

## Electiva 188 - Introducción a Octave Trabajo Práctico 5

Daniel Millán, Nicolás Muzi, Eduardo Rodríguez

CONICET

ℳ

Facultad de Ciencias Aplicadas a la Industria, UNCuyo  
San Rafael 5600, Argentina  
Abril–Mayo de 2020

### Ejercicio 1. Cinemática del sólido rígido.

Se considera un sistema de barras que giran sin rozamiento, ver diagrama en Figura 1. Una barra AB de longitud  $a = 10\text{cm}$  gira con velocidad angular  $\omega = 12\text{rad/s}$  en sentido anti horario, respecto al punto A que se encuentra fijo. A esta barra está unida una barra BC de longitud  $b = 15\text{cm}$ , la cual gira libremente. Finalmente el otro extremo de la barra BC está unida a la barra CD de longitud  $c = 20\text{cm}$  que posee su otro extremo fijo.

Mediante el empleo de un *script* resuelva los siguiente ítems en Octave:

1. Determinar la posición de los extremos de las barras en función del tiempo, grafique las trayectorias en el plano  $xy$ .
2. Graficar la posición horizontal y vertical del punto C en función del tiempo.
3. Determinar numéricamente la velocidad del punto de unión C para cada instante de tiempo.
4. Realizar una animación para ver la cinemática de las barras. Muestre en la misma figura la posición de las barras y la velocidad horizontal y vertical del punto C en función del tiempo.

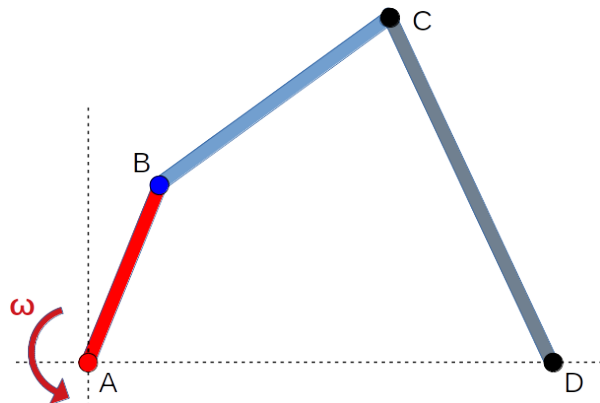


Figura 1: Esquema cinemática barras rígidas. Una barra AB de longitud  $10\text{cm}$  gira con velocidad angular  $\omega = 12\text{rad/s}$  respecto al punto A, que se encuentra fijo. A esta barra está unida una barra BC de longitud  $15\text{cm}$ , la cual gira libremente. La barra BC está unida a la barra CD, de longitud  $20\text{cm}$ , que posee su otro extremo fijo (punto D).

Ayuda: emplee el *script* [TP5\\_Ej1\\_Cinemática\\_Barras.m](#) subido a la web de la asignatura.

**Ejercicio 2.** En el Trabajo Práctico 2 se analizó el estado estacionario de una red de 5 mezcladores químicos. En este ejercicio se considera la respuesta transitoria o dinámica, ver descripción en Figura 12.3 del libro de Chapra y Canale, Capítulo 12, 5ta Ed, 2007. El ejercicio propuesto se basa en el análisis del estado transitorio desarrollado en el Capítulo 28 del mismo libro.

Mediante el empleo de un *script* resuelva los siguiente ítems en Octave:

1. El tiempo hasta el estado estacionario se caracteriza por el tiempo que tarda cada reactor en alcanzar el 90 % de la concentración en el estado estacionario,  $t_{90}$ . Estime  $t_{90}$  para cada reactor.
2. Se produce una variación de la concentración en  $t = 10\text{min}$  en la entrada del reactor 1 el cual se aproxima por

$$b_1(t) = 1 + \exp(-(t - 10)^2).$$

- a) Grafique el la entrada  $b_1(t)$  en función del tiempo  $t$ .
  - b) Determine las respuestas transitorias y grafique  $c_i(t)$ .
3. La carga en el reactor 3 decrece en un 25 % de forma abrupta en  $t = 10\text{min}$ . Luego de media hora se restablece súbitamente el valor de entrada.
    - a) Cree una función [TP5.Ej2\\_Carga3\\_Escalon.m](#) que modele el valor en la entrada  $b(t)$  en función del tiempo. Grafique  $b_3(t)$ .
    - b) Determine las respuestas transitorias y grafique  $c_i(t)$ .

*Ayuda:* emplee el *script* [TP5.Ej2\\_Mezcladores\\_Transitorio.m](#) de la web de la asignatura.

**Ejercicio 3.** Considere que se mezclan perfectamente dos fluidos A y B con temperatura diferente de modo que alcanzan la misma temperatura. La mezcla se realiza en un recipiente perfectamente aislado del medio exterior, proceso adiabático.

