SEMINARIO 3

ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

TECNOLOGÍA Y ORGANIZACIÓN DE COMPUTADORES

1º Grado en Ingeniería Informática.

SEMINARIO 3. ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

Resumen:

 En este seminario se tratarán aspectos relacionados con los fundamentos matemáticos, que son la base del proceso de análisis y diseño, de los sistemas digitales.

Indice:

- 1. Algebra de Boole.
- 2. Funciones de conmutación.
- 3. Representación de Funciones.
- 4. Implementación de Funciones.
- 5. Ejercicios.

- Bibliografía:

[HAY96] [LLOR03] [GAJS97] [MAN03] [NEL96] [ROT04] [WAK06]

SEMINARIO 3. ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

Indice:

- 1. Algebra de Boole.
- 2. Funciones de conmutación.
- 3. Representación de Funciones.
- 4. Implementación de Funciones.
- 5. Ejercicios.

Un conjunto **B** se dice que tiene estructura de Álgebra de Boole si cumple los siguientes Postulados:

 Postulado 1. Número de elementos. El conjunto B, debe contener al menos dos elementos distintos entre sí.

$$\exists x, y \in B / x \neq y$$

• Postulado 2. Leyes de composición interna. En el conjunto B se definen dos leyes de composición interna denominadas *Suma Lógica* u *Operación OR* (+) y *Producto Lógico* u *Operación AND* (·)

$$\forall x, y \in B$$

a)
$$x + y \in B$$

b)
$$x \cdot y \in B$$

 Postulado 3. Existencia de Elementos Neutros. Existen en B el elemento neutro correspondiente a la operación OR, denominado 0 y el elemento neutro correspondiente a la operación AND, denominado 1, diferentes entre sí, únicos y tales que:

a)
$$\forall x \in B, \exists 0 \in B / x + 0 = 0 + x = x$$

b)
$$\forall x \in B, \exists 1 \in B / x \cdot 1 = 1 \cdot x = x$$

c)
$$0 \neq 1$$

• Postulado 4. Propiedad Conmutativa. Para cada x e y elementos de **B**:

a)
$$\forall x, y \in B, x + y = y + x$$

b)
$$\forall x, y \in B, x \cdot y = y \cdot x$$

 Postulado 5. Propiedad Distributiva. Para cada x, y, z elementos de B:

a)
$$\forall x, y, z \in B, x + (y \cdot z) = (x + y) \cdot (x + z)$$

b)
$$\forall x, y, z \in B, x \cdot (y + z) = (x \cdot y) + (x \cdot z)$$

 Postulado 6. Propiedad Asociativa. Para cada x, y, z elementos de B:

a)
$$\forall x, y, z \in B, x + (y + z) = (x + y) + z$$

b)
$$\forall x, y, z \in B, x \cdot (y \cdot z) = (x \cdot y) \cdot z$$

• Postulado 7. Existencia de Complementos. Para cada x en B existe un elemento único denotado por \overline{x} , denominado elemento opuesto o complemento de x tal que

a)
$$\forall x \in B, \exists \overline{x} \in B / x + \overline{x} = \overline{x} + x = 1$$

b)
$$\forall x \in B, \exists \overline{x} \in B / x \cdot \overline{x} = \overline{x} \cdot x = 0$$

 Los postulados del Álgebra de Boole tienen dos enunciados paralelos, de manera que se cumple el principio de dualidad:

Si en una expresión que es cierta se sustituyen 0 por 1, o + por ·, y viceversa, en todos los lugares en que aparezca, se obtiene otra expresión, llamada dual, que también es cierta.

 Cada teorema que se puede demostrar mediante álgebra de Boole, tiene un dual que también es verdad.

1. Álgebra de Boole. Teoremas.

TEOREMA 1: Leyes de Absorción :

a)
$$x + 1 = 1$$

c)
$$x \cdot x = x$$

a)
$$x + 1 = 1$$
 c) $x \cdot x = x$ e) $x + (x \cdot y) = x$

b)
$$x \cdot 0 = 0$$

$$d) x + x = x$$

b)
$$x \cdot 0 = 0$$
 d) $x + x = x$ f) $x \cdot (x + y) = x$

$$g) x + (\overline{x} \cdot y) = x + y$$

i)
$$(x \cdot y) + (\overline{x} \cdot z) + (y \cdot z) = (x \cdot y) + (\overline{x} \cdot z)$$

h)
$$x \cdot (\overline{x} + y) = x \cdot y$$

h)
$$x \cdot (\overline{x} + y) = x \cdot y$$
 j) $(x+y) \cdot (\overline{x}+z) \cdot (y+z) = (x+y) \cdot (\overline{x}+z)$

TEOREMA 2: Los elementos 0 y 1 son distintos, y complementarios el uno del otro:

$$0 \neq 1$$
 ; $\overline{0} = 1$; $\overline{1} = 0$

1. Álgebra de Boole. Teoremas.

TEOREMA 3: El complemento del complemento de cada elemento es el propio elemento.

$$\overline{\overline{x}} = x$$

TEOREMA 4: Leyes de De Morgan:

$$\overline{A+B+....+Z} = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{Z}$$

$$\overline{A \cdot B \cdot ... \cdot Z} = \overline{A} + \overline{B} + ... \cdot \overline{Z}$$

SEMINARIO 3. ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

Indice:

- 1. Algebra de Boole.
- 2. Funciones de conmutación.
- 3. Representación de Funciones.
- 4. Implementación de Funciones.
- 5. Ejercicios.

2. Funciones de conmutación. Definición.

VARIABLE DE CONMUTACIÓN: Variable que en un determinado instante puede tomar el valor lógico 0 ó 1.

LITERAL: Es una variable o su complemento.

FUNCIÓN DE COMMUTACIÓN: Es una aplicación del conjunto producto cartesiano

$$f: B^{n} \to B$$

$$(x_{n-1}, x_{n-2},, x_{0}) \to f(x_{n-1}, x_{n-2},, x_{0}) €B$$

siendo $B = \{0, 1\}.$

2. Funciones de conmutación.

Representación con Tablas de Verdad.

