## Спецификация и моделирование распределенных информационных систем на основе сетей Петри

Зыбарев Ю. М., Зыбарев Е. Ю., Чернев С. П.

Институт вычислительной математики и математической геофизики СО РАН

#### 1. Введение

Концепция разработки современных формационных систем опирается на методы и инструментарий современной информационной логистики, архитектуру «клиент-сервер», сервисно-ориентированные архитектуры, возможности глобальной сети Интернет, сетевых и Webтехнологий. Распределенные многопользовательские информационные системы реализуются на базе сетевой инфраструктуры в виде виртуальных информационных сред. С интенсивным развитием Web-технологий одной из ключевых подсистем виртуальной информационной среды стал информационный портал, который ориентирован на интеграцию различных проблемно-ориентированных информационных систем, сервисов и информационных ресурсов с организацией консолидированной точки доступа к ним пользователей различных целевых групп с учетом их полномочий и решения задач информационной безопасности.

Одной из значимых проблем эффективного построения и функционирования на всех стадиях жизненного цикла информационной среды является сбалансированность всех её компонент с учетом архитектурных и технологических решений, архитектурных и ресурсных характеристик сетевой и серверной среды, возможностей масштабирования решений. Данный класс задач трудно решать без развитых средств спецификации и моделирования. Для решения задач анализа и выбора проектных решений при проектировании сложных динамических систем одним из наиболее эффективных инструментов является имитационное моделирование [1, 2]. Современные системы имитационного моделирования основаны на различных математических схемах. Для анализа и проектирования различных систем широкое распространение получил аппарат сетей Петри [2-5]. Наличие различных обобщений (классов) сетей Петри делает возможным на их основе осуществлять спецификацию сложных систем в виде математического (формализованного) представления, что дает возможность качественного анализа. Анализ сетей Петри и их реализация в виде компьютерной имитационной модели помогает получить важную информацию о структуре и динамическом поведении моделируемой системы и оценивать варианты организации системы с целью поиска наиболее эффективных решений.

В данной статье рассматриваются вопросы спецификации и моделирования на основе сетей

Петри распределенных информационных систем, реализуемых в архитектуре «клиент-сервер».

#### 2. Определения и краткая характеристика сетей Петри

В классическом варианте [3, 4] простой сетью Петри называется набор  $< P, T, A, F, M_0 >$ , где:

- 1.  $P = \{p_1, \dots, p_m\}$  множество позиций, соответствующее множеству условий (состояний) в системе
- 2.  $T = \{t_1, ..., t_n\}$  множество переходов, соответствующее множеству процессов моделируемой системы.
- 3.  $A = \{(p_i, t_j) \text{ или } (t_k, p_i) | t_j, t_k \in T, p_i, p_i \in P\}$  конечное множество дуг сети.
- 4. F функция кратности дуг, которая ставит в соответствие каждой дуге  $(p_i,t_j)$  (или  $(t_k,p_l)$ ) неотрицательное целое число  $f_i$  (или  $f_{kl}$  соответственно).
- 5.  $M_0$  функция начальной маркировки сети Петри, которая ставит в соответствие каждой позиции  $p \in P$  целое неотрицательное число M(p); таким образом, маркировка сети Петри представляется вектором  $M = (M(p_1), M(p_2), ... M(p_m))$ .
- 6. В маркированной сети происходит движение маркеров, которое подчиняется следующим правилам законам функционирования сети Петри:
- Переход  $t_j \in T$  считается возбужденным при маркировке M, если в каждой его входной позиции  $p_i \in t_j$  число маркеров равно или превышает кратность дуги  $f_j$  или в векторном виде  $M \geq F(\ ,t_i)$ , где  $F(\ ,t_i) = (F(p_1,t_i),...,F(p_m,t_i))$ .
- Возбужденный при маркировке M переход  $t_j$  срабатывает, изымая из каждой его входной позиции  $p_i \in {}^{\bullet}t_j$   $f_{ij}$  маркеров и помещая в каждую его выходную позицию  $p_k \in t_j^{\bullet} f_{jk}$  маркеров. При этом маркировка M заменяется на M', что обозначается  $M \Big| t_j \Big\rangle$ , причём  $M' = M F(\_, t_j) + F(t_j, \_)$ , где вектор  $F(t_j, \_)$  определен по аналогии с вектором  $F(\_, t_j)$ .
- Переход не может находиться в состоянии возбуждения бесконечно долго; он должен либо сработать, либо возбуждение с него должно быть снято срабатыванием другого перехода.
- Срабатывание происходит мгновенно, а в один и тот же момент времени срабатывает только один переход.

