## М.Е. Сохацький\*

## Випуск 1: Вбудовування теорії типів Мартіна-Льофа

Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського». 
\*Кореспондент: maxim@synrc.com

## Анотація

Ця стаття демонструє формальне вбудовування теорії типів Мартіна-Льофа в виконуючу кубічну типову систему з повним набором правил виводу. Це стало можливим завдяки кубічній теорії типів та типовому кубічному верифікатору **cubicaltt** в 2017 році. Був пройдений довгий шлях від чистих типових систем AUTOMATH де Брейна до гомотопічних типових верифікаторів. Ця стаття стосується тільки формального ядра теорії типів Мартіна-Льофа: П и  $\Sigma$  типів (які відповідають квантору загальності  $\forall$  та квантору існування  $\exists$  у класичній логіці) та типу-рівності.

Кожна мовна імплементація повинна бути протестована. Один з можливих сценаріїв тестування типових верифікаторів це пряме вбудовування в модель теорії типів виконуючого верифікатора. Так як всі типи в теорії формулюються за допомогою п'яти прарвил: формації, інтро, елімінації, обчисленя, рівності), ми зконструювали номінальні типи-синоніми для виконуючого верифікатора та довели, що це  $\varepsilon$  реалізацією МLTT. Це може розглядатися як універсальний тест для імплементації типового верифікатора, позаяк компенсаця інтро правила та правила елімінатора пов'язані в правилі обчислення та рівності (бета та ета редукціях). Таким чином, доводжучи реалізацію МLTT, ми доводимо властивості самого виконуючого верифікатора.

Більш формально, кубічне МLТТ вбудовування конструктивно виражає Ј елімінатор типу-рівності та його рівняння — правило обчислення, що було неможливо до кубічної інтерпретації. Також цей випуск відкриває серію статей присвячених формалізації основ математики в кубічній теорії типів, МLТТ моделюванню та кубічнії верифікації. Так як не всі можуть бути знайомі з теорією типів, це випуск також містить їх інтерпретації з точки зору різних розділів математики.

Додамо, що це тільки вхід в техніку прямого вбудовування і після МLТТ моделювання, ми можем піднятися вище — до вбудовування в систему індуктивних типів, і далі, до вбудовування СW-комплексів як зклейок вищих індуктивних типів.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>http://github.com/mortberg/cubicaltt