

# Prolog

---

- Unificación
- Unificación en Prolog
- Búsqueda de pruebas

# Objetivos

---

- Revisar **unificación** de términos
- Discutir la **unificación** en Prolog
  - Mostrar como la unificación en Prolog difiere de la unificación standard
- Explicar la estrategia por la cual Prolog trata de deducir información nueva a partir de información conocida

# Unificación

- En ejemplos previos dijimos que Prolog **unifica**

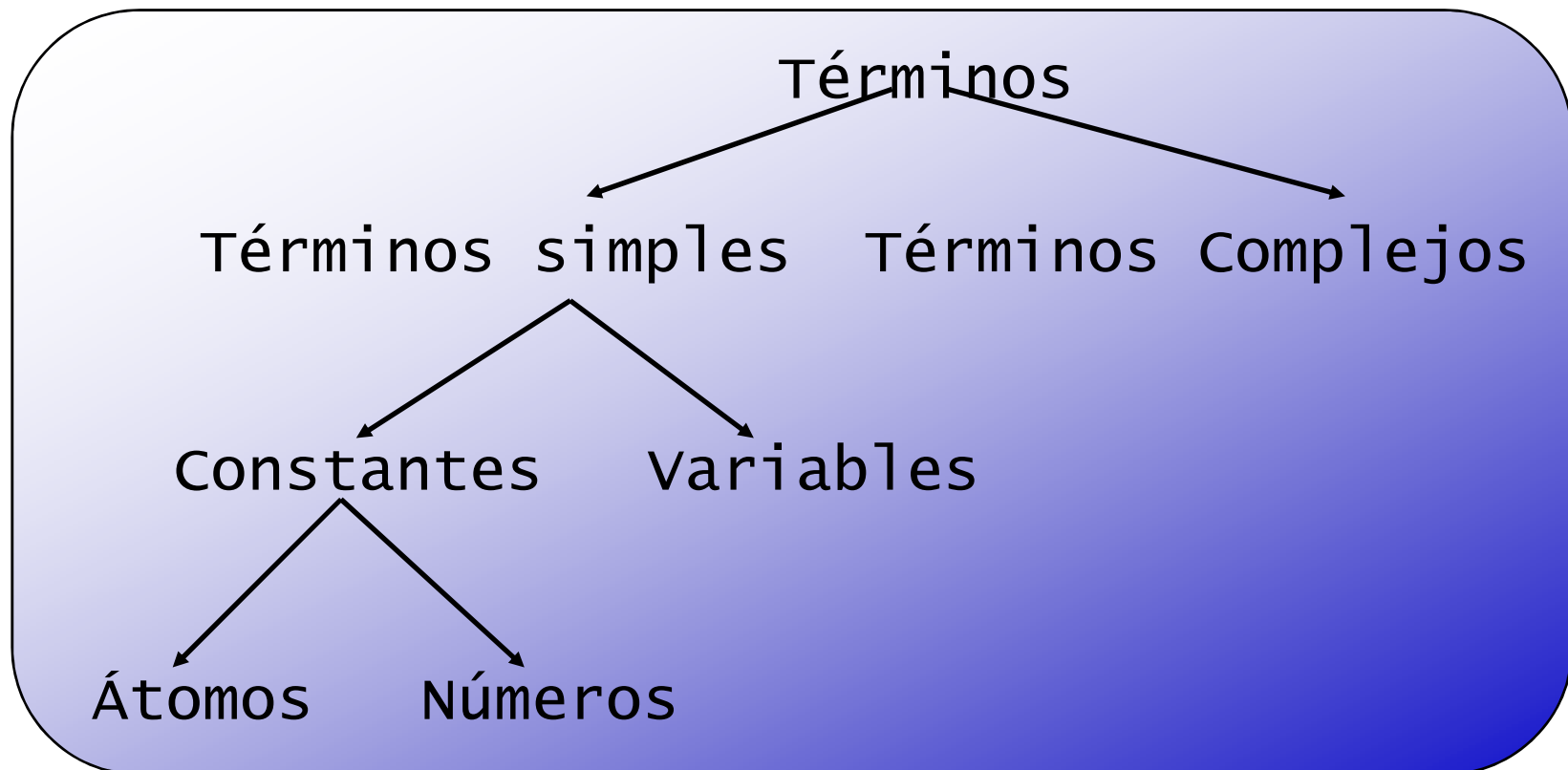
**mujer(X)**

con

**mujer(mia)**

instanciando la variable **X** con el átomo **mia**.

