УДК 681.3

МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССА ФЛУД-АТАКИ НА ПОЧТОВЫЙ СЕРВЕР: ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ВРЕДОНОСНОЙ ПРОГРАММЫ EMAIL-FLOODER

В.В. Бутузов, П.А. Паринов

В работе на основе аппарата теории сетей Петри-Маркова производиться моделирование процесса реализации флуд-атаки на почтовый сервер, с использованием вредоносной программы Email-flooder Ключевые слова: флуд-атака, Email-flooder, сети Петри-Маркова

Рассмотрим флуд-атаку на почтовый сервер, c использованием вредоносной

программы Email-flooder [1, 2]. Смоделируем данную атаку с помощью

сети Петри-Маркова [3], где S_i - позиции, t_i

переходы процесса. В частности: S_1 — злоумышленник имеет информацию

для формирования команды вредоносной программе Email-flooder;

 S_2 – хост злоумышленника готов; формирование комадны для управляющего сервера;

 S_3 –команда для управляющего сервера готова:

 S_4 – управляющий сервер готов принять команду; *t*₂ – отпрака команды управляющему

серверу; S_{5} управляющий сервер принял команду для дальнейшей ее пересылке;

 S_6

устройство вредоносной cпрограммой Email-flooder готово принять команду от управляющего сервера; t_3 – отправка команды устройствам с

 S_7 – устройства вредоносной cпрограммой приняли команду; t_4 – обработка принятой команды;

t₆ - настройка вредоносной программы

 t_7 — отправка сообщений и помещение

 S_8 - команда обработана; формирование сообщений,

соответствии с принятой командой; сообщения для отправки сформированы;

Email-flooder; S_{10} - вредоносная программа Emailflooder настроена и готова к атаке;

 S_{11} - атакуемый почтовый сервер готов принять сообщения;

их в очередь почтового сервера;

 S_{12} — сообщения помещены в очередь почтового сервера; t_8 – переполнение очереди почтового

сервера; S_{13} пользователь не может обрабатывать поступающие сообщения. Вид данной сети представлен на рис. 1

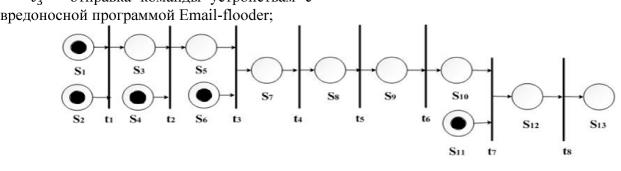


Рис. 1. Вид сети Петри-Маркова для флуд-атаки на почтовый сервер, с использованим вредоносной программы Email-flooder

e-mail: manc@comch.ru Паринов Павел Александрович – ВГТУ, студент, e-mail: manc@comch.ru

