Kovaleva Tatyana Evgeyevna, student, <u>tutowserg@yandex.ru</u>, Russia, Tula, Tula State University

УДК 005.591.6; 004

# АВТОМАТИЗАЦИЯ ВЫЯВЛЕНИЯ ВЕТВЛЕНИЙ В МОДЕЛЯХ ПРОЦЕССОВ

## О.С. Крюков

Рассматривается проблема определения ветвлений в моделях процессов. Предложена методология автоматизации выявления ветвлений с использованием расширенных сетей Петри.

Ключевые слова: cemu Петри, анализ, производственный процесс, структура процесса, ветвления.

Автоматизация процесса анализа и оптимизации существующих или разрабатываемых процессов на предприятиях представляет важную задачу, так как позволяет облегчить выполнение объемных работ по учету множества зависимостей и условий. Но сами процессы представляют собой совокупность взаимосвязанных операций, формирующих сложные нелинейные структуры. Следовательно, перед началом процесса оптимизации и перестроения модели процесса, следует провести структурный анализ, имеющий целью однозначное определение наличия и положения нелинейных структур.

Одной из подобных структур является ветвление, представляющее собой реализацию различных вариантов процесса в зависимости от условия. Каждый вариант действий в ветвлениях может рассматриваться как отдельный подпроцесс и анализироваться отдельно. В этой связи необходимо разработать методы выявления ветвлений, что позволит в дальнейшем производить их оптимизации.

Наиболее оптимальным вариантом построения модели процесса представляется использование сетей Петри [8], так как они обладают математическим аппаратом позволяющим рассматривать в динамике различные стороны процесса, а также выполнять его модификацию, в том числе при помощи внедрения параллельности.

Применению теории сетей Петри и их модификаций для формирования модели процесса посвящены многие работы: иерархические раскрашенные временные сети [1], объектно-ориентированные сети [2], нечеткие стохастические сети [3], вложенные сети [4-6], в том числе и раскрашенные временные [7] и прочие

Но данные работы не предполагают применения в модели процесса информации о информационных и материальных потоках, необходимых для его осуществления. Следовательно, необходимо применять такое расширение сетей Петри, как СП с семантическими связями [8-11].

Определение наличия ветвлений в сети Петри не представляет собой сложную задачу, так как достаточно обнаружить позицию, имеющую несколько дух, ведущих в разные переходы. Сложность представляет определение уникальных путей, представляющих собой ветви ветвления, и точку пересечения этих ветвей – завершение ветвления.

Как правило анализ ветвлений в сетях Петри производится для верификации временных СП и моделях branching-процессов [12-15]. При подобном анализе выполняется проверка достижимости позиций в подобных сетях без необходимости использования информации в дальнейшем анализе. Следовательно, существует необходимость в разработке метода определения структуры ветвления.

**Расширенные сети Петри с семантическими связями.** Простейшая расширенная сеть Петри с семантическими связями (РСПСС) может задаваться следующим множеством:

$$\Pi = \{A, \{Z^C, \tilde{R}^C, \hat{R}^C\}, \{Z^S, \tilde{R}^S, \hat{R}^S\}\},\$$

где A – конечное множество позиций;  $Z^C$  – конечное множество переходов по управлению;  $\tilde{R}^C$  – матрица смежности, отображающая множество позиций в множество переходов по управлению;  $\hat{R}^C$  – матрица смежности, отображающая множество переходов по управлению в множество позиций;  $Z^S$  – конечное множество переходов по семантическим связям;  $\tilde{R}^S$  – матрица смежности, отображающая множество позиций в множество переходов по семантическим связям;  $\hat{R}^S$  – матрица смежности, отображающая множество переходов по семантическим связям в множество позиций.

Кроме того, задаются следующие функции переходов:  $I_A(Z^C)$  и  $O_A(Z^C)$  - входная и выходная функция переходов по управлению соответственно;  $I_A(Z^S)$  и  $O_A(Z^S)$  - входная и выходная функция переходов по семантическим связям соответственно.

Между позициями сети выполняется отношение предшествования по управлению. Позиция  $a_i$  считается предшествующей по управлению для  $a_j$  (задается как  $a_i <_C a_j$ ), если существует такой путь по управлению из стартовой позиции процесса  $a_S$  в позицию  $a_j$ , что он включает в себя позицию  $a_i$ .

