

```
1 # Navn: Grunde Gregersen
2 # Studentnummer: 220511
3
4 # Importerer library's
5 import matplotlib.pyplot as plt
6
7 # Deklarerer array
8 x = [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]
9 y = [5.3,4.9,4.1,5.1,4.2,4.0,2.8,1.0,0.9,0.0]
10
11 # Velger å bruke trapesmetoden for å beregne området omtrentlig.
12 X0 = x[0]
13 Xn = x[-1]
14 n = 9 # Velger 9 ettersom det passer med antall målepunkter
15 deltaX = (Xn-X0)/n
16
17 fx = (y[0]+y[-1])
18
19 i=1
20 for i in range(1,n,1):
21     fx += 2*y[i]
22
23 fx = (deltaX/2) * (fx)
24
25 print("Det omtrentlige arealet av nedbrent skog blir:",fx,"km^2")
26
```

y"

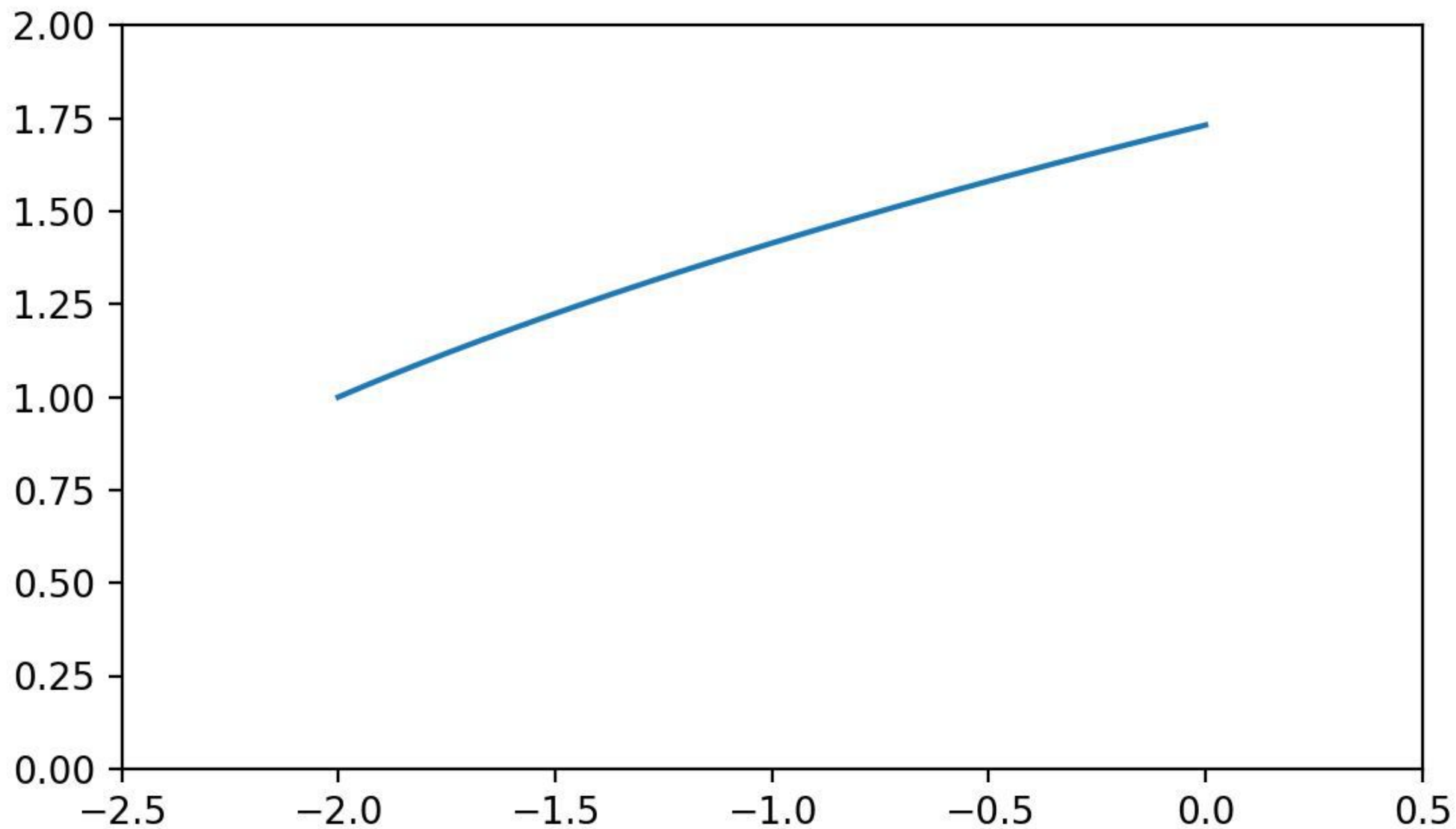
Det omtrentlige arealet av nedbrent skog blir: 29.65 km^2

```
1 # Navn: Grunde Gregersen
2 # Studentnummer: 220511
3
4 # Importerer library's
5 import matplotlib.pyplot as plt
6 import math as m
7
8 # Deklarerer array
9 x = [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]
10 y = [5.3,4.9,4.1,5.1,4.2,4.0,2.8,1.0,0.9,0.0]
11
12
13 X0 = x[0]
14 Xn = x[-1]
15 n = 9 # Velger 9 ettersom det passer med antall målepunkter
16 deltaX = (Xn-X0)/n
17
18 fx = 0
19 i=0
20 for i in range(0,n,1):
21     fx += m.sqrt(deltaX**2 + (abs(y[i]-y[i+1]))**2)
22
23 print("Det estimerte lengden av grenseskille mellom frisk og nedbrent skog blir:
24     ",fx,"km")
```

