



ACM-ICPC Template Libraries

合肥工业大学宣城校区



Author: Netcan

Blog: <http://www.netcan.xyz>

2015 年 7 月 26 日

目录

第一章 数学	2
1.1 $0-20$ 的阶乘	2
1.2 错排公式	2
1.3 最小公倍数 $lcm(a,b)$ && 最大公约数 $gcd(a,b)$	2
1.4 母函数	2
1.5 高精度	3
1.5.1 加法 && 乘法	3
第二章 数据结构	5
2.1 二叉搜索树	5
2.2 并查集	6
第三章 图	8
3.1 邻接表	8
3.1.1 样例 1	8
3.1.2 样例 2	8

第一章 数学

1.1 0 - 20 的阶乘

```
const long long fac[21]={1,1,2,6,24,120,720,5040,40320,362880,
3628800,39916800,479001600,6227020800,
87178291200,1307674368000,20922789888000,
355687428096000,6402373705728000,121645100408832000,
2432902008176640000};
```

1.2 错排公式

有 n 个元素的排列，若一个排列中所有的元素都不在自己原来的位置上，错排数记为 $D(n)$ ，则

$$D(n) = (n-1)[D(n-1) + D(n-2)]$$

1.3 最小公倍数 $lcm(a,b)$ && 最大公约数 $gcd(a,b)$

```
inline int gcd(int a, int b) {
    return b==0?a:gcd(b,a%b)
}
inline int lcm(int a, int b) {
    return a/gcd(a,b)*b;
}
```

1.4 母函数

$G(x) = (1+x+x^2+\dots+x^N)(1+x^2+x^4+\dots+x^N)\dots(1+x^N)$ 展开后 x^N 的系数(注意溢出)

```
int c1[MAX_N], c2[MAX_N]; // c1表示每一项的系数, c2表示每个表达式的临时系数
for(int i=0; i<=N; ++i) { // 每一项应该初始化为1,即1+x+x^2+...+x^N
    c1[i] = 1;
    c2[i] = 0;
}
for(int i=2; i<=N; ++i) { // 从第二个表达式开始
    for(int j=0; j<=N; ++j) // 表示第一个表达式的第j项
```

```

    for(int k=0;k+j<=N;k+=i) // k表示后一个表达式的第k项
        c2[j+k] += c1[j]; // 这里应该是相当于C1*x^j * x^k=C1*x^(j+k), 即c2[k+j]+=C1[j]
    for(int j=0; j<=N; ++j) {
        c1[j] = c2[j]; // 确定x^j的系数
        c2[j] = 0;
    }
}

```

1.5 高精度

1.5.1 加法 && 乘法

适合大数的加法和乘法

```

struct BigInt {
    const static int nlen = 4; // 控制每个数组数字长度, 默认为4, 计算乘法的时候每个数组相乘也不会溢出int范围
    const static int mod = 10000; // 值为10^nlen
    short n[1000], len; // 最多存4*1000位长度, 可调, short占的内存小, 但是速度慢
    BigInt() {
        memset(n, 0, sizeof(n));
        len = 1;
    }
    BigInt(int num) {
        len = 0;
        while(num > 0) {
            n[len++] = num%mod;
            num/=mod;
        }
    }
    BigInt(const char *s) {
        int l = strlen(s);
        len = l % nlen == 0 ? l/nlen : l/nlen+1;
        int index = 0;
        for(int i=l-1; i>=0; i -= nlen) {
            int tmp = 0;
            int j = i-nlen+1;
            if(j<0) j = 0;
            for(int k=j; k<=i; ++k)
                tmp = tmp*10+s[k]-'0';
            n[index++] = tmp;
        }
    }
    BigInt operator+(const BigInt &b) const { // 加法
        BigInt res;
        res.len = max(len, b.len);
        for(int i=0; i<res.len; ++i) {
            res.n[i] += (i<len ? n[i]:0) + (i<b.len ? b.n[i]:0);
            res.n[i+1] += res.n[i]/mod;
            res.n[i] = res.n[i]%mod;
        }
        if(res.n[res.len] > 0) ++res.len;
        return res;
    }
    BigInt operator*(const BigInt &b) const { // 乘法

```

```
    BigInt res;
    for(int i=0; i<len; ++i) { // 类似母函数, 第一个数组
        int up = 0; // 进位
        for(int j=0; j<b.len; ++j) { // 第二个数组
            int tmp = n[i]*b.n[j] + up + res.n[i+j]; // 控制nlen=4是防止tmp溢出
            res.n[i+j] = tmp%mod;
            up = tmp/mod;
        }
        if(up!=0)
            res.n[i+b.len] = up;
    }
    res.len = len+b.len;
    while(res.n[res.len-1] == 0 && res.len>1 ) --res.len;
    return res;
}

void show() const {
    printf("%d", n[len-1]); // 先输出最高位, 后面可能需要前导0
    for(int i=len-2; i>=0; --i)
        printf("%04d", n[i]); // 前导0, %04d和nlen一致
    printf("\n");
}

};
```

