



Universidade Federal do Rio de Janeiro
Instituto de Matemática
Departamento de Ciência da Computação
Grupo de Resposta a Incidentes de Segurança

Rio de Janeiro, RJ – Brasil

Fundamentos da Criptologia

Parte II – Criptografia Simétrica

GRIS-2005-A-004

Breno Guimarães de Oliveira

A versão mais recente deste documento pode ser obtida na página oficial do GRIS

GRIS – Grupo de Resposta a Incidentes de Segurança
CCMN Bloco I 1º andar
Sala: I1021
Av. Brigadeiro Trompowski, s/nº
Cidade Universitária - Rio de Janeiro/RJ
CEP: 21949-900
Telefone: +55 (21) 2598-3309

Este documento é Copyright© 2005 GRIS. Ele pode ser livremente copiado desde que sejam respeitadas as seguintes condições:

É permitido fazer e distribuir cópias inalteradas deste documento, completo ou em partes, contanto que esta nota de copyright e distribuição seja mantida em todas as cópias, e que a distribuição não tenha fins comerciais. Se este documento for distribuído apenas em partes, instruções de como obtê-lo por completo devem ser incluídas. É vedada a distribuição de versões modificadas deste documento, bem como a comercialização de cópias, sem a permissão expressa do GRIS.

Embora todos os cuidados tenham sido tomados na preparação deste documento, o GRIS não garante a correção absoluta das informações nele contidas, nem se responsabiliza por eventuais consequências que possam advir do seu uso.

Sumário:

1. Introdução.....	3
2. Cifras de Substituição.....	3
2.1. ROT-13 (e outras substituições monoalfabéticas e monofônicas).....	3
2.2. Cifra de Vigenère (e outras substituições polialfabéticas).....	6
Apêndice. A Cifra da Garrafa de Cerveja.....	9
Bibliografia.....	11

1. Introdução

Como citado no artigo anterior, o processo de codificação e decodificação de uma mensagem ocorre basicamente da seguinte forma:



A chave de codificação é geralmente uma sequência de operações matemáticas com a mensagem original, então para decodificar a mesma basta conhecermos essa chave e realizarmos as operações inversas. De fato, a chave de decodificação contém exatamente essas operações inversas, junto com quaisquer outras informações necessárias para a transformação, como valores preestabelecidos para variáveis, etc. Quando isso ocorre, estamos falando de *criptografia de chave simétrica*. O problema fundamental de tais métodos é que eles exigem um canal seguro para a transmissão das chaves – do contrário o “inimigo” poderia roubá-la e ler todos os seus segredos –, mas um canal só seria seguro com criptografia, e isso naturalmente leva a um círculo vicioso desconfortável.

2. Cifras de Substituição

As cifras de substituição são essencialmente tabelas ou funções de conversão das letras do alfabeto – separadas individualmente ou em grupos – para um ou mais caracteres diferentes, sejam letras, números ou símbolos. O processo de decodificação é realizado simplesmente desfazendo a conversão. Os métodos de substituição costumam ser separados em 3 tipos diferentes: monoalfabéticas (cada caractere da mensagem original é transformado em outro caractere, número ou símbolo), monofônicas (cada caractere da mensagem original pode ser transformado em um conjunto de outros caracteres, números ou símbolos) e polialfabéticas (combinações de várias substituições monoalfabéticas e monofônicas).

2.1 ROT-13 (e outras substituições monoalfabéticas e monofônicas)

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M

Definição: O método ROT-X talvez seja um dos mais populares da criptografia amadora, devido a sua enorme facilidade de implementação. Consiste simplesmente na rotação do alfabeto X casas para a direita. Para decodificar, basta girar cada letra novamente, dessa vez X casas para a esquerda. Números e pontuações não são codificados. Conta-se que Júlio César usava o método ROT-3 para enviar mensagens