Бутузов Владимир Вячеславович – ВГТУ, аспирант,

могут быть записаны (без учета $\frac{t_1}{S_1} = \frac{t_2}{S_1} = \frac{t_3}{S_1} = \frac{t_4}{S_1} = \frac{t_5}{S_1} = \frac{t_7}{S_1} = \frac{t_7}{S_1$	едующим
$ \frac{t_1}{S_1} \frac{t_2}{1} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $	
$ S_1 = \begin{cases} S_1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_2 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_3 & S_1t_1 \cap S_2t_1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_4 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_5 & 0 & S_3t_2 \cap S_4t_2 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_5 & 0 & S_3t_2 \cap S_4t_2 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_7 & 0 & 0 & S_5t_3 \cap S_6t_3 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ S_8 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_9 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ S_9 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ S_{10} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ S_{12} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ S_{13} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{13} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{13} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{13} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{14} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{15} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ S_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & $	
$V_{S_1t_8} = \begin{cases} S_2 \\ S_3 \\ S_4 \\ S_5 \\ S_6 \\ S_7 \\ S_8 \\ S_9 \\ S_9 \\ S_{10} \\ S_{$	t_8
S_{11} 0 0 0 0 0 0 0 0 1 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{12} 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{13} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ Для данной сети Петри-Маркова имеет интегрально-дифференциальны уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_5}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_$	0
S_{11} O	0
S_{11} 0 0 0 0 0 0 0 0 1 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{12} 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{13} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ Для данной сети Петри-Маркова имеет интегрально-дифференциальны уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_5}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_$	0
S_{11} 0 0 0 0 0 0 0 0 1 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{12} 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{13} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ Для данной сети Петри-Маркова имеет интегрально-дифференциальны уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_5}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_$	0
S_{11} 0 0 0 0 0 0 0 0 1 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{12} 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{13} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ Для данной сети Петри-Маркова имеет интегрально-дифференциальны уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_5}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_$	0
S_{11} 0 0 0 0 0 0 0 0 1 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{12} 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{13} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ Для данной сети Петри-Маркова имеет интегрально-дифференциальны уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_5}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_$	0
S_{11} O	0
S_{11} 0 0 0 0 0 0 0 0 1 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{12} 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ S_{13} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $S_{10}t_7 \cap S_1$ Для данной сети Петри-Маркова имеет интегрально-дифференциальны уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_5}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \qquad \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_$	0
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0
$S_{12} \atop S_{13} \mid 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 $	0
S_{13} 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 Для данной сети Петри-Маркова имеет уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_2t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_0t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_1t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau) \Phi_{S_1t_7}(\tau)$	•
Для данной сети Петри-Маркова имеет уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{1}(t) = \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) \Phi_{S_2t_1}(t) + f_{S_1t_1}(\tau) \Phi_{S_1t_1}(t),$ $\Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_{1}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{2}(t) = \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_{S_4t_2}(t) + f_{S_4t_2}(\tau) \Phi_{S_3t_2}(t),$ $\Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{2}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{3}(t) = \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{S_6t_3}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_5t_3}(t),$ $\Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{3}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_8t_5}(t) = \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau,$. 1
место следующая система уравнений: $\Phi_{S_1t_1}(t) = \pi_{11} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_2t_1}(t) = \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{1}(t) = \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) \Phi_{S_2t_1}(t) + f_{S_1t_1}(\tau) \Phi_{S_1t_1}(t),$ $\Phi_{S_3t_2}(t) = \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_{1}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_4t_2}(t) = \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{2}(t) = \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_{S_4t_2}(t) + f_{S_4t_2}(\tau) \Phi_{S_3t_2}(t),$ $\Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{2}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{3}(t) = \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{S_6t_3}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_5t_3}(t),$ $\Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_{3}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_8t_5}(t) = \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{10} \tau \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau,$	X
$\begin{split} \Phi_{S_{1}t_{1}}(t) &= \pi_{11} \int_{0}^{t} f_{S_{1}t_{1}}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{2}t_{1}}(t) &= \pi_{21} \int_{0}^{t} f_{S_{1}t_{1}}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{1}(t) &= \int_{0}^{t} f_{S_{1}t_{1}}(\tau) \Phi_{S_{2}t_{1}}(t) + f_{S_{1}t_{1}}(\tau) \Phi_{S_{1}t_{1}}(t), \\ \Phi_{S_{3}t_{2}}(t) &= \pi_{32} \int_{0}^{t} f_{S_{3}t_{2}}(\tau) \Phi_{1}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{4}t_{2}}(t) &= \pi_{42} \int_{0}^{t} f_{S_{4}t_{2}}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{2}(t) &= \int_{0}^{t} f_{S_{3}t_{2}}(\tau) \Phi_{S_{4}t_{2}}(t) + f_{S_{4}t_{2}}(\tau) \Phi_{S_{3}t_{2}}(t), \\ \Phi_{S_{5}t_{3}}(t) &= \pi_{53} \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{2}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{6}t_{3}}(t) &= \pi_{63} \int_{0}^{t} f_{S_{6}t_{3}}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{3}(t) &= \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{6}t_{3}}(t) + f_{S_{6}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{5}t_{3}}(t), \\ \Phi_{S_{7}t_{4}}(t) &= \pi_{74} \int_{0}^{t} f_{S_{7}t_{4}}(\tau) \Phi_{3}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{8}t_{5}}(t) &= \pi_{85} \int_{0}^{t} f_{S_{8}t_{5}}(\tau) \Phi_{S_{7}t_{4}}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{9}t_{6}}(t) &= \pi_{96} \int_{0}^{t} f_{S_{9}t_{6}}(\tau) \Phi_{S_{8}t_{5}}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{10}t_{7}}(t) &= \pi_{10} \tau \int_{0}^{t} f_{S_{10}t_{7}}(\tau) \Phi_{S_{9}t_{6}}(t-\tau) d\tau, \end{split}$	