# Términos Prolog



# Unificación

- Definición (tal como se siguió en los ejemplos)
  - Dos términos unifican si :
    - Son el mismo término (son idénticos)
    - Contienen variables que pueden ser **instanciadas uniformemente** con términos de modo que obtenemos al final términos idénticos

# Unificación

- Esto significa que:
  - **mia** y **mia** unifican
  - **42** y **42** unifican
  - **mujer(mia)** y **mujer(mia)** unifican
- Esto significa también que:
  - **vicente** y **mia** no unifican
  - **mujer(mia)** y **mujer(julia)** no unifican

# Unificación

- Qué pasa con:
  - **mia** y **X**

# Unificación

- Qué pasa con:
  - **mia y X**
  - **mujer(Z) y mujer(mia)**



# Unificación

- ¿Qué pasa con:
  - **mia y X**
  - **mujer(Z) y mujer(mia)**
  - **quiere(mia,X) y quiere(X,vicente)**

# Instanciaciones

- Cuando Prolog unifica 2 términos realiza todas las instanciaciones necesarias
- La unificación es un poderoso mecanismo de programación

# Definición revisada 1/3

---

1. Si  $T_1$  y  $T_2$  son constantes, entonces  $T_1$  y  $T_2$  unifican si son idénticos.

## Definición revisada 2/3

- Si  $T_1$  y  $T_2$  son constantes, entonces  $T_1$  y  $T_2$  unifican si son idénticos.
- Si  $T_1$  es una variable y  $T_2$  es cualquier tipo de término, entonces  $T_1$  y  $T_2$  unifican, y  $T_1$  se instancia en  $T_2$ . (y vice versa)

# Definición revisada 3/3

1. Si  $T_1$  y  $T_2$  son constantes, entonces  $T_1$  y  $T_2$  unifican si son idénticos.
2. Si  $T_1$  es una variable y  $T_2$  es cualquier tipo de término, entonces  $T_1$  y  $T_2$  unifican, y  $T_1$  se instancia en  $T_2$ . (y vice versa)
3. Si  $T_1$  y  $T_2$  son términos complejos, unifican si:
  - a) Tienen el mismo functor y aridad
  - b) Todos los argumentos unifican
  - c) Las instanciaciones de variables son compatibles.

# unificación Prolog =/2

?- mia = mia.

yes

?-

= es un predicado especial (predicado del sistema) de aridad 2 (=/2)

# unificación Prolog =/2

?- mia = mia.

yes

?- mia = vicente.

no

?-

# unificación Prolog =/2

?- mia = X.

X=mia

yes

?-



# unificación Prolog =/2

?- X=mia, X=vincent.

# Unificación

?- X=mia, X=vicente.

no

?-

Por qué?

Luego de satisfacer el 1er objetivo,  
Prolog instanció X con **mia**, de modo  
que no puede ya unificar con **vincent**.  
El segundo objetivo falla.

# Ejemplo con términos complejos

?-  $k(s(g), Y) = k(X, t(k))$ .

# Ejemplo con términos complejos

?-  $k(s(g), Y) = k(X, t(k))$ .

$X = s(g)$

$Y = t(k)$

yes

?-

# Ejemplo con términos complejos

?-  $k(s(g), t(k)) = k(X, t(Y))$ .

# Ejemplo con términos complejos

?-  $k(s(g), t(k)) = k(X, t(Y))$ .

$X = s(g)$

$Y = k$

yes

?-

## Otro ejemplo

?- quiere(X,X) = quiere(marcelo,mia).

