

视觉SLAM理论与实践 第七次作业讲评







1. 为何说 Bundle Adjustment is slow 是不对的?

答: 因为利用 H 矩阵的稀疏结构可以加速优化

2. BA 中有哪些需要注意参数化的地方?Pose 和 Point 各有哪些参数化方式?有何优缺点。

答:需要参数化的地方: 相机位姿, 相机内参, 三维点 p和其投影后的像素坐标

pose: 三维欧拉角+三维位移,四元数+三维位移,旋转矩阵+三维位移,变换矩阵等. 欧拉角-万向锁问题。旋转矩阵-直观, 但自由度过多, 小旋转给不出确切矩阵。四元数-参数简洁, 不直观。

point: homogeneous affine(X,Y,Z,1) - 直观, 但是需要参数有较大的改变才能明显的影响到 cost function。homogeneous projective parametrization(X,Y,Z,W) - 可以表示距离无穷远的点



3. * 本文写于 2000 年,但是文中提到的很多内容在后面十几年的研究中得到了印证。 你能看到哪些方向在后续工作中有所体现?请举例说明。

答: 3.4 节的Intensity-based methods 就是 BA 在直接法中的应用。 第 5 节 Network Structure 可以对应到 SLAM 中的图优化模型。 H 的稀疏性可以实现 BA 实时, 在 07 年的 PTAM 上实现。



```
typedef g2o::BlockSolver<g2o::BlockSolverTraits<9, 3>> BalBlockSolver;
typedef Eigen::Matrix<double, 9, 1> Vector9d;
int main(int argc, char **argv)
   std::string filename1 = "../problem-16-22106-pre.txt";
   std::string filename2 = "../inital.ply";
   std::string filename3 = "../final.ply";
   BALProblem bal problem(filename1);
   g2o::SparseOptimizer optimizer;
   g2o::LinearSolver<BalBlockSolver::PoseMatrixType>* linearSolver =
            new g2o::LinearSolverCSparse<BalBlockSolver::PoseMatrixType>();
   dynamic cast<g2o::LinearSolverCSparse<BalBlockSolver::PoseMatrixType>* >(linearSolver)->setBlockOrdering(true);
   BalBlockSolver* solver ptr = new BalBlockSolver(std::unique ptr<BalBlockSolver::LinearSolverType>(linearSolver));
   q2o::OptimizationAlgorithmLevenberg* solver = new g2o::OptimizationAlgorithmLevenberg(std::unique ptr<BalBlockSolver>(solver ptr));
   buildGraph(&bal problem, &optimizer);
```

程序基本 流程



```
*value)
                                                                                                                                                                                                                                                                                         &filename)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               *format,
              &filename)
                                                                                                                                                                                                                                                                                          std::string
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     "Invalid UW data
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         fscanf(fptr,
             std::string
                                                                                                                                                                                                                                                                                       WriteToPLYFile(const
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                *fptr
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             FscanfOrDie(FILE
           BALProblem(const ~BALProblem()
                                                                                                                                                                                                                                   double
                                                                                                                                                                                                                                                               double
public:
```

BALProblem类





```
Eigen::Matrix4d Tcw = Sophus::SE3::exp(se3).matrix().inverse();
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Eigen::Map<Eigen::Vector3d> param(p_param
of << param(0) << ' ' << param(1) << ' ' <</pre>
std::string
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              Eigen::Map<Eigen::Matrix<double,</pre>
BALProblem::WriteToPLYFile(const
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                Sophus::Vector6d se3;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     end header"
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           property
                                                                   std::ofstream
```

```
深蓝学院
shenlanxueyuan.com
```

```
void buildGraph(BALProblem *bal problem, g2o::SparseOptimizer *optimizer)
   const int num points = bal problem->num points;
   const int num cameras = bal problem->num cameras;
   const int num observations = bal problem->num observations;
   const double *observations = bal problem->observations;
   const double *c param = bal problem->c param;
   const double *p param = bal problem->p param;
   for (int i = 0; i < num points; ++i)
       Eigen::Vector3d temVecPoint;
           temVecPoint(j) = p param[3 * i + j];
       VertexPointBAL *pPoint = new VertexPointBAL();
       pPoint->setEstimate(temVecPoint);
       pPoint->setId(i + num cameras);
       pPoint->setMarginalized(true);
       optimizer->addVertex(pPoint);
   for (int i = 0; i < num observations; ++i) --
```