$\begin{split} \Phi_{S_2t_1}(t) &= \pi_{21} \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) d\tau, \\ \Phi_1(t) &= \int_0^t f_{S_1t_1}(\tau) \Phi_{S_2t_1}(t) + f_{S_1t_1}(\tau) \Phi_{S_1t_1}(t), \\ \Phi_{S_3t_2}(t) &= \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_4t_2}(t) &= \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \\ \Phi_2(t) &= \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_{S_4t_2}(t) + f_{S_4t_2}(\tau) \Phi_{S_3t_2}(t), \\ \Phi_{S_5t_3}(t) &= \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_6t_3}(t) &= \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \\ \Phi_3(t) &= \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{S_6t_3}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_5t_3}(t), \\ \Phi_{S_7t_4}(t) &= \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_8t_5}(t) &= \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_9t_6}(t) &= \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_10t_7}(t) &= \pi_{107} \int_0^t f_{S_10t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \end{split}$	
$\begin{split} \Phi_{1}(t) &= \int_{0}^{t} f_{S_{1}t_{1}}(\tau) \Phi_{S_{2}t_{1}}(t) + f_{S_{1}t_{1}}(\tau) \Phi_{S_{1}t_{1}}(t), \\ \Phi_{S_{3}t_{2}}(t) &= \pi_{32} \int_{0}^{t} f_{S_{3}t_{2}}(\tau) \Phi_{1}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{4}t_{2}}(t) &= \pi_{42} \int_{0}^{t} f_{S_{4}t_{2}}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{2}(t) &= \int_{0}^{t} f_{S_{3}t_{2}}(\tau) \Phi_{S_{4}t_{2}}(t) + f_{S_{4}t_{2}}(\tau) \Phi_{S_{3}t_{2}}(t), \\ \Phi_{S_{5}t_{3}}(t) &= \pi_{53} \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{2}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{6}t_{3}}(t) &= \pi_{63} \int_{0}^{t} f_{S_{6}t_{3}}(\tau) d\tau, \\ \Phi_{3}(t) &= \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{6}t_{3}}(t) + f_{S_{6}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{5}t_{3}}(t), \\ \Phi_{S_{7}t_{4}}(t) &= \pi_{74} \int_{0}^{t} f_{S_{7}t_{4}}(\tau) \Phi_{3}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{8}t_{5}}(t) &= \pi_{85} \int_{0}^{t} f_{S_{8}t_{5}}(\tau) \Phi_{S_{7}t_{4}}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{9}t_{6}}(t) &= \pi_{96} \int_{0}^{t} f_{S_{9}t_{6}}(\tau) \Phi_{S_{8}t_{5}}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{10}t_{7}}(t) &= \pi_{10} \tau \int_{0}^{t} f_{S_{10}t_{7}}(\tau) \Phi_{S_{9}t_{6}}(t-\tau) d\tau, \end{split}$	
$\begin{split} \Phi_{S_3t_2}(t) &= \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_4t_2}(t) &= \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \\ \Phi_2(t) &= \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_{S_4t_2}(t) + f_{S_4t_2}(\tau) \Phi_{S_3t_2}(t), \\ \Phi_{S_5t_3}(t) &= \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_6t_3}(t) &= \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \\ \Phi_3(t) &= \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{S_6t_3}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_5t_3}(t), \\ \Phi_{S_7t_4}(t) &= \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_8t_5}(t) &= \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_9t_6}(t) &= \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{10}t_7}(t) &= \pi_{107} \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \end{split}$	
$\begin{split} \Phi_{S_3t_2}(t) &= \pi_{32} \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_1(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_4t_2}(t) &= \pi_{42} \int_0^t f_{S_4t_2}(\tau) d\tau, \\ \Phi_2(t) &= \int_0^t f_{S_3t_2}(\tau) \Phi_{S_4t_2}(t) + f_{S_4t_2}(\tau) \Phi_{S_3t_2}(t), \\ \Phi_{S_5t_3}(t) &= \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_6t_3}(t) &= \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau, \\ \Phi_3(t) &= \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{S_6t_3}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_5t_3}(t), \\ \Phi_{S_7t_4}(t) &= \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_8t_5}(t) &= \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_9t_6}(t) &= \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau, \\ \Phi_{S_{10}t_7}(t) &= \pi_{107} \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, \end{split}$	
$\Phi_{2}(t) = \int_{0}^{t} f_{S_{3}t_{2}}(\tau) \Phi_{S_{4}t_{2}}(t) + f_{S_{4}t_{2}}(\tau) \Phi_{S_{3}t_{2}}(t),$ $\Phi_{S_{5}t_{3}}(t) = \pi_{53} \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{2}(t - \tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{6}t_{3}}(t) = \pi_{63} \int_{0}^{t} f_{S_{6}t_{3}}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{3}(t) = \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{6}t_{3}}(t) + f_{S_{6}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{5}t_{3}}(t),$ $\Phi_{S_{7}t_{4}}(t) = \pi_{74} \int_{0}^{t} f_{S_{7}t_{4}}(\tau) \Phi_{3}(t - \tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{8}t_{5}}(t) = \pi_{85} \int_{0}^{t} f_{S_{8}t_{5}}(\tau) \Phi_{S_{7}t_{4}}(t - \tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{9}t_{6}}(t) = \pi_{96} \int_{0}^{t} f_{S_{9}t_{6}}(\tau) \Phi_{S_{8}t_{5}}(t - \tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_{7}}(t) = \pi_{107} \int_{0}^{t} f_{S_{10}t_{7}}(\tau) \Phi_{S_{9}t_{6}}(t - \tau) d\tau,$	
$\Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau,$ $\Phi_3(t) = \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{S_6t_3}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_5t_3}(t),$ $\Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_8t_5}(t) = \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{107} \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau,$	
$\Phi_{S_5t_3}(t) = \pi_{53} \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_2(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_6t_3}(t) = \pi_{63} \int_0^t f_{S_6t_3}(\tau) d\tau,$ $\Phi_3(t) = \int_0^t f_{S_5t_3}(\tau) \Phi_{S_6t_3}(t) + f_{S_6t_3}(\tau) \Phi_{S_5t_3}(t),$ $\Phi_{S_7t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7t_4}(\tau) \Phi_3(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_8t_5}(t) = \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{107} \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau,$	
$\Phi_{S_{6}t_{3}}(t) = \pi_{63} \int_{0}^{t} f_{S_{6}t_{3}}(\tau) d\tau,$ $\Phi_{3}(t) = \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{6}t_{3}}(t) + f_{S_{6}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{5}t_{3}}(t),$ $\Phi_{S_{7}t_{4}}(t) = \pi_{74} \int_{0}^{t} f_{S_{7}t_{4}}(\tau) \Phi_{3}(t - \tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{8}t_{5}}(t) = \pi_{85} \int_{0}^{t} f_{S_{8}t_{5}}(\tau) \Phi_{S_{7}t_{4}}(t - \tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{9}t_{6}}(t) = \pi_{96} \int_{0}^{t} f_{S_{9}t_{6}}(\tau) \Phi_{S_{8}t_{5}}(t - \tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_{7}}(t) = \pi_{107} \int_{0}^{t} f_{S_{10}t_{7}}(\tau) \Phi_{S_{9}t_{6}}(t - \tau) d\tau,$	
$\Phi_{3}(t) = \int_{0}^{t} f_{S_{5}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{6}t_{3}}(t) + f_{S_{6}t_{3}}(\tau) \Phi_{S_{5}t_{3}}(t),$ $\Phi_{S_{7}t_{4}}(t) = \pi_{74} \int_{0}^{t} f_{S_{7}t_{4}}(\tau) \Phi_{3}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{8}t_{5}}(t) = \pi_{85} \int_{0}^{t} f_{S_{8}t_{5}}(\tau) \Phi_{S_{7}t_{4}}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{9}t_{6}}(t) = \pi_{96} \int_{0}^{t} f_{S_{9}t_{6}}(\tau) \Phi_{S_{8}t_{5}}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_{7}}(t) = \pi_{107} \int_{0}^{t} f_{S_{10}t_{7}}(\tau) \Phi_{S_{9}t_{6}}(t-\tau) d\tau,$	
$ \Phi_{S_7 t_4}(t) = \pi_{74} \int_0^t f_{S_7 t_4}(\tau) \Phi_3(t - \tau) d\tau, \Phi_{S_8 t_5}(t) = \pi_{85} \int_0^t f_{S_8 t_5}(\tau) \Phi_{S_7 t_4}(t - \tau) d\tau, \Phi_{S_9 t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9 t_6}(\tau) \Phi_{S_8 t_5}(t - \tau) d\tau, \Phi_{S_{10} t_7}(t) = \pi_{10 7} \int_0^t f_{S_{10} t_7}(\tau) \Phi_{S_9 t_6}(t - \tau) d\tau, $	
$ \Phi_{S_8t_5}(t) = \pi_{85} \int_0^t f_{S_8t_5}(\tau) \Phi_{S_7t_4}(t-\tau) d\tau, \Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau, \Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{107} \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau, $	
$\Phi_{S_9t_6}(t) = \pi_{96} \int_0^t f_{S_9t_6}(\tau) \Phi_{S_8t_5}(t-\tau) d\tau,$ $\Phi_{S_{10}t_7}(t) = \pi_{107} \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_9t_6}(t-\tau) d\tau,$	
10 / 10 / 70	
·	
$\Phi_{S_{11}t_7}(t) = \pi_{117} \int_0^t f_{S_{11}t_7}(\tau) d\tau,$	
$\Phi_4(t) = \int_0^t f_{S_{10}t_7}(\tau) \Phi_{S_{11}t_7}(t) + f_{S_{11}t_7}(\tau) \Phi_{S_{10}t_7}(t),$	
$\Phi_{S_{12}t_8}(t) = \pi_{128} \int_0^t f_{S_{12}t_8}(\tau) \Phi_4(t-\tau) d\tau,$	
где $f_{S_it_j}(t)$ – плотность вероятности распределения; π_{ij} – ве	роятностн
времени перемещения из состояния S_i к срабатывания перехода. переходу t_j ; $\Phi_{S_it_j}(t)$ соответствующий закон Входящие сообщения	носят
переходу t_j ; $\Phi_{S_it_j}(t)$ соответствующий закон входящие сообщения пуассоновский характер:	

