



Pagina 1 din 5

Subiect	Parţial	Punctaj
1. Barem subject 1 (Masa furnicilor)		10p
A	0,75p	5р
este $t_a = L/(2V) + (1/V)\sqrt{4R^2 - L^2}$ .	1p	
Valoare numerică $t_a \approx 63$ s	0,25p	
b) Când partea urcătoare a punții este mai lungă, timpul total de traversare	o,28p	
este $t_b = \sqrt{4R^2 - L^2} / (2V) + L/V$	1p	
Valoare numerică $t_b \approx 88,5$ s	0,25p	
c) Când cele două catete au aceeași lungime $\ell = R\sqrt{2} = 28,28$ cm	0,50p	
$t_c = \ell/(2V) + \ell/V = 3\ell/(2V) = 3R/(V\sqrt{2})$	1 p	
Valoare numerică $t_c = 84,85 \mathrm{s}$	0,25p	
B	0,50p 0,50p	<b>4</b> p
Pentru unghiul critic: $\sin \ell = \frac{1}{n}$	0,50p	

- 1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
- 2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.





Pagina 2 din 5

		<del></del>
În $\triangle ODC$ : $\sin \ell = \frac{x}{R}$ și	0,50p	
$\cos \ell = \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}} = \frac{y}{R} \dots$	0,50p	
$\hat{\ln} \Delta BCE : tg \ell = \frac{h - y}{R + x} = \frac{1}{\sqrt{n^2 - 1}}$	0,50p	
Rezultă: $h = \frac{R(n+1)}{\sqrt{n^2 - 1}}$	0,50p	
Valoare numerică: $h \cong 44,7 \text{ cm}$	0,50p	
Oficiu		1p

Subject	Parțial	Punctaj
2. Barem subject 2 (Prisme şi lentile)	,	10p
A		5p
$\sin i_c = \frac{1}{n} \cong 0,67$	0,50p	
Deoarece $\sin 70^{\circ} > \sin 50^{\circ} > \sin i_c$ , ambele unghiuri de incidență depășesc unghiul critic și au loc reflexii totale.	0,50p	
În punctul I <sub>3</sub> , unde unghiul de incidență este doar de $30^{0}$ (mai mic decât $i_{c}$ ), raza de lumină se refractă și iese din prismă cu unghiul de refracție $r$ pentru	0,50p	
care $\sin r = n \sin 30^\circ = 0.75$ .  Pentru desen corect	0,50p 0,50p	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		
<b>b</b> ) Când prisma este introdusă în lichidul cu indice de refracție $n'$ , unghiul critic este dat de $\sin i'_c = n'/n = 2n'/3$ .  Deoarece în $I_1$ se petrece reflexie totală, este adevărată relația $70^{\circ} > i'_c$ ,	0,25p	
obţinând restricţia $n' < (3/2)\sin 70^0 = 1,41$ .  De data aceasta, în $I_2$ se va produce refracţie (raza de lumină ieşind afară),	0,50p	
astfel că relația $50^{\circ} < i'_c$ ne dă o altă restricție, $n' > (3/2)\sin 50^{\circ} = 1,15$ Pentru a se produce o singură reflexie totală (în $I_1$ ), indicele lichidului trebuie	0,50p	
să aparţină intervalului $(1,15 \div 1,41)$ .  Deoarece $n_{apa} \in (1,15 \div 1,41)$ , raza SI suferă o singură reflexie totală.	0,50p 0,25p	

- 1. Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.
- 2. Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.





Pagina 3 din 5

		gina 3 din 5
Subject	Parţial	Punctaj
c) Raza de lumină nu ar suferi nicio reflexie totală dacă s-ar produce refracție		
încă din punctul $I_1$ . Aceasta înseamnă că indicele de refracție $n'$ al lichidului		
exterior trebuie să fie superior lui 1,41 (până la $n' = 1,50$ am avea refracție cu		
îndepărtare de normală, iar peste această valoare - cu apropiere de normală).	1p	
B		<b>4</b> p
Centrul optic al lentilei trebuie să se afle la intersecția dintre axa optică și		
dreapta care unește A cu A'.	0,40p	
A fiind obiect virtual, razele de lumină trebuie să vină din partea lentilei opusă		
punctului A.	0,40p	
Raza care se propagă către A și ajunge la lentilă paralel cu axa optică este	. •	
deviată astfel încât să treacă prin A'. Intersecția ei cu axa optică ne dă poziția		
focarului imagine al lentilei.	0,40p	
Cele două focare principale sunt simetrice față de lentilă, focarul imagine F	э, тэ <b>г</b>	
având poziția stabilită în figurile de mai jos	0,40p	
w ward poziția salonia in rigarite de mar jos	о, гор	
A		
F		
Fig.1:	0,50p	
În situația descrisă în fig. 1, imaginea este virtuală, răsturnată și micșorată	0,30p 0,30p	
Y The structure of the	0,50p	
E		
A		
	0.70	
Fig.2:	0,50p	
În situația descrisă în fig. 2, imaginea este reală, dreaptă și mărită	0,30p	
<u>A</u>		
ALM		
F. A.		
	0.50	
Fig.3: • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	0,50p	
În situația descrisă în fig. 3, imaginea este reală, dreaptă și micșorată.	0,30p	
Oficiu		1p

<sup>1.</sup> Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

<sup>2.</sup> Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.





