AlejandroDuqueParcial01

December 22, 2022

0.1 Informacion

Clase: Redes Neuronales Artificiales

Nombre: Alejandro Duque

Trabajo: Parcial 1

```
[1]: %matplotlib inline
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import time
from IPython import display
```

1 Introduccion

En el presente trabajo se construirá un modelo Softmax para el reconocimiento de dígitos escritos a mano, se utilizará las bases de datos semeion de imágenes binarias y mnist en escala de grises. En semeion cada dígito del 0 al 9 representa una clase, cada individuo está representado por 256 pixeles de una imagen binaria 16×16 , donde cero representa un pixel negro y 1 representa un pixel blanco. En mnist los datos son ya conocidos.

2 Ejercicio

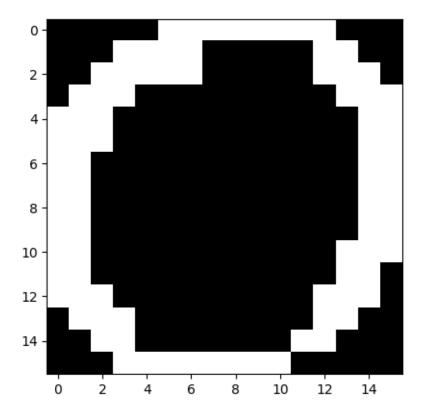
Lea el archivo semeion.csv , separe las primera 256 columnas en una matriz X y la últimas 10 columnas en una matriz Y de 10 columnas. Tome una fila de la matrix binaria X y conviértala en una matriz 16×16 , y dibuje el dígito correspondiente. Repita el proceso eligiendo aleatoriamente 10 filas de X y mostrando el dígito respectivo al que corresponde.

En cada fila de la matriz Y hay un solo uno, la posición que ocupa el 1 en la fila indica el dígito al cual corresponde la imagen.

```
[2]: # Cargo el archivo
dataSemeion = np.array(pd.read_csv('./data/semeion.csv'))

[3]: # Genero las matrices X, Y
X = dataSemeion[:,:256]
Y = dataSemeion[:,-10:]
```

[5]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x1e0dda35280>



3 Generación de la Red Neuronal para clasificar dígitos.

Cada dígito representa una clase, por lo tanto hay 10 clases. El estímulo que produce cada individuo (fila de X) tiene una longitud que depende de la base, en el caso de semeion, la longitud es de 256. Vamos a imaginar 10 perceptrones o neuronas (1 por cada clase), cada uno con 257

intérpretes (pesos), para entender la estimulación de cada perceptrón, supongamos que el perceptrón de la clase 4 (correspondiente al dígito 4) tiene los pesos $w_{1,4}, w_{2,4}, \ldots, w_{256,4}, w_{257,4}$, entonces la interacción del iésimo individuo con el perceptrón de la clase 4 es $X_i W_4 = \sum_{j=1}^{257} x_{ij} w_{j4}$, donde $X_i^* = [x_{i,1} \ x_{i,2} \ \ldots \ x_{i,256} \ 1]$. La iteracción de cada individuo con cada perceptrón se calcularía a través del producto matricial $W*X^t$, donde cada columna de X^t es un individuo y cada fila de la matriz W son los pesos de un perceptrón.

Tomaremos como función de activación en el k-ésimo perceptrón a $f_k(z_k) = \frac{e^{z_k}}{e^{z_0} + e^{z_1} + \dots + e^{z_9}}$, $k = 0, 1, \dots, 9$. donde z_k es la interacción producida por un individuo en el k-ésimo perceptrón. Al vector columna de probabilidades producido por las activaciones los denominaremos distribución estimada.

