

13.7 从一副标准的 52 张纸牌（不含大小王——译者注）中分发每手 5 张牌。假设发牌人是公平的。

- 在联合概率分布中共有多少个原子事件（即，共有多少种 5 手牌的组合）？
- 每个原子事件的概率是多少？
- 拿到大同花顺（即同花的 A、K、Q、J、10——译者注）的概率是多少？4 张相同牌的概率是多少？

答：

a. $C_{52}^5 = \frac{52 \times 51 \times 50 \times 49 \times 48}{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = 2598960$ 。一共有 2598960 种原子事件。

b. 每个原子事件的概率为： $1 \div 2598960 = \frac{1}{2598960}$

c. 拿到大同花顺的概率：

拿到大同花顺的原子事件个数为 4，概率为 $\frac{4}{2598960} = \frac{1}{649740}$

拿到 4 张同牌的概率：

拿到 4 张同牌的原子事件个数为 $13 \times 48 = 624$ ，概率为 $\frac{624}{2598960} = \frac{1}{4165}$ 。

对于同牌的种类有 13 种，其余一个可以从剩下的 48 个中任选一个。

14.14 考虑图 14.23 中的贝叶斯网络。

- 网络结构能够断言下列哪些语句？
 - $P(B, I, M) = P(B)P(I)P(M)$
 - $P(J|G) = P(J|G, I)$
 - $P(M|G, B, I) = P(M|G, B, I, J)$
- 计算 $P(b, i, \neg m, g, j)$ 的值。
- 计算某个人如果触犯了法律、被起诉、而且面临一个有政治动机的检举人，他会进监狱的概率。
- 特定上下文独立性（第 14.6.2 节）允许一个变量在给定其他变量某些值是独立于它的某些父结点。除了图结构给定的通常的条件独立性以外，图 14.23 的贝叶斯网络中还存在什么样的特定上下文独立性。
- 假设我们想在网络中加入变量 $P=PresidentialPardon$ ；画出新网络，并简要解释你所加入的边。

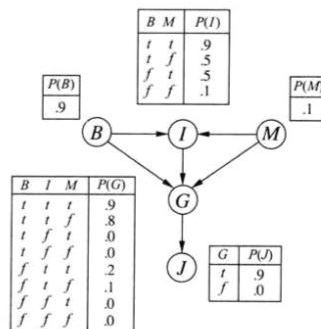


图 14.23 一个具有布尔变量 $B=BrokeElectionLaw$, $I=Indicted$, $M=PoliticallyMotivatedProsecutor$, $G=FoundGuilty$, $J=Jailed$ 的简单贝叶斯网络

答：

- (i) 不能，这个断言代表 BIM 是相互独立的，图中只有 B 和 M 是独立的， I 是他们的子节点。
- (ii) 可以，这个断言代表 I 在给定 G 的条件下与 J 相互独立，图中可以看出。
- (iii) 可以，这个断言代表 I 在给定 G 、 B 、 I 的条件下与 J 相互独立，图中可以看出。

b. $P(b, i, \neg m, g, j) = 0.9 * 0.9 * 0.5 * 0.8 * 0.9 = 0.2916$

c. 触犯法律: b, 被起诉: i, 检举人: m, 进监狱: j。

$$P(j|b, i, m) = \alpha * \sum_g P(j, b, i, m, g)$$

$$= \alpha * (P(j, b, i, m, g) + P(j, b, i, m, \neg g))$$

$$= \alpha * (<P(j, b, i, m, g), P(\neg j, b, i, m, g)> + <P(j, b, i, m, \neg g), P(\neg j, b, i, m, \neg g)>)$$

$$= \alpha * (<0.9 * 0.9 * 0.1 * 0.9 * 0.9, 0.9 * 0.9 * 0.1 * 0.9 * 0.1>$$

$$+ <0.0 * 0.9 * 0.1 * 0.9 * 0.1, 1.0 * 0.9 * 0.1 * 0.9 * 0.1>) \quad \text{划线部分相同, } \alpha \text{ 消去}$$

$$= <0.81, 0.09> + <0, 0.1>$$

$$= <0.81, 0.19>$$

所以, 进监狱的概率为 0.81.

d. 一个人如果没有被起诉(i), 那么他就不会被判有罪(G), 所以当 $i=0$ 时, 无论其他条件是什么, $G=0$ 。

e. P 的含义为总统特赦。

这里有两种思路, 如果一个人没有被起诉或被判有罪, 则不需要被赦免, 因此 I 和 G 是 P 的父节点, J 是 P 的结果; 如果一个人实际上并没有犯法, 且检举人具有政治动机, 那么他有被赦免的可能性, 因此可以把 B 和 M 作为 P 的父节点, J 是 P 的结果。