**Структуры РСПСС.** В модели процесса, построенной в соответствии с определением РСПСС, можно выделить следующие структуры по управлению:

линейный участок:

$$Ln = \{a_{i(a)}\}, |Ln| \ge 1;$$

цикл:

$$C = \{a_{cB}, (a_{cond}, a_{out}), Cp\},\$$

где  $a_{cB}$  - начальная позиция,  $a_{cond}$  - условие,  $a_{out}$  - внешняя позиция, в которую передается управление из цикла, Cp - тело цикла;

ветвление:

$$Br = \{a_{xB}, \{B_{x1}, \dots, B_{xn}\}, a_{xe}\},\$$

где  $a_{xB}$  - начальная позиция ветвления,  $B_{xi}$  - ветви ветвления,  $a_{xe}$  - конечная позиция ветвления.

Ветвление характеризуется наличием условия, описывающем варианты действий согласно его результату, причем количество таких вариантов может варьироваться от 2 до *п*. Каждая ветвь может содержать последовательность линейных участков, ветвлений и циклов.

Для начальной позиции ветвления выполняется следующее правило:

$$|Z_{Oi}^{C}| > 1 \,\forall z_{i(z^{C})}^{C} \in Z_{Oi}^{C} (I_{A}(z_{i(z^{C})}^{C}) = a_{xB}) \wedge \neg \exists C_{i} (a_{cB} = a_{xB}) \wedge \neg \exists z_{i(z^{C})}^{C} \in Z_{Oi}^{C} (O_{A}(z_{i(z^{C})}^{C}) = a_{i(a)}) |a_{i(a)} <_{C} a_{xB}.$$

$$(1)$$

Так как внутри ветвей могут находиться другие ветвления, то вложенность ветвлений также можно разделить на два типа:

простая вложенность (рис. 1а):

$$\exists Br_{i(Br)}(\exists Br_{j(Br)}(Br_{j(Br)} \in Bx_{k_{i(Br)}} \land a_{xe_{i(Br)}} \neq a_{xe_{j(Br)}}));$$

завершающая вложенность (рис. 1, б)

$$\exists Br_{i(Br)}(\exists Br_{j(Br)}(Br_{j(Br)} \in Bx_{k_{i(Br)}} \land a_{xe_{i(Br)}} = a_{xe_{j(Br)}}))\,.$$

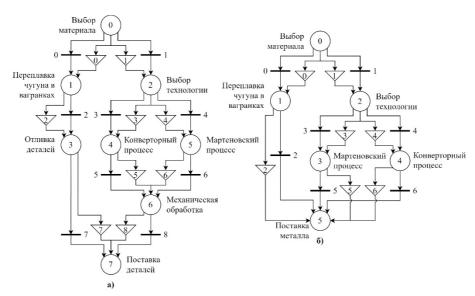


Рис. 1. Примеры вложенности ветвлений: а – простая вложенность; б – завершающая вложенность

**Выявление ветвлений РСПСС.** Для выявления ветвлений в РСПСС необходимо сначала построить модель процесса на основе связей по управлению, а также определить стартовую позицию сети и начальные позиции циклов, что при поиске начальных позиций ветвлений, в соответствии с (1), позволит отсеять позиции, являющиеся началом циклов с предусловием, и внешние позиции циклов.

Для заполнения ветвлений следует выполнить действия, описанные ниже, со следующими обозначениями:

 $Br_{i(Br)}$  – рассматриваемое ветвление;

 $Bx_{i(Br)}$  – рассматриваемая ветвь;

pl – множество позиций, начинающих ветви ветвления  $Br_{i(Br)}$ ;

p — рассматриваемая позиция;

*Ln* – формируемый линейный участок;

 $Z_I$  - множество переходов, ведущих в p;

пр – следующая рассматриваемая позиция;

 $Z_{\mathit{In}}$  - множество переходов, ведущих в  $\mathit{np}$ .

Алгоритмы выполняются для каждой ветви еще не рассмотренных ветвлений.

