



Pagina 1 din 10

Problema 1 Sisteme de referință inerțiale în mișcări relative	Parţial	Punctaj
Barem subject 1		10 p
În originea sistemului inerțial fix XYZ, reprezentat în desenul din figura 3, se află o sursă S de oscilații electromagnetice, efectuate de-a lungul axei Z după legea: $E_{\rm S} = E_{\rm max} \sin \omega_{\rm s} t = E_{\rm max} \sin 2\pi v_{\rm s} t.$ Transmiterea din aproape în aproape a acestor oscilații, de-a lungul axei Y, cu viteza c , reprezintă unda electromagnetică (transversală) plană, a cărei ecuație este: $E = E_{\rm max} \sin \omega_{\rm s} \left(t - \frac{y}{c}\right) = E_{\rm max} \sin 2\pi v_{\rm s} \left(t - \frac{y}{c}\right),$ unde y este coordonata de poziție a frontului de undă la momentul t , în raport cu sistemul fix XYZ, iar E este valoarea instantanee a intensității câmpului electric al undei electromagnetice în punctul considerat. $Z = \sum_{i=1}^{N} \frac{y'_{i}}{c} + \sum_{i=1}^{N} $	3 p	
Fig. 3		
Expresia:		
$\phi = 2\pi v_s \left(t - \frac{y}{c}\right),$ reprezintă faza oscilațiilor electromagnetice în sistemul fix XYZ. Corespunzător sistemului mobil X'Y'Z', faza oscilațiilor este: $\phi' = 2\pi v_{\rm obs} \left(t' - \frac{y'}{c}\right),$ unde y' și t' reprezintă coordonatele spațio-temporale ale aceluiași front de undă față de sistemul X'Y'Z'. Faza unei unde este o mărime direct proporțională cu numărul de maxime care trec pe lângă un observator aflat într-un anumit sistem de referință inerțial. Deoarece operația de numărare a acestor maxime este independentă de sistemul de coordonate, însemnează că faza undei este un invariant al transformărilor Lorentz. Folosind transformările Lorenz, rezultă:		

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.





Pagina 2 din 10

$$t = \frac{t' + \frac{v}{c^2} y'}{\sqrt{1 - \beta^2}}; \quad y = \frac{y' + vt'}{\sqrt{1 - \beta^2}};$$

$$2\pi v_s \left(t - \frac{y}{c}\right) = 2\pi v_s \left(\frac{t' + \frac{v}{c^2} y'}{\sqrt{1 - \beta^2}} - \frac{y' + vt'}{c\sqrt{1 - \beta^2}}\right);$$

$$2\pi v_{obs} \left(t' - \frac{y'}{c}\right) = 2\pi v_s \left(\frac{t' + \frac{v}{c^2} y'}{\sqrt{1 - \beta^2}} - \frac{y' + vt'}{c\sqrt{1 - \beta^2}}\right),$$

din care, identificând coeficienții lui t' și y', din stânga și din dreapta relației, rezultă:

$$v_{obs} = v_s \ \frac{1 - \beta}{\sqrt{1 - \beta^2}}.$$

b) 3 p

Originea O'' este un punct în mișcare cu viteza \vec{u}' față de sistemul mobil S' și în mișcare cu viteza \vec{u} față de sistemul fix S, componentele celor două viteze fiind:

$$\vec{u}'(u'_{x'}=0; u'_{y'}=v; u'_{z'}=0);$$

 $\vec{u}(u_x; u_y; u_z),$

astfel încât relațiile dintre aceste componente sunt:

$$u_x = \frac{u'_{x'} + v_0}{1 + \frac{u'_{x'}v_0}{c^2}} = v_0;$$

$$u_{y} = \frac{u'_{y'}\sqrt{1 - \frac{v_{0}^{2}}{c^{2}}}}{1 + \frac{u'_{x'}v_{0}}{c^{2}}} = v\sqrt{1 - \frac{v_{0}^{2}}{c^{2}}};$$

$$u_z = \frac{u'_{z'}\sqrt{1 - \frac{\mathbf{v}_0^2}{c^2}}}{1 + \frac{u'_{x'}\mathbf{v}_0}{c^2}} = 0.$$

Mișcarea punctului O'' în raport cu O fiind rectilinie și uniformă, cu viteza \vec{u} , din figura 4, rezultă:

$$\overline{OO''} = \overline{u} t;$$

$$tg \theta = \frac{u_y}{u_x} = \frac{v}{v_0} \sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}}.$$

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.