a suas tropas, e esse método ficou conhecido como a *Cifra de César*. A rotação de 13 casas tornou-se extremamente popular nos dias de hoje, devido justamente a sua facilidade de codificação e decodificação. Isso porque o nosso alfabeto possui 26 letras, então a mesma função de codificação pode ser usada para a decodificação (em notação matemática, $M = \text{ROT}(\text{ROT}(M))$, onde M é a mensagem e $\text{ROT}()$ é a função ROT-13). Para rotações com qualquer outro valor que não o 13, é preciso uma função diferente para decodificar, movendo os caracteres para a esquerda X casas. O ROT-13 é usado em diversas páginas e grupos de discussão da Internet, essencialmente para evitar que pessoas acidentalmente vejam textos ofensivos – como piadas obscenas – ou que contenham o final de um filme ou livro. Assim, a menos que você deliberadamente opte por decodificar o texto, ele será apenas um monte de caracteres esquisitos. Diversos programas de e-mail já vêm com a opção de decodificar textos em ROT-13.

Exemplo:

"O assassino é o mordomo! Eu já vi esse filme 17 vezes..."	(original)
"B nffnffvab r b zbeqzbz! Rh wn iv rffr svyzz 17 irmrf..."	(ROT-13)
"R dvvdvvlqr h r prugrpr! Hx md yl hvvh iloph 17 yhchv..."	(ROT-3)
"N zrrzrrhmn d n lnqcnln! Dt iz uh drrd ehkld 17 udydr..."	(ROT-25)

Código-fonte: o código abaixo escrito em C faz uma codificação simples em ROT-X, com as informações entradas pelo usuário. Note que ele não modifica números nem caracteres acentuados, mas discrimina letras maiúsculas de minúsculas.

```
----- rot-x.c (início) -----
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>

void main(void)
{
    int chave, entrada;
    printf("entre com a chave (0-25): ");
    scanf("%d", &chave);
    chave %= 26;
    printf("entre com o texto a ser codificado em ROT-%d (ctrl+c para sair):\n", chave);
    while( entrada = getchar( ) ) {
        if( islower( entrada ) )
            entrada = 'a' + (entrada - 'a' + chave) % 26;
        else if( isupper( entrada ) )
            entrada = 'A' + (entrada - 'A' + chave) % 26;
        putchar( entrada );
    }
}
----- rot-x.c (fim) -----
```

Variações: Como pôde ser observado, a codificação ROT-X é uma substituição monoalfabética bastante simples. No entanto, ela pode ser melhorada consideravelmente através de alguns recursos. O primeiro seria realizar substituições também para espaços e pontuações da mensagem, o que dificulta a separação de palavras pelo criptoanalista, especialmente se as mensagens forem pequenas. Além disso, é interessante usar números (de preferência em outras bases que não a decimal) ao invés de letras para o criptograma, também visando iludir o criptoanalista. No entanto, você verá na *Parte V* desse texto que decodificar cifras de substituição monoalfabéticas é extremamente simples.

Uma boa alternativa é a utilização de cifras monofônicas, que convertem cada caractere em outro qualquer de um conjunto específico de caracteres. Assim, a letra ‘a’ pode ser codificada nos valores ‘09’, ‘37’, ‘88’ ou ‘89’, por exemplo, a critério do remetente. No criptograma resultante, qualquer um desses valores será traduzido na letra ‘a’. Mas cuidado: se for usar símbolos que se repetem (como letras do alfabeto ou números) para a substituição, não se esqueça de usar o mesmo número de “dígitos” para cada letra da mensagem original (no exemplo acima, usamos dois dígitos). Se esse número for diferente, como por exemplo ‘a’ = 1 (um dígito), b = 2, ..., j = 10 (dois dígitos), k = 11, etc., o decodificador não poderá diferenciar o criptograma “11” de “aa” ou “k”, mesmo possuindo a tabela de conversão.