### Алгоритм

AнализBетвления $(Br_{i(Br)})$ 

Начало

$$pl = \{a_{i(a)}\} \mid \exists z_{i(Z^C)}^C (I_A(z_{i(Z^C)}^C)) = a_{xB_{i(Br)}} \land O_A(z_{i(Z^C)}^C) = a_{i(a)}\};$$

for 
$$i = 0$$
 to  $i < |pl|$  by  $i + +$  do

$$a_{xe_{i(Br)}} =$$
Анализ $Bemeu(Bx_{i_{i(Br)}}, pl_{i}, \emptyset);$ 

end

Конец.

```
Алгоритм
АнализBemeu(Bx_{i_i(Br)}, p, Ln)
Результат: Завершающая позиция ветвления.
Z_{I} = \{z_{i(Z^{C})}^{C}\} | O_{A}(z_{i(Z^{C})}^{C}) = p \land \forall a_{i(a)} \in I_{A}(z_{i(Z^{C})}^{C}) (a_{i(a)} <_{C} p);
if |Z_I| > 1 then
if |Ln| \neq \emptyset then
Bx_{i_{i(Br)}} = Bx_{i_{i(Br)}} \cup Ln;
end
return p;
end
if \exists Br_{j(Br)}(a_{xB_{j(Br)}} = p) then
Bx_{i_{i(Br)}} = Bx_{i_{i(Br)}} \cup Br_{j(Br)};
if a_{out_{j(Br)}} = \emptyset then
AнализBетвления(Br_{i(Br)});
np = a_{xe_{i(Rr)}};
if |Ln| \neq \emptyset then
Bx_{i_{i(Br)}} = Bx_{i_{i(Br)}} \cup Ln;
Z_{In} = \{z_{i(Z^C)}^C\} \mid O_A(z_{i(Z^C)}^C) = np \land \forall a_{i(a)} \in I_A(z_{i(Z^C)}^C) (a_{i(a)} <_C np);
if |Z_{In}| > |Bx_{i(Br)}| then
return np;
return AнализBетви(Bx_{i_{i(Br)}}, np, \emptyset);
end
if \exists C_{i(C)}(a_{cB_{i(C)}} = p) then
Bx_{i_{i(Br)}} = Bx_{i_{i(Br)}} \cup C_{i(C)};
np = a_{out_{i(C)}};
if |Ln| \neq \emptyset then
Bx_{i_{i(Br)}} = Bx_{i_{i(Br)}} \cup Ln;
return AнализBетви(Bx_{i_{i(Br)}}, np, \emptyset);
end
```

 $Ln = Ln \cup p$ ;

$$\overline{np = a_{i(a)} \mid \exists z_{i(Z^C)}^C (I_A(z_{i(Z^C)}^C) = p \land O_A(z_{i(Z^C)}^C) = a_{i(a)});}$$

return AнализBеmв $u(Bx_{i_{i(Br)}}, np, Ln);$ 

Конец.

Данный метод определения ветвлений позволит практически без участия человека определить в сети наличие ветвлений и их структуру, что в дальнейшем позволит облегчить преобразование сети за счет возможности рассмотрения каждого ветвления как отдельной подсети.

Заключение. Предложенный в работе метод анализа расширенной семантическими связями сети Петри на предмет наличия ветвлений может применяться в ходе оптимизации производственных процессов. Информация, полученная в результате применения описанного алгоритма, позволит эффективнее выполнить преобразование модели процесса, что в свою очередь позволит более эффективно распределять имеющиеся у предприятия ресурсы на этапе планирования модернизации производства или при разработке новых проектов.

Исследование выполнено при финансовой поддержке гранта Президента Российской Федерации для государственной поддержки молодых российских ученых - кандидатов наук МК-1160.2020.9.