# Prolog y la unificación

- Prolog no usa un algoritmo standard de unificación
- Considere la siguiente consulta:  
  
?- padre(X) = X.
- Unifican?



# Términos infinitos

?- padre(X) = X.

X=padre(padre ... (X) ..... )

En SWI

?- X=padre(X).

X = padre(X).

2 ?- X=padre(X),write(X).

padre(\*\*)

X = padre(X).

# *Occurs Check*

- Un algoritmo standard de unificación incluye un test de ocurrencia (*occurs check*)
- Si tiene que unificar una variable con un término, chequea que la variable **no** ocurra en el término
- En Prolog:  
  
?- unify\_with\_occurs\_check(padre(X), X).  
no

# Programando con Unificación

$\text{vertical}(\text{linea}(\text{Punto1}, \text{Punto2})) \leftarrow$  la línea definida por Punto1 y Punto2 es vertical  
 $\text{horizontal}(\text{linea}(\text{Punto1}, \text{Punto2})) \leftarrow$  la línea definida por Punto1 y Punto2 es horizontal

# Programando con Unificación

`vertical(linea(Punto1,Punto2))`  $\leftarrow$  la línea definida por Punto1 y Punto2 es vertical

`horizontal(linea(Punto1,Punto2))`  $\leftarrow$  la línea definida por Punto1 y Punto2 es horizontal

`vertical( linea(punto (X,Y),  
                  punto(X,Z))).`

# Programando con Unificación

`vertical(linea(Punto1,Punto2))`  $\leftarrow$  la línea definida por Punto1 y Punto2 es vertical

`horizontal(linea(Punto1,Punto2))`  $\leftarrow$  la línea definida por Punto1 y Punto2 es horizontal

`vertical( linea(punto(X,Y),  
                  punto(X,Z))).`

`horizontal( linea(punto(X,Y),  
                  punto(Z,Y))).`

# Programando con Unificación

```
vertical( linea(punto(X,Y),  
              punto(X,Z))).
```

```
horizontal( linea(punto(X,Y),  
                 punto(Z,Y))).
```

?-

# Programando con Unificación

```
vertical( linea(punto(X,Y),  
              punto(X,Z))).
```

```
horizontal( linea(punto(X,Y),  
                 punto(Z,Y))).
```

```
?- vertical(linea(punto(1,1),punto(1,3))).
```

yes

?-

# Programando con Unificación

```
vertical( linea(punto(X,Y),  
              punto(X,Z))).
```

```
horizontal( linea(punto(X,Y),  
                 punto(Z,Y))).
```

```
?- vertical(linea(punto(1,1),punto(1,3))).
```

yes

```
?- vertical(linea(punto(1,1),punto(3,2))).
```

no

```
?-
```



# Programando con Unificación

```
vertical( linea(punto(X,Y),  
              punto(X,Z))).
```

```
horizontal( linea(punto(X,Y),  
                  punto(Z,Y))).
```

```
?- horizontal(linea(punto(1,1),punto(1,Y))).
```

```
Y = 1;
```

```
no
```

```
?-
```

# Programando con Unificación

```
vertical( linea(punto(X,Y),  
              punto(X,Z))).
```

```
horizontal( linea(punto(X,Y),  
                 punto(Z,Y))).
```

```
?- horizontal(linea(punto(2,3),Punto)).
```

```
Punto = punto(_554,3);
```

```
no
```

```
?-
```

# Búsqueda de pruebas

- Prolog tiene un procedimiento específico para buscar respuestas a una consulta.
- Sigue un orden predefinido en:
  - Siguiente predicado en la consulta a satisfacer
  - Cláusula en el programa a utilizar

# Ejemplo

```
f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).
```

```
?- k(Y).
```

# Ejemplo: árbol de búsqueda

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

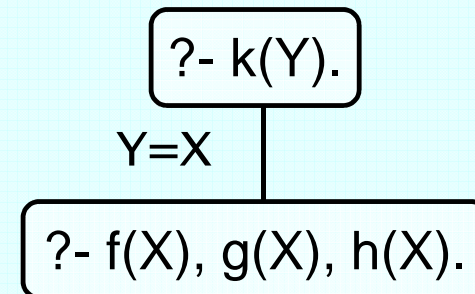
?- k(Y).

