



Politechnika Wrocławska

Wydział Informatyki i Zarządzania

kierunek studiów: Informatyka

specjalność: Inżynieria oprogramowania

Praca dyplomowa - magisterska

WIELOKRYTERIALNY PROBLEM  
ROZMIESZCZENIA ZRASZACZY WODNYCH  
NA ZADANEJ POWIERZCHNI  
MULTICRITERIA WATER SPRINKLERS DEPLOYMENT PROBLEM  
ON A GIVEN AREA

inż. Grzegorz Dziedzic

słowa kluczowe:  
optymalizacja wielokryterialna,  
algorytmy genetyczne,  
zraszacze wodne

krótkie streszczenie:  
SHORT ABSTRACT

Promotor:	dr Mariusz Fraś	.....	.....
	<i>imię i nazwisko</i>	<i>ocena</i>	<i>podpis</i>

Do celów archiwalnych pracę dyplomową zakwalifikowano do:\*

a) kategorii A (akta wieczyste)

b) kategorii BE 50 (po 50 latach podlegające ekspertyzie)

\* niepotrzebne skreślić

pieczęć wydziałowa

Wrocław 2017

Niniejszy dokument został złożony w systemie L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X.

ABSTRACT PL

**Streszczenie**

ABSTRACT EN

**Abstract**



# Spis treści

<b>Rozdział 1. Wstęp</b>	<b>1</b>
1.1. Wprowadzenie . . . . .	1
1.2. Cel pracy . . . . .	1
1.3. Przegląd literatury . . . . .	2
1.4. Opis pracy . . . . .	2
<b>Rozdział 2. Problem nawodnienia obszaru</b>	<b>3</b>
<b>Rozdział 3. Optymalizacja</b>	<b>5</b>
3.1. Optymalizacja jednokryterialna . . . . .	5
3.2. Optymalizacja wielokryterialna . . . . .	5
<b>Rozdział 4. Algorytmy genetyczne</b>	<b>7</b>
4.1. Opis ogólny . . . . .	7
4.2. Algorytmy wielokryterialne . . . . .	7
4.2.1. NSGA-II . . . . .	7
4.2.2. SPEA . . . . .	7
4.3. Strojanie . . . . .	7
<b>Rozdział 5. Systemy wspomagania decyzji</b>	<b>9</b>
<b>Rozdział 6. Rozwiązanie problemu</b>	<b>11</b>
6.1. System wspomagania decyzji . . . . .	11
6.1.1. Architektura . . . . .	11
6.1.2. Interakcja z użytkownikiem . . . . .	11
6.2. Optymalizacja . . . . .	11
6.2.1. Model matematyczny . . . . .	11
6.2.2. Porównanie algorytmów genetycznych . . . . .	14
<b>Rozdział 7. Podsumowanie</b>	<b>17</b>
<b>Dodatek A. Appendix 1</b>	<b>19</b>
<b>Bibliografia</b>	<b>21</b>



# Rozdział 1

## Wstęp

### 1.1. Wprowadzenie

Odpowiednie nawodnienie ogrodu jest jedną z podstawowych czynności pielęgnacyjnych. Gdy właściciel dysponuje odpowiednim budżetem najlepszym rozwiązaniem będzie dla niego inwestycja w automatyczny system nawadniania. System taki składa się z zraszaczy wodnych, rur pomiędzy nimi oraz systemu sterowania. Takie rozwiązanie pozwala zaoszczędzić czas tracony na ręcznym podlewaniu ogrodu oraz zapewnia równomierne nawodnienie na całej ustalonej powierzchni. Jednym z głównych problemów koniecznych do rozwiązania podczas instalacji takiego systemu jest odpowiednie rozmieszczenie poszczególnych zraszaczy. Te najczęściej znajdują się pod ziemią oraz posiadają wynurzalną głowicę. Z tego powodu raz zainstalowany zraszacz najczęściej zostaje na swoim miejscu, aż do momentu wymiany całej instalacji wodnej. Biorąc to pod uwagę rozmieszczenie zraszaczy powinno być dobrze przemyślane już podczas etapu projektowania systemu nawadniania. Projektując taki system należy przyjąć jako cel nawodnienie całości wskazanego obszaru jak najmniejszym kosztem przy przestrzeganiu wskazanych przez właściciela ograniczeń.