Tablas Verdad:

 Para una función de conmutación de n-variables, una Tabla de Verdad es una tabla con 2ⁿ filas (una por cada una de las combinaciones de entradas) en la que se representan TODOS los valores de la función, para todos y cada uno de sus valores de entradas.

• Ejemplo:

x y z f(x,y,z) 0 0 1 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 1 1 0 0 1 0 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0

Tabla verdad

2. Funciones de conmutación de una variable.

• Función de conmutación de 1 variable: (n=1): {0,1} → {0,1}

		Asignación de valores					
Variable	х	$f_0(x)$	f ₁ (x)	f ₂ (x)	f ₃ (x)		
Combinaciones	0	0	0	1	1		
	1	0	1	0	1		

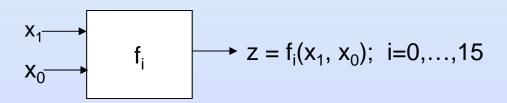
Combinaciones posibles de dos valores

Funciones constantes: $f_0 = 0$; $f_3 = 1$

Funciones de una variable: $f_1 = x$; $f_2 = \overline{x}$

2. Funciones de conmutación de dos variables.

Función de conmutación de 2 variables (n=2, 2²=4 combinaciones): {00, 01, 10, 11} → {0,1}



Entr	adas	Funciones posibles															
X ₁	x _o	f _o	f ₁	f ₂	f ₃	f ₄	f ₅	f ₆	f ₇	f ₈	f ₉	f ₁₀	f ₁₁	f ₁₂	f ₁₃	f ₁₄	f ₁₅
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1
0	1	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1

2. Funciones de conmutación de dos variables.

Funciones constantes:

$$f_0 = 0$$
; $f_{15} = 1$

Funciones de una variable: $f_5 = x_0$; $f_{10} = \overline{x}_0$; $f_3 = x_1$; $f_{12} = \overline{x}_1$

Funciones de dos variables (OR):

$$f_7 = x_1 + x_0$$
; $f_{11} = x_1 + \overline{x}_0$
 $f_{13} = \overline{x}_1 + x_0$; $f_{14} = \overline{x}_1 + \overline{x}_0 = \overline{x}_1 \cdot x_0$

Funciones de dos variables (AND):

$$f_1 = x_1 \cdot x_0$$
; $f_2 = x_1 \cdot \overline{x}_0$
 $f_4 = \overline{x}_1 \cdot x_0$; $f_8 = \overline{x}_1 \cdot \overline{x}_0 = \overline{x_1 + x_0}$

Funciones XOR y XNOR: $f_6 = (\overline{x}_1 \cdot x_0) + (x_1 \cdot \overline{x}_0) = x_1 \oplus x_0$ $f_9 = (\overline{x}_1 \cdot \overline{x}_0) + (x_1 \cdot x_0) = \overline{x_1 \oplus x_0}$

2. Funciones de conmutación de más de dos variables.

- El conjunto de las **funciones de conmutación** se puede considerar como caso particular del álgebra de Boole, en la que se pueden definir las funciones **suma lógica** (OR), el **producto lógico** (AND), y la **negación** o complemento (NOT).
- Esta estructura, recibe el nombre de Algebra de Conmutación de las Funciones de n-variables.
- Para implementar funciones de número de variables superior a dos, se pueden utilizar funciones de dos variables y las propiedades del Álgebra de Boole sobre el conjunto de funciones de dos variables.

2. Funciones de conmutación incompletamente especificadas.

- Una función de conmutación de n-variables se dice que es (o que está) <u>incompletamente especificada</u> cuando sobre ella concurren alguna de estas circunstancias:
 - Existen algunos valores de sus variables para los cuales se desconoce el valor que tome la función en esas condiciones
 - Existen algunos valores de sus variables que no se pueden presentar. Por tanto, no importa el valor que pueda tomar la función para dicho valor de entrada.
 - Que aún existiendo todos los valores posibles de sus entradas, sea irrelevante o que no importe el valor que pueda tomar la función para dicho valor de entrada.

2. Funciones de conmutación incompletamente especificadas.

Ejemplo:

Obtenga la tabla de verdad de una función de conmutación que detecte los números primos (no considerar el 0) para un dato BCD.

X	3 X	2 X .	1 X ₀		f
0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1
0	0	1	0	2	1
0	0	1	1	3	1
0	1	0	0	4	0
0	1	0	1	5	1
0	1	1	0	6	0
0	1	1	1	2 3 4 5 6 7 8 9	1
1	0	0	0	8	0
1	0	0	1	9	0
1	0	1	0	10	-
1	0	1	1	11	-
1	1	0	0	12	_
1	1	0	1	13	_
1	1	1	0	14	-
1	1	1	1	<i>15</i>	-

SEMINARIO 3. ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

Indice:

- 1. Algebra de Boole.
- 2. Funciones de conmutación.
- 3. Representación de Funciones.
- 4. Implementación de Funciones.
- 5. Ejercicios.

3. Representación de funciones de conmutación.

Representación con Tablas de Verdad.

Tablas Verdad:

 Para una función de conmutación de n-variables, una Tabla de Verdad es una tabla con 2ⁿ filas (una por cada una de las combinaciones de entradas) en la que se representan TODOS los valores de la función, para todos y cada uno de sus valores de entradas.

• Ejemplo:

x y z f(x,y,z) 0 0 1 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 1 1 0 0 1 0 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0

Tabla verdad

3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas.

Expresiones Algebraicas:

- Para una función de conmutación de n-variables, una expresión algebraica es una expresión matemática utilizando variables (o sus complementos) y las funciones básicas del Álgebra de Boole (AND, OR, NAND, NOR, XOR y XNOR).
- Una misma función puede expresarse mediante diferentes expresiones algebraicas equivalentes.

• Ejemplo:

$$f(x, y, z) = x \cdot (y + z) = x \cdot y + x \cdot z$$

3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas.