La capacidad calorífica específica o calor específico a presión constante del fluido A está dada por:

$$c_p = 925.858 - 2.692 \times 10^{-2}T + 0.002 \times 10^{-6}T^2,$$

y el calor específico del fluido B se obtiene con:

$$c_p = -1444.258 + 3.492 \times 10^{-1}T - 0.002 \times 10^{-5}T^2,$$

donde  $c_p$  se expresa en unidades de cal/mol K y  $T$  está en unidades de K.

El fluido A entra al mezclador a  $T_{A1}$  en el rango  $[300,600]^\circ\text{C}$  y el B entra a una temperatura  $T_{B1}$  entre  $500^\circ\text{C}$  y  $800^\circ\text{C}$ . Al mezclador entra el doble de fluido A que B. Mediante el empleo de un *script* resuelva los siguiente ítems en Octave:

1. Cree funciones anónimas de  $c_P$  para el fluido A y B. Grafique el comportamiento de los calores específicos, en los rangos de temperatura correspondientes y en una sola figura.
2. ¿A qué temperatura  $T_2$  salen los dos fluidos del mezclador en el rango analizado? Grafique la superficie de respuesta empleando la orden `surf`.
3. El rango de operación del proceso industrial requiere que  $T_2$  se restrinja en el rango  $[525,550]^\circ\text{C}$ .
  - 3.a) Muestre el resultado empleando curvas de nivel, un mapa de colores y las opciones necesarias tal de obtener la Figura 2.

- 3.b) Realice una discusión en base a los resultados obtenidos para el rango de operación desde un visto de vista tecnológico, económico y como ingeniero responsable del proceso industrial.

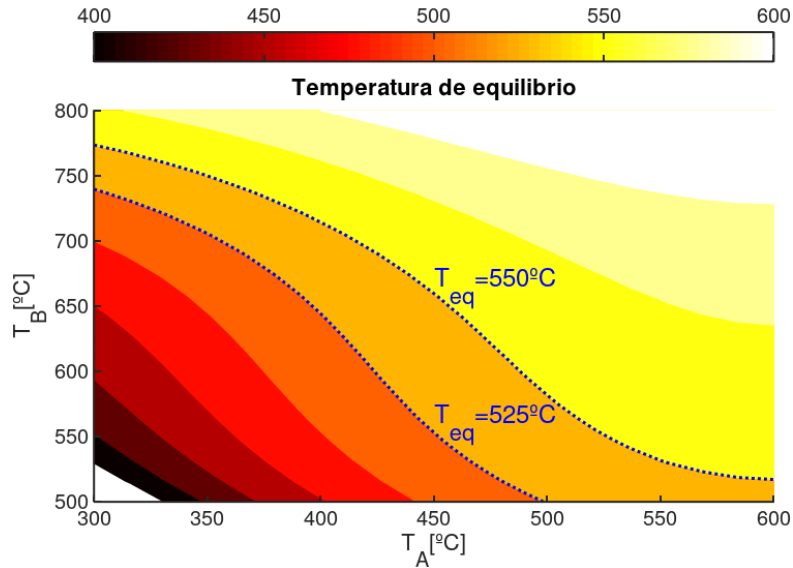


Figura 2: Temperatura de equilibrio de un mezclador de dos fluidos a diferente temperatura.

**Ejercicio 4.** Dado el siguiente polinomio  $p(x) = x^5 - 4x^3 + x - 1$ , se pide

1. Realizar el gráfico de la figura en el intervalo  $[-2.5, 2.5]$ . Observando la figura aproxime los valores de las raíces.
2. Implemente el método de la secante en **Octave** utilizando el código dado de ejemplo en [es.wikipedia.org/wiki/Método\\_de\\_la\\_secante](https://es.wikipedia.org/wiki/Método_de_la_secante). Calcule las raíces del polinomio.
3. Utilice la función **roots** para determinar las raíces. ¿Encuentra alguna diferencia? Discuta.
4. Determine el orden de convergencia del algoritmo de la secante según la expresión dada por [wiki]:  $q \approx \frac{\ln \left| \frac{x_{n+1} - x_n}{x_n - x_{n-1}} \right|}{\ln \left| \frac{x_n - x_{n-1}}{x_{n-1} - x_{n-2}} \right|}$ .
5. Discuta el resultado dado por la función **secante(ff, 0, 1, 0.0001)**, donde **ff** es  $p(x)$ .
  - En la siguiente web puede encontrar ejemplos e información útil sobre funciones **Matlab/Octave** para calcular las raíces de una ecuación [www.sc.ehu.es/.../raices3.html](http://www.sc.ehu.es/.../raices3.html)

**Ejercicio 5.** Sea la función  $f(x) = x \sin(\pi x) - \exp(-x)$ . Considere el siguiente algoritmo del método de Newton-Raphson para determinar la raíz de  $f(x)$  implementado en **Octave**:

```
function x=newton_raphson(f,fp,x0,TOLX)
    while(1)
        x=x0-f(x0)/fp(x0);
        if abs((x-x0)/x)<TOLX
            break
        end
        x0=x;
    end
end
```

Donde a la función `newton_raphson`, se le pasa la función `f` y su derivada `fp`, la aproximación inicial `x0` y la tolerancia `TOLX`.

