### 注意事项

- 1. 普通PC(包括我们的OJ服务器)每秒的基本运算次数 $X*10^8$ ,在绝大多数情况下,估算运行时间 只需要考虑数量级,不考虑前面的常数。这一点常用于估算程序运行时间和估算算法所需的复杂度
- 2. 语言是整数是32位的,其取值范围为 [-2147483648, 2147483647]
- 3. 比较大的数组(如超 $10^5$ 规模)要开在全局变量空间中
- 4. **碰到==WA (Wrong Answer) ==**可以自己尝试动手生成一些简单到复杂的样例,测试自己的程序。具体可以通过对stdin和stdout进行重定向实现,如 freopen("test.in", "r", stdin);和 freopen("test.out", "w", stdout);

# 22-E1-1 缺少的数字

给定一个数组A, A的元素为[0,n]中的n个数字, 请找出在[0,n]区间内, 未在数组A中出现的数x。

### 思路

数组标记后判断, 注意创建全局数组可避免爆栈

# 22-E1-2 相同的卡片

Alice和Bob分别拥有一些卡片,卡片以数字编号,Alice拥有的卡片以数组A表示,Bob拥有的卡片以数组B表示。现在给出数组A和B,你需要求得Alice和Bob共同拥有的卡片种类(以递增顺序),若无相同种类卡片则输出-1。

举例来说,A=[1,2,2,3],表示Alice拥有1张卡片1,两张卡片2,1张卡片3。B=[2,2],表示Bob拥有两张卡片2。则他们共同拥有的卡片类型为卡片2,答案为2。

### 思路

因为存在递增, 创建两个数组的指针(索引), 指针递增判断即可。

### 22-E1-3 逆序对

输入一个长度为N的数组,你需要求出数组中逆序对的数量(答案对10,000,007取模)

逆序对即对于数组A,满足i < j,  $A_i > A_i$ 的(i,j)对

### 思路

在归并排序过程中记录逆序对数量,注意取模运算

# 22-E1-4 h指数

给你一个整数数组citations, 其中citations[i]表示研究者的第i篇论文被引用的次数。计算并返回该研究者的h指数。

h指数的定义: h代表"高引用次数",一名科研人员的 h指数是指他的n篇论文中至少有h篇论文被引用了至少 h次。

如果h有多种可能的值,h指数是其中最大的那个。

### 思路

首先,理解h的含义

将引用次数从小到大排序,之后从大到小遍历,h默认0,遍历过程中 citation[i]>h则h+=1,最后输出h

# 22-E1-EX 次数排序

对于整数数组A,请按照每个数字出现次数升序排列后输出。

当出现次数相同时,按照数字大小升序排列

#### 数据规模:

- 1. 数组元素-10^9 <= nums[i] <= 10^9
- 2. 数组大小n<=1000000

### 思路

#### 数组元素较大, 无法直接进行计数排序

通过创建包含(数值,出现次数)的结构体,重载compare()方法,即以"出现次数"作为结构体比较大小的依据

维护出结构体信息后,对结构体进行排序,输出即可。

# 22-E2-1 数据库查询

勤奋的小明为了预习下学期的数据库课程,决定亲自实现一个简单的数据库系统。该数据库系统需要处理用户的数据库插入和查询语句,并输出相应的输出。具体来说,用户的输入共包含若干条插入语句和查询语句。其中每条插入语句包含一个主键(唯一标识)id和一个字符串 $s_{id}$ ,表示在数据库中插入一个主键为id,属性值为 $s_{id}$ 的条目。每条查询语句包含一个字符串k,表示在数据库总查询是否有条目属性值为k,若存在属性值为k的条目,则输出该条目对应的主键(输入保证至多有一个条目满足要求),否则输出一个-1表示不存在这样的条目。

### 思路

建立值->键的映射关系

- 1. 字符串哈希
- 2. RB Tree
- 3. 比较偷懒的写法(不推荐): STL库中的map<string, int>

### 22-E2-2 树的遍历

给定某二叉树的前序序列和中序序列,输出该二叉树的后序序列。 (输入的前序遍历和中序遍历的结果中都不含重复的数字)

### 思路

通过递归来做,把握前序的第一个一定是当前树/子树的根节点,利用这一信息在中序序列中找出左子树和右子树之后进行递归

# 22-E2-3 内存分配

C语言中需要申请一块连续的内存时需要使用malloc等函数。如果分配成功则返回指向被分配内存的指针(此存储区中的初始值不确定),否则返回空指针NULL。

现在小明决定实现一个类似malloc的内存分配系统,具体来说,他需要连续处理若干申请内存的请求,这个请求用一个闭区间 $[a_i \dots b_i]$ 来表示。当这个区间和当前已被申请的内存产生重叠时,则返回内存分配失败的信息。否则返回内存分配成功,并将该区间标记为已被占用。

假设初始状态下内存均未被占用,管理的内存地址范围为 $0_{1 {
m GB}~(0} 2^{30})$ 。

### 思路

需要频繁对整段区间进行修改(0->1)、查询操作,不能直接在数组上进行操作。 可以使用红黑树/树状数组/线段树区间操作

# 22-E2-4 危险品放置

现有若干危险品需要放置在A, B两个仓库。

当两种特定的危险品放置在相同地点时即可能产生危险。我们用危险系数 $\alpha_{i,j}$ 表示危险品i,j放置在一起的危险程度。一些危险品即使放置在一起也不会产生任何危险,此时 $\alpha_{i,j}=0$ ,还有一些危险品即使单独放置也会产生危险,此时 $\alpha_{i,i}>0$ 。