- Variable de Conmutación: Variable que en un determinado instante puede tomar el valor lógico 0 ó 1.
- Literal: una variable de conmutación o su complemento.
- Término producto: literales conectados por el operador AND.
- **Término suma**: literales conectados por el operador OR.
- **Término producto normal**: Es un término producto el que no aparece repetido ningún literal.
- **Término suma normal**: Es un término suma en el que no aparece repetido ningún literal.
- Minterm (término producto canónico): Para un conjunto de n variables es un término producto normal en el que aparecen todos los n literales sin estar repetidos, una y sólo una vez.
- **Maxterm** (término suma canónico): Para un conjunto de *n* variables es un término suma normal en el que aparecen todos los *n* literales sin estar repetidos, una y sólo una vez.

3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas. Concepto de MINTERM.

<u>Par</u>	Para un Álgebra de Conmutación de 3 variables.												
x	Υ	Z	MINTERMS	Símbolo	m_0	m₁	m ₂	m ₃	m ₄	m ₅	m ₆	m ₇	
0	0	0	$\overline{X}\overline{Y}\overline{Z}$	m_0	1	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	1	$\overline{X}\overline{Y}Z$	m_1	0	1	0	0	0	0	0	0	
0	1	0	$\overline{X}Y\overline{Z}$	m_2	0	0	1	0	0	0	0	0	
0	1	1	$\overline{X}YZ$	m_3	0	0	0	1	0	0	0	0	
1	0	0	$X\overline{Y}\overline{Z}$	m_4	0	0	0	0	1	0	0	0	
1	0	1	$X\overline{Y}Z$	m_5	0	0	0	0	0	1	0	0	
1	1	0	$XY\overline{Z}$	m_6	0	0	0	0	0	0	1	0	
1	1	1	XYZ	m_7	0	0	0	0	0	0	0	1	

Ejemplo de un Minterm:

$$\begin{bmatrix} xyz \\ 001 \end{bmatrix} \Rightarrow m_{1=001} = \overline{x} \cdot \overline{y} \cdot z$$

3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas. Concepto de MAXTERM.

<u>Para</u>	un Á	Algebr	<u>ra de Conmutaciór</u>	<u>1 de 3 variables.</u>								
X	Υ	Z	MAXTERMS	Símbolo	Mo	M₁	M ₂	M ₃	M ₄	M ₅	M ₆	M ₇
0	0	0	X+Y+Z	M_0	0	1	1	1	1	1	1	1
- 0	0	1	$X+Y+\overline{Z}$	M_1	1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	0	$X + \overline{Y} + Z$	M_2	1	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	$X + \overline{Y} + \overline{Z}$	M_3	1	1	1	0	1	1	1	1
1	0	0	\overline{X} + Y+Z	M_4	1	1	1	1	0	1	1	1
1	0	1	\overline{X} + Y+ \overline{Z}	M_5	1	1	1	1	1	0	1	1
1	1	0	$\overline{X} + \overline{Y} + Z$	M_6	1	1	1	1	1	1	0	1
1	1	1	$\overline{X} + \overline{Y} + \overline{Z}$	M_7	1	1	1	1	1	1	1	0

Ejemplo de un Maxterm:

$$\begin{bmatrix} xyz \\ 001 \end{bmatrix} \Rightarrow M_{1=001} = (x+y+\overline{z})$$

Obsérvese además que:

$$M_j = \overline{m}_j$$

$$\overline{m}_1 = \overline{x} \cdot \overline{y} \cdot z = x + y + \overline{z} = M_1$$

3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas. Teorema de Shannon.

Teorema de Shannon:

- Toda función conmutación se puede expresar como una suma única de minterms. Esta forma se denomina "forma canónica" de la función expresada como suma de minterms.
- Toda función conmutación se puede expresar como un producto único de maxterms. Esta forma se denomina "forma canónica" de la función expresada como producto de maxterms.

3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas. Teorema de Shannon.

X,Y,Z	$\mathbf{F}(\mathbf{X},\mathbf{Y},\mathbf{Z})$	Cualquier function de conmutación <u>F</u> de <u>n</u> variables puede
000	d0	expresarse como una suma única de minterms.
001	d1	
0 1 0	$d_2 = F(x,$	$(y, z) = d_0 m_0 + d_1 m_1 + d_2 m_2 + d_3 m_3 + d_4 m_4 + d_5 m_5 + d_6 m_6 + d_7 m_7$
0 1 1	d3 $F(x)$	$(x,y,z) = \sum_{i} d_i \cdot m_i$
100		$(x,y,z) - \sum a_i \cdot m_i$
1 0 1	d5	

Constanting for side de communes side T de re comistales que de

Ejemplo

d6

d7

X,Y,Z	g(X,Y,Z)	$g(x, y, z) = m_0 + m_3 + m_4 =$
(0) 0 0 0	1 = do	
001	0 = d1	
2) 010	0 = d2	$= \overline{x} \cdot \overline{y} \cdot \overline{z} + \overline{x} \cdot y \cdot z + x \cdot \overline{y} \cdot \overline{z} =$
0 1 1	1 = d3	
100	1 = d4	
) 101	0 = d5	V (0.2.4)
110	0 = d6	$=\sum m_i(0,3,4)$
1 1 1	0 = d7	_

110

111

3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas. Teorema de Shannon.