Как видим, сеть Петри представляется ориентированным маркированным двудольным муль-

тиграфом, который имеет вершины двух типов: вершины-позиции, их множество  $P = \{p_1, ..., p_m\}$ и вершины-переходы, их множество  $T = \{t_1, ..., t_n\}$ . Дуги графа могут связывать только разнотипные вершины, при этом кратность дуги из позиции в переход равна F(p,t), а кратность дуги из перехода в позицию – F(t,p) (если F(p,t)=0 или F(t, p) = 0, то дуги не существует). Графовое представление сетей Петри удобно для визуального анализа моделируемой системы. При графическом представлении сети Петри позиции изображают в виде кружочков, а переходы - в виде черточек или прямоугольников, дуги помечаются значениями функций F(p,t) и F(t,p). Маркировка на графе обозначается точками (фишками или маркерами) в позициях.

Для спецификации и моделирования сложных систем возможностей простых оказывается недостаточно, поэтому в аппарате сетей Петри сформулированы и развиваются различные варианты их обобщения: раскрашенные, временные, иерархические и т.д. В частности, используемая в данной статье модификация раскрашенных сетей Петри оперирует с маркерами различных цветов. В отличии от простых сетей Петри, эта модель снабжена функцией охраны переходов и функцией цвета  $C: P \to \Sigma$ . Функция охраны переходов позволяет переходу выполнится только при соблюдении определённых дополнительных условий. Функция цвета определяет допустимое множество цветов C(p) маркеров для каждой позиции  $p \in P$ . В результате функция кратности дуг усложняется, превратившись в функцию выражений дуг, которая фиксирует не только число маркеров, но и их цвет. Начальная разметка раскрашенной сети Петри реализуется в виде функции, которая каждой позиции ставит в соответствие набор маркеров различных (определенно заданных) цветов в виде мультимножества, определенном над  $C(p), p \in P$ .

В раскрашенной сети движение маркеров определяется совокупностью предикатов/функций, определенных в пространстве мультимножеств  $(C(p),\ p\in P)$  над заданным множеством цветов:

- при этом функции охраны переходов задают условия возбуждения переходов, проверяющие для текущей маркировки сети наличие необходимых наборов мультимножеств (в соответствии с допустимыми для рассматриваемой позиции цветами) и их количественных характеристик для сопряженных (входных и выходных) с выделенным переходом позиций;
- для возбужденных переходов (т.е. с истинными значениями функции охраны переходов) правила (алгоритмы) их срабатывания определяют какого цвета и в каком количестве маркеры из входных позиций изымается и что поступает в выходные позиции.

Более подробную информацию о раскрашенных и других классах сетей Петри можно найти в [3, 4]. Для спецификации и моделирования рассма-

триваемого нами класса информационных систем использован класс раскрашенных временных сети Петри.

# 3. Спецификация распределенных информационных систем, реализованных в архитектуре «клиент-сервер», на основе сетей Петри

Рассматриваемый класс распределенных информационных систем и информационных сред реализуется на базе сетевых технологий и технологий Интернет в архитектуре «клиент-сервер». Модель такой архитектуры описывает процессы функционирования и взаимодействия двух подсистем: «клиентской» и «серверной». В общем случае, моделируемая информационная среда содержит некоторое (заданное) количество «клиентов» и «серверный кластер», при этом каждый из «клиентов» может обращаться с запросами к одному или более серверам, а каждый сервер серверного кластера взаимодействует с разными «клиентами» и другими серверами.

«Клиент», как правило, реализует синхронный или асинхронный режим функционирования. При синхронном режиме «клиент» посылает запрос «серверу» и ожидает ответа и только после получения ответа продолжает работу. Для асинхронного режима «клиент», послав запрос «серверу», может не ожидать ответа и продолжить работу, после получения ответа обработать его. Серверная подсистема обрабатывает информацию, обеспечивает поддержку базы данных, формирует информационные сообщения для «клиентов», принимает и обрабатывает запросы «клиентов». Если серверная подсистема реализована в виде серверного кластера, т.е. в виде нескольких взаимосвязанных серверов (например, сервер общего назначения, сервер баз данных, почтовый сервер и т.д.), то реализуются процессы взаимодействия серверов. Кроме этого, серверная подсистема может реализовывать внутрисистемные процессы.