Det estimerede længden av grenseskilje mellom frisk og nedbrent skog blir: 12.108563608910684 km

(k:\area\DC\Area\Grunndata\Oversiktskart\16M\Grunnet\2-Grunnet\501012_1_1014\Mapdata\1\Det\Det\1

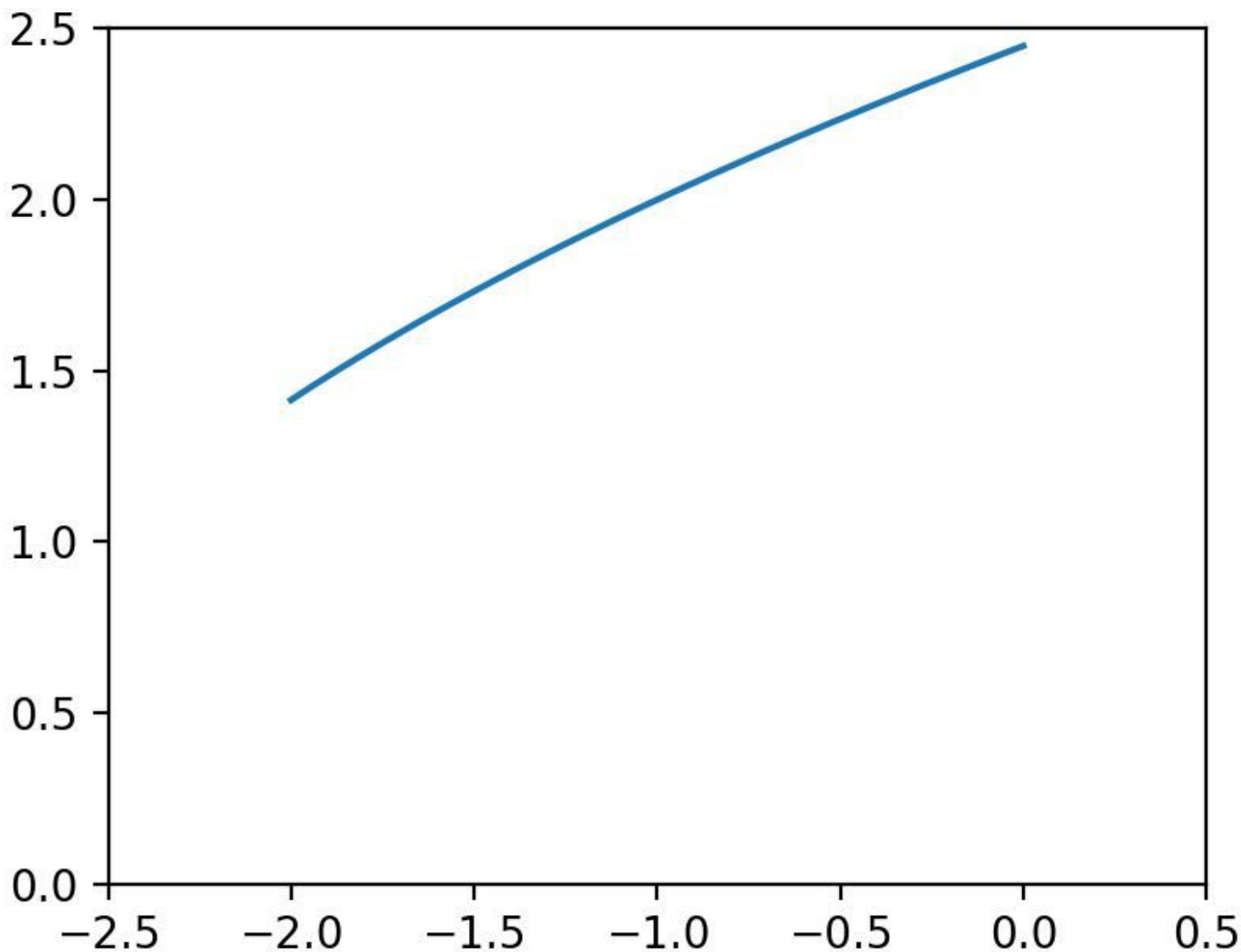
```
1 # Navn: Grunde Gregersen
2 # Studentnummer: 220511
3
4 # Importerer library
5 import math as m
6 import matplotlib.pyplot as plt
7 import numpy as np
8
9 def y(x):
10     return m.sqrt(x + 3)
11
12 plotX = np.array([])
13 plotY = np.array([])
14 Xn = -2
15 deltaX = 0.001
16 d = 10000
17 punktx = 0
18 i=0
19 while(Xn < 0 and d != 0.0 and i < 3000):
20     a = m.sqrt((y(Xn))**2 + (abs(y(Xn + deltaX)))**2)
21
22     if(a<d):
23         d = a
24         punktx = Xn
25
26     plotX = np.append(plotX,Xn)
27     plotY = np.append(plotY,y(Xn))
28
29     Xn += deltaX
30     i +=1
31
32 print("Minste avstand fra origo til kurven: ",d, "\n", "Punktet \"d\" finner vi ved
33 x lik: ", punktx)
34
35 plt.plot(plotX,plotY)
36 plt.xlim(-2.5,0.5)
37 plt.ylim(0,2)
38 plt.show()
39
```



Minste avstand fra origo til kurven: 1.4145670715805596