X,Y,Z	F(X,Y	(, Z) Cualquier función de conmutación F de n variables puede
000	d0	expresarse como una producto único de maxterms .
0 0 1	d1	
010	d2	
0 1 1	d3	$F(x, y, z) = (d_0 + M_0) \cdot (d_1 + M_1) \cdot (d_2 + M_2) \cdot (d_3 + M_3) \cdot (d_4 + M_4) \cdot (d_5 + M_5) \cdot (d_6 + M_6) \cdot (d_7 + M_7)$
100	d4	
101	d5	$F(x, y, z) = \prod M_i(d_i + M_i)$
110	d6	
111	¹ d7	

<u>Ejemplo</u>

X,Y,Z	g(X,Y,Z)	
(0) 000	1 = do	$g(x, y, z) = M_1 \cdot M_2 \cdot M_5 \cdot M_6 \cdot M_7$
(1) 0 0 1	0 = d1	
(2) 0 1 0	0 = d2	$= (x + y + \overline{z}) \cdot (x + \overline{y} + z) \cdot (\overline{x} + y + \overline{z}) \cdot (\overline{x} + \overline{y} + z) \cdot (\overline{x} + \overline{y} + \overline{z})$
(3) 0 1 1	1 = d3	$-(x+y+z)^{2}(x+y+z)^{2}(x+y+z)^{2}(x+y+z)^{2}$
(4) 100	1 = d4	
(5) 1 0 1	0 = d5	
(6) 110	0 = d6	
(7) 111	0 = d7	$= \Pi M_i(1, 2, 5, 6, 7)$

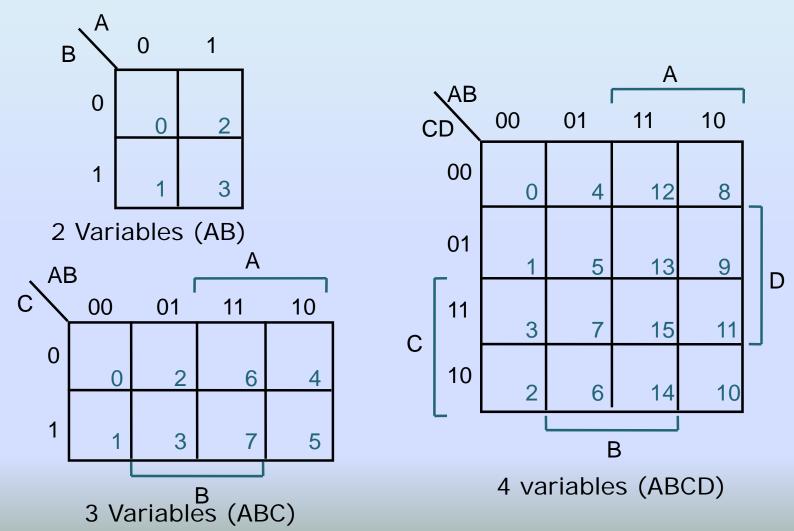
3. Representación de funciones de conmutación. Expresiones Algebraicas.

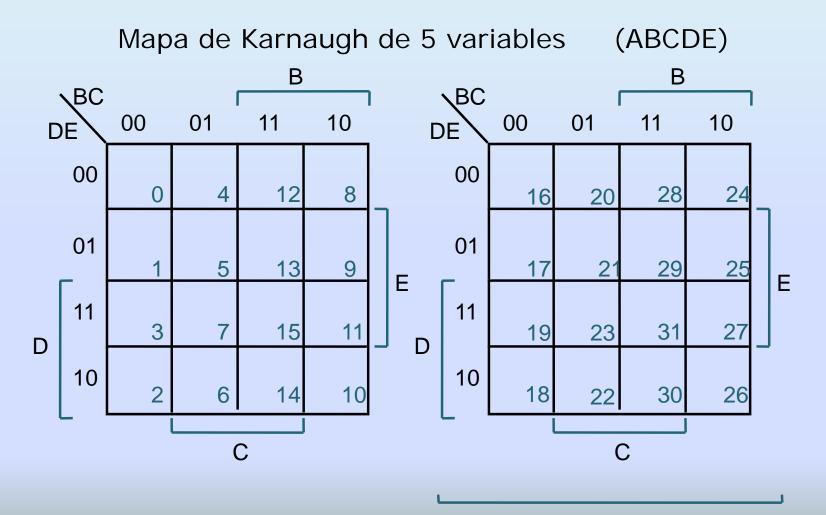
 Los minterms de una función determinada son los correspondientes a las entradas para las que la función es "1". Los minterms realizan los "unos" de la función.

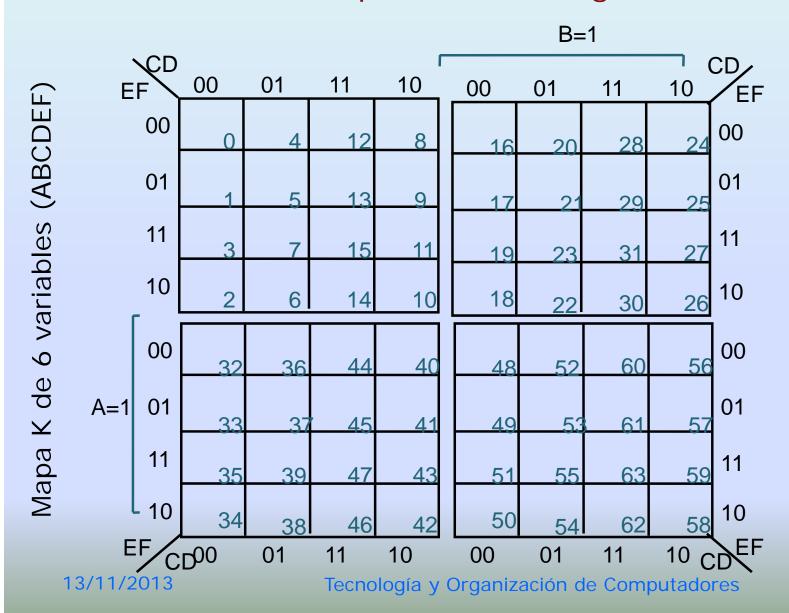
 Los maxterms de una función determinada son los correspondientes a las entradas para las que la función es "0". Los maxterms realizan los "ceros" de la función.

Mapas de Karnaugh:

- Para una función de conmutación de n-variables, un mapa de Karnaugh es una tabla con 2ⁿ celdas o casillas, cada una de ellas con la misión de albergar un valor de la función.
- Cada celda o casilla está unívocamente identificada por n coordenadas.
- Si la función de conmutación tiene un número de variables par (n = 2k) el mapa estará formado por 2^k filas y 2^k columnas.
- Si la función de conmutación tiene un número de variables impar (n = 2k+1) el mapa estará formado por 2^{int(k/2)} filas y 2^{int(k/2)+1} columnas, o viceversa, siendo int(k/2) la parte entera de K/2.







