### Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта

Занятие 12 в ФМЛ 5 г. Долгопрудный

### Алгоритм поиска

- Зачем нужен?
- Как будем искать подстроку
- $b_1b_2b_3b_4b_5 \\$

 $a_1 a_2 a_3 a_4 a_5 a_6 a_7 a_8 a_9$ 

#### Алгоритм поиска

- Зачем нужен?
- Сколько например займёт
- Поиск строки aaaaab в aaaacaaaaaaaaadababaaaaaaabaaaa
- Наивным алгоритмом?

### Алгоритм

• Можно сделать за O(n)

# Prefix функция

```
vector<int> prefix(string in) {
  vector<int> ret(in.length(),0);
  for(int i=1;i<in.length();i++){</pre>
     int k = ret[i-1];
     for(;k>0 && in[k]!=in[i];k=ret[k-1]);
      if(in[k] == in[i])
         k++;
     ret[i] = k; }
  return ret; }
```

# Prefix функция подробно

- prefix(s, i) == k <=> s[0..i] = pLp ; p.size=k
- пусть s[i+1] !=s[k]

### kmp

```
int kmp(string what, string where) {
 int idx = -1; vector<int> f = prefix(what); int k = 0;
 for(int i=0;i<where.length();i++) {
    for(; 0 < k \&\& (what[k] != where[i]); k = f[k-1]){};
    if(what[k] == where[i]) { k++; }
    if(k==what.length()) { idx = i - what.length() + 1; break; }
return idx; }
```

# КМР — наглядный вариант

```
v=prefix(what +"#"+where)
all i: v[i] == what.size
i - what.size-1
```

#### Переход k=ret[k-1]

$$S[6]$$
:  
s[i+1]!=s[k+1] : a!=b ( k = 2 )

В этом случае берем префикс s[0..ret[k-1]] И проверяем, подходит ли он.

#### свойства

0. o: prefix(s,i)==k <=> max k : k!=i s[1..k]==s[i-k,k]
 1. s[i+1]==s[k+1]=>prefix(s,i+1)==k+1
 2. forall j=(k,i) s[1..j]!=s[i-j..i] τακ κακ 0.)
 3. s[1..prefix(s,k)]==s[i-prefix(s,l)..i]

author/contact: Roman T Gritsulyak

# Набросок доказательства корректности

- S == uUu == vVv
- v.size<u.size</li>
- u=vt=sv =>
- v префикс и суффикс и => ищем внутри S[0..u.size]

# Вопросы

• Спасибо!