Código-fonte: o código abaixo codifica e decodifica mensagens usando uma substituição monofônica. Note que a escolha dos números da tabela é completamente arbitrária. Assim, enquanto a letra ‘a’ possui quatro números equivalentes, ‘e’ possui sete, e ‘z’ possui apenas um. Você pode modificar a tabela como desejar, adicionando ou removendo equivalências.

```
----- monofono.c (início) -----
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <ctype.h>
#include <time.h>

void main( void )
{
    time_t rnd;
    int modo, entrada, codigo=10, i, j;
    /* no vetor abaixo, o primeiro valor indica o numero de elementos, e os zeros ao final sao ignorados. Exemplo:
    // a // 4, 9, 37, 88, 89, 0, 0, 0, 0, (4 valores para letra 'a' (9, 37, 88, 89))
    // b // 4, 11, 14, 59, 70, 0, 0, 0, 0, (4 valores para letra 'b' (11, 14, 59, 70))
    // c // 5, 25, 31, 55, 61, 90, 0, 0, 0, 0, (5 valores para letra 'c' (25, 31, 55, 61, 90)) */

    int alfabeto[ 26 ][ 9 ] = {
        /* a */ 4, 9, 37, 88, 89, 0, 0, 0, 0, /* b */ 4, 11, 14, 59, 70, 0, 0, 0, 0, /* c */ 5, 25, 31, 55, 61, 90, 0, 0, 0,
        /* d */ 4, 26, 40, 69, 95, 0, 0, 0, 0, /* e */ 7, 5, 16, 44, 60, 76, 94, 99, 0, /* f */ 3, 19, 24, 67, 0, 0, 0, 0, 0,
        /* g */ 3, 0, 97, 28, 0, 0, 0, 0, 0, /* h */ 4, 6, 15, 39, 68, 0, 0, 0, 0, /* i */ 6, 29, 33, 47, 50, 57, 81, 0, 0,
        /* j */ 3, 12, 46, 62, 0, 0, 0, 0, 0, /* k */ 1, 83, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, /* l */ 4, 2, 8, 23, 58, 0, 0, 0, 0,
        /* m */ 4, 18, 21, 64, 75, 0, 0, 0, 0, /* n */ 4, 10, 35, 77, 65, 0, 0, 0, 0, /* o */ 8, 20, 27, 53, 73, 74, 80, 84, 98,
        /* p */ 4, 32, 36, 71, 85, 0, 0, 0, 0, /* q */ 4, 22, 51, 17, 48, 0, 0, 0, 0, /* r */ 6, 7, 38, 42, 63, 91, 92, 0, 0,
        /* s */ 6, 34, 43, 54, 72, 87, 96, 0, 0, /* t */ 4, 13, 56, 66, 78, 0, 0, 0, 0, /* u */ 4, 4, 45, 49, 82, 0, 0, 0, 0,
        /* v */ 3, 1, 30, 79, 0, 0, 0, 0, 0, /* w */ 1, 86, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, /* x */ 2, 3, 41, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
        /* y */ 1, 93, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, /* z */ 1, 52, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 };

    printf( "\nCodificacao monofonica:" );
    while( 1 ) {
        printf( "\n\n1-Codifica\n2-Decodifica\n(ctrl+c para sair)\n" );
        modo = getc( stdin );
        fflush( stdin );
        if( modo == '1' ) { /* codificando */
            srand( ( unsigned )time( &rnd ) );
            puts( "digite mensagem a ser codificada:" );
            while( ( entrada = tolower( getchar( ) ) ) != 10 ) {
                if( isalpha( entrada ) ) {
                    entrada = alfabeto[ entrada - 'a' ][ 1 + rand() % alfabeto[ entrada - 'a' ][ 0 ] ];
                    printf( "%02d", entrada );
                }
                else
                    printf( "%c", entrada );
            }
        }
        else { /* decodificando */
            puts( "digite mensagem a ser decodificada:" );
            fflush( stdin );
        }
    }
}
```

```
while( ( entrada = getchar( ) ) != 10 )
    if( isdigit( entrada ) ) {
        entrada -= '0';
        if( codigo < 10 ) {
            codigo = codigo * 10 + entrada;
            entrada = -1;

            for( i = 0 ; i < 26 && entrada == -1 ; i++ )
                for( j =alfabeto[ i ][ 0 ] ; j > 0 && entrada == -1 ; j-- )
                    if( codigo == alfabeto[ i ][ j ] ) {
                        entrada = i + 'a';
                        codigo = 10;
                    }
                putchar( entrada );
            }
        else
            codigo = entrada;
    }
    else
        putchar( entrada );
} } }
```