### Список литературы

- 1. Westkämper E., Schmidt T., Wiendahl H. H. Production planning and control with learning technologies: Simulation and optimization of complex production processes // Knowledge-based systems. Academic Press, 2000. C. 839-887.
- 2. Седых И.А., Аникеев Е.С. Представление цементного производства иерархическими раскрашенными временными сетями Петри на основе окрестностных моделей // Вестник Липецкого государственного технического университета. 2017. № 1.
- 3. Dong M., Chen F. F. Process modeling and analysis of manufacturing supply chain networks using object-oriented Petri nets // Robotics and Computer-Integrated Manufacturing. 2001. T. 17. № 1-2. C. 121-129.
- 4. Wang J. et al. Modelling a remanufacturing reverse logistics system using fuzzy stochastic Petri net // International Journal of Industrial and Systems Engineering. 2015. T. 19. № 3. C. 311-325.
- 5. Ломазова И. А. Вложенные сети Петри и моделирование распределенных систем // Труды международной конференции «Программные системы: теория и приложения», Переславль-Залесский. М.: Физматлит. 2004.
- 6. Van Hee K. M. et al. Nested nets for adaptive systems // International Conference on Application and Theory of Petri Nets. Springer, Berlin, Heidelberg, 2006. C. 241-260.
- 7. Zhang L., Rodrigues B. Nested coloured timed Petri nets for production configuration of product families // International journal of production research. 2010. T. 48. №. 6. C. 1805-1833.
- 8. А.Г. Волошко, А.Н. Ивутин, О.С. Крюков. Методы моделирования и анализа производственных процессов для разработки стратегии модернизации предприятия // Известия Тульского государственного университета. Технические науки. 2020. Вып. 12. С. 36-43.
- 9. Ivutin A.N., Troshina A.G., Semantic Petri-Markov nets for automotive algorithms transformations // 2018 28th International Conference Radioelektronika (RADIOELEKTRONIKA). IEEE, 2018. C. 1-6.
- 10. Ивутин А.Н., Трошина А.Г. Метод формальной верификации параллельных программ с использованием сетей петри. // Вестник Рязанского государственного радиотехнического университета 70 (2019). 2019. С. 15-26.

- 11. Волошко А.Г., Крюков О.С. Extended Petri Nets Based Approach for Simulation of Distributed Manufacturing Processes // The 9th Mediterranean Conference on Embedded Computing (MECO 2020). 2020. C. 508-511.
- 12. Bernard Berthomieu, François Vernadat. State Class Constructions for Branching Analysis of Time Petri Nets // Tools and Algorithms for the Construction and Analysis of Systems. 2003.
- 13. Finkbeiner B., Gieseking M., Hecking-Harbusch J., Olderog ER. Model Checking Branching Properties on Petri Nets with Transits // Automated Technology for Verification and Analysis. 2020.
- 14. Pedro M. Gonzalez del Foyo, Jose Reinaldo Silva. Using time Petri nets for modeling and verification of timed constrained workflow systems // ABCM Symposium Series in Mechatronics. Vol. 3. 2008. C. 471-478.
- 15. Boubour, R., Jard, C. Fault detection in telecommunication networks based on a Petri net representation of alarm propagation Application and Theory of Petri Nets 1997. C. 367–386.

Крюков Олег Сергеевич, студент, <u>ol\_kryukov97@mail.ru</u>, Россия, Тула, Тульский государственный университет

#### AUTOMATION OF DETECTION OF BRANCHINGS IN PROCESS MODELS

### O.S. Kryukov

The problem of defining branches in process models is considered A methodology for automating branch detection using extended Petri nets is proposed.

Key words: Petri nets, manufacturing process, process structure, analysis, branchings.

Kryukov Oleg Sergeevich, student, <u>ol\_kryukov97@mail.ru</u>, Russia, Tula, Tula State University

УДК 004.94; 331.45

## АНАЛИТИЧЕСКИЙ МЕТОД ВЫБОРА МЕСТА УСТАНОВКИ КЛИМАТИЧЕСКОГО ОБОРУДОВАНИЯ В ПОМЕЩЕНИИ ПРОМЫШЛЕННОГО НАЗНАЧЕНИЯ

## А.А. Шишкина

Рассматривается вопрос о выборе оптимального месторасположения потолочного климатического оборудования в помещении. Проводится компьютерное моделирование климатических условий в помещении с обоснованием выбора расположения климатических установок.

Ключевые слова: охрана труда, аналитический метод, компьютер, помещение, промышленность, температура, климатические условия.

Климатическое оборудование в помещениях промышленного назначения, как и в любых других помещениях, где работают люди или установлено оборудование требующее определенные температурные и другие климатические режимы. К такому оборудованию можно отнести любое, имеющее электронную начинку. Данному оборудованию необходима поддержка невысокой температуры в комнате, иначе охлаждение