Punktet "d" finner vi ved x lik: -2

```
1 # Navn: Grunde Gregersen
2 # Studentnummer: 220511
3
4 # Importerer library
5 import math as m
6 import matplotlib.pyplot as plt
7 import numpy as np
8
9 def y(x):
10     return m.sqrt(x + 3)
11
12 plotX = np.array([])
13 plotY = np.array([])
14 Xn = -2
15 deltaX = 0.001
16 d = 10000
17 punktx = 0
18 i=0
19 while(Xn < 0 and d != 0.0 and i < 3000):
20     a = m.sqrt((y(Xn))**2 + (abs(y(Xn + deltaX)))**2)
21
22     if(a<d):
23         d = a
24         punktx = Xn
25
26     plotX = np.append(plotX,Xn)
27     plotY = np.append(plotY,a) # Gjør så vi får "d" langs y-aksen
28
29     Xn += deltaX
30     i +=1
31
32 print("Minste avstand fra origo til kurven: ",d, "\n", "Punktet \"d\" finner vi ved
x lik: ", punktx, " Denne x-verdien passer godt med plottet")
33
34 plt.plot(plotX,plotY)
35 plt.xlim(-2.5,0.5)
36 plt.ylim(1.4,2.5)
37
38 plt.show()
39
```



x=-0.954597 y=2.12352

Minste avstand fra origo til kurven: 1.4145670715805596

Punktet "d" finner vi ved x lik: -2 Denne x-verdien passer godt med plottet

Oppg 3.