?- k(Y).

# Ejemplo: árbol de búsqueda

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

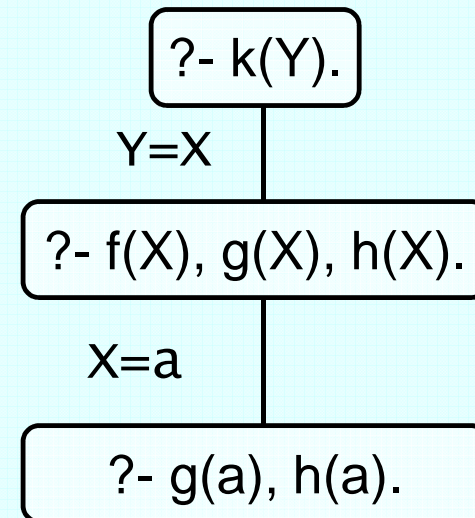
?- k(Y).



# Ejemplo: árbol de búsqueda

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

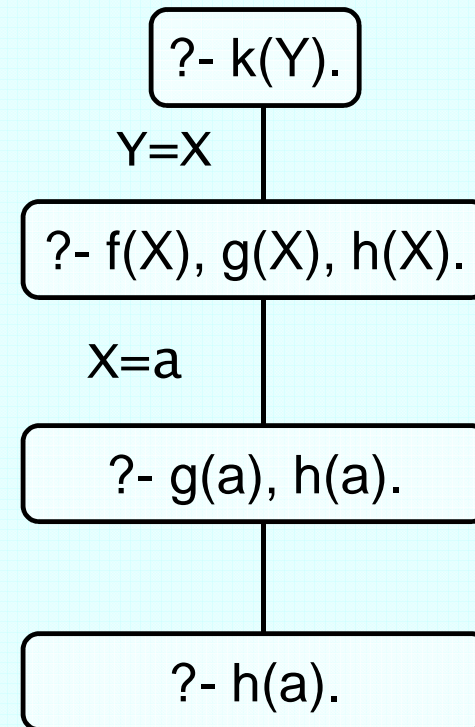
?- k(Y).



# Ejemplo: árbol de búsqueda

$f(a).$   
 $f(b).$   
 $g(a).$   
 $g(b).$   
 $h(b).$   
 $k(X):- f(X), g(X), h(X).$