Proces projektowania sieci zraszaczy może być żmudny oraz długotrwały, biorąc pod uwagę różnorodność sprzętu dostępnego na rynku czy chociażby nieregularność powierzchni, która ma zostać nawodniona. Z pomocą może przyjść tutaj nowoczesna technologia. Opisany powyżej problem idealnie nadaje się do rozwiązania przy pomocy dostępnych algorytmów optymalizacyjnych. Praca ta będzie skupiać się na rozwiązaniu omówionego problemu poprzez opracowanie systemu wspomagania decyzji i implementację oraz porównanie wielokryterialnych algorytmów genetycznych.

### 1.2. Cel pracy

Opracowanie informatycznego systemu wspomagania podejmowania decyzji w rozmieszczeniu zraszaczy wodnych na zadanej powierzchni, a w szczególności zaproponowanie oraz przebadanie wielokryterialnych algorytmów genetycznych w kontekście wybranego problemu.

### 1.3. Przegląd literatury

Problem przedstawiony w temacie pracy nie był do tej pory poruszany w literaturze. Nie mniej jednak biorąc pod uwagę, opisane później, założenia przyjęte podczas realizacji pracy można znaleźć publikacje o tematyce zbliżonej, czyli takie w których autorzy starają się rozwiązać problem pokrycia danego obszaru (Area Coverage Problem).

W większości znalezionych publikacji do rozwiązania stawianego problemu używane są algorytmy ewolucyjne, w tym głównie algorytmy genetyczne. Przykładem jest "ŻEF", gdzie autorzy rozwiązują optymalizacyjny problem rozmieszczenia sensorów w sieci bezprzewodowej przy użyciu algorytmu genetycznego NSGA-II. Autorzy skupiają się na pokryciu określonego terenu sygnałem z jak najmniejszej ilości sensorów. Przedstawione wyniki są obiecujące - w 500 pokoleń ilość potrzebnych sensorów z BEGIN spadła do END. TODO

### 1.4. Opis pracy

W kolejnych rozdziałach opisane będą poszczególne zagadnienia związane z realizacją celu pracy. Najpierw dokładnie opisany zostanie problem nawodnienia obszaru, czyli problem z którym muszą zmagać się wszyscy projektanci ogrodów i systemów nawadniania. Następnie wyjaśnione zostaną pojęcia optymalizacji oraz optymalizacji wielokryterialnej, czyli dwa zagadnienia na których bazuje cała praca. W kolejnym rozdziale opisane zostaną algorytmy genetyczne, zarówno te w wersji podstawowej jak i wielokryterialnej wraz z ich wybranymi wersjami, tak aby przybliżyć czytelnikowi dlaczego i w jaki sposób one działają. W następnej kolejności zostanie wyjaśnione czym jest system wspomagania decyzji, jakie założenia powinien spełniać oraz jakimi funkcjonalnościami się wyróżniać. Kolejne rozdziały będą już odzwierciedleniem wykonanej pracy i dokładnym opisem przyjętego sposobu realizacji zadania. Najpierw dokładnie opisany zostanie opracowany system wspomagania decyzji. Zaprezentowana będzie architektura oraz przykładowe zrzuty ekranu pokazujące przygotowany interfejs graficzny. W kolejnym rozdziale skonkretyzowany zostanie problem optymalizacji. Przedstawiony będzie opracowany model matematyczny, przykładowe rezultaty oraz wyniki badań mające na celu porównania wybranych wersji algorytmów genetycznych. Na końcu pracy znajdzie się podsumowanie oceniające przedstawione rozwiązanie oraz propozycje dalszego rozwoju opracowanego systemu oraz badań.



## Rozdział 2

# Problem nawodnienia obszaru

Jednym z podstawowych problemów z jakim spotykają się właściciele ogrodów jest instalacja odpowiedniego systemu nawadniania. Mogą to zrobić sami albo zlecić zadanie firmie zajmującej się projektowaniem ogrodów i systemów nawadniania. Jest kilka szczególnie ważnych elementów, na które należy zwrócić uwagę projektując taki system:

- Odpowiedni pomiar terenu, który ma zostać nawodniony
- Wzięcie pod uwagę ukształtowania terenu
- Obliczenie potrzebnego ciśnienia wody
- Wybór i rozmieszczenie zraszaczy
- Wybór i poprowadzenie rur
- Umieszczenie zaworów

Wszystkie wymienione powyżej elementy znacząco wpływają na cenę, jakość oraz wydajność zaprojektowanego systemu.

W tej pracy autor skupia się na dwóch z powyższych punktów: wyborze i rozmieszczeniu zraszaczy oraz poprowadzeniu rur i nie będzie brał pod uwagę reszty wymienionych punktów.