a)

$$f(x) = x^2 \sin(x-2) - 4x, \text{ når } x \in [\frac{15}{2}, 10]$$

$$f(\frac{15}{2}) = (\frac{15}{2})^2 \sin(\frac{15}{2} - 2) - 4 \cdot \frac{15}{2} = -69.7 < 0$$

$$f(10) = 10^2 \sin(10-2) - 4 \cdot 10 = 58.9 > 0$$

Vi vet at alle polynom funksjoner er kontinuerlige, og siden $f(\frac{15}{2})$ og $f(10)$ har forskjellige fortegn gir skjæringssetningen at $f(x) = 0$ har en løsning

```
1 # Navn: Grunde Gregersen
2 # Studentnummer: 220511
3
4 # Importerer library
5 import numpy as np
6
7 def f(x):
8     return((x**2)*np.sin(x-2)-4*x) # x E [15/2,10]
9
10 def dfdx(x):
11     return (x * (x * (np.sin(2) * np.sin(x) + np.cos(2) * np.cos(x)) - 2 * np.sin(2
12 - x)) - 4)
13
14 x = 8
15 stopval = 10**(-10)
16 i = 0
17 while (abs(f(x))>stopval and i<100):
18     x-=(f(x)/dfdx(x))
19     i+=1
20     print("Tilnærmet løsning for x =",x)
21     print("Dette er iterasjon nr.", i)
```

Tilnermet løsning for $x = 8.941531826146225$

Dette er irretasjon nr. 1

Tilnermet løsning for $x = 8.754182548240284$

Dette er irretasjon nr. 2

Tilnermet løsning for $x = 8.757523630261492$

Dette er irretasjon nr. 3

Tilnermet løsning for $x = 8.757523843585075$

Dette er irretasjon nr. 4

(base) PS C:\Users\Grunde\OneDrive\USN\Skele

```
1 # Navn: Grunde Gregersen
2 # Studentnummer: 220511
3
4 # Imprterer library
5 import numpy as np
6
7 def f(x):
8     return((x**2)*np.sin(x-2)-4*x) # x E [15/2,10]
9
10 def dfdx(x):
11     return (x * (x * (np.sin(2) * np.sin(x) + np.cos(2) * np.cos(x)) - 2 * np.sin(2
12 - x)) - 4)
13
14 x = 15/2
15 stopval = 10**(-10)
16 i = 0
17 while (abs(f(x))>stopval and i<100):
18     x-=(f(x)/dfdx(x))
19     i+=1
20     print("Tilnærmet løsning for x =",x)
21     print("Dette er irretasjon nr.", i)
22
23 print("Vi ser at metoden jobber seg inn mot et nullpunkt og vi finner ett annet
24 nullpunkt", end='')
25 print("enn i oppgave B, men dette nullpunktet ligger uten for deffinisjonsområdet.")
```

Tilnermet løsning for $x = 10.256638800935413$
Dette er irretasjon nr. 1
Tilnermet løsning for $x = 12.37264189918039$
Dette er irretasjon nr. 2
Tilnermet løsning for $x = 10.839957037189283$
Dette er irretasjon nr. 3
Tilnermet løsning for $x = 11.078919857901107$
Dette er irretasjon nr. 4
Tilnermet løsning for $x = 11.054755717338544$
Dette er irretasjon nr. 5
Tilnermet løsning for $x = 11.05453445499008$
Dette er irretasjon nr. 6
Tilnermet løsning for $x = 11.054534436127415$
Dette er irretasjon nr. 7

Vi ser at metoden jobber seg inn mot et nullpunkt og vi finner ett annet nullpunkt i oppgave B, men dette nullpunktet ligger uten for deffinisjonsområdet.