$?- k(Y).$

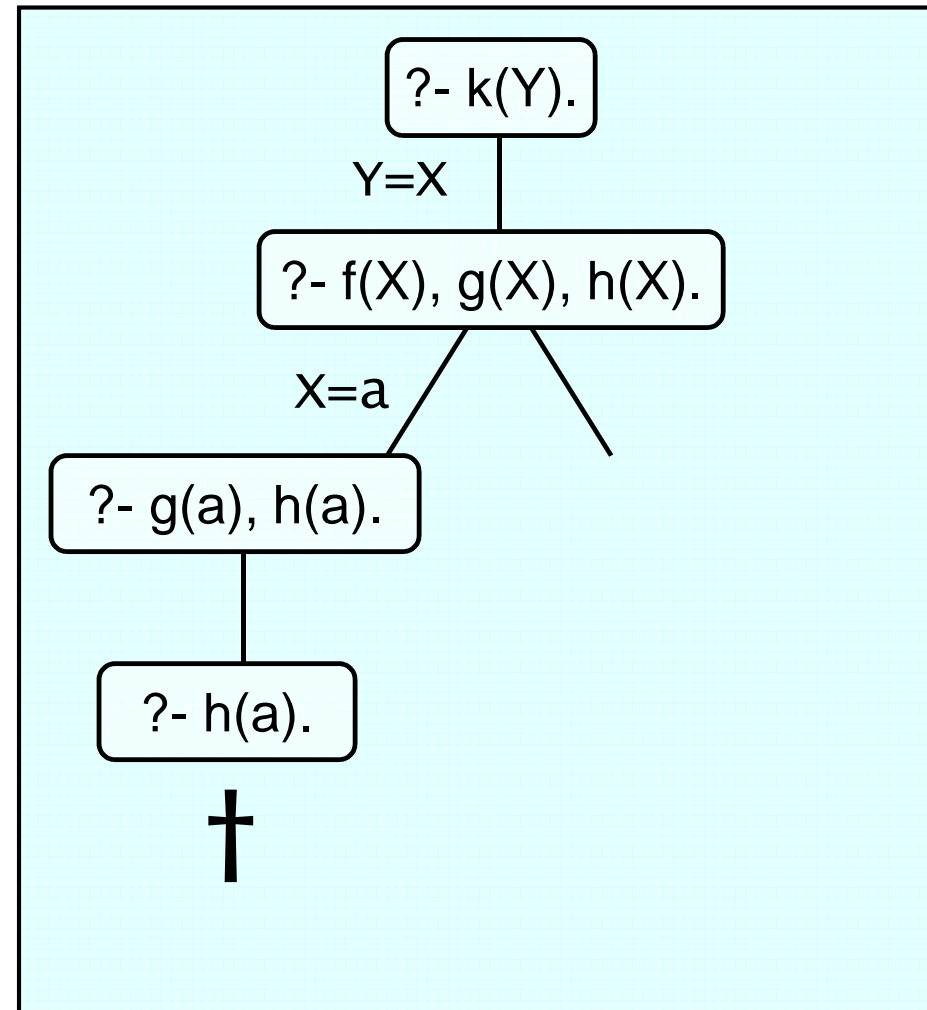




# Ejemplo: árbol de búsqueda

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

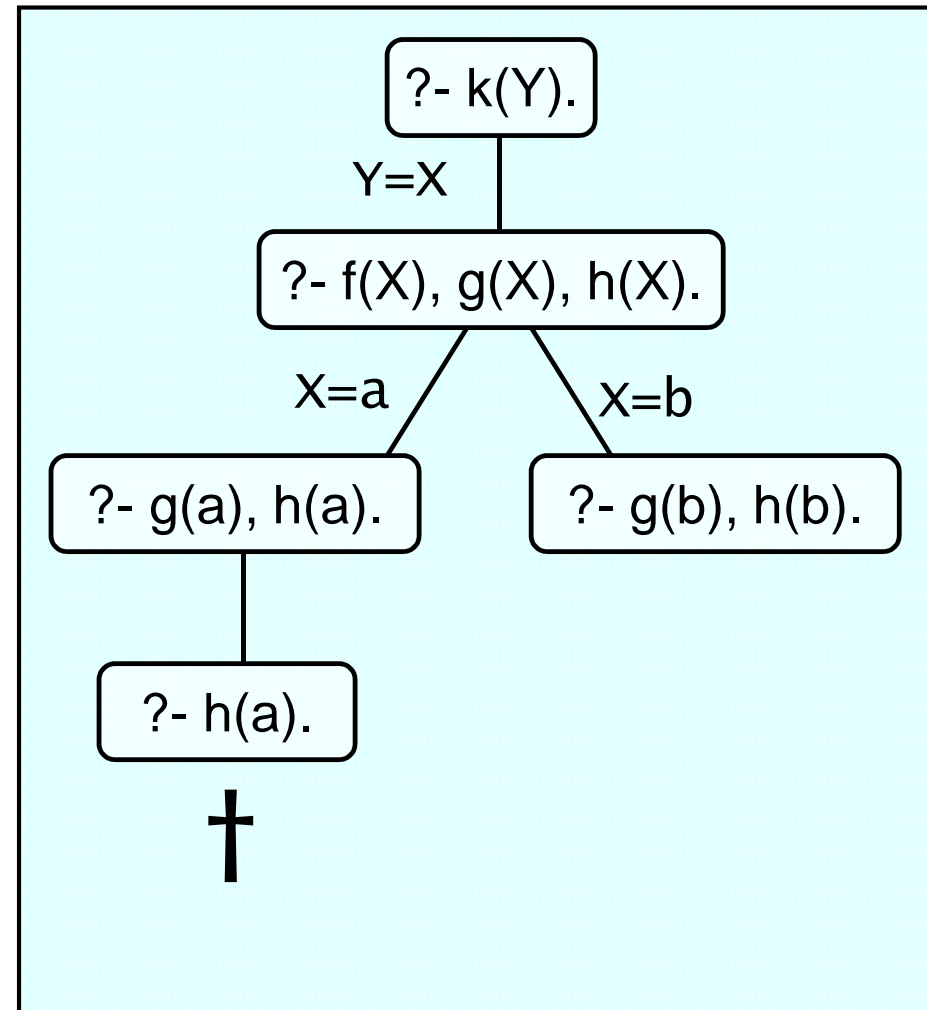
?- k(Y).