Odpowiednie rozmieszczenie zraszaczy jest ważne, ponieważ zapewnia równomierne nawodnienia.



## Rozdział 3

# Optymalizacja

### 3.1. Optymalizacja jednokryterialna

### 3.2. Optymalizacja wielokryterialna



## Rozdział 4

# Algorytmy genetyczne

### 4.1. Opis ogólny

### 4.2. Algorytmy wielokryterialne

#### 4.2.1. NSGA-II

#### 4.2.2. SPEA

### 4.3. Strojenie



Rozdział 5

# Systemy wspomaganie decyzji





## Rozdział 6

# Rozwiązanie problemu

### 6.1. System wspomagania decyzji

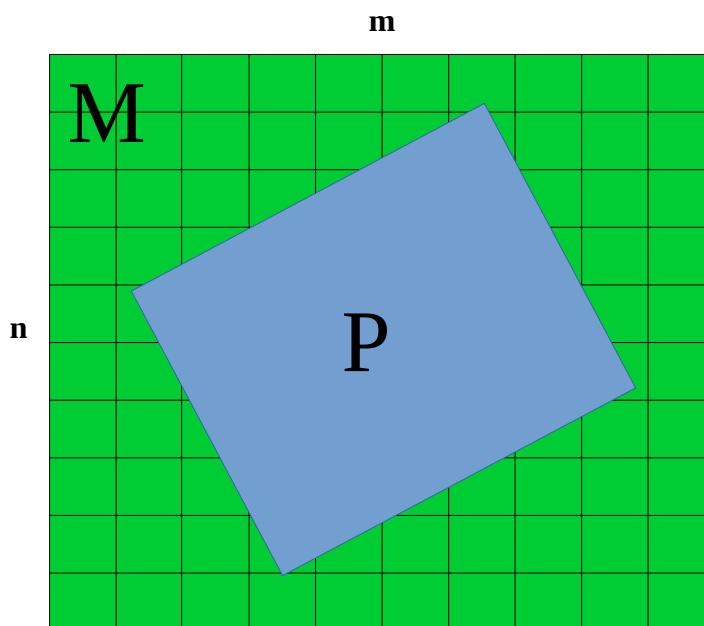
#### 6.1.1. Architektura

#### 6.1.2. Interakcja z użytkownikiem

### 6.2. Optymalizacja

#### 6.2.1. Model matematyczny

Założmy, że  $P$  jest wielokątem odwzorowującym kształt terenu, który ma zostać nawodniony. Poprzez opisanie danego wielokąta prostokątem otrzymujemy teren roboczy  $A$ . Szerokość i wysokość tego terenu są dodatkowo powiększone o największy możliwy zasięg zraszaczy, tak aby umożliwić odpowiednie sprawdzenie stopnia naruszenia ograniczeń, o których mowa później.  $A$  jest dodatkowo podzielony na  $m \times n$  kwadratów tworząc macierz  $M$  przedstawioną na rysunku 6.1. Każdy element macierzy może przyjmować wartości od 0 do  $ms$ , gdzie  $ms$  jest maksymalną liczbą zraszaczy. Wartość 0 oznacza, że dany kwadrat nie został podlany. Wartość większa od 0 mówi o tym przez ile zraszaczy dany obszar został nawodniony. Założmy, że  $p(x, y)$  jest funkcją mówiącą o tym czy punkt o współrzędnych  $(x, y)$  znajduje się wewnątrz  $P$ . Jeśli  $p = 0$  punkt należy do  $P$ , w przeciwnym wypadku  $p = 1$ . Zraszacz jest definiowany jako okrąg reprezentowany przez promień  $r_i$ , współrzędne środka  $(x_i, y_i)$  oraz koszt  $c_i$ . Środek każdego zraszacza musi zawierać się w  $P$ , czyli  $p(x_i, y_i) = 0$ . Z racji tego, że pojedynczy kwadrat jest jedyną jednostką używaną w obliczeniach, również promień jak i współrzędne zraszaczy wodnych są wyrażane za pomocą tej jednostki. Teren podlany przez pojedynczy zraszacz jest generowany za pomocą algorytmu punktu środkowego koła (Midpoint circle algorithm). Generalnie poprzez stopień nawodnienia danego obszaru



Rys. 6.1: blach

rozumie się różnicę pomiędzy liczbą wszystkich elementów macierzy  $M$  należących do  $P$ , a liczbą nawodnionych elementów tej macierzy należących do  $P$ :

$$F_0 = \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n) \cdot (1 - irr(m, n)) \quad (6.1)$$