Barem



Pagina 3 din 10

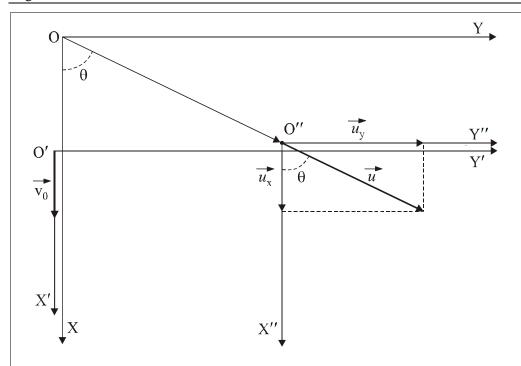


Fig. 4

Mișcarea punctului O în raport cu O" fiind rectilinie și uniformă, cu viteza \vec{u}'' , din figura 5 rezultă:

$$\overrightarrow{O''O} = \overrightarrow{u''} t'';$$

$$tg \ \theta'' = \frac{u''_{y''}}{u''_{x''}} = \frac{v}{v_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}.$$

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.

24 februarie 20 **Barem**



Pagina 4 din 10

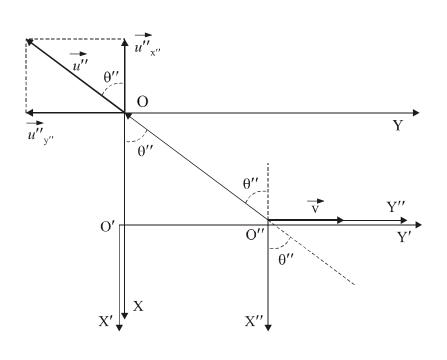


Fig. 5

Dacă $v_0 \ll c$ și $v \ll c$, rezultă:

$$\operatorname{tg} \theta \approx \frac{\mathrm{v}}{\mathrm{v}_0} \left(1 - \frac{\mathrm{v}_0^2}{2c^2} \right); \operatorname{tg} \theta'' \approx \frac{\mathrm{v}}{\mathrm{v}_0} \left(1 + \frac{\mathrm{v}^2}{2c^2} \right).$$

Dacă v << v₀, rezultă:

$$\begin{split} \operatorname{tg} \theta &\approx \theta = \frac{\mathrm{v}}{\mathrm{v}_0} \left(1 - \frac{\mathrm{v}_0^2}{2c^2} \right); \\ \operatorname{tg} \theta'' &\approx \theta'' = \frac{\mathrm{v}}{\mathrm{v}_0} \left(1 + \frac{\mathrm{v}^2}{2c^2} \right); \\ \theta'' - \theta &= \frac{\mathrm{v}}{\mathrm{v}_0} \left(\frac{\mathrm{v}^2}{2c^2} + \frac{\mathrm{v}_0^2}{2c^2} \right); \\ \theta'' - \theta &\approx \frac{\mathrm{v}_0 \mathrm{v}}{2c^2}. \end{split}$$

c)	3 p
Dacă într-un punct $P \in S$, de coordonate (x, y, z) , s-a produs un eveniment la	
ora t, atunci, raportat la sistemul S', evenimentul considerat s-a produs în punctul P',	
de coordonate (x', y', z') la ora t' , astfel încât, în acord cu transformările Lorentz,	
avem:	

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul
de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin
metoda aleasă de elev.