Pagina 4 din 5

Subject	Parţial	Punctaj
3. Barem subject 3 (Surse de lumină)		10p
Fie $h_1$ distanța de la sursa S, la fundul vasului (la oglinda plană). Nivelul apei		<b>6</b> p
din vas va crește după legea $s = Kt$ , unde $K = h/T$ este viteza constantă a	0,25p	
creșterii nivelului apei din vas.	_	
Distingem două situații: a). $s < h_1$ și b). $h_1 < s < h$	0,25p	
Desenele se referă la cele două situații distincte. Le analizăm separat.		
a) Pentru desen corect	0,50p	
Cu notația $\ell_1 \equiv MI$ , putem scrie $tgi = \ell_1/(h_1 - Kt)$ , adică $\ell_1 = (h_1 - Kt)tgi$ .		
Apoi, cu notația $\ell_2 \equiv IK/2$ , putem scrie		
$tgr = \ell_2 / Kt$ , adică $\ell_2 = (Kt)tgr$ . Pentru		
unghiuri mici, legea refracției $n \sin r = \sin i$ se		
poate scrie sub forma aproximativă		
$ n.tgr \approx tgi \ (*).$		
$ \hat{I}n \Delta KML \text{ avem } tgi \approx (\ell_1 + 2\ell_2)/(x - SM), \text{ cu}$		
$SM = h_1 - Kt$ . De aici, explicitându-l pe $x$ , și		
utilizând relația (*), în cele din urmă găsim că		
$x \approx 2(h_1 - Kt) + 2Kt(tgr/tgi) \approx 2(h_1 - Kt) + (2/n)Kt \approx 2h_1 + 2K(1/n - 1)t \dots$	1p	
Factorul din fața lui $t$ este viteza căutată:	-1	
$v' \approx 2K(1/n-1) = (2h/T)(1/n-1) < 0$ , căci $n > 1$ . Așadar, imaginea se		
	1	
apropie în permanență de sursa S ( $x$ scade în timp).  Numeric: $v' \approx -1/8 \text{ cm/s} \approx -1,25 \text{ mm/s}$ .	1p 0,25p	
Numeric. $V \approx -1/6$ cm/s $\approx -1,25$ mm/s.	0,23p	
b) Pentru desen corect	0.50-	
b) I chira descri corect	0,50p	
J. J. J.		
1		
Ne referim la desenul alăturat.		
Acum $\ell_1 = h_1 tgr$ , respectiv $\ell_2 = (Kt)tgr$ .		
$ \hat{\mathbf{l}}_n _{\mathbf{r}} =  \mathbf{r} _{\mathbf{r}}  (\mathbf{r} + \mathbf{r}) _{\mathbf{r}}  $		
aproximaţiei admise, $n.tgr \approx tgi$ . Explicitându-l		
pe $x$ , obţinem		
$x = (\ell_1 + \ell_2)/tgi + h_1 - Kt = (h_1 + Kt)(tgr/tgi) + \dots$	1p	
$+h_1 - Kt \approx (1/n+1)h_1 + (1/n-1)Kt$	тþ	
De data aceasta viteza imaginii este		
v'' = K(1/n-1) = (h/T)(1/n-1) = v'/2	1p	
Numeric: $v'' \approx -1/16 \text{ cm/s} = -0.625 \text{ mm/s}.$	0,25p	
	_	

<sup>1.</sup> Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

<sup>2.</sup> Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.





Pagina 5 din 5

B		<b>3</b> p
a). Situația din primul desen al enunțului (cu trei pete luminoase) este ușor de înțeles dacă ținem cont de faptul că lumina se propagă rectiliniu și urmărim schița	1p	·
alăturată, în care $S_1$ , $S_2$ , $D_1$ și $D_2$ sunt în același plan	0,50p	
b). Sunt posibile ambele situații.	-	
Pentru a doua situație (cu patru pete luminoase) să ne imaginăm o axă de		
simetrie ce trece prin $P_0$ și pe la mijlocul distanței dintre $D_1$ și $D_2$ , fiind		
perpendiculară pe ecran și pe paravan (care rămân paralele). Dacă se rotește		
paravanul cu 90° în jurul acestei axe, sursele rămânând pe loc, se obține		
situația din al doilea desen (cu 4 pete pe ecran). Petele determinate de fiecare		
dintre surse se dispun pe ecran la capetele câte unui segment paralel cu dreapta		
ce trece prin centrele orificiilor. Petele determinate de fiecare deschidere,		
iluminată de două surse, se dispun la capetele câte unui segment paralel cu	1.50	
dreapta ce trece prin surse.	1,50p	
Oficiu		1p

Subiecte propuse de: Prof. univ. dr. Uliu Florea – Departamentul de Fizică, Universitatea din Craiova Prof. Blanariu Liviu – Centrul Național de Evaluare și Examinare, București

<sup>1.</sup> Orice rezolvare corectă ce ajunge la rezultatul corect va primi punctajul maxim pe itemul respectiv.

<sup>2.</sup> Orice rezolvare corectă, dar care nu ajunge la rezultatul final, va fi punctată corespunzător, proporțional cu conținutul de idei prezent în partea cuprinsă în lucrare din totalul celor ce ar fi trebuit aplicate pentru a ajunge la rezultat, prin metoda aleasă de elev.