

# Динамическое программирование

## Ограничения

Кружок информатики

ФИМЛИ 5, Долгопрудный, 7 октября 2016,  
РТ Грицуляк

# Что на прошлом

- $P \neq NP$
- $NP$  — экспоненциальны по решению, **НО** полиномиальны по проверке решения (как утверждают свидетели  $NP$ , и это не церковь)

# Определение

- Метод динамического программирования
- ?

# Определение

- Метод динамического программирования
- Придумал Беллман в 40х

# Определение

- Метод динамического программирования
- Придумал Беллман в 40х
- Затем это обросло теоретизированием и интерпретациями

# Уравнения беллмана

- $x_0^* = \operatorname{argmin}\{S_N(x_0): x_0 \in X_0\}$ .
- Ищем минимум затрат здесь
- $S_k(x_{N-k})$  функция, описывающая зависимость оптимальных затрат от состояния  $x_{N-k}$  за  $k$  последних шагов, переводящих систему из  $x_{N-k}$  в  $x_N$ . Такие функции называют функциями Беллмана.
- Лучшее решение: Надо выбрать лучший способ перехода из  $N-1$  в  $N$ , затем из  $N-2$  в  $N-1$  итд

# На практике:

- 0) Определить что у нас такое состояние, состояние может быть не одним не числом, а структурой.
- 1) Определить как конечное решение зависит от предыдущего
- 2) Построить функцию перехода от состояния  $n-1$  к  $n$
- Оптимально! То есть исключить ненужные вычисления, по возможности запоминать.
-

# Пример поиска пути в ориентированном графе

## Плохой граф:

- ---\ ^
- ---| |-----> 2500 начальных точек
- ---| v
- ---|----->+----->  
 <- 2500 ->



# Ограничения

- Память
- Процессорное время
- Предполагаем, что в задаче нет дополнительных условий, облегчающих поиск

# Пример неправильного решения задачи

- Ограничение по памяти 256 мб
- В задаче  $10^9$  вариантов

например, поиск максимальной подсуммы параллелепипедов в кубе  $10^3 \times 10^3 \times 10^3$  с сохранением всевозможных вариантов

# Задача

- Решить для кубов  $100*100*100$
- $2000*2000*2000$
- Сравнить структуры данных, алгоритмы в решениях, скорости решений и ответы
- Тестовые данные в ячейке куба генерируются
- $A[x][y][z] = \text{double } (x*\cos(x)*1000003)\%1000 +$
- $(y*\cos(x*y)*100007)\%1000 +$   
 $(z*\cos(y*z)*10009)\%1000$

# Вопросы

- Какие методы оптимизации использовались.
- Какие проблемы в использовании оптимизации.

# На следующем занятии

- Разбираем c++ код некоторых решений задач динамического программирования с codeforce.