

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Поиск семейств оптимальных маршрутов на морских картах

Иван Громаковский
Научный руководитель: А. С. Ковалев

Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет
информационных технологий, механики и оптики

13 мая 2015

Цели работы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

■ Формализация понятия оптимальности

Цели работы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Формализация понятия оптимальности
- Поиск семейств оптимальных маршрутов для принятия решения пользователем

Цели работы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Формализация понятия оптимальности
- Поиск семейств оптимальных маршрутов для принятия решения пользователем
- Реализация алгоритма, работающая в режиме реального времени

Актуальность задачи

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Проблемы поиска единственного маршрута:

- критерии оптимальности не всегда очевидны и формализуемы

Актуальность задачи

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Проблемы поиска единственного маршрута:

- критерии оптимальности не всегда очевидны и формализуемы
- не оставляет выбора пользователю

Актуальность задачи

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Проблемы поиска единственного маршрута:

- критерии оптимальности не всегда очевидны и формализуемы
- не оставляет выбора пользователю
- приводит к повышенной загруженности

Оптимальность маршрутов

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Назовём семейством оптимальных маршрутов из одной точки в другую максимальное по включению множество путей между этими точками, обладающее следующими свойствами:

- для любых двух маршрутов найдётся препятствие, размеры которого сопоставимы с длиной кратчайшего из маршрутов, которое обходится с разных сторон

Оптимальность маршрутов

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Назовём семейством оптимальных маршрутов из одной точки в другую максимальное по включению множество путей между этими точками, обладающее следующими свойствами:

- для любых двух маршрутов найдётся препятствие, размеры которого сопоставимы с длиной кратчайшего из маршрутов, которое обходится с разных сторон
- TODO: получше сформулировать первый пункт

Оптимальность маршрутов

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Назовём семейством оптимальных маршрутов из одной точки в другую максимальное по включению множество путей между этими точками, обладающее следующими свойствами:

- для любых двух маршрутов найдётся препятствие, размеры которого сопоставимы с длиной кратчайшего из маршрутов, которое обходится с разных сторон
- TODO: получше сформулировать первый пункт
- TODO: ещё пункты?

Существующие алгоритмы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Известные алгоритмы множественного поиска путей в графе имеют следующие недостатки:

- разрабатывались для других целей

Существующие алгоритмы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Известные алгоритмы множественного поиска путей в графе имеют следующие недостатки:

- разрабатывались для других целей
- не учитывают топологию

Существующие алгоритмы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

Известные алгоритмы множественного поиска путей в графе имеют следующие недостатки:

- разрабатывались для других целей
- не учитывают топологию
- строят очень похожие маршруты на морских картах

Существующие алгоритмы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев



Существующие алгоритмы

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев



Предобработка данных

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Карта → полигон

Предобработка данных

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Карта → полигон
- Оффсет (TODO: по-русски — смещение?) полигона

Предобработка данных

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Карта → полигон
- Оффсет (TODO: по-русски — смещение?) полигона
- Граф по сетке на плоскости + граф локальной видимости

Предобработка данных

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Карта → полигон
- Оффсет (TODO: по-русски — смещение?) полигона
- Граф по сетке на плоскости + граф локальной видимости
- Ограничение длины ребра

Предобработка данных

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Карта → полигон
- Оффсет (TODO: по-русски — смещение?) полигона
- Граф по сетке на плоскости + граф локальной видимости
- Ограничение длины ребра
- Дополнительные рёбра

Поиск одного маршрута

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Добавление вершин в граф
- TODO: картинка (картинки) для демонстрации

Поиск одного маршрута

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Добавление вершин в граф
- Алгоритм Дейкстры

- TODO: картинка (картинки) для демонстрации

Поиск одного маршрута

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Добавление вершин в граф
- Алгоритм Дейкстры
- Сокращение маршрута
 - Если подпуть $A \rightarrow B \rightarrow C$ можно выгодно заменить на $A \rightarrow C$, заменяем
 - Подразбиение маршрута
- TODO: картинка (картинки) для демонстрации

Поиск одного маршрута

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Добавление вершин в граф
- Алгоритм Дейкстры
- Сокращение маршрута
 - Если подпуть $A \rightarrow B \rightarrow C$ можно выгодно заменить на $A \rightarrow C$, заменяем
 - Подразбиение маршрута
- Сглаживание маршрута
- TODO: картинка (картинки) для демонстрации

Поиск нескольких маршрутов

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Поиск одного маршрута
- Обновление весов:
 - Потенциалы как функция кратчайших расстояний от фиктивной вершины
 - Обновление потенциалов
 - Применение потенциалов
- Проверка критерия остановки:
 - Длина маршрута
 - Метрики на маршрутах

Обновление весов

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Потенциалы должны быть множителями, а не слагаемыми
- TODO: Картинка
- На маршруте потенциалы меньше, чем поблизости
- TODO: Картинка

Метрики

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- $\rho_1(P, Q) = \max_{u \in P} \min_{v \in Q} \rho_g(u, v)$
- TODO: картинка для демонстрации
- TODO: вторая метрика
- TODO: картинка для демонстрации

Вычисление метрик

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Фиктивная вершина
- Обход Дейкстры, пока не посещены вершины второго пути
- Заканчиваем, если достигли необходимого значения
- Поиск ближайшей вершины (вторая метрика) — перебором
- На практике затраты на вторую метрику такие же низкие

Результаты

Поиск
семейств
оптималь-
ных
маршрутов
на морских
картах

Иван Грома-
ковский
Научный ру-
ководитель:
А. С.
Ковалев

- Разработан и реализован алгоритм построения семейств оптимальных маршрутов
- Проведено сравнение с существующими подходами
- Поиск выполняется примерно за полсекунды