



Redes Neurais Artificiais

EPC1

Guilherme Rocha Gonçalves

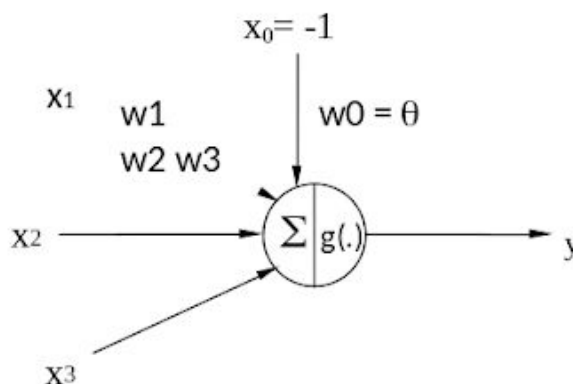
grgoncal@gmail.com

8006946

A partir da análise de um processo de destilação fracionada de petróleo observou-se que determinado óleo poderia ser classificado em duas classes de pureza {C1 e C2}, mediante a medição de três grandezas $\{x_1, x_2 \text{ e } x_3\}$ que representam algumas das propriedades físico- químicas do óleo. A equipe de engenheiros e cientistas pretende utilizar um perceptron para executar a classificação automática destas duas classes.

Assim, baseadas nas informações coletadas do processo, formou-se o conjunto de treinamento em anexo, tomando por convenção o valor -1 para óleo pertencente à classe C1 e o valor $+1$ para óleo pertencente à classe C2.

Portanto, o neurônio constituinte do perceptron terá três entradas e uma saída, conforme ilustrado na figura abaixo:



Utilizando o algoritmo supervisionado de Hebb (regra de Hebb) para classificação de padrões, e assumindo-se a taxa de aprendizagem igual a 0.01, faça as seguintes atividades:

1. **Execute 5 treinamentos para a rede perceptron, inicializando-se o vetor de pesos em cada treinamento com valores aleatórios entre zero e um. Se for o caso, reinicie o gerador de números aleatórios em cada treinamento de tal forma que os elementos do vetor de pesos iniciais não sejam os mesmos.**



2. Registre os resultados dos 5 treinamentos na tabela seguinte:

Treinamento	Vetor de Pesos Inicial				Vetor de Pesos Final				Épocas
	w0	w1	w2	w3	w0	w1	w2	w3	
1° (T1)	0.90518106	0.35501475	0.20326804	0.90178048	1.04518106	0.29796875	0.12178004	-0.22154552	2
2° (T2)	0.55919909	0.76994198	0.8311337	0.96034159	0.71919909	0.70461998	0.7413117	-0.28979041	2
3° (T3)	0.72717551	0.79284309	0.7107744	0.44688658	0.80717551	0.78800509	0.6635764	-0.12909142	2
4° (T4)	0.26593594	0.10589005	0.46855095	0.24276428	0.32593594	0.10619005	0.43481295	-0.16668372	2
5° (T5)	0.64827633	0.80172618	0.3532264	0.3293457	0.70827633	0.74426018	0.3340524	-0.1637783	2

3. Após o treinamento do perceptron, aplique então o mesmo na classificação automática de novas amostras de óleo, indicando-se na tabela seguinte os resultados das saídas (Classes) referentes aos cinco processos de treinamento realizados no item 1.

Amostra	x1	x2	x3	y (T1)	y (T2)	y (T3)	y (T4)	y (T5)
1	-0.3565	0.0620	5.9891	-1	-1	-1	-1	-1
2	-0.7842	1.1267	5.5912	-1	-1	-1	-1	-1
3	0.3012	0.5611	5.8234	-1	-1	-1	-1	-1
4	0.7757	1.0648	8.0677	-1	-1	-1	-1	-1
5	0.1570	0.8028	6.3040	-1	-1	-1	-1	-1
6	-0.7014	1.0316	3.6005	-1	-1	-1	-1	-1
7	0.3748	0.1536	6.1537	-1	-1	-1	-1	-1
8	-0.6920	0.9404	4.4058	-1	-1	-1	-1	-1
9	-1.3970	0.7141	4.9263	-1	-1	-1	-1	-1
10	-1.8842	-0.2805	1.2548	-1	-1	-1	-1	-1

4. Explique por que o número de épocas de treinamento varia a cada vez que se executa o treinamento do perceptron.

Diferente do ADALINE, o *perceptron* permite que existam infinitas soluções. Portanto, dependendo dos parâmetros estáticos, tais como a taxa de aprendizagem e os valores iniciais do vetor de pesos, o número de épocas pode variar.

Se a taxa de aprendizagem for muito baixa, pode ser que mais épocas sejam necessárias para uma solução ser encontrada. Caso a taxa de aprendizagem for muito alta, o algoritmo pode ficar instável, aumentando em alguns casos o número de épocas ou na pior das hipóteses, impossibilitando a convergência.

No algoritmo desenvolvido para esse trabalho, o número de épocas aumentou quando a taxa de aprendizagem foi alterada para 0.001, chegando em até 8 épocas, em alguns casos.