MINISTERUL EDUCAȚIEI NAȚIONALE

Olimpiada de Fizică Etapa pe județ 24 februarie 2018

Barem



Pagina 5 din 10

$$x' = \frac{x_- v_0 t}{\sqrt{1_- \frac{v_0^2}{c^2}}}; \ y' = y; \ z' = z;$$

$$t' = \frac{t - \frac{x v_0}{c^2}}{\sqrt{1_- \frac{v_0^2}{c^2}}}.$$
 Dacă indicațiile ceasornicelor din P' și P, corespunzătoare producerii aceluiași eveniment sunt identice, $t' = t$, rezultă:
$$t = \frac{t - \frac{x v_0}{c^2}}{\sqrt{1_- \frac{v_0^2}{c^2}}};$$

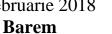
$$x = \frac{c^2}{v_0} \left[1 - \sqrt{1 - \frac{v_0^2}{c^2}} \right] t;$$

Oficiu

1,00

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul
de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin
metoda aleasă de elev.





Pagina 6 din 10

Problema 2 – Punți peste punți	Parţial	Puncta
Barem problema 2		10
a) Galvanometrul indică zero, dacă		
$U_{BD} = 0 \Leftrightarrow V_B = V_D \tag{1}$		
sau		
$V_A - V_B = V_A - V_D \Leftrightarrow U_{AB} = U_{AD} \Leftrightarrow I_1 R_1 = I_4 R_4 \tag{2}$		
Tot din (1):	1	
$V_B - V_C = V_D - V_C \iff U_{BC} = U_{DC} \iff I_2 R_2 = I_3 R_3 $ (3)	1p	
Dar, dacă $I_G = 0$, avem $I_1 = I_2$ și $I_4 = I_3$ și din (2) și (3) se obține		
$R_1 - R_4$ cov $P - P - P$		
$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_4}{R_3}$ sau $R_1 R_3 = R_2 R_4$		
ceea ce reprezintă condiția de echilibru căutată.		
În cazul punții de curent alternativ, având în vedre că legile circuitelor își		1
păstrează forma matematică, dacă se lucrează în mulțimea numerelor		
complexe, condiția de echilibru devine:		
$\underline{Z}_1\underline{Z}_3 = \underline{Z}_2\underline{Z}_4 \tag{4}$	1p	
unde prin \underline{Z}_k am notat impedanța complexă a unui element k ($k = 1,2,3,4$) din		
punte.		
Particularitatea în acest caz, constă în faptul că relația conține de fapt două		
condiții care trebuie îndeplinite simultan și care rezultă din egalarea părților		
reală și imaginară a celor doi membri ai ecuației (4). Există două condiții,	1p	
pentru că nu este suficient ca punctele B și D să aibă aceeași valoare a potențialului, ci mai trebuie ca și fazele potențialelor celor două puncte să fie		
egale.		
b) Transfigurând triunghiul OBC în stea rezultă schema din fig. 1, apoi fig.2.,		
adică o punte Wheatstone.		
B Condiția de		
echilibru este:		
$\mathbf{Z}_{2} + \mathbf{Z}_{\mathbf{B}} \qquad \mathbf{Z}_{2} + \mathbf{Z}_{\mathbf{B}} \qquad \mathbf{Z}_{\mathbf{C}} \qquad \mathbf{Z}_{1} \mathbf{Z}_{C} = \mathbf{Z}_{4} \left(\mathbf{Z}_{2} + \mathbf{Z}_{B} \right)$		
$\mathbf{z_0}$ $\mathbf{z_c}$ $\mathbf{z_0}$		
AC OF CAC C		
Noifing Noi	1	
$\begin{vmatrix} z_1 \\ z_2 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} z_1 \\ z_3 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} z_1 \\ z_4 \end{vmatrix}$	1p	
E ₀ cosωt ,z ₀		
E ₀ COS@t,Z ₀ fig.2		
fig.1		

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.

