

# Base de datos

## TP2

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

### NN\_3

Integrante	LU	Correo electrónico
Sergio González	723/10	sergiogonza90@gmail.com
Gino Scarpino	392/08	gino.scarpino@gmail.com

### Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

<b>1. Introducción</b>	<b>3</b>
<b>2. Estimadores</b>	<b>3</b>
<b>3. Análisis de métodos</b>	<b>4</b>
3.1. Distribuciones utilizadas . . . . .	4
3.1.1. Distribucion normal (Ejemplos) . . . . .	4
3.1.2. Distribucion uniforme (Ejemplos) . . . . .	6
3.2. Análisis de los estimadores: Parámetro fijo . . . . .	8
3.2.1. Distribución normal . . . . .	8
3.2.2. Distribución uniforme . . . . .	11
3.3. Análisis de los estimadores: Parámetro variable . . . . .	14
3.3.1. Distribución uniforme . . . . .	14
3.3.2. Distribución normal . . . . .	15
3.4. Análisis para distintas columnas con parametro variable . . . . .	18

## 1. Introducción

Es fundamental para cualquier motor de bases de datos, poseer un planificador para resolver consultas lo más eficiente posible. Medir el costo de un método de evaluación puede ser muy complejo, pero como se indica en el paper de Piatetsky-Shapiro, aproximadamente son las cantidad de operaciones de entrada y salida en disco que el motor realiza. Por eso mismo, se trata de minimizar estas operaciones.

Una de las formas de poder minimizar estas operaciones, es poder conocer aproximadamente cual puede ser la distribución de un set de datos, y de esta forma poder estimar cuantas tuplas se obtendrá por el hecho de aplicar un filtro (WHERE) u otro. El hecho de poder minimizar las tuplas resultantes que se obtendrán en una consulta, puede hacer que al momento de materializar la misma (por ejemplo en caso de tener que hacer un JOIN posterior) haga que las bajadas a disco de las tuplas se minimizen considerablemente.

Si bien computar la distribución exacta de un set de datos puede ser muy costoso, existen métodos con el cual se puede aproximar dichas distribuciones y de esa forma poder decidir cual es el mejor camino a seguir al momento de tener que resolver una consulta.

## 2. Estimadores

En este trabajo veremos tres estimadores, que los explicaremos a continuación:

- **Histograma Clásico:** este estimador divide el rango de los valores en varios subrangos llamados *buckets*. Contabiliza los cada valor aumentando la cantidad del *bucket* correspondiente. Se basa fuertemente en estimar la probabilidad de un valor  $v$  con la cantidad total del *bucket* correspondiente a ese  $v$ . Cuanto mayores subrangos haya, mayor va a ser la precisión para determinar la frecuencia del valor y de ahí estimar su selectividad.
- **Pasos Distribuidos:** estimador inventado por Piatetsky-Shapiro. Al igual que en los histogramas clásicos, usa el concepto de *bucket* pero en vez de usar un ancho (rango) fijo para cada bucket, la cantidad de elementos en un *bucket* está determinada por la altura del mismo. Depende de la cantidad de *buckets* que se desea, dividiendo la cantidad total de elementos (tuplas) por esa cantidad se obtiene la altura.
- **Estimador Propio:** Nos basamos en el histograma clásico pero introducimos una pequeña mejora (más adelante se verá en los análisis de los tests). Realizamos un histograma clásico, luego detectamos una cantidad arbitraria de buckets con mayor cantidad de elementos y dividimos su rango en la mitad creando dos nuevos buckets. Cabe destacar que esto no significa que al dividir el rango en la mitad, se dividan la cantidad de elementos en la mitad. Para poder realizar esto, utilizamos un arreglo que mantiene información específica de cada *bucket*, su rango. Notamos que la desventaja con respecto a los otros dos estimadores es que en cada subdivisión de un buckets necesitamos realizar una consulta a la base de datos para determinar cuántos elementos van en cada nuevo bucket. Para este trabajo, creamos el histograma clásico con la mitad de buckets pasados como parámetro. Vamos dividiendo buckets que tengan el máximo número de elementos hasta llegar a la cantidad de buckets indicado por parámetro.

