Algorithmique et structures de données : Mission 2

Groupe 1.2: Ivan Ahad - Jérôme Bertaux - Rodolphe Cambier Baptiste Degryse - Wojciech Grynczel - Charles Jaquet

18 octobre 2014

Rapport écrit par Ivan Ahad et Rodolphe Cambier

Introduction

L'objectif de cette mission est de créer un programme qui prend en entrée une expression analytique et qui retourne la dérivée de celle-ci, grâce à l'utilisation d'arbres binaires.

Fonctionnement

Le programme lit le fichier avec les expressions à résoudre et convertit les lignes du fichier en un ArrayList:

```
ArrayList < String > expressions = ReadWrite.mRead("expression.txt");
```

Il traite ensuite chaque élément de l'ArrayList indépendamment:

```
for (String expression: expressions)
```

Pour chaque expression (élément de l'ArrayList), il va transformer la ligne de texte en un FormalExpressionTree, un arbre binaire qui va contenir les expression afin qu'elles soient traitables par la suite. Cela sera réalisé lors de la création de l'arbre, quand le constructeur de FormalExpressionTreeImpl appelle la fonction parse.

```
1 \text{ FormalExpressionTree } \text{fet} = \frac{1}{1} \text{ New FormalExpressionTreeImpl} (expression);
```

Une fois transormées en arbre, les expressions mathématiques vont êtres dérivées en appelant la fonction derive, de la classe Calculator sur l'abre représentant l'expression mathématique à dériver. Cette fonction va traiter l'élément du root, et va s'appeler récursivement sur chacun des enfants du root, de sorte que tout l'arbre soit traité. A chaque étape, il remplit un nouvel arbre, avec la dérivée de l'expression de départ. Il retourne finalement ce nouvel arbre contenant la dérivée de l'expression d'origine.

Par exemple les fonctions + et - de la fonction derive de la classe Calculator:

```
public static LinkedBinaryTree<String> derive(LinkedBinaryTree<String> t){
   LinkedBinaryTree<String> t2=null;
   if(t.element().equals("+"))
      t2= new LinkedBinaryTree<String>("+",derive(t.leftTree()),derive(t.rightTree()));
   else if(t.element().equals("-"))
      t2= new LinkedBinaryTree<String>("-",derive(t.leftTree()),derive(t.rightTree()));
   [...]
   else
      System.out.println("element inconnu : "+ t.element());
   return t2;
}
```

Finalement, l'arbre de départ ainsi que le nouvel arbre représentant sa dérivée seront imprimés.

Choix d'implémentations, optimisations

La fonction parse de la classe FormalExpressionTreeImpl se base fortement sur l'hypothèse simplificatrice des expression parenthésées. On se base en effet sur la fermeture d'une parenthèse pour conclure que les deux opérations précédentes (variable operands) doivent être liées dans un arbre avec comme racine l'opérateur correspondant (variable operators) et ainsi de suite récursivement:

```
if (token == ')') {
right = (LinkedBinaryTree) operands.pop();
left = (LinkedBinaryTree) operands.pop();
[...]
LinkedBinaryTree lbt = new LinkedBinaryTree(operators.pop()+ "", left, right);
[...]
operands.push(lbt);
}
```

Le retrait de cette hypothèse nous forcerait à effectuer les priorités des opérations lors de la création de notre arbre.

Le rajout des fonctions exp et log se ferait de manière similaire aux fonctions cos et sin, avec un cas particulier dans la fonction *parse* et le calcul adapté dans la classe *Calculator*. Notre implémentation permet donc le rajout de toute fonction voulue, simplement en l'insérant dans l'arbre et en la traitant de manière adaptée dans la classe *Calculator*.

UML