5. Qual a principal limitação do perceptron quando aplicado em problemas de classificação de padrões.

O Perceptron só é capaz de classificar padrões entre duas classes linearmente separáveis, caso contrário, o algoritmo não irá convergir.



OBSERVAÇÕES:

1. O EPC pode ser realizado em grupo de três pessoas. Se for o caso, entregar somente um EPC com o nome de todos integrantes.
2. As folhas contendo os resultados do EPC devem ser entregue em sequência e grampeadas (não use clips).
3. Em se tratando de EPC que tenha implementação computacional, anexe (de forma impressa) o programa fonte referente ao mesmo.

ANEXO – Conjunto de Treinamento.

Amostra	X ₁	X ₂	X ₃	d
01	-0.6508	0.1097	4.0009	-1.0000
02	-1.4492	0.8896	4.4005	-1.0000
03	2.0850	0.6876	12.0710	-1.0000
04	0.2626	1.1476	7.7985	1.0000
05	0.6418	1.0234	7.0427	1.0000
06	0.2569	0.6730	8.3265	-1.0000
07	1.1155	0.6043	7.4446	1.0000
08	0.0914	0.3399	7.0677	-1.0000
09	0.0121	0.5256	4.6316	1.0000
10	-0.0429	0.4660	5.4323	1.0000
11	0.4340	0.6870	8.2287	-1.0000
12	0.2735	1.0287	7.1934	1.0000
13	0.4839	0.4851	7.4850	-1.0000
14	0.4089	-0.1267	5.5019	-1.0000
15	1.4391	0.1614	8.5843	-1.0000
16	-0.9115	-0.1973	2.1962	-1.0000
17	0.3654	1.0475	7.4858	1.0000
18	0.2144	0.7515	7.1699	1.0000
19	0.2013	1.0014	6.5489	1.0000
20	0.6483	0.2183	5.8991	1.0000
21	-0.1147	0.2242	7.2435	-1.0000
22	-0.7970	0.8795	3.8762	1.0000
23	-1.0625	0.6366	2.4707	1.0000
24	0.5307	0.1285	5.6883	1.0000
25	-1.2200	0.7777	1.7252	1.0000
26	0.3957	0.1076	5.6623	-1.0000
27	-0.1013	0.5989	7.1812	-1.0000
28	2.4482	0.9455	11.2095	1.0000
29	2.0149	0.6192	10.9263	-1.0000
30	0.2012	0.2611	5.4631	1.0000



ANEXO – Código

O código está disponível na página:

<https://github.com/grgoncal/SEL5712---Redes-Neurais-Artificiais>

```
# IMPORTS -----
import pandas as pd
import numpy as np
from numpy import genfromtxt

#####
# CONSTANTS #####
#####

learningRate = 0.01
maxEpochs = 1000
errTol = 0
trainNumber = 5

#####
# TRAIN #####
#####

def train(x, d, w):
    # INITIALIZE EPOCHS AND ERR -----
    epoch = 0
    err = 1

    # PRINT W INITIAL -----
    print ("\n[W INITIAL] " + str(w.T.values))

    while(epoch < maxEpochs and err > errTol):
        err = 0
        for i in range(0,x.shape[0]):
            u = w.iloc[:,0] * x.iloc[i,:]
            u = u.sum()
            if u >= 0:
                y = 1
            else:
                y = -1
```



```
if (y - d.iloc[i]) == 2:
    w = (w.T + learningRate * (d.iloc[i] - y) * x.iloc[i,:]).T
    err += 1

print err
epoch += 1

print ("[W FINAL] " + str(w.T.values))
print ("[EPOCHS] " + str(epoch) + "\n")
return w

#####
# TEST #####
#####

def test(w):
    x = pd.read_csv('/test.csv', header = None)
    for name in reversed(x.columns.values):
        x.rename(columns = {name : name + 1}, inplace = True)
    x.insert(loc = 0, column=0, value = np.full((x.shape[0],1), -1))

    y = []

    for i in range(0, x.shape[0]):
        u = w.iloc[:,0] * x.iloc[i,:]
        u = u.sum()
        if u >= 0:
            y.append(1)
        else:
            y.append(-1)

    return y

#####
# MAIN #####
#####

# TRAIN DATASET -----
data = pd.read_csv('/train.csv', header = None)

# GET INPUTS, OUTPUTS AND WEIGHTS -----
```



```
x = data.iloc[:,1:(data.shape[1] - 1)]          # GET INPUTS
x.insert(loc = 0, column=0, value = np.full((x.shape[0],1), -1)) # ADD -1 INPUT
d = data.iloc[:,(data.shape[1] - 1)]            # GET OUTPUTS

for i in range(1, trainNumber + 1):
    w = pd.DataFrame(np.random.rand((data.shape[1] - 1)))      # GENERATE WEIGHTS
    print("[TRAINING NUMBER " + str(i) + "] -----")
    y = test(train(x, d, w))
    print("[RESULT OF TRAINING NUMBER " + str(i) + "] " + str(y) + "\n")
```