Множества

Занятие кружка по информатике ФИМЛИ 5

г. Долгопрудный, МО Грицуляк РТ, 28 сентября 2016

Представление множеств

- Задача с мешком слов, на подумать в классе:
 - Есть множество слов { w[0], w[1], w[2],...w[n-1] }
 - n < 64
 - Есть f(набор) → функция, которая работает непонятно как, но выдает нам на каждый набор.
 - {w[i1],w[i2],w[i3],..w[ik]} → число. Например, это может быть хэш функция.
 - Известно, что количество документов не зависит от порядка слов и количества вхождений слов в список
 - 1) Найти набор на котором функция будет максимальна
 - Решение не должно зависеть от вида функции f.
 - 2) реализовать пересечения и объединения мешков слов

Мощность(1)

- множества подмножеств из {w[1],w[2],w[3],..,w[n]} булеан
- Мощность булеана (количество входящих в него элементов) 2ⁿ
- Действительно, закодируем двоичное число с помощью элемента булеана следующим образом:
- Для подмножества {w[i1],w[i2[,w[i3],..w[ik]}
 число = 2^i1+2^i2+2^i3+...2^ik
 - То есть для элемента множества і если он есть в подмножестве он есть и на і-й с конца позиции начиная с Ой.

```
int n;
 vector<string> words;
 cin >> n;
 bitset<64> bits(0);
 for(int i=0;i<n;i++) {</pre>
   string word;
   cin >> word;
   words.push_back(word);
 int last_max=-1;
Gritsulyak Roman Tarasovich, 2
```

5 sent 2016

```
for(int j=0;bits.count()<n;j++)</pre>
 bitset<64> bitelem(j);
 bits=bitelem;
 vector<string> element;
 for(int k=0;k<n;k++){
  if(bitelem.test(k))
   element.push_back(words[k]);
 int cur_max = f(element);
 if(cur_max>last_max)
  last_max=cur_max;
```

• Как будет выглядеть пересечение 2х множеств?

• Объединение?

• Как будет выглядеть пересечение 2х множеств?

$$a \cap b := a \wedge b$$

• Объединение

$$a \cap b := a \wedge b$$

Задачи

- Паскалистам на паскале написать свой вариант для 30 слов (для 200 на ***)
- C++ реализовать на uint64_t (допустим у нас меньше 64 слов), и для 200 слов на uint64_t wrds[4]
- Сравнить результаты на {«one», «two», «three», «four», «five», «six», «seven», «eight», «nine», «ten»}
- Попробовать «взломать» решения друг-друга (первые 2 решивших в пару итд)
- Решение = 700; взлом +100; решение «200» 1500, +100

Задача на оптимальный перебор

- Допустим добавление и удаление множества занимает по 1
- Тогда перебор
- $sz|0 \rightarrow 1 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \rightarrow 100 \rightarrow 101 \rightarrow 110 \rightarrow 111| = 11$
- хуже чем

$$sz|0 \rightarrow 1 \rightarrow 11 \rightarrow 111 \rightarrow 101 \rightarrow 100 \rightarrow 110 \rightarrow 10|=7$$

• Реализовать функцию оптимального перебора

Коды грея

• Описывают такие последовательности

• Можно ли доказать существование?

Доказательство

по индукции:

G(1): последовательность 2^1 : $\{0,1\}$ —код грея для G(n+1) припишем 0 слева к G(n) и 1 слева к $G^R(n)$ обратной последовательности объединим : G(n+1) = 0 $G(n) \cup 1$ $G^R(n1)$

 $proof:end(G(n))=begin(G^R(n))$ дальше очевидно

Реализация

Задача

Реализация

```
for(uint32_t i=0;i<numeric_limits<uint32_t>::max();i++)
{
    bitset<32> out;
    out = i ^ (i >> 1); // i xor (i shr 1) — pascal
    cout << "i=" << i << ":" << out << endl;
}</pre>
```

Задача

- Сложная: Написать декодер **из кода грея в оригинальное представление** (на математику).
- проще: Модифицировать задачу с мешком слов, сравнить производительность, на вход функция принимает set (на олимпиадное программирование).

Вопросы и надеюсь ответы