----- monofono.c (fim) -----

Adicionalmente, usar *nulos* (símbolos ou códigos incluídos no criptograma, mas que não significam nada e são ignorados na hora da decodificação) e *repertórios* (grupos de caracteres ou mesmo palavras inteiras que podem ser transformados em um ou mais símbolos codificados) dificulta ainda mais o trabalho do criptoanalista, justamente por aumentar as possibilidades de codificação. O uso de nulos pode ser incrementado pela inclusão de lixo (conjunto de caracteres quaisquer) no criptograma, adicionado (ou precedido) por um símbolo que signifique “ignore os últimos (ou próximos) X caracteres”. Essa técnica foi usada na *Grande Cifra de Rossignol*, dos especialistas franceses (além de pai e filho) Antoine e Bonaventure Rossignol, no século XVII. Para exemplificar o aumento da dificuldade de decifração de métodos com repertório, imagine apenas que uma tabela que possua quatro equivalências para cada letra, e o repertório de quatro equivalências para o grupo de palavras “st” e quatro para o grupo “te”, poderia transformar a palavra “teste” em 1920 criptogramas diferentes!

2.2 Cifra de Vigenère (e outras substituições polialfabéticas)

Definição: Talvez o método criptográfico de substituição polialfabética mais conhecido seja a chamada *Cifra de Vigenère*, esquematizada pelo diplomata francês Blaise de Vigenère no século XVI. Trata-se da combinação de 26 substituições ROT-X, realizadas de acordo com uma chave e com auxílio da tabela abaixo:

	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z
01:	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
02:	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
03:	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
04:	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
05:	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
06:	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
07:	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
08:	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
09:	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
10:	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
11:	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
12:	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
13:	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
14:	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
15:	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
16:	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
17:	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
18:	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
19:	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
20:	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
21:	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
22:	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
23:	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
24:	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
25:	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
26:	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

Essa tabela nada mais é do que o conjunto das 26 possíveis rotações do alfabeto, dispostas em ordem crescente a partir da primeira linha, onde não há rotação. Para codificar uma mensagem, primeiro precisamos escolher a chave, que nos indicará o grau de rotação (chave monoalfabética) para cada caractere da mensagem. Agora é só procurar o criptograma equivalente de cada letra da mensagem original na coluna da linha que começa com cada letra da chave. Se a chave for menor que a mensagem, basta repeti-la até que tenham o mesmo tamanho. No exemplo a seguir, vamos escolher a palavra “vigenere” como chave. Queremos codificar a frase “esses romanos sao uns neuroticos”.

Antes de mais nada, precisamos expandir a chave até que tenha o mesmo tamanho da mensagem:

Mensagem: “esses romanos sao uns neuroticos”

Chave expandida: “vigen erevige ner evi generevige”

Para codificarmos a primeira letra (“e”), procuramos na tabela pela linha que começa com a primeira letra da chave (“v”), que é a linha 22. Em seguida, procuramos a interseção dessa linha com a coluna que começa com a primeira letra da mensagem (“e”), que é a coluna 05. O valor encontrado nessa interseção (“z”) é o criptograma equivalente para essa letra. Repetimos o processo agora para a segunda letra da mensagem, usando a segunda letra da chave, e assim por diante, até termos codificado toda a mensagem. Vejamos como fica a codificação da primeira palavra:

Chave (linha)	Letra original (coluna)	Letra codificada
V (22)	E (05)	Z
I (09)	S (19)	A
G (07)	S (19)	Y
E (05)	E (05)	I
N (14)	S (19)	F

O criptograma completo será:

“ZAYIF VFQVVUW FEF YIA TIHVFSDKUW”

Para decodificar, basta encontrar a letra atual do criptograma na linha da letra atual da chave. A coluna onde a letra se encontra indica a letra original.