#### 3.1. Базовая модель в виде сети Петри

Базовая модель распределенной информационной среды, реализованной на базе сетевых технологий и технологий Интернет в архитектуре «клиент-сервер», представлена в виде сети Петри на рис. 1.

Спецификация позиций сети Петри для модели информационной системы в архитектуре клиент-сервер.

В данной сети Петри все маркеры характеризуются цветом (ID, Data). При этом ID определяет идентификатор клиента (целое число), Data — непосредственно полный набор данных передаваемой информации между «клиентом» и «сервером» в парах:

Data = list of (ids, key, value), где: ids – идентификатор набора данных в подсистеме клиента (целое число); key – название ключевого зна-

чения (строковый тип); *value* – значение поля (двоичный набор данных).

Рассмотрим позиции  $P = \{p_{ij},...,pm\}$ , маркеры которых интерпретируются следующим образом:

- $p_{\theta}$  маркеры данной позиции содержат в себе информацию каждого приложения «клиента». Фактически, данная позиция представляет собой локальную базу данных «клиента». Наличие поля ID в цвете маркера позволяет отличать данные различных клиентов при моделировании, а ids в поле Data наборы данных.
- $p_I$  маркеры, каждый из которых интерпретируется как программный модуль «клиента», реализующий активный клиентский процесс.
- $p_2$  позиция, маркеры которой интерпретируется как исходящие запросы, т.е. информационные сообщения сформированные «клиентом» для передачи серверной подсистеме. При передаче информации каждый маркер несет в себе информацию о номере «клиента», инициировавшего передачу, в поле ID. При необходимости, устанавливается ненулевое значение ids в Data.
- $p_{_{\! 3}}$  маркеры данной позиции интерпретируется как сообщения, поступающие «клиенту» от «сервера».
- $p_4$  каждый из маркеров в данной позиции интерпретируется как программный модуль из библиотеки «клиента».
- $p_{s}$  маркеры данной позиции интерпретируется как сообщения, поступившие от «клиентов» к «серверу».
- $p_6$  маркеры этой позиции соответствуют информационным сообщениям, сформированным «сервером» для «клиентов». При этом каждый маркер содержит непустое поле ID, фактически определяющее получателя для данного сообщения.
- $m{p}_{7}$  каждый из маркеров в данной позиции интерпретируется как программный модуль из библиотеки «серверной подсистемы», соответствующий активному (выполняемому) процессу.
- $p_{\it g}$  маркеры данной позиции интерпретируется как программные модули из библиотеки «серверной подсистемы».
- $p^*$  маркеры данной позиции содержат в себе информацию каждого серверного приложения. Фактически, данная позиция представляет собой базу данных (локальную или глобальную) «сервера».
- $pr_s$  —маркеры данной позиции соответствуют спецификации вычислительных ресурсов серверного кластера (т.е. характеризуют архитектуру и производительность компьютерного кластера).
- $pr_k$  маркеры данной позиции характеризуют ресурсные возможности сетевой инфраструктуры для работы с клиентом с номером ID, в частности, это может быть пропускная способность канала и т.д.

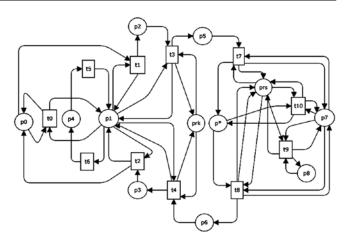


Рис. 1. Сеть Петри для информационной системы, реализованной в архитектуре «клиент-сервер»

Переходы и правила срабатывания для них сети Петри для модели информационной системы в архитектуре «клиент-сервер»:

Переходы  $T = \{t0, ..., tm\}$  данной сети Петри описывают (моделируют) следующие процессы информационной системы:

- $t_{o}$  этот переход моделирует работу проблемной системы на стороне клиента. Его работа перехода определяется бизнес-логикой «клиента». При срабатывании данного перехода происходит формирование набора записей Data, в зависимости от внешних условий или внутренних вычислений в переходе. Важно отметить, что ни один переход данной сети не меняет значение поля ID.
- $t_{I}$  переход моделирует формирование запроса «клиента» к «серверу».
- $t_2$  этот переход моделирует процесс обработ-ки «клиентом» сообщений, поступивших от «сервера».
- $t_3$  переход реализует процесс передачи информационных сообщений, сформированных «клиентом», серверной подсистеме.
- $t_{_{\! 4}}$  переход реализует процесс передачи «клиентам» информационных сообщений, сформированных «сервером».
- $t_{\rm 5}$  и  $t_{\rm 6}$  переходы, моделирующие процессы смены состояния «клиента», соответственно, из пассивного состояния в активное и обратно.
- $t_7$  данный переход моделирует процесс приема сервером поступающих от «клиентов» информационных сообщений и их первичной обработки.
- $t_8$  срабатывание данного перехода означает выполнение процесса формирования «сервером» информационных сообщений для «клиентов».
- $t_{g}$  переход, моделирующий работу внутрисистемных процессов серверной подсистемы по обработке запроса «клиента» с номером ID.
- $t_{1\theta}$  моделирует работу функциональной подсистемы проблемной системы, реализованной на серверном кластере. Ниже в работе рассмотрим декомпозицию данного перехода.