• Otra forma de representar mapas de Karnaugh.

y 2 va	ariab	les	3 variables						
X	0	1	X YZ	00	01	11	10		
0	0	1	0	0	1	3	2		
1	2	3	1	4	5	7	6		

4 variables

xy zk	00	01	11	10
00	0	1	3	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

5 variables

xy	000	001	011	010	110	111	101	100
00	0	1	3	2	6	7	5	4
01	8	9	11	10	14	15	13	12
11	24	25	27	26	30	31	29	28
10	16	17	19	18	22	23	21	20

Identificación de términos producto y términos suma.

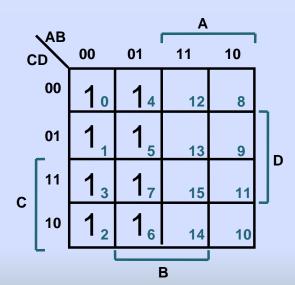
Los <u>términos producto</u> pueden identificarse en el mapa de Karnaugh como las regiones intersección que definen los literales que forman el término producto. Ejemplo 1:

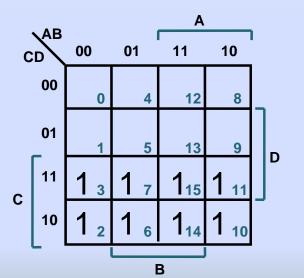
$$T_p = \overline{A} \cdot C$$

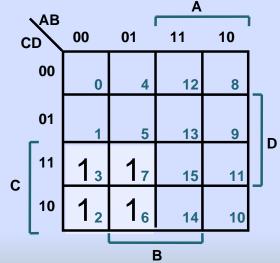
$$\overline{A} \cdot C$$

$$\overline{A}$$
 .

$$C =$$







Identificación de términos producto y términos suma.

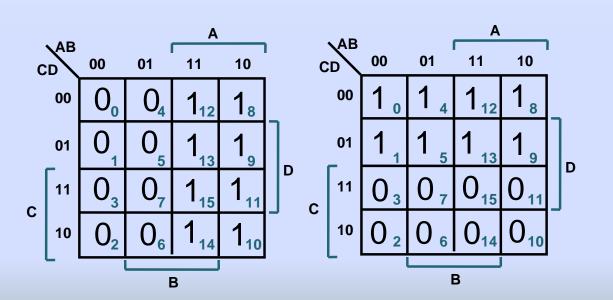
Un <u>término suma</u> puede obtenerse como el dual del correspondiente término producto, sustituyendo los literales por sus complementados y el producto por la suma.

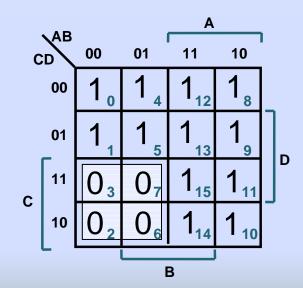
Ejemplo 2:

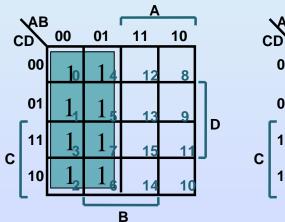
$$T_{s} = (A + \overline{C})$$

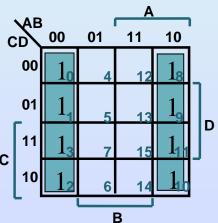
$$(A + \overline{C})$$

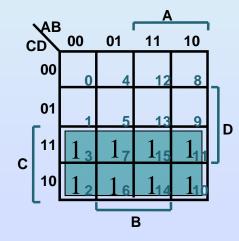
$$(A+\overline{C})$$



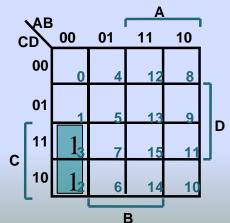








$$T = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C$$



Las casillas sombreadas indican valor "1" y el resto valor "0"

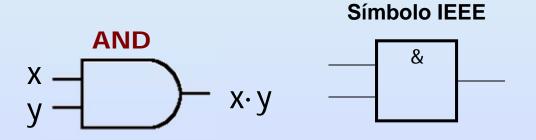
SEMINARIO 3. ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

Indice:

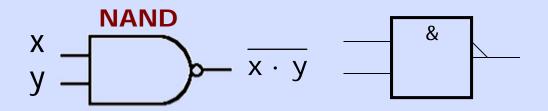
- 1. Algebra de Boole.
- 2. Funciones de conmutación.
- 3. Representación de Funciones.
- 4. Implementación de Funciones.
- 5. Ejercicios.

4. Implementación física de funciones de conmutación.

- La implementación del circuito lógico, a partir de una expresión booleana, dependerá de las puertas lógicas disponibles:
 - Con cualquier tipo de puerta lógica
 - A partir de una expresión de suma de productos:
 - puertas AND/OR
 - NAND/NAND
 - A partir de una expresión de producto de sumas:
 - Puertas OR/AND
 - NOR/NOR