4 Ejercicio

Programe una función msoft de Python, que evalúe el campo vectorial $F(x_1,x_2,\ldots,x_n)=< f_1(x_1),\ldots,f_n(x_n)>.$

```
[6]: # Z es el vector <x_1,...,x_n>
def msoft(Z):
    ExpZ = np.exp(Z)
    P = ExpZ / np.sum(ExpZ, axis=0)
    return P
```

Ahora compararemos el vector de probabilidades p del iésimo individuo con su representación en la iésima fila de Y , para ello utilizaremos la función de pérdida $L_i(p) = -\sum_{k=0}^9 y_{ik} \log p_k$ (entropía cruzada). El problema ahora es mínimizar el promedio de las entropias cruzadas producidas por m individuos, es decir la función:

$$E_p = -\frac{1}{m}\sum_{i=1}^m L_i(p)$$

```
[7]: # Recibe la matriz P de probabilidades de output que genera la red
# y la matriz Y de labels conocidas
def entropiaCruzada(P, Y):
    Li = np.sum(np.transpose(Y) * np.log(P), axis=0)
    Ep = -np.average(Li)
    return Ep
```

5 Problemas

5.1

Divida la base de datos semeion en dos grupos uno de entrenamiento y otro de prueba, tome 1200 elementos de manera aleatoria en el grupo de prueba, imprima los primeros 50 índices obtenidos de este grupo.

```
[8]: # Numero de imagenes en dataSemeion
numData = len(dataSemeion)
```

```
# Genero un ordenamiento aleatorio de indices
ind = np.arange(0, numData, dtype=int)
ind = np.random.permutation(ind)
# Selecciono indices para train y test
# La clase train debe ser mas grade que test
indTrain = ind[0:1200]
indTest = ind[1200:]
# Agrego el bias a X
X = np.c [X, np.ones(1592)]
# Separo X en train y test
XTrain = X[indTrain]
XTest = X[indTest]
# Separo Y en train y test
YTrain = Y[indTrain]
YTest = Y[indTest]
# Imprimo los primeros 50 indices del grupo de prueba (test)
print(indTest[0:50])
```

```
[ 206 997 1557
              171 1038 670 504 1015 316 1575 1025 1080
                                                           40 1211
1443
          995
              155 1293 920 1313
                                  470 1262
                                            967 1304 552
                                                         755 441
1072 532 616 226 1016 1545
                              15
                                  305
                                        95 889 1174 642
                                                          230 1231
 714 473 413 630 580
                        612
                             760
                                 933]
```

Queda comprobado que la selección aleatoria de los índices si está funcionando.

5.2

Programe una función mgrad para calcular el gradiente de Ep con respecto de los pesos. Recuerde aplicar la regla de la cadena.

```
[9]: # Recibe el tensor de estimulos X, la matriz de labels que conocemos Y
# y las probabilidades de output que genera la red en P
def mgrad(X, Y, P):
    # Calculo las derivadas con respecto a todos los pesos
    # dLdZ es p - 1 cuando el individuo pertenece a la clase
    # dLdZ es p - 0 cuando el individuo no pertenece a la clase
    # Restar a P la transpuesta de Y cumple justo ese proposito
    dLdZ = P - np.transpose(Y)
    dZdW = X
    # Aplico la regla de la cadena
    dLdW = np.matmul(dLdZ, dZdW)
    return dLdW
```

