MATEMATYKA ĆWICZENIA ZESTAW 1 CAŁKA OZNACZONA. OBLICZANIE POLA OBSZARU.

I.CAŁKA OZNACZONA.

Przykład 1.

Obliczyć całkę:

$$\int_{-2}^{1} (10 - x^3 + 3x^4) dx = \dots \qquad \dots = 53 \frac{11}{20}$$

<u>Zd.</u>1

Obliczyć całki:

a)
$$\int_{1}^{3} (3x^2 - 2x + 1) dx$$

$$b) \int_{0}^{4} \left(x - 3\sqrt{x} \right) dx$$

c)
$$\int_{-1}^{1} (x^2 + 1)^2 dx$$

d)
$$\int_{-3}^{2} (7-4x-x^2) dx$$

II. OBLICZANIE POLA.

Zd.2

Obliczyć pole obszaru ograniczonego liniami:

a)
$$y = x^2$$
 , $y = x$

b)
$$y = x^3$$
 , $y = 4x$

c)
$$y = x^2$$
, $y = x^3$

d)
$$y = x^2 - 4$$
 , $y = 0$

e)
$$y = 1 - x^2$$
, $y = x + 1$

f)
$$y = x^2 - 4$$
, $y = x + 2$

g)
$$y = x^2 + 4x$$
 , $x - y + 4 = 0$

g)
$$y = x^2 + 4x$$
, $x - y + 4 = 0$ h) $y = 2x - \frac{1}{2}x^2$, $x - 4y + 6 = 0$ i) $y = x^2 - 1$, $y = 3 - x^2$

i)
$$y = x^2 - 1$$
, $y = 3 - x^2$

j)
$$y = x^2 - x - 6$$
, $y = -x^2 + 5x + 14$.