### 3. Análisis de métodos

#### 3.1. Distribuciones utilizadas

##### 3.1.1. Distribucion normal (Ejemplos)

La distribución normal es una de las distribuciones que mas aparece en la vida real. A continuación se presentan 2 ejemplos de la misma.

##### **Altura de una persona**

Es ampliamente conocido que los caracteres morfológicos de individuos, tales como la estatura, siguen el modelo normal en todo el mundo. A simple vista, se puede pensar como por lo general la altura de las personas suele estar entre 1.70 y 1.75 metros, o por lo menos en la mayoría de los casos es así. No suele haber muchas personas que midan menos de 1.50, y a la vez no hay tampoco demasiadas personas que superen los 2 metros. Haciendo un muestreo poblacional y realizando un histograma del mismo se puede visualizar esta intuición.

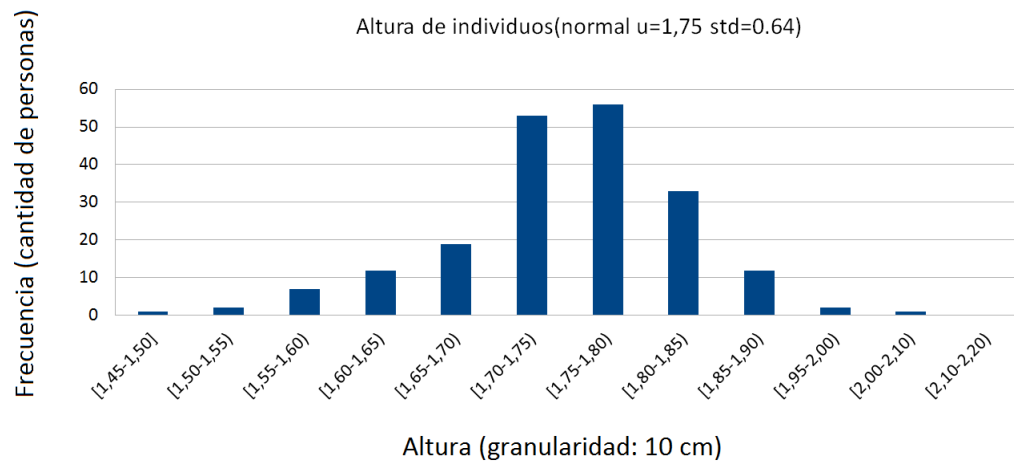


Figura 1: Histograma altura

Se puede ver como para el muestreo realizado, la mayoría de las personas caen en la altura entre 1.70 y 1.80 metros, dando como resultado aproximadamente, una normal con media 1,75 y desvío standard 0.64.

### IQ de una persona

Otro ejemplo muy conocido es el de el coeficiente intelectual de las personas, también llamado IQ. Según el siguiente ranking, vemos que una inteligencia normal debería estar entre los 90 y los 109 de coeficiente intelectual, por lo que es de esperar que la mayor parte de la población esté en este promedio.

IQ Range	Clasificación
130 o mas	Muy Superior
120-129	Superior
110-119	Arriba del promedio
90-109	Promedio
80-89	Abajo del Promedio
70-79	Limite
69 o menos	Extremadamente bajo

Veamos un histograma sobre el muestreo del IQ de los individuos de una población.