(base)\PS_C\Haug\Grunde\OneDrive\USN\Sko1e\3_Semester\EB1013_1_10H_Mattematikk_1\Dataverktøy\Prosjekt\Prosjekt3\ □

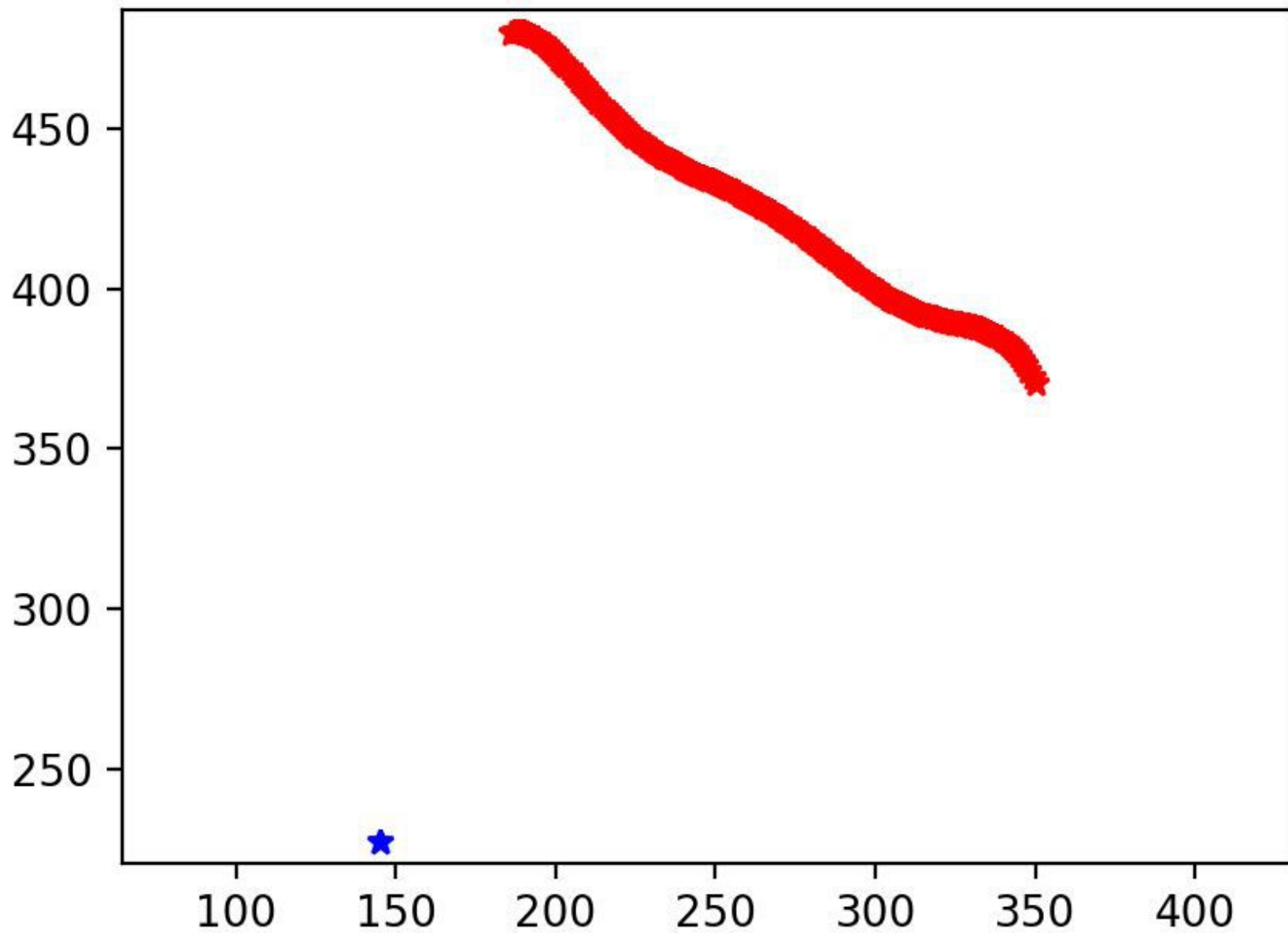
```
1 # Navn: Grunde Gregersen
2 # Studentnummer: 220511
3
4 # Importerer library
5 import numpy as np
6
7 x = np.linspace(15/2,10,1000)
8
9 x0pkt = 0
10
11 def f(x):
12     return((x**2)*np.sin(x-2)-4*x) # x E [15/2,10]
13
14 for i in range(0,999,1):
15     if((f(x[i]) * f(x[i+1]))<0):
16         x0pkt=(x[i]+x[i+1])/2
17
18 print("Denne x verdien er et tilnærmet nullpunkt", x0pkt, "\nVerdien til f(x) for
det tilnærmede ",end='')
19 print("nullpunktet blir",f(x0pkt))
```