5.3

Programe un función redn en Python que use el método del gradiente descendiente, tomando subconjuntos (bunch o batch) de tamaño 50 y 50 épocas por defecto, para encontrar el conjunto de pesos que minimizan E_p . Realice experimentos variando el número de épocas hasta conseguir porcentajes de imágenes bien clasificadas mayores o iguales al 90% en cada clase sobre el conjunto de entrenamiento. La función debe devolver los pesos y el vector de pérdida total en cada iteración

```
[10]: # Ajusta los parametros de la red mediante descenso de gradiente
      # Recibe el tensor de estimulos, la matriz Y de labels y el numero de pesos
      def redn(X, Y, numParam, sizeBunch = 50, numEpoch = 50, step = 0.01, standarize
       ⇒= False):
          # Genero pesos aleatorios
          W = np.random.normal(size = numParam)
          # Genero la particion que usaré para toda la búsqueda
          Partition = particionar(len(Y), sizeBunch)
          # Inicializo la perdida
          Loss = []
          # Ciclo de busqueda
          for i in range(numEpoch) :
              # Realizo un cubrimiento de la particion (Epoch)
              for bunch in Partition:
                  # Capacidad interpretacion
                  Z = np.matmul(W, np.transpose(X))
                  # Estandarizo de ser necesario para evitar overflows
                  if(standarize):
                      Z = (Z - np.mean(Z)) / np.std(Z) * 3
                  # Probabilidades obtenidas en softmax
                  P = msoft(Z)
                  # Gradiente
                  grad = mgrad(X[bunch, :], Y[bunch, :], P[:, bunch])
                  # Actualizo pesos
                  W = W - step * grad
                  # Calculo perdida en la iteracion
                  Loss.append(entropiaCruzada(P, Y))
          # Evaluo la clasificacion
          probarClasificacion(P, Y)
          return(W, Loss)
      # Genera una particion de los datos
      def particionar(numData, sizeBunch):
          # Genero indices aleatorios
          ind = np.arange(0, numData, dtype=int)
          ind = np.random.permutation(ind)
          # Creo la particion para cubrir el conjunto de los indices
          numBunch = numData // sizeBunch
          partition = []
```

```
# Agrego elementos a la particion
          for i in range(numBunch):
              partition.append(ind[i*sizeBunch:(i+1)*sizeBunch])
          # Evaluo si la particion es regular
          sizeLastBunch = numData % sizeBunch
          # Si no es regular incluyo al ultimo el Bunch mas pequeño
          if(sizeLastBunch != 0):
              partition.append(ind[-sizeLastBunch:])
          return partition
      # Clasifica usando validacion cruzada
      def probarClasificacion(P, Y):
          # Clasificacion total
          PClass = np.argmax(P, axis = 0)
          YClass = np.argmax(Y, axis = 1)
          porcentaje = np.sum(PClass == YClass) * 100 / len(PClass)
          porcentaje = round(porcentaje, 2)
          print(f'Se clasificaron bien el {porcentaje}% de todas las imagenes\n')
          # Clasificacion por cada label
          print('Validacion cruzada:')
          for i in range(10):
              # Tomo los indices de la clase i y comparo con su clasificacion del_{f \sqcup}
       \hookrightarrow modelo
              bien = np.sum(PClass[YClass == i] == i) * 100 / sum(YClass == i)
              bien = round(bien, 2)
              mal = round(100 - bien, 2)
              print(f'Porcentaje de la clase {i} bien clasificados: {bien}% ')
              print(f'Porcentaje de la clase {i} mal clasificados: {mal}% \n')
[11]: # Entreno el modelo
      W, Loss = redn(XTrain, YTrain, (10, 257), sizeBunch = 50, numEpoch = 30, step = __
       0.01
     Se clasificaron bien el 99.67% de todas las imagenes
     Validacion cruzada:
     Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 100.0%
     Porcentaje de la clase 0 mal clasificados: 0.0%
     Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 99.18%
     Porcentaje de la clase 1 mal clasificados: 0.82%
     Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 99.14%
     Porcentaje de la clase 2 mal clasificados: 0.86%
     Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 100.0%
     Porcentaje de la clase 3 mal clasificados: 0.0%
```

```
Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 99.17% Porcentaje de la clase 4 mal clasificados: 0.83%

Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 100.0% Porcentaje de la clase 5 mal clasificados: 0.0%

Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 100.0% Porcentaje de la clase 6 mal clasificados: 0.0%

Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 100.0% Porcentaje de la clase 7 mal clasificados: 0.0%

Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 0.0%

Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 99.15% Porcentaje de la clase 8 mal clasificados: 0.85%

Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 100.0% Porcentaje de la clase 9 mal clasificados: 0.0%
```