Времена выполнения каждого перехода могут быть определены фиксированными величинами, что фактически означает независимость продол-

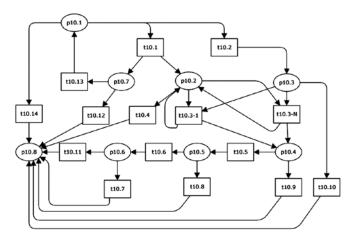


Рис. 2. Обобщенная модель информационного портала

жительности обработки запроса от сложности задачи, или рассматриваться в виде случайной величины. При этом наличие переходов prs и prk в модели позволяет учитывать загруженность сетевой инфраструктуры и наличие свободных ресурсов вычислительной системы серверного кластера.

## 3.2. Модель информационного портала — одной из основных составляющих серверной подсистемы информационной системы

На рис. 2 представлена обобщенная модель информационного портала в виде сети Петри. По существу, данная модель является более детализированным описанием перехода  $t_{10}$  сети Петри, представленной в п 3.1 (см. рис. 1)

В данной сети Петри маркеры могут иметь цвета двух типов: (ID, Req) и (ID, Data). В обоих случаях ID обозначает идентификатор сетевого соединения, по этому идентификатору Web-сервер определяет, кому направить ответные данные. Req — это сам запрос, Data — полученные данные в результате обработки запроса сервером. Для описания процесса функционирования сети определим допустимые в сети цвета:

- ID=(Id\_client, Id\_req, Full, Number, Id\_app), где:
  Id\_client целое неотрицательное число; Id\_req
  целое неотрицательное число; Full логического типа с набором значений {true, false};
  Number целое неотрицательное число; Id\_app
  целое неотрицательное число;
- Req = list of (key, value), где: key название ключевого значения (строковый тип); value значение поля (двоичный набор данных).;
- Data = list of (ids, key, value), где: ids идентификатор набора данных в приложении (целое число); key — название ключевого значения (строковый тип); value — значение поля (двоичный набор данных).

### Спецификация позиций сети Петри для модели информационного портала:

p10.1 — маркеры позиции соответствуют запросам к порталу от пользователя, т.е. появление нового маркера вызывается внешней по отношению к

порталу системой; маркеры этой позиции характеризуются цветом (ID, Req).

*p10.2* — позиция, где маркеры описывают сохраненные результаты заполнения промежуточных форм и промежуточных результатов работы приложений; при этом цвет маркетов позиции определяется как (ID,Req).

p10.3 — позиция, маркеры которой инициируют запуск приложения, и их цвет фишек определяется как (ID, Data).

р10.4 — маркеры позиции характеризуют наличие результата работы приложения и возможность дальнейшего преобразования ответа системами персонификации и кастомизации; цвета маркеров позиции определяются как (ID, Data).

p10.5 – маркеры позиции определяют наличие персонифицированного ответа для пользователя, цвет маркеров этой позиции имеют вид (ID, Data).

р10.6 — маркеры позиции характеризуют наличие кастомизированного ответа для пользователя; позиция, так же как и позиция р10.5, содержит маркеры цвета (ID, Data), включающие набор данных в дальнейшем отображаемых для пользователя.

р10.7 — маркеры позиции определяют обязательность передачи дополнительных данных пользователем, т.е. при наличии маркеров в этой позиции портал генерирует форму для пользователя и требует ее заполнения; цвет маркеров позиции определяется как (ID, Data), а записи поля Data определяют характеристики формы дополнительных запросов пользователю.

р10.8 — маркеры этой позиции определяют результат работы портала по предоставлению информации пользователю и имеют цвет (ID, Data), а данные поля Data есть законченный HTML-документ.