, gdzie  $irr(m, n)$  jest funkcją mówiącą o tym czy dany element macierzy jest nawodniony (6.2).

$$irr(i, j) = \begin{cases} 0, & \text{if } M_{ij} = 0 \\ 1, & \text{if } M_{ij} > 0 \end{cases} \quad (6.2)$$

Im wartość funkcji  $F_0$  jest mniejsza tym mniej jest obszarów nienawodnionych, a więc rozwiązanie jest lepsze.  $F_0 =$  jest rozwiązaniem idealnym z perspektywy kryterium nawodnienia.

Jak zostało wspomniane w poprzednich rozdziałach zaimplementowane algorytmy oceniają stopień nawodnienia obszaru na dwa sposoby w zależności od tego czy wybrana jest opcja minimalizacji nawodnienia poza wskazanym obszarem. Jeśli minimalizacja jest wyłączona do obliczeń używana jest prosta funkcja opisana powyżej (6.1). Bardziej

szczegółowe rozwinięcie funkcji przewiduje wprowadzenie kary za naruszenie ograniczeń:

$$F_1 = \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n) \cdot (1 - irr(m, n)) + \alpha \cdot \left[ \frac{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N (1 - p(m, n)) \cdot irr(m, n) \cdot 100}{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n)} + \frac{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n) \cdot ovirr(m, n) \cdot 100}{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n)} \right] \quad (6.3)$$

, gdzie  $\alpha$  jest zmienną określającą to czy na funkcję celu wpływa minimalizacja nawodnienia poza wskazanym obszarem. Zmienna  $\alpha$  może przyjmować wartość 0 lub 1. Jeśli  $\alpha = 1$  minimalizacja jest brana pod uwagę;  $ovirr(m, n)$  jest funkcją mówiącą czy dany obszar został nadmiernie nawodniony (6.4).

$$ovirr(i, j) = \begin{cases} 0, & \text{if } M_{ij} \leq 1 \\ 1, & \text{if } M_{ij} > 1 \end{cases} \quad (6.4)$$

Jak zostało wspomniane wcześniej, do każdego z rozmieszczonych zraszaczy przypisany jest koszt. Dzieje się to w oparciu o utworzoną bazę danych zawierającą w sobie konkretne zraszacze produkowane przez firmę Gardena. Spis wszystkich używanych zraszaczy znajduje się w tabeli REF. Każdy zraszacz znajdujący się w bazie danych charakteryzuje się nazwą, kosztem i minimalnym oraz maksymalnym zasięgiem. Koszt konkretnego rozmieszczonego zraszacza jest wyznaczany poprzez wybranie najtańszego dostępnego zraszacza z bazy danych, którego zasięg odpowiada temu wyznaczonemu w procesie optymalizacji:

$$C = \min_i c_i : a_i \leq r_s \leq b_i \quad (6.5)$$

, gdzie  $c_i$  określa koszt konkretnego zraszacza z bazy danych;  $a_i, b_i$  są wartościami mówiącymi kolejno o minimalnym oraz maksymalnym zasięgu konkretnego zraszacza;  $r_s$  określa zasięg zraszacza, na podstawie którego wyszukiwany jest najtańszy odpowiednik z bazy danych.

Całkowity koszt konkretnego rozwiązania wynosi zatem:

$$F_2 = \sum_{s=1}^S C(r_s) \quad (6.6)$$

, gdzie  $S$  jest liczbą wykorzystanych zraszaczy.

Podsumowując celem zadania jest rozwiązanie następującego problemu optymalizacyjnego:

$$\begin{aligned}
 \min F_1 = & \sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n) \cdot (1 - irr(m, n)) \\
 & + \alpha \cdot \left[ \frac{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N (1 - p(m, n)) \cdot irr(m, n) \cdot 100}{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n)} \right. \\
 & \left. + \frac{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n) \cdot ovrirr(m, n) \cdot 100}{\sum_{m=1}^M \sum_{n=1}^N p(m, n)} \right] \\
 \min F_2 = & \sum_{s=1}^S C(r_s)
 \end{aligned} \tag{6.7}$$

### 6.2.2. Porównanie algorytmów genetycznych

#### Plan badań

Złożoność oceny algorytmów służących do optymalizacji wielokryterialnej jest znacznie większa niż tej dla algorytmów rozwiązujących problemy obejmujące jedno kryterium. Wynika tak z samej definicji rozwiązania problemu wielokryterialnego, która wyjaśniona została wcześniej. Oceniając rozwiązanie takiego problemu należy wziąć pod uwagę następujące składowe:

- Dystans znalezionego niezdominowanego zbioru rozwiązań od prawdziwego zbioru Pareto
- Równomierny rozkład znalezionych rozwiązań
- Długość przedziału pokrytego przez znalezione rozwiązania
- Czas wykonania algorytmu

Na potrzeby analizy i oceny dwóch zaproponowanych algorytmów wybrane zostały cztery metryki:

1. *Współczynnik błędu (ER)*: wskazuje procent rozwiązań, które nie należą do prawdziwego zbioru Pareto.

$$ER = \frac{\sum_{i=1}^n e_i}{n} \tag{6.8}$$

Gdzie  $n$  jest liczbą znalezionych niezdominowanych rozwiązań;  $e_i$  zmienną określającą czy dane rozwiązanie znajduje się w prawdziwym zbiorze Pareto. Jeśli  $e_i = 0$  rozwiązanie znajduje się w prawdziwym zbiorze Pareto, w przeciwnym razie  $e_i = 1$ .  $ER = 0$  oznacza idealne rozwiązanie.

2. *Równomierny rozkład (SP)*: metoda mierząca wariancję dystansu sąsiadujących rozwiązań znajdujących się na znalezionym froncie Pareto.

$$SP = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (\bar{d} - d_i)^2} \tag{6.9}$$

Gdzie  $n$  jest liczbą znalezionych niezdominowanych rozwiązań;  $d_i$  oznacza dystans Euklidesowy pomiędzy danym rozwiązaniem, a jego najbliższym sąsiadem;  $\bar{d}$  jest

**Tabela 6.1:** Przypadki testowe

Wielkość	Obszar
Mały	1
Średni	2
Duży	3

wartością oznaczającą średni dystans pomiędzy rozwiązaniami. Wartość  $SP = 0$  oznacza, że znalezione rozwiązania są rozłożone równomiernie.

3. *Jakość ogólna (DG)*: wskazuje jak daleko od prawdziwego zbioru Pareto znajduje się zbiór znalezionych niezdominowanych rozwiązań. Miara zdefiniowana w następujący sposób:

$$DG = \frac{\sqrt{\sum_{i=1}^n d_i^2}}{n} \quad (6.10)$$

Gdzie  $n$  oznacza liczbę znalezionych niezdominowanych rozwiązań;  $d_i$  jest dystansem Euklidesowym pomiędzy danym rozwiązaniem, a najbliższym rozwiązaniem należącym do prawdziwego frontu Pareto. Wartość  $DG = 0$  oznacza, że wszystkie znalezione rozwiązania leżą na prawdziwym froncie Pareto.

4. *Długość frontu (FE)*: metoda wskazująca jak duży obszar jest pokryty przez znalezione niezdominowane rozwiązania.

$$FE = \sum_{k=1}^K \max_{i,j \neq i} \sqrt{(f_i^k - f_j^k)^2} \quad (6.11)$$

Gdzie  $K$  oznacza liczbę funkcji celu;  $f_i^k$  jest wartością  $i$ -tego rozwiązania z perspektywy kryterium  $k$ .

Aby skorzystać z powyższych metryk konieczne jest znalezienie prawdziwego frontu Pareto. Na potrzeby badań został on wygenerowany poprzez wybranie niezdominowanych rozwiązań ze skumulowanej puli rozwiązań powstałej na skutek uruchomienia symulacji 10 razy dla każdego algorytmu. Rezultaty każdej symulacji były dodawane do puli po czym zredukowane do rozwiązań niezdominowanych.

Dla badań przygotowanych zostało 6 przypadków testowych. Zostały one podzielone ze względu na wielkość obszaru mającego zostać nawodniony oraz tego czy algorytm ma minimalizować nawadnianie poza zaznaczonym obszarem. Kształt wybranych obszarów został dobrany tak, aby jak najlepiej wizualizować wpływ ograniczeń na działanie algorytmów.

Dobór parametrów algorytmów został opisany w rozdziale dotyczącym strojenia algorytmów genetycznych oraz prezentuje się następująco:

## Rezultaty badań

## Podsumowanie badań



## Rozdział 7

# Podsumowanie

*Definicja 1*

*Definicja - pierwsza*





Dodatek A

## Appendix 1

**Spis rysunków**

**Spis wzorów**

**Spis algorytmów**

# Bibliografia