Al hacer experimentos variando los hiperparámetros se halló que no hacen falta llevar a cabo las 50 épocas propuestas inicialmente. Con un número de únicamente 30 épocas se obtienen resultados muy satisfactorios sobre los datos de entrenamiento, pues se llega a clasificar bien el 99% de las imágenes

5.4

Utilice los pesos obtenidos en el numeral anterior para predecir la clase correspondiente sobre el conjunto de datos de prueba, reporte el porcentaje de bien clasificados por el modelo en cada clase, también reporte los porcentajes de mal clasificados en cada clase (validación cruzada).

```
[12]: # Clasificacion del modelo sobre las imagenes de prueba (test)

ZTest = np.matmul(W, np.transpose(XTest))

PTest = msoft(ZTest)
probarClasificacion(PTest, YTest)
```

Se clasificaron bien el 82.65% de todas las imagenes

```
Validacion cruzada:

Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 97.44%

Porcentaje de la clase 0 mal clasificados: 2.56%

Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 80.0%

Porcentaje de la clase 1 mal clasificados: 20.0%

Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 69.77%

Porcentaje de la clase 2 mal clasificados: 30.23%

Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 85.71%

Porcentaje de la clase 3 mal clasificados: 14.29%
```

```
Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 85.0%
Porcentaje de la clase 4 mal clasificados: 15.0%

Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 82.35%
Porcentaje de la clase 5 mal clasificados: 17.65%

Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 84.38%
Porcentaje de la clase 6 mal clasificados: 15.62%

Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 91.43%
Porcentaje de la clase 7 mal clasificados: 8.57%

Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 75.68%
Porcentaje de la clase 8 mal clasificados: 24.32%

Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 77.5%
Porcentaje de la clase 9 mal clasificados: 22.5%
```

El porcentaje de imágenes bien clasificadas fue del 83%, que es sustancialmente menor al 99% obtenido sobre los datos de prueba. Esto quiere decir que la capacidad de generalización de la red no es tan buena. También es un indicativo de que puede existir overfitting y para solucionarlo se necesitaría ampliar el conjunto de imágenes utilizadas en el entrenamiento

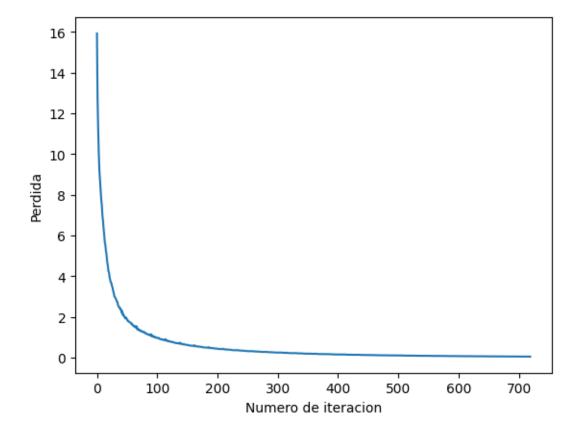
5.5

Haga un gráfico de los valores de pérdida en cada iteración.

```
[13]: # Grafica la evolucion de la perdida con cada iteracion

def graficarPerdida(Loss):
    plt.figure()
    iteracion = range(len(Loss))
    plt.plot(iteracion, Loss)
    plt.xlabel("Numero de iteracion")
    plt.ylabel("Perdida")

graficarPerdida(Loss)
```



La gráfica de la pérdida tiene picos muy sutiles y en general desciende de manera suave. Esto sucede así porque en el entrenamiento se realizan cubrimientos de una misma partición de los datos.

En la gráfica también se puede ver que a partir de la iteración 500 la pérdida llega a estabilizarse quedando muy cerca del 0. Por esta razón ya no es necesario seguir haciendo más iteraciones de descenso del gradiente.

