## Параллельное вычисление префиксов «произведения»

# Как мы будем описывать схемы из функциональных элементов

Схема — это ациклический орграф, в котором каждая вершина является либо входом, либо функциональным элементом; некоторые вершины также могут дополнительно быть помечены как выходные. Схему нужно вывести в стандартный поток вывода в виде последовательности строк, каждая из которых имеет либо вид

GATE < номер вершины> < AND | OR | NOT> < номера вершин, выходы которых поданы на элемент>

или

OUTPUT <порядковый номер выхода> <номера вершины граф схемы, с которой снимается выходное значение>

Вершины нумеруются, начиная с нулевой. Если схема реализует функцию (или набор функций) от n переменных, то вершины с наименьшими n номерами считаются входами, и им не должны приписываться функциональные элементы. Номера вершин схемы должны образовывать непрерывный интервал натуральных чисел. Выходы схемы имеют порядковые номера, начинающиеся с нулевого и также образующие непрерывный интервал натуральных чисел.

Пример описания схемы, имеющей два входа и один выход, в котором реализуется операция XOR от двух переменных (функция XOR реализована в вершине с номером 5):

GATE 2 AND 0 1

GATE 3 OR 0 1

GATE 4 NOT 2

GATE 5 AND 3 4

OUTPUT 0 5

### Описание задания

На лекции для построения схемы логарифмической глубины для сложения чисел в двоичной записи мы использовали схему «параллельный префикс»: быстрое одновременное вычисление всех выражений вида  $a_1 \circ a_2 \circ \cdots \circ a_k (k=1,2,\ldots,n)$  для бинарной ассоциативной операции  $\circ \circ$  и произвольных  $a_1,\ldots,a_n$ . Вам предлагается реализовать такую схему, где в качестве  $\circ \circ$  выступает дизъюнкция VV. Соответственно, в качестве функциональных элементов допускается использовать

```
только двухвходовую дизьюнкцию (OR). Входы схемы с номерами 0,1,...,n-1 соответствуют значениям a_1,...,a_n, а выходы схемы с номерами 0,1,...,n-1 соответствуют выражениям a_1,a_1 \vee a_2,a_1 \vee a_2 \vee a_3,...
```

## Ограничения на размер и глубину

Глубина схемы (максимум количества функциональных элементов на пути от входной до выходной вершины) должна быть не больше  $\lceil \log_2 n \rceil$ , а число элементов — не должно превосходить размера схемы, разобранной в лекции.

Формат выходных данных такой же, как и в примере выше для XOR. Входные данные — единственное число  $n,2 \le n \le 200$ .

#### **Sample Input 1:**

2

#### **Sample Output 1:**

```
GATE 2 OR 0 1
OUTPUT 0 0
OUTPUT 1 2
```

#### **Sample Input 2:**

3

#### **Sample Output 2:**

```
GATE 3 OR 0 1
GATE 4 OR 1 2
GATE 5 OR 0 4
OUTPUT 0 0
OUTPUT 1 3
OUTPUT 2 5
```