Denne x verdien er et tilnærmet nullpunkt 8.757507507508

Verdien til $f(x)$ for det tilnærmede nullpunktet blir -0.0011799030198957894

(kappa)\PS-Cu\Upperc\Grunde\OppDriive USN\Ske1a\3 Semester\EP1012 1 104 Mette

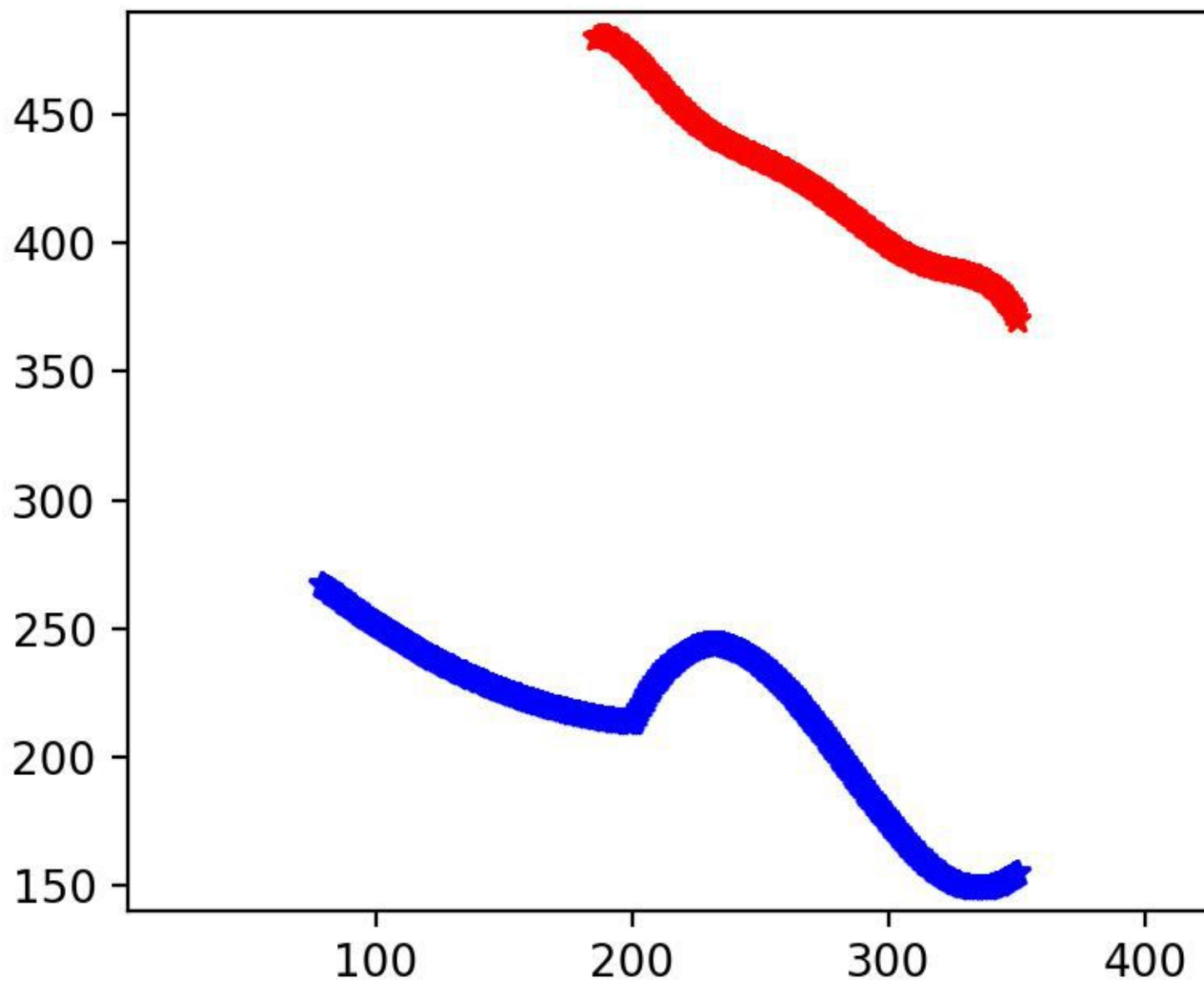
```
1
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import numpy as np
4
5
6 f_upper = [] #opprettet en tom vektor f_upper
7
8 f = open('input_oppgave4_upper_curve.txt', 'r')
9 for line in f:
10     f_upper.append(float(line)) #Her lagres verdiene fra fil i vektoren f_upper
11
12
13 x_upper=np.linspace(186, 350, 163) #Her er x-verdiene for observasjonene f_upper
14
15
16 p = [145, 227] #Her er det faste punktet "på sørsiden av vannet"
17
18 plt.plot(p[0], p[1], 'b*', x_upper,f_upper, 'r*')
19 plt.axis('equal')
20 #plt.show()
21
22
23 #her kan du skrive programmet ditt
24
25 z = np.array([])
26
27 for i in range(0,163,1):
28     x = x_upper[i] - p[0]
29     y = f_upper[i] - p[1]
30     z = np.append(z,np.sqrt(x**2 + y**2))
31
32 minZ = np.min(z)
33
34 print("Den minste avstanden mellom punktet og kurven er ",minZ)
35 plt.show()
```