Переходы и правила срабатывания для них сети Петри для модели информационного портала:

t10.1 — переход выполняет анализ маркеров позиции p10.1 на основе поля Full и срабатывает только в том случае, если поле Full для маркеров входной позиции имеет значение false. В этом случае, переход копирует маркер в позицию p10.2 и создает новый маркер в позиции p10.7 со значением Number = Number + 1 и полем Data, содержащим дополнительную информацию для пользователя, которому отобразится форма.

t10.2 — переход срабатывает в случае поступления завершенного ответа от пользователя в том случае, если поле Full для маркера позиции p10.1 будет иметь значение true; в этом случае переход изымает маркер из входной позиции и создает маркер в позиции p10.3, наличие которого инициирует процедуру запуска одного из приложений.

Переходы (t10.3-1)—(t10.3-N) моделируют работу информационных сервисных служб портала (подсистемы новостей, документов, форумов, почтовой службы и т.д.) и проблемной информационной системы серверной подсистемы виртуальной

информсреды. В качестве требования к срабатыванию переходов этой группы является наличие маркеров в позиции p10.3 и в позиции p10.2 со значением поля  $Id\_App$  равному идентификатору приложения  $App\_N$ . Работа перехода (t10.3-i) определяется бизнес-логикой соответствующего i-го приложения. Обязательным требованием для приложения является требование к подготовке ответа в виде маркера для позиции p10.4.

t10.5 — переход моделирует работу компоненты (подсистемы) персонификации и требованием к срабатыванию перехода является наличие маркера в позиции p10.4, а результатом работы является создание маркера (ID, Data) в позиции p10.5.

t10.6 — переход моделирует работу компоненты (подсистемы) кастомизации и срабатывает при наличии маркера в позиции p5 и выполняет подготовку кастомизированного ответа в позицию p6.

*t10.11* — переход выполняет визуализацию ответа, находящегося в поле Data, позиции *p10.6*. На основе данных выполняется подготовка отображаемого ответа в формате HTML или в виде бинарных данных мультимедиа-потока.

*t10.13* — переход, моделирующий подготовку ответа пользователя, на основе данных, запрашиваемых сервером в позиции *p10.7*, т.е. переход моделирует работу пользователя с дополнительными данными, запрашиваемыми порталом.

t10.4, t10.7, t10.8, t10.9, t10.10, t10.12 и t10.14 — переходы — таймеры, которые реализуют механизмы удаления устаревшей информации из позиций в тех случаях, если информационные сообщения, моделируемые соответствующими маркерами из входных позиций, не обрабатываются в течение времени больше заданной пороговой величины базовыми функциональными подсистемами портала (переходами приложений, кастомизации и др.). Функция выражения дуг для выходных дуг перехода t10.4 равна пустому мультимножеству, а для остальных — (ID, Data), где Data имеет вид отрицательного ответа.

В данном варианте сети все переходы-таймеры имеют заданные времена задержки при выполнении, которые равны времени ожидания ответа, а все остальные переходы выполняются сразу после активизации.

Практическая реализация. На основе предложенных сетей Петри для моделирования распределенных многопользовательских информационных систем в программной инструментальной системе Design/CPN разработаны компьютерные модели, которые позволяют анализировать проектные решения с учетом параметров информационной среды (характеристик информационной системы, состава и архитектуры серверного кластера, емкости используемых каналов передачи данных и т.д.). Такой анализ позволяет дать оценку масштабированных вариантов проектных решений сбалансированных относительно основных компонент рассматриваемой информационной системы. Разработанные модели применялись

в рамках проекта INTAS Ref. № 1000013-9357 «Distributed (Internet-based) automated system for acquiring and analysis of eye tracking data» при создании виртуальной информационной среды в сети Интернет, ориентированной на организацию информационно-технологической поддержки проведения прикладных исследований на основе регистрации параметров взгляда испытуемого (оператора) при его работе с информацией, размещенной на экране монитора.

#### Литература

- Bulgren W.G. Discrete system simulation. Englewood Cliffs: Prentice-Hall, 1982.
- Bernard P. Zeigler, Tag Gon Kim, Herbert, Theory of Modeling and Simulation. 2 edition, Academic Press, 2007.
- Jensen K. Coloured Petri Nets Berlin a. o.: Springer-Verlag, 1996.
- Зыбарев Е.Ю., Зыбарев Ю.М. Сети Петри как язык спецификации дискретных систем. Сборник трудов «Теория вычислений и языки спецификаций». – Новосибирск: изд-во ИМ СО РАН, 1995. – С. 186-201.
- 5. Зыбарев Ю.М., Чернев С.П. Спецификация функциональной модели информационного портала сетями Петри, Исследовано в России, 2003.