第二章 数据结构

2.1 二叉搜索树

二叉搜索树是能够高效地进行如下操作的数据结构：

- 插入一个数值
- 查询是否包含某个数值
- 删除某个数值

时间复杂度： $O(\log(n))$

```
struct node { // 树节点
    int val;
    node *lch, *rch;
};

node *insert(node *p, int x) { // 插入数值x
    if(p == NULL) { // 新建节点插入
        node *q = new node;
        q->val = x;
        q->lch = q->rch = NULL;
        return q;
    }
    else {
        if(x < p->val) p->lch = insert(p->lch, x); // 往左边搜索
        else p->rch = insert(p->rch, x); // 往右边搜索
        return p;
    }
}

bool find(node *p, int x) { // 查找数值x
    if(p == NULL) return false; // 找不到
    else if(p->val == x) return true; // 找到
    else if(x < p->val) return find(p->lch, x); // 往左边搜索
    else return find(p->rch, x); // 往右边搜索
}

node *remove(node *p, int x) { // 删除数值x
    if(p == NULL) return NULL; // 找不到数值
    else if(x < p->val) p->lch = remove(p->lch, x); // 往左边搜索
    else if(x > p->val) p->rch = remove(p->rch, x); // 往右边搜索
    else { // 找到
        if(p->lch == NULL) { // 如果删除的节点没有左儿子,将右儿子提上来
            node *q = p->rch;
            p->rch = NULL;
            return q;
        }
        // 找到左儿子,将右儿子插入左儿子的右儿子
        p->rch = remove(p->lch->rch, x);
        return p;
    }
}
```

```

        delete p; // 删除
        return q;
    }
    else if(p->lch->rch == NULL) { // 如果删除的节点左儿子没有右儿子,将左儿子提上来
        node *q = p->lch;
        q->rch = p->rch;
        delete p; // 删除
        return q;
    }
    else { // 否则,将左儿子的子孙中最大的节点提上来
        node *q;
        for(q=p->lch; q->rch->rch; q=q->rch); // 往左儿子搜索最大节点
        node *r = q->rch; // r指向左儿子最大子孙节点,q指向最大儿子的父亲
        q->rch = r->lch; // 因为r为提上去的节点,将r的左儿子(有的话,否则为NULL)挂到q的右边
        r->lch = p->lch;
        r->rch = p->rch;
        delete p; // 删除
        return r;
    }
}
return p;
}
}
/*****Usage*****/
node *testbst=NULL; // 初始化
testbst = insert(testbst, x); // 插入数值x
if(find(testbst, x)) // 查找数值x
    // balabala
else
    // balabala
testbst = remove(testbst, x); // 删除数值x

```

2.2 并查集

并查集是一种用来管理元素分组情况的数据结构，可以高效地进行如下两种操作：

- 合并两个集合
- 查找某元素属于哪个集合

时间复杂度： $O(\alpha(n))$

```

int par[MAX_N];
// int height[MAX_N];
void init(int n) { // 初始化
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        par[i] = i;
        // height[i] = 0;
    }
}
int find(int x) { // 查找根节点(集合)+路径压缩
    return x==par[x]?x:par[x]=find(par[x]);
}
void unite(int x, int y) { // 合并集合
    x = find(x);
    y = find(y);
}

```

```
if(x!=y) {  
    par[x] = y;  
    // if(height[x] < height[y])  
    // par[x] = y;  
    // else  
    // par[y] = x;  
    // if(height[x] == height[y]) ++height[x];  
}  
}  
bool same(int x,int y) { // 判断两个元素是否同集合  
    return find(x) == find(y);  
}
```


第三章 图

3.1 邻接表

3.1.1 样例 1

```
#define MAX_V 100
vector<int> G[MAX_V];

/* 边上有属性
 * struct edge { int to, cost; };
 * vector<edge> G[MAX_V];
 */

int main()
{
    int V, E;
    cin >> V >> E;
    for(int i=0; i<E; ++i) {
        int s, t;
        cin >> s >> t;
        G[s].push_back(t); // s->t
        // G[s].push_back(edge(t, c));
        // G[t].push_back(s); // 无向图
    }
    // balabala...
}
```

3.1.2 样例 2