Barem



Pagina 7 din 10

Dar,		
$\underline{Z}_C = \frac{\underline{Z}_3\underline{Z}_7}{\underline{Z}_3 + \underline{Z}_6 + \underline{Z}_7} \text{si}$ $\underline{Z}_B = \frac{\underline{Z}_3\underline{Z}_6}{\underline{Z}_3 + \underline{Z}_6 + \underline{Z}_7}$ Înlocuindu-le în condiția de echilibru, prin calcule elementare se ajunge la condiția de echilibru a punții Anderson: $\underline{Z}_7 \left(\underline{Z}_1\underline{Z}_3 - \underline{Z}_2\underline{Z}_4\right) = \underline{Z}_4 \left\lceil \underline{Z}_6 \left(\underline{Z}_2 + \underline{Z}_3\right) + \underline{Z}_2\underline{Z}_3 \right\rceil$	1p	
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
În condiții de echilibru, dacă $\underline{Z}_6 = 0$ și $\underline{Z}_7 \to \infty$, puntea se reduce la o punte Wheatstone echilibrată.	1p	
c) i) Pierderile într-un condensator se caracterizează prin unghiul de pierderi δ , care pentru condensatorul ideal, când defazajul dintre tensiune și intensitate este 90° , este zero. Pentru modelul serie al condensatorului real , adică	1p	

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.





Pagina 8 din 10

Prin urmare, pentru condensatoare cu pierderi mici se întrebuințează schema echivalentă serie, iar pentru condensatoare cu pierderi mari, schema echivalentă paralel. Așadar, în fig.3 din enunț, C_1 este un condensator cu						
pierderi mari, iar C_2 c	u pierderi mic	i.				
ii) Impedanțele complex	ke ale celor pa	tru ramuri ale	e punții Wi	en sunt:		
$ \underline{Z}_{1} = \frac{R_{1} \frac{X_{C1}}{j}}{R_{1} + \frac{X_{C1}}{j}} = \frac{R_{1}}{1 + j\omega R_{1}C_{1}} \qquad \underline{Z}_{2} = R_{2} + \frac{1}{j\omega C_{2}} \qquad \underline{Z}_{3} = R_{3} ; \underline{Z}_{4} = R_{4} $						
Înlocuind acestea în cor	diția de echili	bru (4), rezul	tă			
$\frac{R_1 R_3}{1 + i\omega R.C_1} = R_4 \left(R_2 + \frac{1}{i\omega C_2} \right)$				1p		
De unde rezultă ușor c simultan:		liții de echili	ibru care t	rebuie îndeplinite		
$\omega^2 = \frac{1}{R_1 R_2 C_1 C_2} \text{si} \frac{C_1}{C_2}$	$= \frac{R_3}{R_4} - \frac{R_2}{R_1}$					
iii) Dacă $R_3 = R_4$, atun	ci a doua cond	liție de echilil	oru devine			
	$\underline{C_1}$	$=1-\frac{R_2}{R}$				
	C_2^-	R_1				
Care împreună cu condi	ția întâia pern	nite aflarea lu	i C_1 :			
$C = \frac{C_2}{C_2}$						
$C_1 = \frac{C_2}{1 + \left(\omega R_2 C_2\right)^2}$						
Folosind valorile din tabel se calculează pentru fiecare determinare C_1 .						
Tabelul va arăta acum:						
Nr.cr	t. $C_2 (\mu F)$	$R_2(\Omega)$	C_1 (nF)			
1	0,022	$R_2(\Omega)$ 3,3·10 ⁴ 2,3·10 ⁴	1,009		1n	
2			0,997	-	1p	
3	0,068	$\frac{2 \cdot 10^4}{10^4}$	0,918			
5	0,22	$7,3\cdot10^3$	1,145 1,009			
6	0,47	6.10^3	1,003			
7	2,2	$3,4\cdot10^3$	0,995			
8	4,7	$2,3 \cdot 10^3$	1,019			
9	22	1073	1,000			
10	47	735	0,997			
De aici se obține $\overline{C_1}$		• •		Aşadar, a doua		
zecimală este afectată d	e eroare, deci	$C_1 = (1,01\pm 0)$),03) nF			
Oficiu						1p

^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.