5.6

Programe un función redna en Python que use el método del gradiente descendiente, tomando subconjuntos aleatorios (bunch o batch) de tamaño 50 en cada iteración, para encontrar el conjunto de pesos que minimizan E_p . Realice experimentos variando el número máximo de iteraciones hasta conseguir porcentaje de imágenes bien clasificadas mayores o iguales al 90% en cada clase sobre el conjunto de entrenamiento. La función debe devolver los pesos, el vector de pérdida total en cada iteración y graficar la función de perdida de manera dinámica (hacer el gráfico en cada iteración).

```
[14]: # Ajusta los parametros de la red mediante descenso de gradiente
def redna(X, Y, numParam, sizeBunch = 50, nmax = 400, step = 0.01, standarize = □
→False, dynamicGraph = True):
# Genero pesos aleatorios
W = np.random.normal(size = numParam)
# Inicializo la perdida
```

```
Loss = []
# Ciclo de busqueda
for i in range(nmax) :
    # Genero el bunch aleatorio
    ind = np.arange(0, len(Y), dtype=int)
    ind = np.random.permutation(ind)
    bunch = ind[0:sizeBunch]
    # Capacidad interpretacion
    Z = np.matmul(W, np.transpose(X))
    # Estandarizo de ser necesario para evitar overflows
    if(standarize):
        Z = (Z - np.mean(Z)) / np.std(Z) * 3
    # Probabilidades obtenidas en softmax
    P = msoft(Z)
    # Gradiente
    grad = mgrad(X[bunch, :], Y[bunch, :], P[:, bunch])
    # Actualizo pesos
    W = W - step * grad
    # Calculo perdida en la iteracion
    Loss.append(entropiaCruzada(P, Y))
    # Actualizacion dinamica del grafico
    if(dynamicGraph):
        # Genero la nueva linea
        line = plt.plot(range(len(Loss)), Loss)
        # Muestro en pantalla el grafico
        display.display(plt.gcf())
        # Borro el output para mostrar un nuevo grafico
        display.clear_output(wait = True)
        # Elimino la linea del stack de plots
        line.pop(0).remove()
plt.plot(range(len(Loss)), Loss)
probarClasificacion(P, Y)
return(W, Loss)
```

```
[15]: # Entreno el modelo

W, Loss = redna(XTrain, YTrain, (10, 257), sizeBunch = 50, nmax = 600, step = 0.

→01, dynamicGraph = False)

# Cambiar dynamicGraph a True para generar el gráfico de la perdida de forma

→dinamica

# No es recomendable usar dynamicGraph con nmax mayor a 100
```

Se clasificaron bien el 98.0% de todas las imagenes

```
Validacion cruzada:
Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 98.35%
Porcentaje de la clase 0 mal clasificados: 1.65%
```

Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 98.36% Porcentaje de la clase 1 mal clasificados: 1.64%

Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 99.14% Porcentaje de la clase 2 mal clasificados: 0.86%

Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 97.58% Porcentaje de la clase 3 mal clasificados: 2.42%

Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 98.35% Porcentaje de la clase 4 mal clasificados: 1.65%

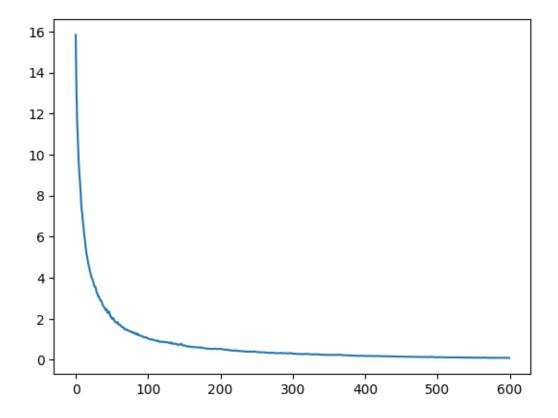
Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 100.0% Porcentaje de la clase 5 mal clasificados: 0.0%

Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 99.22% Porcentaje de la clase 6 mal clasificados: 0.78%

Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 98.37% Porcentaje de la clase 7 mal clasificados: 1.63%

Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 96.61% Porcentaje de la clase 8 mal clasificados: 3.39%

Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 94.07% Porcentaje de la clase 9 mal clasificados: 5.93%



En este caso se obtuvo una clasificación exitosa del 98% de las imágenes, que es ligeramente menor al obtenido en el literal anterior.