Código-fonte: O código abaixo codifica e decodifica mensagens usando a Cifra de Vigenère. Nesse programa, o tamanho da chave está limitado a 80 caracteres. Você pode trocar esse valor por qualquer outro maior que zero, bastando apenas modificar o valor de CHAVE_MAX, definida no início do código.

```
----- polialfa.c (inicio) -----
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>
#include <string.h>

#define CHAVE_MAX 80      /* Maximo de caracteres da chave */

void main(void)
{
    int modo, letra, i, j, nChave;
    char chave[CHAVE_MAX];

    printf( "\nCifra de Vigenere (codificacao polialfabetica):" );
    while( 1 ) {
        printf( "\n\n1-Codifica\n2-Decodifica\n(ctrl+c para sair)\n" );
        modo = getc( stdin );
        fflush( stdin );
        printf("digite a chave (max. %d caracteres):", CHAVE_MAX);
        fgets(chave, CHAVE_MAX, stdin);
        nChave = strlen(chave);
        for(i=j=0; i < nChave; i++) { /* converte chave em deslocamentos validos */
            if(isalpha(chave[i])) {
                chave[j] = toupper(chave[i]) - 'A';
                j++;
            }
        }
        chave[j] = 0;
        if(j==0) {
            puts("chave precisa ter no minimo um caractere entre 'a' e 'z'.");
            return;
        }
        i = 0;
        puts("digite a mensagem:");
        fflush( stdin );
        while ((letra = toupper(getchar())) != 10) {
            if(isalpha(letra)) {
                if(modo == 1)
                    letra = ( (chave[i] + letra - 'A') % 26 ) + 'A';      /* codificando */
                else
                    letra = ((letra - 'A' - chave[i] + 26) % 26 ) + 'A';    /* decodificando */
                i++;
            }
            if(i == j) /* repete a chave, caso tenha chegado ao fim */
                i = 0;
            putchar(letra);
        }
    }
}
----- polialfa.c (fim) -----
```

Variações: A própria definição de codificação polialfabética permite infinitas variações para a mesma. Por tratar-se de uma coletânea de substituições monoalfabéticas, todas as recomendações anteriores também valem para tornar a cifra mais segura. Convém ainda, ao contrário do que a Cifra de Vigenère propõe, usar diferentes métodos de substituição monoalfabética, ao invés de apenas diferentes chaves para um mesmo método.

Apêndice – A Cifra da Garrafa de Cerveja

Definição: Essa é uma cifra no mínimo interessante. Conta a história que, na universidade de Yale, existe uma sociedade secreta de bebedores chamada “Skull and Bones” (Crânio e Ossos). Em 1999, um estudante do MIT (Instituto de Tecnologia de Massachussets, EUA) supostamente descobriu no cofre dessa sociedade secreta a surpreendente explicação para a origem e significado da conhecida música de bar “99 Bottles of Beer on the Wall” (99 garrafas de cerveja na parede). A música, cantada pelos bêbados mais chatos, começa com o seguinte verso:

<i>“99 bottles of beer on the wall,</i>	(99 garrafas de cerveja na parede)
<i>99 bottles of beeeeeeeeeer...</i>	(99 garrafas de cerveeeeeeja)
<i>Take one down,</i>	(pegue uma)
<i>Pass it around,</i>	(passe adiante)
<i>98 bottles of beer on the wall.”</i>	(98 garrafas de cerveja na parede)

Os versos seguintes têm a mesma forma, mas sempre com uma cerveja a menos. A música termina com “No bottles of beer on the wall” (nenhuma garrafa de cerveja na parede), embora os cantores embriagados costumem adormecer no balcão após o 12º ou 13º verso, e dificilmente consigam chegar ao final da canção...

Segundo o estudante, a música aparentemente inofensiva – exceto aos ouvidos dos que têm que agüentar esse pessoal no bar – descreve o procedimento criptográfico usado pelos membros dessa sociedade secreta para proteger informações confidenciais. Esse procedimento, denominado a “Cifra da Garrafa de Cerveja”, foi desenvolvido no início do século XVIII por um membro do “Skull and Bones” com aptidões matemáticas, e a música teria sido criada como um mnemônico para o mesmo. Vamos ao procedimento (que, nas palavras de Ronald Rivest, “é complicado o bastante de modo que você provavelmente não deve estar bebendo cerveja quando for tentar implementá-lo”):

A mensagem que desejamos criptografar é primeiramente transformada num número, usando dois dígitos para cada letra. Assim, A=01, B=02, C=03, etc., e 00 para “espaço”. A frase: “AGUA FAZ MAL A SAUDE”, por exemplo, se transformaria no número 0107210100060126001301120001001901210405, que tem 40 dígitos – correspondendo aos 20 caracteres da frase. Na cifra da garrafa de cerveja, cada dígito é representado por uma garrafa, e no exemplo acima usaríamos 40 garrafas. As garrafas são alinhadas “no muro” da esquerda para a direita, com a garrafa mais a esquerda contendo o dígito mais significativo. Caso o número obtido resulte em menos de 99 garrafas – como foi o caso – complete-o com garrafas contendo 0 (zero), sempre a esquerda do número. Para segredos mais longos, comece com mais garrafas, e cante mais versos.