Barem



Pagina 9 din 10

Problema 3 – Rețele de difracție	Parţial	Punctaj
A. a1. Din condiția de maxim de difracție $d(\sin \theta_{inc} - \sin \theta) = m\lambda$	1p	4 p
rezultă în condițiile problemei $m=1$ și $\theta=-\theta_{inc}$, $2d\sin\theta_{inc}=\lambda$, de unde	1	
$d = \frac{c}{2\nu \sin \theta_{inc}}$. Numeric $d = \frac{3 \cdot 10^8}{2 \cdot 10^{15} \cdot 0.08} = 1.87 \mu m$	1p	
a2 . Din $2d \sin \theta = \lambda$ rezultă $2d \cos \theta \Delta \theta = \Delta \lambda$	1p	
Numeric $\Delta \lambda = 2 \cdot 1,87 \cdot 10^{-6} \cdot 0,99 \cdot \frac{\pi}{180} 5 = 0,32 \mu m$	1p	
B. b1 . În baza figurii din text, dacă A (x_1, y_1) şi B (x_2, y_2) sunt două puncte oarecare de pe rețea, diferența de drum geometric până într-un punct P (x', y') oarecare de pe ecran este: $\Delta r = AP - BP,$ $AP = \sqrt{L^2 + (x' - x_1)^2 + (y' - y_1)^2} \cong \sqrt{L^2 + x'^2 + y'^2 - 2(x'x_1 + y'y_1)},$ $AP = \sqrt{L^2 + x'^2 + y'^2} \sqrt{1 - \frac{2(x'x_1 + y'y_1)}{L^2 + x'^2 + y'^2}} \cong L\left(1 - \frac{x'x_1 + y'y_1}{L^2}\right),$ deoarece $x_1^2 \ll L^2, y_1^2 \ll L^2 \text{ şi } x'^2 \ll L^2, y'^2 \ll L^2$ analog $BP = L\left(1 - \frac{x'x_2 + y'y_2}{L^2}\right)$, de unde $\Delta r = \frac{x'\Delta x + y'\Delta y}{L}$.	1p	
Din condiția de maxim de interferență $\Delta r = m\lambda$, $m = 0,1,2$ conduce la $\frac{x'\Delta x + y'\Delta y}{L} = m\lambda$. Dar $\Delta x = n_x d$ și $\Delta y = n_y d$ astfel că $n_x x' + n_y y' = \frac{m\lambda L}{d}$. Rezultă că pentru o celulă în formă de pătrat cu latura d figura de difracție va fi tot un pătrat cu latura $\frac{\lambda L}{d}$. Dacă membrana este alungită orizontal de N ori atunci dimensiunea orizontală a "celulei" imaginii devine $\frac{\lambda L}{Nd}$. Astfel $d_x' = \frac{\lambda L}{Nd}$ și $d_y' = \frac{\lambda L}{d}$, de unde $d = \frac{\lambda L}{d_y'}$, $d = 0,1$ mm.	1p	
b2. $\frac{d}{N}$	1p	

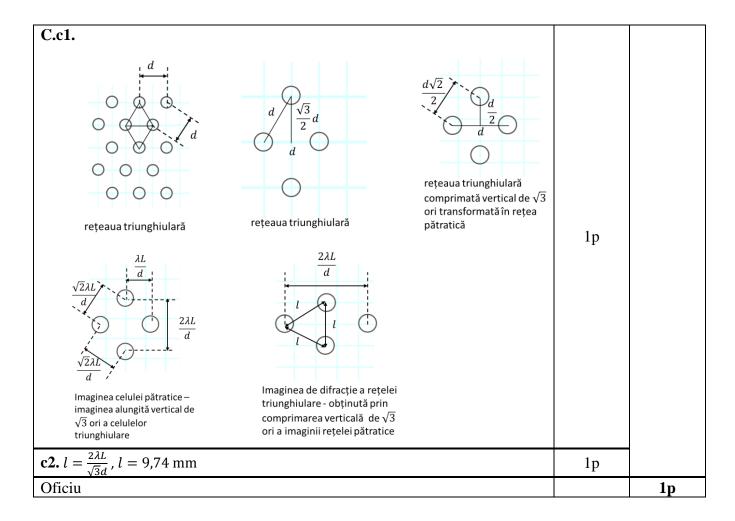
^{1.} Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.

Olimpiada de Fizică Etapa pe județ 24 februarie 2018 Barem



Pagina 10 din 10



Barem propus de: prof. dr. Mihail SANDU – Liceul Tehnologic de Turism, Călimăneşti prof. Liviu ARICI, Colegiul Național "Nicolae Bălcescu", Brăila prof. Constantin GAVRILĂ – Colegiul Național Sfântul Sava, București

[.] Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

^{2.} Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.