- сообщения поступают с постоянной интенсивностью, т.е. поток стационарен; - события прихода сообщений на сервер независимы друг от друга. Т.е. причины обусловившие приход отдельного именно в тот, а не в другой сообщения правило, не связаны момент, как аналогичными причинами для сообщений. Т.е. поток без последействия; -сообщения приходят по одному, а не парами, тройками и т.д, так как сервер в один момент времени способен обработать T.e. только одно сообщение. сообщений приходящий на сервер является ординарным. Таким образом, даже, если брать по отдельности разные каналы коммутации, из которых идут ординарные сообщений на почтовую систему, и даже, если они имеют последействие, то при их сложении получится поток, в котором последействие ослабевает. Результирующий входящий поток также будет ординарным и без последействия, то есть, относиться к типу пуассоновского [4]. Полагаем, что плотности распределения вероятностей являются экспоненциальными зависимостями и имеют вид: $f_{S_i t_i} = \alpha_{ij} e^{-\alpha_{ij} t},$ где $\alpha_{ij} = 1/\tau_{ij}$ i = 1,...,13; j = 1,...,8. Согласно предельной теореме, для редеющих событий при последовательном разрежении стационарного ординарного результирующий поток увеличением числа разрежений приближается к простейшему. образом, результирующий поток является экспоненциальным, так экспоненциальный поток и есть простейший [3]. Расчет с применением прямого обратного преобразования Лапласа получается весьма громоздким, поэтому целесообразно применять пуассоновское приближение для плотностей распределения вероятностей времени перемещения переходы сети Петри-Маркова. Применяя пуассоновское приближение, среднее время au перемещения по сети Петри-