Al usar bunchs aleatorios en cada iteracion se esperaría tener mas saltos en el algoritmo de descenso de gradiente. Sin embargo, la gráfica de pérdida es muy similar a la hallada con la función redn.

5.7

Utilice los pesos obtenidos en el numeral anterior para predecir la clase correspondiente sobre el conjunto de datos de prueba, reporte el porcentaje de bien clasificados por el modelo en cada clase, también reporte los porcentajes de mal clasificados en cada clase (validación cruzada).

```
[16]: # Probabilidad generada por el modelo sobre las imagenes de prueba (test)

ZTest = np.matmul(W, np.transpose(XTest))

PTest = msoft(ZTest)

probarClasificacion(PTest, YTest)
```

Se clasificaron bien el 83.42% de todas las imagenes

```
Validacion cruzada:
```

Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 94.87% Porcentaje de la clase 0 mal clasificados: 5.13%

Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 82.5%

```
Porcentaje de la clase 1 mal clasificados: 17.5%
Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 83.72%
Porcentaje de la clase 2 mal clasificados:
                                            16.28%
Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 74.29%
Porcentaje de la clase 3 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 80.0%
Porcentaje de la clase 4 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 84.31%
Porcentaje de la clase 5 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 100.0%
Porcentaje de la clase 6 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 88.57%
Porcentaje de la clase 7 mal clasificados:
                                            11.43%
Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 75.68%
Porcentaje de la clase 8 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 72.5%
Porcentaje de la clase 9 mal clasificados:
                                            27.5%
```

La capacidad de generalización del modelo redna presenta los mismos problemas que la redn

5.8

Repita los numerales desde el dos hasta el siete para los datos mnist de entrenamiento y de prueba dados. Haga iteraciones con subconjuntos de tamaño 500 y 50 épocas, en el caso aleatorio tome conjuntos de tamaño 500 también.

```
[17]: # 8.2 La funcion de perdida y su gradiente son los mismos de antes

[18]: # 8.3
    # Cargo los datos
    mnistTrain = np.array(pd.read_csv('./data/mnist_train.csv'))
    mnistTest = np.array(pd.read_csv('./data/mnist_test.csv'))

[19]: # Guardo el tensor X (con un bias) y las labels Y de Train
    XTrain = np.c_[mnistTrain[:,1:], np.ones(60000)]
    LabelsTrain = mnistTrain[:,0]

# Guardo el tensor X (con un bias) y las labels Y de Test
    XTest = np.c_[mnistTest[:,1:], np.ones(10000)]
```

```
LabelsTest = mnistTest[:,0]
      # Genero las variables dummies
      YTrain = np.zeros((60000, 10))
      for i in range(60000):
          lab = LabelsTrain[i]
          YTrain[i, lab] = 1
      YTest = np.zeros((10000, 10))
      for i in range(10000):
          lab = LabelsTest[i]
          YTest[i, lab] = 1
[20]: # Entreno la red
      W, Loss = redn(XTrain, YTrain, (10, 785), sizeBunch = 500, numEpoch = 5, step = _{\square}
       \rightarrow 0.01, standarize = True)
     Se clasificaron bien el 90.57% de todas las imagenes
     Validacion cruzada:
     Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 96.76%
     Porcentaje de la clase 0 mal clasificados:
     Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 97.14%
     Porcentaje de la clase 1 mal clasificados:
     Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 85.95%
     Porcentaje de la clase 2 mal clasificados:
     Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 90.23%
     Porcentaje de la clase 3 mal clasificados:
     Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 91.75%
     Porcentaje de la clase 4 mal clasificados: 8.25%
     Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 80.15%
     Porcentaje de la clase 5 mal clasificados: 19.85%
     Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 95.08%
     Porcentaje de la clase 6 mal clasificados:
     Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 91.24%
     Porcentaje de la clase 7 mal clasificados:
     Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 86.74%
     Porcentaje de la clase 8 mal clasificados:
     Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 88.84%
```

Porcentaje de la clase 9 mal clasificados: 11.16%

El único cambio que tiene la funcion redn para clasificar las imagenes de Mnist en lugar de Semeion es que se requiere estandarizar la capacidad de interpretación Z. Esto se hace para evitar overflows al momento de pasar por la función msoft. También se decidió multiplicar a Z por un pequeño factor de escalamiento luego de estandarizar con el objetivo de que el gradiente no se desvanezca.