# Ejemplo: árbol de búsqueda

$f(a).$   
 $f(b).$   
 $g(a).$   
 $g(b).$   
 $h(b).$   
 $k(X):- f(X), g(X), h(X).$

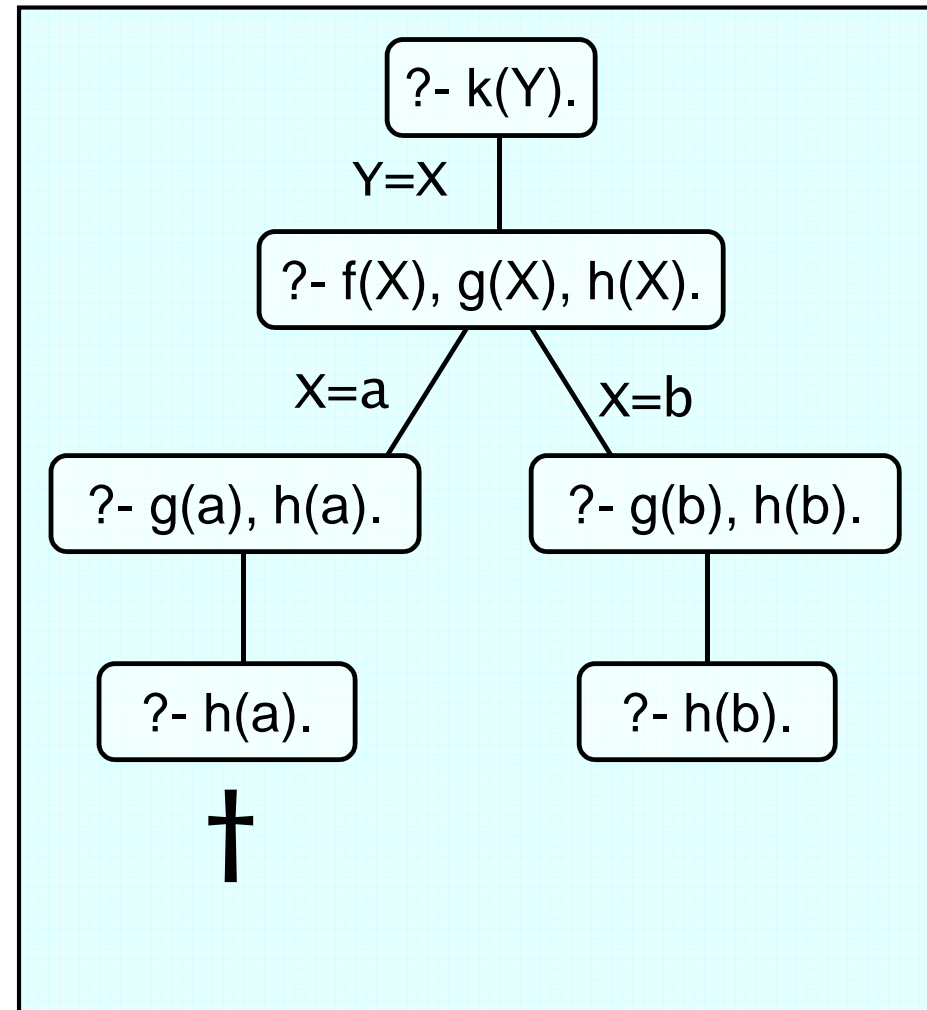
$?- k(Y).$



# Ejemplo: árbol de búsqueda

$f(a).$   
 $f(b).$   