 $\tau_1 = \frac{\tau_{11}^2 + \tau_{11}\tau_{21} + \tau_{21}^2}{\tau_{11} + \tau_{21}},$ $\tau_2 = \tau_1 + \tau_{32}$ $\tau_3 = \frac{\tau_{42}^2 + \tau_{42}\tau_2 + \tau_2^2}{\tau_{42} + \tau_2}$ $\tau_4 = \tau_3 + \tau_{53}$ $\tau_5 = \frac{\tau_{63}^2 + \tau_{63}\tau_4 + \tau_4^2}{\tau_{63} + \tau_4},$
$$\begin{split} \tau_{6=} \tau_5 + \tau_{74} + \tau_{85} + \tau_{96} + \tau_{10\,7}, \\ \tau_7 &= \frac{\tau_{11\,7}^2 + \tau_{11\,7}\tau_6 + \tau_6^2}{\tau_{11\,7} + \tau_6}, \end{split}$$
 $\tau = \tau_7 + \tau_{128}.$ $P(t) = 1 - e^{-\frac{1}{\tau}t},$ где исходные параметры принимают следующие значения: λ – интенсивность атаки (количество сообщений/с); т - количество сообщений, которое требуется отправить жертве; τ_{11} = 0,2 с – среднее время формирования команды; $\tau_{21} = 3,1$ с – среднее время подготовки хоста злоумышленника, $\tau_{32} = 0.5$ с – среднее время отправки команды управляющему серверу; $\tau_{42} = 3 \, \text{с} - \text{среднее}$ подготовки управляющего сервера; $\tau_{53} = 5.5$ с – среднее время рассылки команды устройствам с вредоносной программой Email-flooder; $\tau_{63} = 3$ с – среднее время подготовки устройств с вредоносной программой Email-flooder; $\tau_{74} = 1.2$ с – среднее время обработки принятой команды; $au_{85} = 13,1 \, \, \mathrm{c} - \mathrm{c}$ реднее время формирования сообщений; $\tau_{96} = 1,7$ с – среднее время настройки вредоносной программы Emailflooder; $\tau_{10.7} = 0.5$ - среднее время на отправку сообщений жертве; $\tau_{117} = 3 \text{ c}$ – среднее время на подготовку атакуемого почтового сервера принять сообщение; $\tau_{12.8}$ = m/ λ c - среднее время переполнения очереди почтового сервера. Рассмотрим зависимость вероятности реализации атаки otвремени интенсивности атаки, примем количество сообщений, которое требуется отправить жертве m = 100000. Зависимость вероятности реализации флуд-атаки на почтовый сервер, использованием вредоносной программы