Se realizaron varias pruebas y se halló que a partir de 5 épocas la mejora en la optimización de la función de pérdida era mínima. Se obtuvo un porcentaje de imagenes de prueba bien clasificadas de 90%, que es menor al obtenido usando los datos de Semeion. Esto se debe a que la cantidad de imágenes en Mnist es mucho mayor, al igual que el número de atributos (pixeles) por imagen. Ambas cosas aportan a que sea más complicado alcanzar un mínimo global de la función de pérdida.

```
[21]: # 8.4
# Clasificacion del modelo sobre las imagenes de prueba (test)

ZTest = np.matmul(W, np.transpose(XTest))

ZTest = (ZTest - np.mean(ZTest))/ np.std(ZTest)

PTest = msoft(ZTest)
probarClasificacion(PTest, YTest)
```

Se clasificaron bien el 91.06% de todas las imagenes

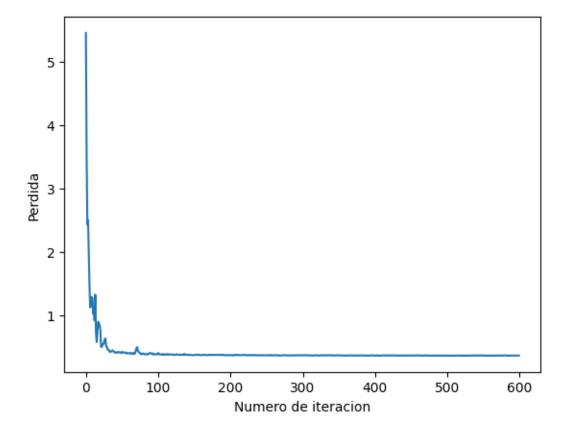
```
Validacion cruzada:
Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 98.47%
Porcentaje de la clase 0 mal clasificados: 1.53%
Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 97.62%
Porcentaje de la clase 1 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 86.24%
Porcentaje de la clase 2 mal clasificados: 13.76%
Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 91.19%
Porcentaje de la clase 3 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 92.67%
Porcentaje de la clase 4 mal clasificados: 7.33%
Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 83.3%
Porcentaje de la clase 5 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 93.95%
Porcentaje de la clase 6 mal clasificados:
Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 90.27%
Porcentaje de la clase 7 mal clasificados: 9.73%
Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 85.93%
```

Porcentaje de la clase 8 mal clasificados: 14.07%

Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 89.59% Porcentaje de la clase 9 mal clasificados: 10.41%

En este caso, el porcentaje de imágenes bien clasificadas en test superó incluso al porcentaje obtenido en el entrenamiento. Esto quiere decir que la red neuronal entrenada sobre Mnist tiene una mayor capacidad de generalización que la red entrenada con Semeion. La razón es que se contó con más información de los inputs en forma de más instancias y atributos por instancia.