Adicionalmente, existem a chave de codificação – conhecida como “crânio” (skull) – e a “mesa”, para onde as garrafas vão. O crânio nada mais é do que um número grande, que vai servir para a codificação. Agora que temos as garrafas contendo a mensagem original na parede, o crânio na mão, e a mesa vazia, é só começar a cantar.

“k garrafas de cerveja”

Primeiro, pegue a garrafa de cerveja mais a esquerda da parede e coloque-a no canto direito da parede, depois de todas as outras. O número k indica quantas garrafas de cerveja ainda estão na parede. Multiplique esse número por (10k + 1) e, do valor resultante, descarte aqueles da extremidade mais significativa, se necessário, para formar o novo número com k dígitos. Vejamos o exemplo:

Mensagem: “CERVEJA”

Número na parede: 03051822051001 (ocupa 14 garrafas)

Cante: “14 garrafas de cerveja”

Novo número na parede: 30518220510010

Multiplique por 141 (que é $10 \cdot 14 + 1$)

Resultado: 4303069091911410 (16 garrafas, descartar duas da extrema esquerda)

Novo número na parede: 03069091911410

“na parede”

Ao cantar esse trecho, adicione o crânio ao número na parede, mantendo somente as k garrafas mais a esquerda do resultado.

Número na parede: 03069091911410 (ocupa 14 garrafas)

Cante: “na parede”

Crânio: 97564811685348730064542009464772

Soma: 97564811685348730067611101376182 (32 garrafas, descartar 18 da esquerda)

Novo número na parede: 67611101376182

“pegue uma”

Remova a garrafa mais a direita da parede. Chame o dígito dentro da garrafa de “osso”, mas não o coloque na mesa ainda...

Número na parede: 67611101376182

Cante: “pegue uma”

Novo número na parede: 6761110137618

Osso: 2

“passe adiante”

Ao cantar esse trecho, o seguinte procedimento deve ser seguido. Imagine que começamos com g garrafas na mesa, representando um número de g dígitos. Seja o “grande osso” um número de g+1 dígitos, onde cada dígito é o osso. Adicione o grande osso a dez vezes o número que está na mesa, mantendo apenas os g+1 dígitos mais a direita do resultado.

Número na mesa: 844291 (g = 6)

Cante: “passe adiante”

Osso: 2

Grande osso: 2222222 (g+1 dígitos)

*Mesa * 10:* 8442910

Soma: 10665132 (g+2 dígitos, retirar o mais a esquerda)

Novo número na mesa: 0665132 (agora g=7)

Num primeiro momento, a mesa estará vazia, mas o procedimento permanece o mesmo. No exemplo que estamos fazendo, teríamos:

Número na mesa: nenhum ($g=0$)

Cante: "passe adiante"

Oso: 2

Grande oso: 2

Mesa * 10: 0

Soma: 2

Novo número na mesa: 2 (agora $g=1$)

Quando não houver mais nenhuma garrafa de cerveja na parede, e a música tiver acabado, o número resultante na mesa será o criptograma desejado.

Michael Neve e Eric Peeters escreveram um programa de codificação e decodificação da *Cifra da Garrafa de Cerveja* para o Matlab, disponíveis em <http://www.cs.virginia.edu/~evans/cs588/manifests/> (arquivos "*beer2.m*" (codificação) e "*unbeer2.m*" (decodificação))

Bibliografia:

"Codes, Ciphers & Codebreaking" Goebel, G. <http://www.vectorsite.net/ttcode.html> (06/05/03)

"The Beer Bottle Cipher" – Rivest, R. L. <http://theory.lcs.mit.edu/~rivest/publications.html> (02/04/03)