a.py

Den minste avstanden mellom punktet og kurven er 231.26304127974691

```
1
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import numpy as np
4
5
6 f_upper = [] #oppretter en tom vektor f_upper
7
8 f = open('input_oppgave4_upper_curve.txt', 'r')
9 for line in f:
10     f_upper.append(float(line)) #Her lagres verdiene fra fil i vektoren f_upper
11
12
13 g_lower = [] #oppretter en tom vektor g_lower
14
15 g = open('input_oppgave4_lower_curve.txt', 'r')
16 for line in g:
17     g_lower.append(float(line)) #Her lagres verdiene fra fil i vektoren g_lower
18
19
20 x_upper = np.linspace(186, 350, 163) #Her er x-verdiene for observasjonene f_upper
21 x_lower = np.linspace(79, 350, 270) #Her er x-verdiene for observasjonene g_lower
22
23 plt.plot(x_lower, g_lower, 'b*', x_upper, f_upper, 'r*')
24 plt.axis('equal')
25 #plt.show()
26
27
28 #her kan du skrive programmet ditt
29
30 z = np.array([])
31
32 for i in range(0,270):
33     x1 = x_lower[i]
34     y1 = g_lower[i]
35     for j in range(0,163):
36         x = x_upper[j] - x1
37         y = f_upper[j] - y1
38         z = np.append(z,np.sqrt(x**2 + y**2))
39
40 minZ = np.min(z)
41
42 print("Den minste avstanden mellom lower og upper curve er ",minZ)
43 plt.show()
```



x=278.87 y=413.124

b.py"

Den minste avstanden mellom lower og upper curve er 166.84466414374018