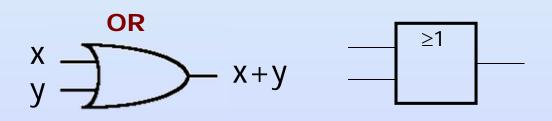


X	у	х · у	
0	0	0	
0	1	1 0	
1	0	0	
1	1	1	

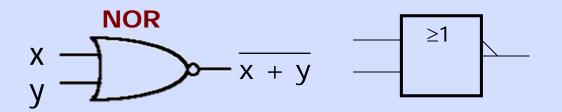


X	У	${x \cdot y}$
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0





X	У	x+y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

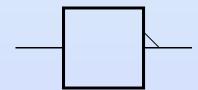


X	у	${X + Y}$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

Símbolos IEEE

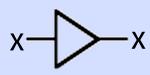


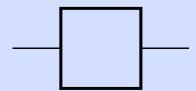




х	X	
0	1	
1	0	

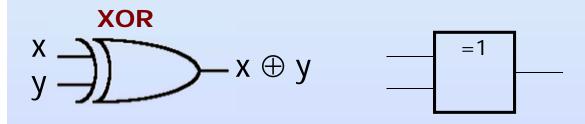
Buffer



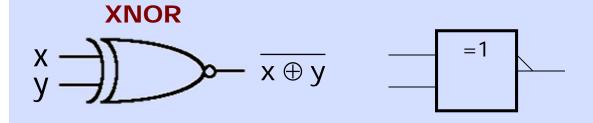


Х	Х
0	0
1	1

Símbolos IEEE



Х	у	X ⊕ y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



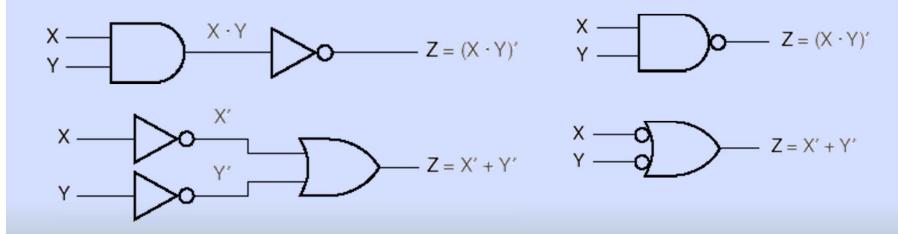
X	у	$\overline{x \oplus y}$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

• Leyes de De Morgan:

$$\overline{x \cdot y} = \overline{x} + \overline{y}$$

х	У	\overline{X}	ÿ	$\overline{\mathbf{x} \cdot \mathbf{y}}$	$\overline{x} + \overline{y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0

Equivalencia de símbolos de puerta NAND

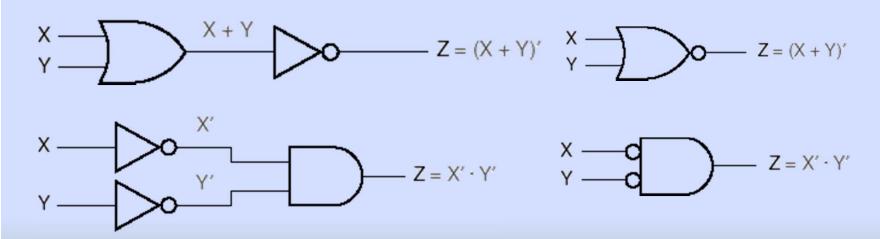


• Leyes de De Morgan:

$$\overline{x + y} = \overline{x} \cdot \overline{y}$$

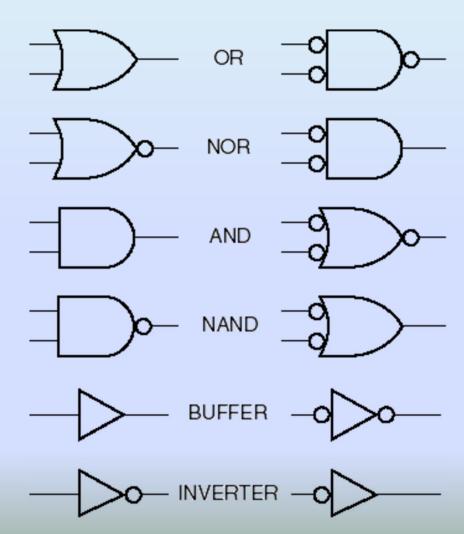
х	у	\overline{X}	ÿ	$\overline{x + y}$	$\overline{x} \cdot \overline{y}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	0
1	1	0	0	0	0

• Equivalencia de símbolos de puerta NOR



Símbolos equivalentes:

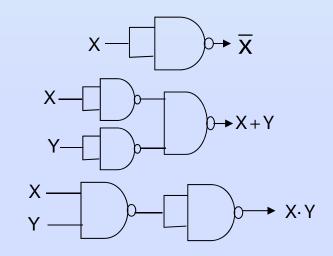
- La equivalencia de símbolos puede se útil para la transformación de circuitos equivalentes (Bubble-to-bubble)
- Y facilitar la deducción y/o interpretación de un circuito



4. Equivalencias de puertas lógicas. Resumen.

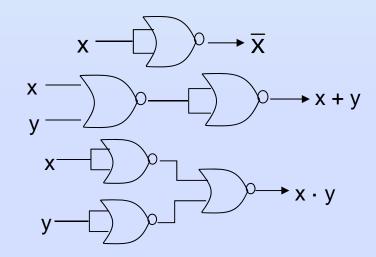
Ley de DeMorgan:
$$\overline{x \cdot y} = \overline{x} + \overline{y}$$
 Ley DeMorgan: $\overline{x + y} = \overline{x} \cdot \overline{y}$

1. Equivalencia funcional:



2. Equivalencia símbolos:

1. Equivalencia funcional:



2. Equivalencia símbolos:

$$Z = (X + Y)^{r}$$

$$Z = (X + Y)^{r}$$

$$Z = X^{r} \cdot Y^{r}$$

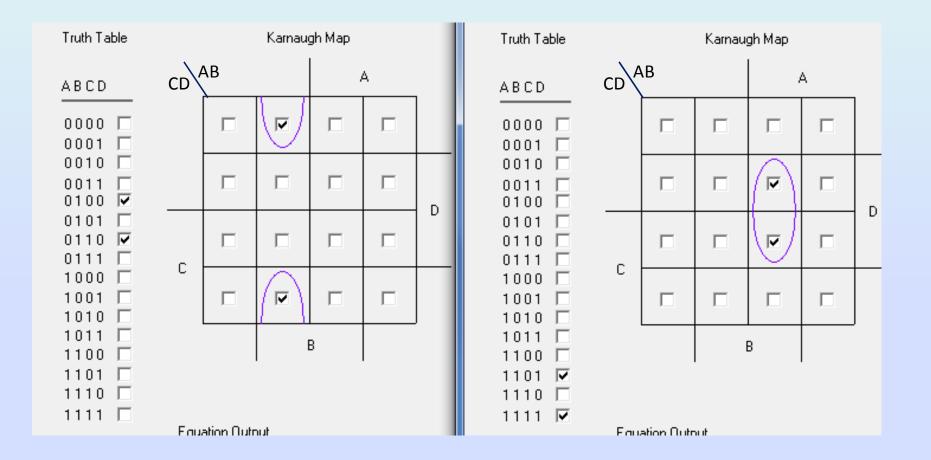
SEMINARIO 3. ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

