# Список ресурсов РТЕХ

Гришутенко П. П., 1 гр. 1 подгр.  $23~{\rm декабр} {\rm g}~2020~{\rm r}.$ 

## 1 Пример 1. Умножение матрицы на число

Дано:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

Матрица

Число k=2

#### Найти:

Произведение матрицы на число:  $A \times k = B$  B - ?

### Решение:

Для того чтобы умножить матрицу A на число k нужно каждый элемент матрицы A умножить на это число. Таким образом, произведение матрицы A на число k есть новая матрица:

$$B = 2 \times A = 2 \times \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 8 & 10 & 12 \end{pmatrix}$$

**Ответ:**  $B = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 8 & 10 & 12 \end{pmatrix}$ 

# 2 Пример 2. Умножение матриц

Дано:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Матрина

$$B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$$

Матрица

### Найти:

Произведение матриц:  $A \times B = C$ 

$$C-?$$

### Решение:

Каждый элемент матрицы  $C = A \times B$ , расположенный в i-й строке и j-м столбце, равен сумме произведений элементов i-й строки матрицы A на соответствующие элементы j-го столбца матрицы B. Строки матрицы A умножаем на столбцы матрицы B и получаем:

$$C = A \times B = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} 2 \times 2 + 3 \times (-1) + 1 \times 3 & 2 \times 1 + 3 \times 1 + 1 \times (-2) \\ -1 \times 2 + 0 \times (-1) + 1 \times 3 & -1 \times 1 + 0 \times 1 + 1 \times (-2) \end{pmatrix}$$

$$C = A \times B = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & -3 \end{pmatrix}$$
Otbet:  $C = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & -3 \end{pmatrix}$ 

# 3 Пример 3. Транспонирование матрицы

Дано:

$$A = \begin{pmatrix} 7 & 8 & 9 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

Матрица

Найти:

Найти матрицу транспонированную данной.

$$A^T - ?$$

Решение:

Транспонирование матрицы A заключается в замене строк этой матрицы ее столбцами с сохранением их номеров. Полученная матрица обозначается через  $A^T$ .

$$A = \begin{pmatrix} 7 & 8 & 9 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow A^T = \begin{pmatrix} 7 & 1 \\ 8 & 2 \\ 9 & 3 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{OTBET:} \ A^T = \begin{pmatrix} 7 & 1 \\ 8 & 2 \\ 9 & 3 \end{pmatrix}$$

## 4 Пример 4. Обратная матрица

Дано:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$$

Матрица

Найти:

Найти обратную матрицу для матрицы A.  $A^{-1}$  – ?

Решение:

Находим  $\det A$  и проверяем  $\det A \neq 0$ :

$$\det A = \begin{vmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 1 \end{vmatrix} = 2 \times 1 - 3 \times (-1) = 5$$

 $\det A = 5 \neq 0.$ 

Составляем вспомогательную матрицу  $A^V$  из алгебраических дополнений  $A_{ij}$ :  $A^V = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ 

ний 
$$A_{ij}$$
:  $A^V = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ 

$$\left( A^V \right)^T = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 2 \end{pmatrix}$$

Транспонируем матрицу 
$$A^V$$
: 
$$(A^V)^T = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 2 \end{pmatrix}$$
 Каждый элемент, полученной матрицы, делим на  $\det A$ : 
$$A^{-1} = \frac{1}{\det A} \begin{pmatrix} A^V \end{pmatrix}^T = \frac{1}{5} \times \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{5} & \frac{1}{5} \\ -\frac{3}{5} & \frac{2}{5} \end{pmatrix}$$
 Ответ:  $A^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{1}{5} & \frac{1}{5} \\ -\frac{3}{5} & \frac{2}{5} \end{pmatrix}$ 

**Ответ:** 
$$A^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{1}{5} & \frac{1}{5} \\ -\frac{3}{5} & \frac{2}{5} \end{pmatrix}$$