Email-flooder от времени и интенсивности

Маркова из начальной позиции до конечного

перехода и вероятность этого перемещения:

атаки

И

атаки приобретает вид, представленный на рис

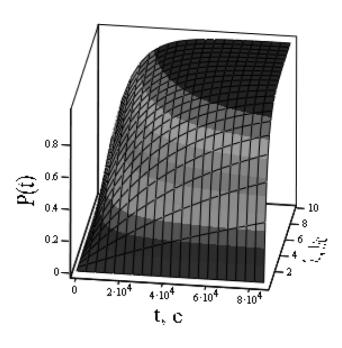


Рис. 2. Зависимость вероятности реализации флуд-атаки на почтовый сервер, с использованием вредоносной программы Email-flooder, от времени и интенсивности атаки

вредоносной программы Email-flooder.
Таким образом, полученные данные демонстрируют, что среднее время

атаки на почтовый сервер с использованием

обобщенной моделью проведения

реализации флуд-атаки и затраты на нее

является

флуд-

Следовательно, для

уменьшения опасности реализации флудатаки необходимо использовать

модель,

сообщений.

незначительны.

Представленная

Литература

программные или программно-аппаратные

средства для фильтрации нежелательных

1 Информационный портал по безопасности http://www.securelist.com/

2 Касперски К.. Записки исследователя компьютерных вирусов. - Издательство: Питер, 2005. – 316 с.

3 Радько Н.М., Скобелев И.О. Рискмодели информационнотелекоммуникационных систем при реализации угроз удаленного инепосредственного доступа. - М: РадиоСофт.

2010. - 232 с.
4. Гмурман В.С. Теория вероятностей и математическая статистика. – М.: Высшая школа, 2003. – 479 с.

Воронежский государственный технический университет Voronezh state technical university

MODELING FLOOD ATTACKS ON MAIL SERVERS USING MALWARE EMAIL-FLOODER

V.V. Butuzov, P.A. Parinov

In this paper is modeling process implementation of flood attacks on the mail server, using malware Email-flooder, which resulted in the dependence of the probability of an attack on the time Key words: flood attack, Email-flooder, Petri net and Markov chains