构造优化图。往optimizer里 面添加顶点和边。



自定义的point顶点

```
class VertexPointBAL : public g2o::BaseVertex<3, Eigen::Vector3d>
public:
    EIGEN MAKE ALIGNED OPERATOR NEW;
    VertexPointBAL() {}
    virtual bool read(std::istream & /*is*/) { return false; }
    virtual bool write(std::ostream & /*os*/) const { return false; }
    virtual void setToOriginImpl() {}
    virtual void oplusImpl(const double *update)
        Eigen::Vector3d::ConstMapType x(update);
        estimate += x;
```



```
class EdgeObservationBAL : public g2o::BaseBinaryEdge<2, Eigen::Vector2d, VertexCameraBAL, VertexPointBAL>
{
   public:
        EIGEN_MAKE_ALIGNED_OPERATOR_NEW;
        EdgeObservationBAL(){};

        virtual bool read(std::istream & /*is*/) { return false; }

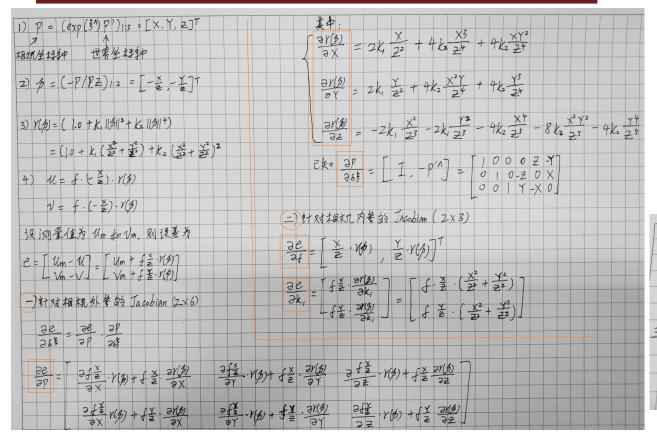
        virtual bool write(std::ostream & /*os*/) const { return false; }

        virtual void computeError() override...

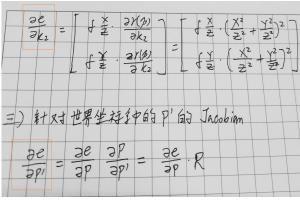
        virtual void linearizeOplus() override...
};
```

自定义相机顶点和连接 相机与空间点 的边





雅克比的数学推导



3 直接法的 Bundle Adjustment 🥵



3.1 数学模型

1. 如何描述任意一点投影在任意一图像中形成的 error?

答:
$$error = I(p) - I(\pi(KTp))$$

2. 每个 error 关联几个优化变量?

答:每个误差项 error 关联两个优化变量,分别为: P_w, ξ

3. error 关于各变量的雅可比是什么?

$$\boldsymbol{J} = -\frac{\partial \boldsymbol{I}_2}{\partial \boldsymbol{u}} \frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial \delta \boldsymbol{\xi}}. \qquad \frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial \delta \boldsymbol{\xi}} = \begin{bmatrix} \frac{f_x}{Z} & 0 & -\frac{f_x X}{Z^2} & -\frac{f_x XY}{Z^2} & f_x + \frac{f_x X^2}{Z^2} & -\frac{f_x Y}{Z} \\ 0 & \frac{f_y}{Z} & -\frac{f_y Y}{Z^2} & -f_y - \frac{f_y Y^2}{Z^2} & \frac{f_y XY}{Z^2} & \frac{f_y XY}{Z} \end{bmatrix}$$

3 直接法的 Bundle Adjustment



3.2 实现

1. 能否不要以 [x, y, z] T 的形式参数化每个点?

答: 能,如题目中说的,可以采用逆深度参数化。

- 2. 取 4x4 的 patch 好吗?取更大的 patch 好还是取小一点的 patch 好? 答: 从结果看 4*4 可以。固定场景的话可能更大一点好, 但会增加运算量。
- 3. 从本题中,你看到直接法与特征点法在 BA 阶段有何不同? 答: 误差计算方法不同。重投影误差和 灰度误差.
- 4. 由于图像的差异,你可能需要鲁棒核函数,例如 Huber。此时 Huber 的阈值 如何选取?

答: 假设误差项是高斯分布的,则误差项的平方服从卡方分布,然后确定误差项的自由度,以及置信度,根据自由度

和置信度查找卡方分布表就能知道阈值是多少,一般置信度假设 0.95

3 直接法的 Bundle Adjustment



```
virtual void computeError() override
   const g2o::VertexSBAPointXYZ *vertexPw = static cast<const g2o::VertexSBAPointXYZ *>(vertex(0));
   const VertexSophus *vertexTcw = static cast<const VertexSophus *>(vertex(1));
    const Eigen::Vector3d point = vertexPw->estimate();
    const Sophus::SE3 T = vertexTcw->estimate();
   Eigen::Vector3d Pc = T * point;
   int cols = targetImg.cols;
                error[num] = origColor[num] - GetPixelValue(targetImg, u + x, v + y);
```

3 直接法的 Bundle Adjustment



```
VertexSophus *v = new VertexSophus();
   v->setId(i);
   v->setEstimate(poses[i]);
   optimizer.addVertex(v);
for (int i = 0; i < points.size(); i++)
   g2o::VertexSBAPointXYZ *v = new g2o::VertexSBAPointXYZ();
   v->setId(i + poses.size());
   v->setEstimate(points[i]);
   v->setMarginalized(true);
   optimizer.addVertex(v);
for (int i = 0; i < poses.size(); i++)
       EdgeDirectProjection *edge = new EdgeDirectProjection(color[j], images[i]);
       edge->setVertex(1, dynamic cast<VertexSophus *>(optimizer.vertex(i)));
       edge->setVertex(0, dynamic cast<g2o::VertexSBAPointXYZ *>(optimizer.vertex(j + poses.size())));
       edge->setInformation(Matrix16d::Identity());
       edge->setRobustKernel(new g2o::RobustKernelHuber());
       optimizer.addEdge(edge);
```



```
for (int i = 0; i < poses.size(); i++)
    VertexSophus *v = dynamic cast<VertexSophus *>(optimizer.vertex(i));
    poses[i] = v->estimate();
for (int i = 0; i < points.size(); i++)
    g2o::VertexSBAPointXYZ *v = dynamic cast<g2o::VertexSBAPointXYZ *>(optimizer.vertex(i + poses.size()));
    points[i] = v->estimate();
```



感谢各位聆听 Thanks for Listening