 $g(a).$   
 $g(b).$   
 $h(b).$   
 $k(X):- f(X), g(X), h(X).$

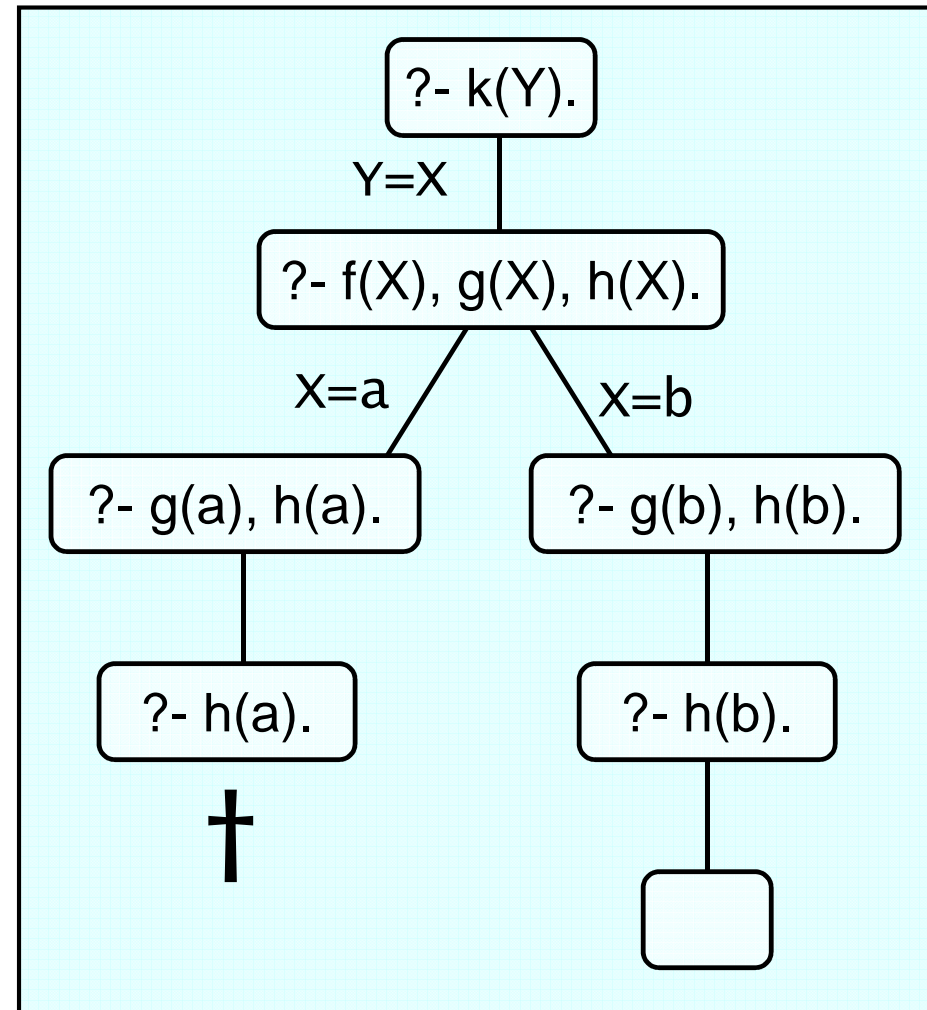
$?- k(Y).$



# Ejemplo: árbol de búsqueda

$f(a).$   
 $f(b).$   
 $g(a).$   
 $g(b).$   
 $h(b).$   
 $k(X):- f(X), g(X), h(X).$