定义两个仓库整体的危险系数为 $\max(\max_{i,j\in A}\alpha_{i,j},\max_{i,j\in B}\alpha_{i,j})$ ,即放置在一起的所有危险品两两组合的危险系数的最大值。

现在对于一组给定的危险系数,需要设计方案使得整体危险系数最小。

### 思路

并查集+ 贪心, 贪心将危险程度较大的物品放置到两个不同的仓库中, 利用并查集维护冲突关系, 直至不能无法放至两个仓库时得到最小的危险系数。

### 22-E3-1 最大和

对于一个长度为n的整数数组,请你找出一个具有最大和的连续子数组,输出其最大和。

### 思路

动态规划,dp[i]表示以i结尾的连续子数组最大和,通过dp[i] = max(num[i], dp[i-1]+num[i])来更新分治,递归

扫描一遍,在每次元素累加和小于0时,从下一个元素重新开始累加

### 22-E3-2 最小路径

对于一个元素均为正整数,大小为n\*m的网格,Alice从左上角(1,1)出发,每次只能选择向右或向下走一格,最终到达网格右下角停止。

到达网格右下角存在若干路径,请你找出路径上各点的数字总和最小的路径,输出其数字总和。

### 思路

动态规划,根据可走的方向维护即可,dp[i][j]记得考虑i,j在边界的情况

# 22-E3-3 多重背包

现有一个背包可以容纳总重量为W的物品,有n种物品可以放入背包,其中每种物品单个重量为 $w_i$ ,价值为 $v_i$ ,可选数量为 $num_i$ 。

输出可以放入背包的物品的最大总价值。

### 思路

在0-1背包的基础上,在状态转移部分,根据当前物品可选数量进行更新(增加一轮循环)

# 22-E3-EX 正方形计数

现有一个 $n \times m$ 的矩形区域,其中每个单位区域可能有损坏。

要求找到地面上所有不包含损坏区域的正方形的个数。

### 思路

动态规划,dp[i][j]表示以(i,j)为右下角的正方形有几个 若(i,j)位置为1,则dp[i][j]=0; 若(i,j)位置为0,则状态转移dp[i][j]=min(dp[i-1][j],dp[i][j-1],dp[i-1][j-1])+1; 最后把dp数组求个sum就可以

### 22-E4-1 道路规划

沙漠上,新建了N座城市,用 $1,2,3\dots N$ 表示,城市与城市之间还没有道路,现在需要建设这些城市的道路网络,需要在城市间修建道路。施工队给出了M条道路的预计费用信息,每条道路的预计费用信息可以表示为 $U_i\,V_i\,W_i$ (即如果要在 $U_i$ 和 $V_i$ 之间修建道路,预计费用为 $W_i$ ),道路是双向的。现从M条道路中选择一定数量的道路来修建,使得这些城市之间两两之间可达(可以通过其他城市间接到达),你需要求出达成上述条件的最少预算

### 思路

最小生成树问题,可以使用kruskal算法

# 22-E4-2 逃离迷宫

小明被困在一个迷宫之中,迷宫中共有N个点,标号分别为 $1,2,3\dots N$ ,且迷宫只有一个出口。N个点之间互相有一些道路连通(单向),两个点之间可能有多条道路连通,但是并不存在一条两端都是同一个点的道路。小明希望知道从当前位置S去往出口T的最短距离是多少。如果不存在去往出口的道路,输出-1

### 思路

单源最短路径问题,可以使用dijkstra、Bellman-Ford算法

# 22-E4-3 货物运输

在一个工厂货物运输系统中共有N个节点, 编号为 $1,2,3\ldots N$ , 节点之间有传送带(单向)连接, 每个传送带都有使用寿命, 传送带的寿命为一个数字L, 表示在传送完L个单位的货物后, 传送带就会破损无法使用。现在需要从节点S向节点T传送货物, 求在当前传输系统中, 最多可以顺利传输多少单位的货物从节点S到节点T

### 思路

最大流问题,可以使用Ford-Fulkerson算法

# 22-E4-4 重复的子串

给定一个字符串s,请判断是否可以通过由它的一个子串重复多次构成。若能,则输出该子串(最短的),否则输出-1。

### 思路

KMP算法拓展,在由重复子串组成的字符串中,最长相等想后缀,不包含的子串就是最小重复子串

利用KMP算法求得next数组,接着通过next数组最后一个元素的指向的最长重复前缀位置来进行判断是 否当前字符串是否为重复的子字符串

# 22-E4-5 字符串匹配

你需要求出模式串P在原串S中出现的次数,模式串和原串中的字母均为小写,数据有多组,每组输出一个答案

### 思路

KMP算法拓展

# 22-E4-6 重新排列

对一个由正整数组成的数组arr[]进行重新排列,使得排列后的数组从前到后组成一个最大的数(数组内元素不可拆分)。

例如3 92 10 4数组重新排列后可得到最大的数字为924310。

输出结果可能非常大,请以字符串输出。

### 思路

对于A和B两个数,若A&B(其中&表示连接)>B&A,则A应该排在B前面,因为A为前的收益更大那么重载一个compare(A,B)函数,对所有数字依据"A&B是否大于B&A"进行排序,最后最前往后输出即为答案。