | 5     |
|         | Deoarece $v' < v_0$ , rezultă că explozia are loc pe porțiunea ascendentă.  |         |       |
|         | <i>y</i>  |         |       |
|         | $\frac{1}{\beta}$ $\frac{1}{\sqrt{2}}$  | 1       |       |

| Subject         | Soluție   | Punctaj    |       |
|-----------------|---|------------|-------|
|                 |   | parțial    | total |
| 3.B.b.          | $\begin{cases} v'_{y} = v_{0y}; v_{0y} = v_{0} \sin \alpha \\ v'_{x} = \sqrt{v'^{2} - v_{0}^{2} \sin^{2} \alpha} \end{cases}$   |            |       |
|                 | $\Rightarrow \operatorname{tg} \beta = \frac{\mathbf{v}_{y}'}{\mathbf{v}_{x}'} = \frac{4}{3}$   | 1          |       |
|                 | Ecuațiile traiectoriilor:   |            |       |
|                 | $\begin{cases} y = x \operatorname{tg} \alpha - \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 \\ y = x \operatorname{tg} \beta - \frac{g}{2v'^2 \cos^2 \beta} x^2 \end{cases}$               |            |       |
|                 | $y = x \operatorname{tg} \beta - \frac{g}{2v'^2 \cos^2 \beta} x^2$  |            |       |
|                 | $\Rightarrow x = \frac{2(\operatorname{tg}\beta - \operatorname{tg}\alpha)}{g\left(\frac{1}{\operatorname{v}'^2\cos^2\beta} - \frac{1}{\operatorname{v}_0^2\cos^2\alpha}\right)}$ | 1          |       |
|                 | $\Rightarrow x = 4187 \text{ m}$  | ]          |       |
|                 | $\Rightarrow y = 1687 \text{ m}$  | <b>0,5</b> |       |
| 3.B.c.          | $m\frac{{\bf v}'^2}{R} = mg\cos\beta$   | 1          |       |
|                 | $\Rightarrow R = \frac{{\rm v}^{\prime 2}}{g\cos\beta}$   | 0,25       |       |
|                 | $\Rightarrow R = 10,4 \text{ km}$   | 0,25       |       |
| Oficiu          |   | 1          |       |
| Total subject 3 |   |            | 10    |
| Total general   |   |            | 30    |

Subiect propus de:

prof. Viorel Popescu – C.N. "I.C. Brătianu, Pitești prof. Ion Toma – C.N. "Mihai Viteazul", București

prof. Dorel Haralamb – C.N. "Petru Rareș", Piatra-Neamț