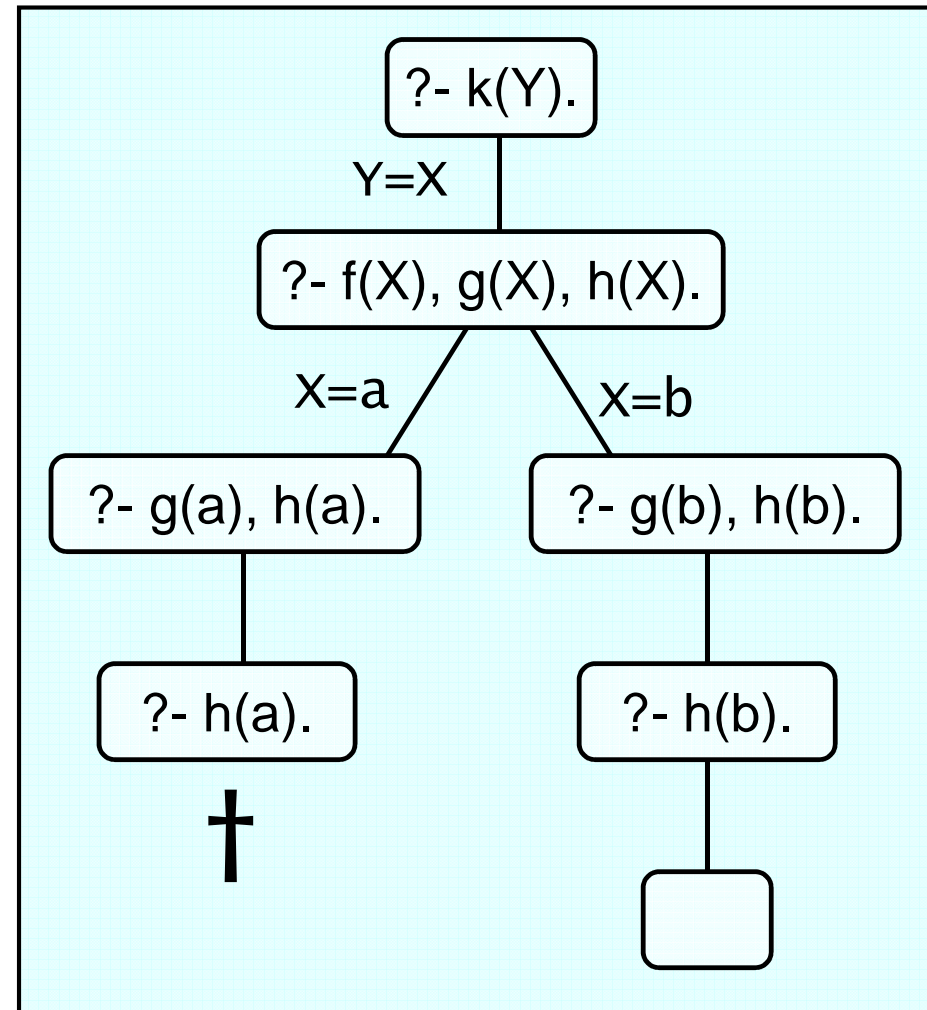
$?- k(Y).$   
 $Y=b$



# Ejemplo: árbol de búsqueda

$f(a).$   
 $f(b).$   
 $g(a).$   
 $g(b).$   
 $h(b).$   
 $k(X):- f(X), g(X), h(X).$

$?- k(Y).$   
 $Y=b;$   
 $no$   
 $?-$



# Resumen

- Se ha:
  - Definido la unificación
  - Visto la diferencia entre unificación standard y de Prolog
  - Introducido árboles de búsqueda

# Próxima

---

- Recursión en Prolog
  - Definiciones recursivas en Prolog
  - Problemas con significado declarativo y procedimiento de prueba de Prolog