[22]: # 8.5 graficarPerdida(Loss)

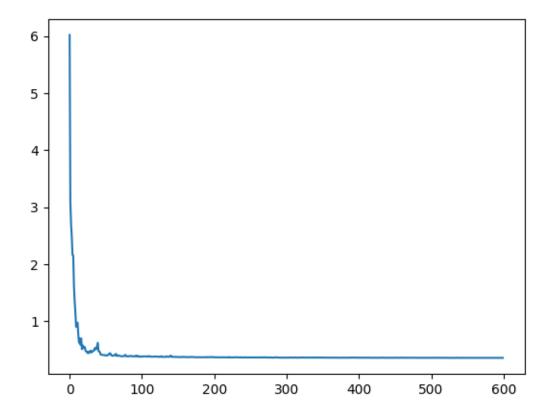


La gráfica de la pérdida es mucho más irregular en la red entrenada sobre Mnist. Al tener un conjunto de entrenamiento más grande puede suceder que en alguna iteración de descenso de gradiente el bunch seleccionado no sea representativo de todo el conjunto de datos. Esto provoca que el cambio en el gradiente que favorece a las imágenes del bunch favorezca en menor medida la función de pérdida global

También se observa que la pérdida se acerca a 0 mucho más rápido, lo cual puede deberse a que se están utilizando bunchs más grandes que a su vez generan pasos del gradiente mayores.

[23]: # 8.6 W, Loss = redna(XTrain, YTrain, (10, 785), sizeBunch = 500, nmax = 600, step = →0.01, standarize = True, dynamicGraph = False)

Se clasificaron bien el 90.64% de todas las imagenes Validacion cruzada: Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 96.45% Porcentaje de la clase 0 mal clasificados: 3.55% Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 97.05% Porcentaje de la clase 1 mal clasificados: Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 86.56% Porcentaje de la clase 2 mal clasificados: Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 88.65% Porcentaje de la clase 3 mal clasificados: Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 93.2% Porcentaje de la clase 4 mal clasificados: Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 84.32% Porcentaje de la clase 5 mal clasificados: 15.68% Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 95.07% Porcentaje de la clase 6 mal clasificados: Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 91.46% Porcentaje de la clase 7 mal clasificados: 8.54% Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 84.98% Porcentaje de la clase 8 mal clasificados: 15.02% Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 87.28% Porcentaje de la clase 9 mal clasificados: 12.72%



Con la *redna* entrenada sobre el dataset Mnist se hace la misma estandarización de los valores de Z para evitar overflows.

Los resultados de usar bunchs aleatorios en cada iteración son muy parecidos a los obtenidos usando una única partición. El único cambio es que los picos de la pérdida son más pronunciados.

```
[24]: # 8.7
# Probabilidad generada por el modelo sobre las imagenes de prueba (test)

ZTest = np.matmul(W, np.transpose(XTest))

ZTest = (ZTest - np.mean(ZTest))/ np.std(ZTest)

PTest = msoft(ZTest)
probarClasificacion(PTest, YTest)
```

Se clasificaron bien el 91.05% de todas las imagenes

```
Validacion cruzada:
```

Porcentaje de la clase 0 bien clasificados: 97.65% Porcentaje de la clase 0 mal clasificados: 2.35%

Porcentaje de la clase 1 bien clasificados: 97.44% Porcentaje de la clase 1 mal clasificados: 2.56%

Porcentaje de la clase 2 bien clasificados: 86.05%

```
Porcentaje de la clase 2 mal clasificados: 13.95%

Porcentaje de la clase 3 bien clasificados: 90.2%

Porcentaje de la clase 3 mal clasificados: 9.8%

Porcentaje de la clase 4 bien clasificados: 92.97%

Porcentaje de la clase 4 mal clasificados: 7.03%

Porcentaje de la clase 5 bien clasificados: 84.98%

Porcentaje de la clase 5 mal clasificados: 15.02%

Porcentaje de la clase 6 bien clasificados: 94.68%

Porcentaje de la clase 6 mal clasificados: 5.32%

Porcentaje de la clase 7 bien clasificados: 91.05%

Porcentaje de la clase 7 mal clasificados: 86.14%

Porcentaje de la clase 8 bien clasificados: 86.14%

Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 88.21%

Porcentaje de la clase 9 bien clasificados: 88.21%

Porcentaje de la clase 9 mal clasificados: 11.79%
```

Nuevamente la generalización de la red neuronal demuestra ser mejor al usar Mnist para el entrenamiento en lugar de Semeion.