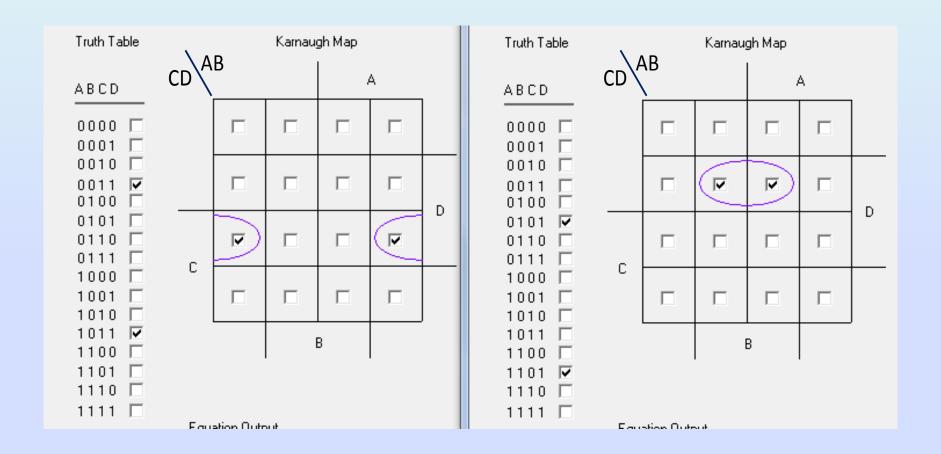
Indice:

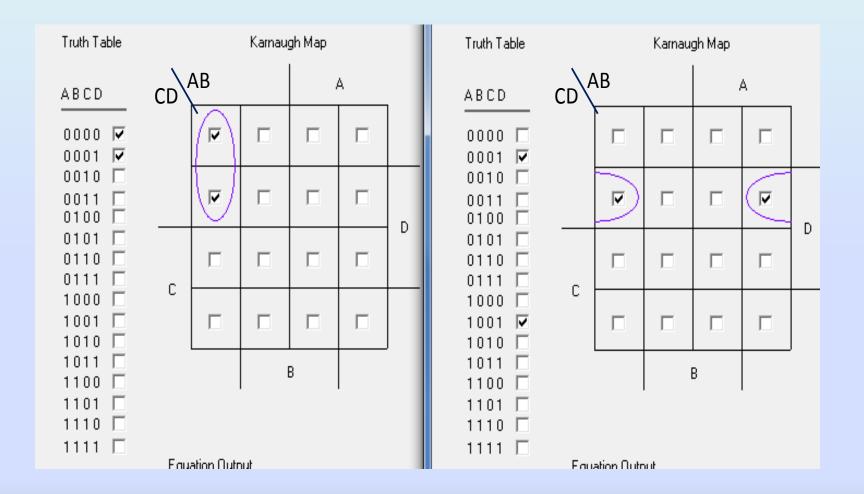
- 1. Algebra de Boole.
- 2. Funciones de conmutación.
- 3. Representación de Funciones.
- 4. Implementación de Funciones.
- 5. Ejercicios.

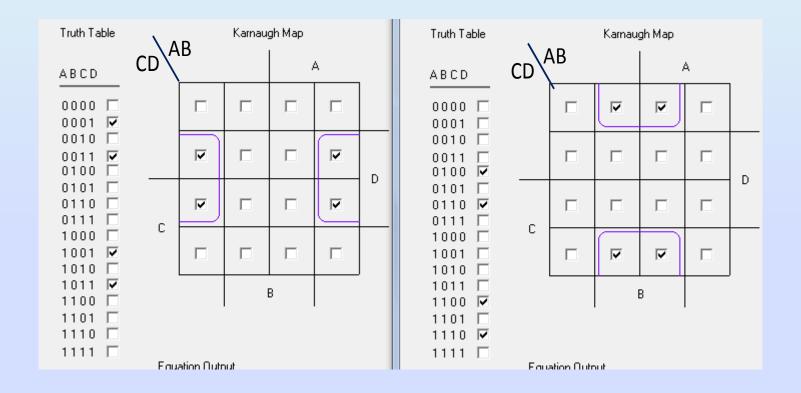
Ejercicios.

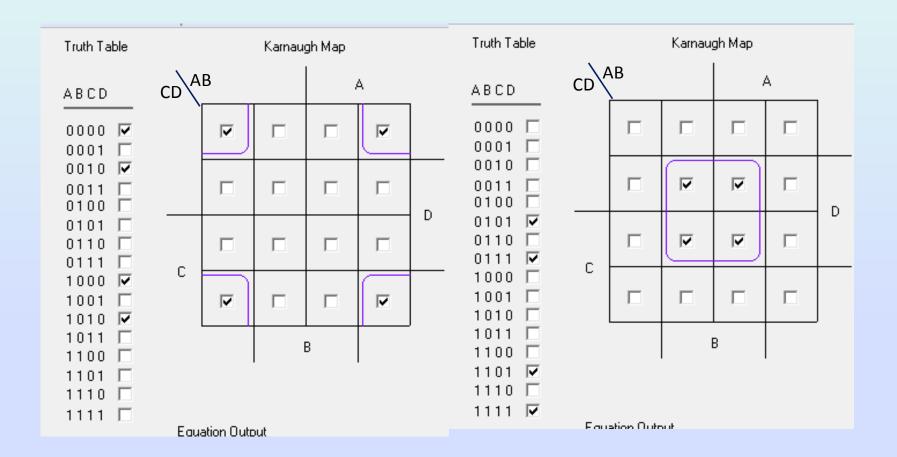
Obtener las expresiones booleanas como términos producto de los cubos que se representan en los mapas de Karnaugh, que se muestran en las siguientes transparencias.