1. Dibuje la función. Determine por inspección visual el valor de la menor raíz.
2. Implemente en `Octave` el algoritmo de Newton-Raphson (N-R) dado por la función `newton_raphson`. Realice los cambios que considere oportunos para que esta función sea robusta y pueda concluir si excede un número de iteraciones especificado por `ITERMAX`.
3. Determine el cero de  $f(x)$  mediante el método de N-R. Para ello cree un `script` que contenga las siguientes líneas:

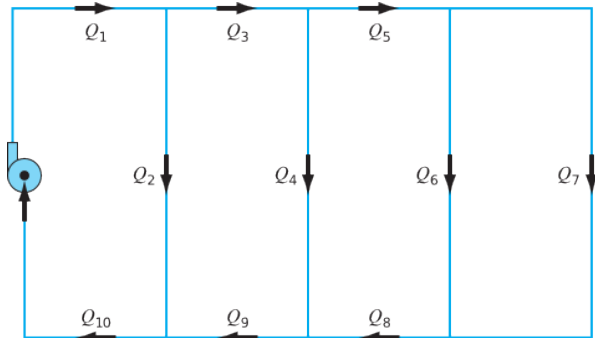
```
f=@(x) x*sin(pi*x) - exp(-x);
fp=@(x) sin(pi*x) + x*pi*cos(pi*x) + exp(-x);
xs=newton_raphson(f,fp,0.5,0.0001);
disp([xs,f(xs)])
```

4. Determine el orden de convergencia para este problema dado por el método de N-R (ver Ejercicio 4.4).

## Ejercicio 6.

Un fluido se bombea en la red de tubos que se muestra en la Figura 3. En estado estacionario, se cumplen los balances de flujo siguientes:

$$\begin{aligned} Q_1 &= Q_2 + Q_3, \\ Q_3 &= Q_4 + Q_5, \\ Q_5 &= Q_6 + Q_7, \end{aligned}$$



donde  $Q_i$  es el flujo en el tubo  $i$  ( $m^3/s$ ). Además, la caída de presión alrededor de los tres lazos en los que el flujo es hacia la derecha debe ser igual a cero.

Figura 3: Red de tubos. Figura P8.44 del libro de Chapra y Canale, Métodos Numéricos Para Ingenieros. Capítulo 8, 5ta Ed, 2007.

La caída de presión en cada tramo de tubo circular se calcula por medio de la ecuación:

$$\Delta P = \frac{16}{\pi^2} \frac{f L \rho}{2 D^5} Q^2,$$

donde  $\Delta P$  es la caída de presión ( $Pa$ ),  $f$  = factor de fricción [adimensional],  $L$  es la longitud del tubo ( $m$ ),  $\rho$  es la densidad del fluido ( $kg/m^3$ ), y  $D$  es el diámetro del tubo ( $m$ ).

Todos los tubos tienen  $D = 500$  mm. Las longitudes de los tubos son:  $L_3 = L_5 = L_8 = L_9 = 2m$ ;  $L_2 = L_4 = L_6 = 4m$ ; y  $L_7 = 8m$ .

Escriba un `script` en `Octave` que permita calcular el flujo en cada tramo de tubo, dado que  $Q_1 = 1m^3/s$  y  $\rho = 1.23kg/m^3$ . Considere:

1. El factor de fricción  $f = 0.005$ .
2. El factor de fricción se calcula con la *ecuación de von Karman*, que es:

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = 4 \log_{10}(Re \sqrt{f}) - 0.4,$$

donde  $Re$  es el número de Reynolds. Obsérvese que para un tubo circular,  $V = 4Q/\pi D^2$  dada en  $m/s$ . Suponga que el fluido tiene una viscosidad de  $1.79 \times 10^{-5} N \cdot s/m^2$ .

3. Se desea conocer el comportamiento del sistema en el rango previsible de operación, para el cual  $Q_1$  se estima que será  $[\frac{1}{4}, \frac{7}{4}]m^3/s$ . El factor de fricción está dado por la ecuación de von Karman. Realice las curvas  $Q_i(Q_1)$ ,  $i = 2, \dots, 7$ , analice los resultados.

**Entrega obligatoria del *script* utilizado para resolver un Ejercicio a elección.**