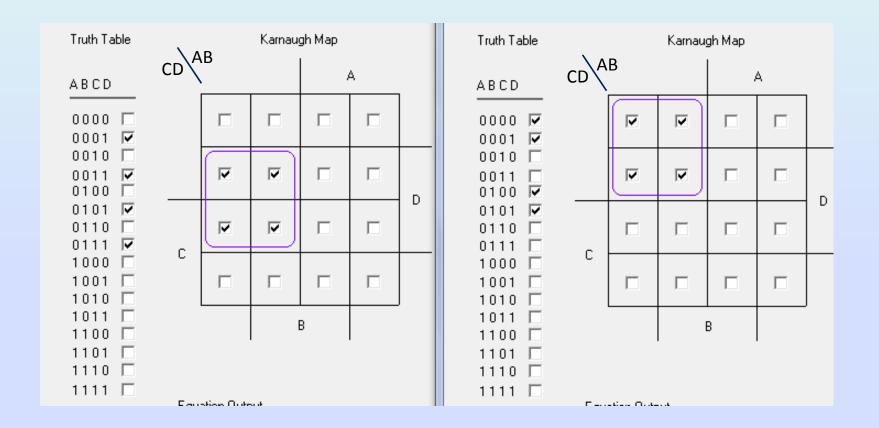


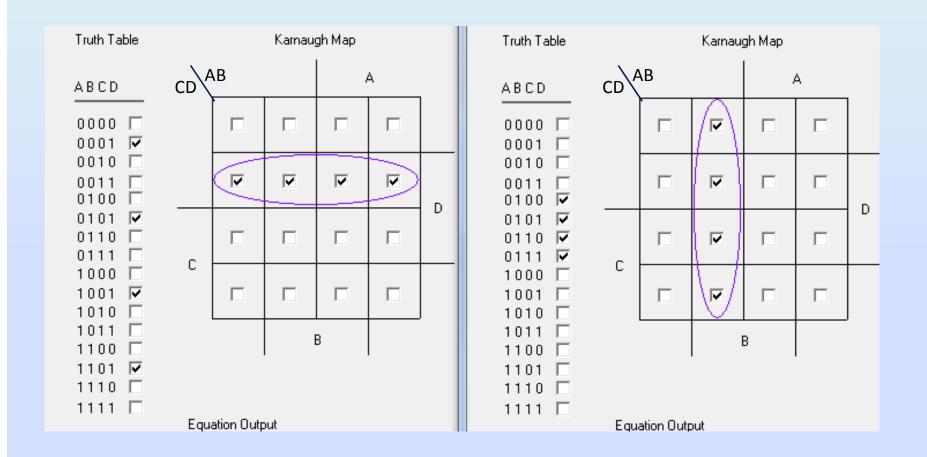


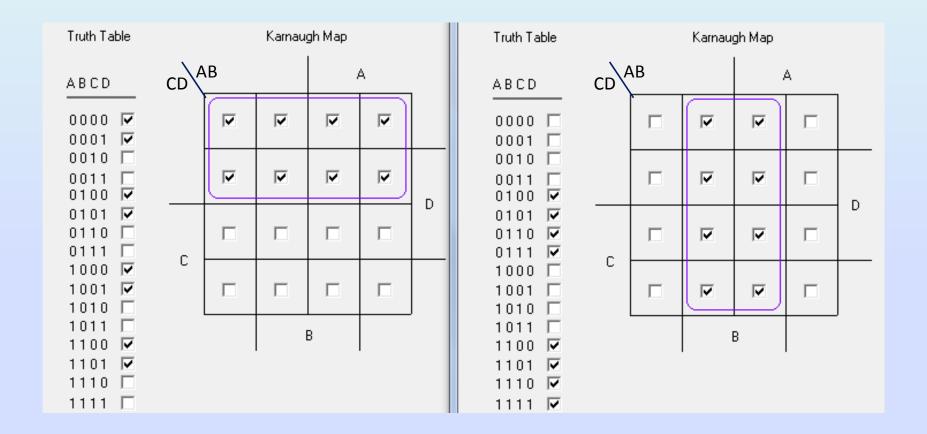


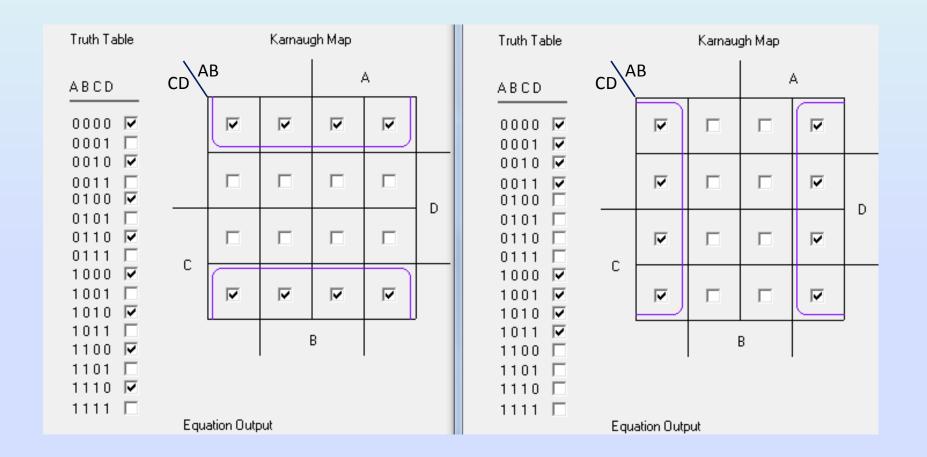












SEMINARIO 3

ALGEBRA DE CONMUTACIÓN. FUNCIONES DE CONMUTACIÓN.

TECNOLOGÍA Y ORGANIZACIÓN DE COMPUTADORES

1º Grado en Ingeniería Informática.