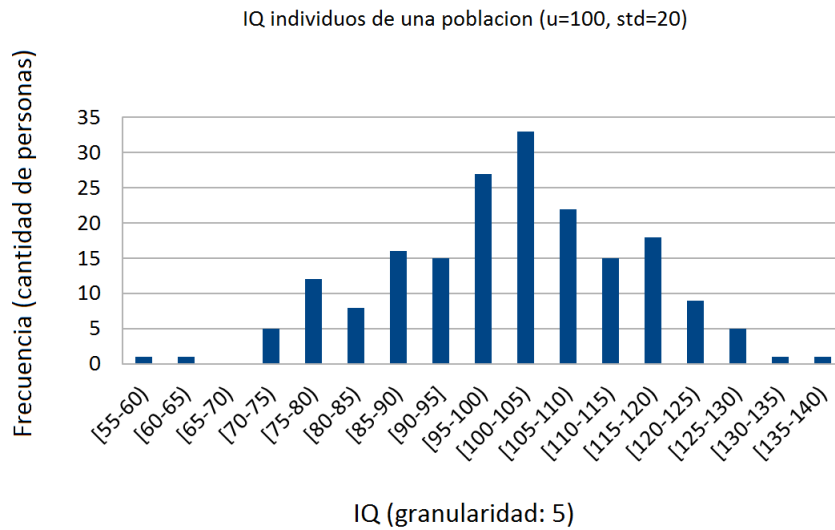


Figura 2: Histograma IQ

En la figura 2, podemos ver como efectivamente la mayoría de la población se centra en un IQ de 100, con una desviación al rededor de 20.

### 3.1.2. Distribucion uniforme (Ejemplos)

La distribución uniforme es una de las más conocidas, y como la normal, una de las más presentes en la realidad. Esta distribución es muy simple, básicamente plantea que si tenemos un espacio muestral  $S = \{m_1, m_2, \dots, m_n\}$ , ( $\forall m_i \in S, P(m_i) = 1/n$ ), o sea, todos los sucesos tienen la misma probabilidad de ocurrir.

El ejemplo más clásico para entender esa distribución, es el lanzamiento de un dado de 6 caras (no cargado), en donde  $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  y cada elemento tiene la misma probabilidad de salir, o sea  $1/6$ .

### Tiempo de espera de un colectivo

Otro ejemplo un poco más interesante, es si tomamos un rango de tiempo, y medimos el tiempo de espera de un colectivo en ese rango de tiempo. Si bien este ejemplo dependerá mucho de sobre qué línea de colectivo hagamos el muestreo, se puede tomar un rango en particular en el cual sabemos que el tiempo de espera no será mayor o menor a eso. A continuación se presenta un histograma sobre un dataset sobre los tiempos de cierto colectivo en el rango de 5 minutos a 30 minutos.

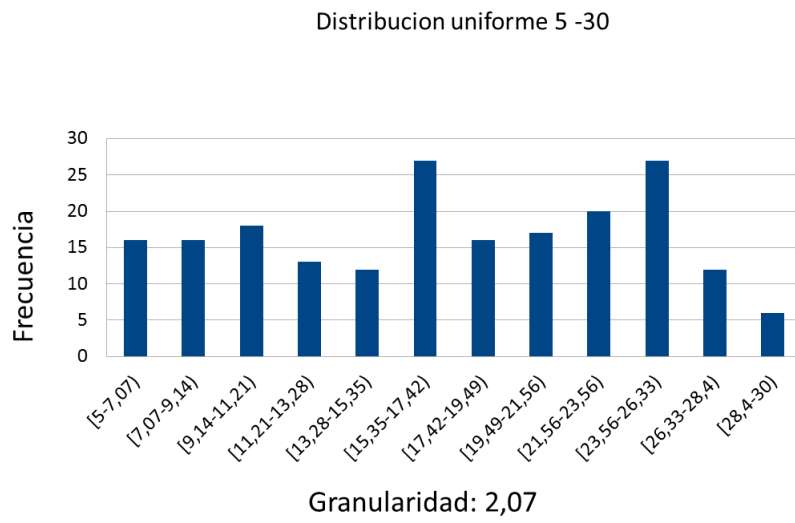


Figura 3: Histograma tiempos de espera de colectivo

### 3.2. Análisis de los estimadores: Parámetro fijo

#### 3.2.1. Distribución normal

##### Caso 1

Parametro	20
Columna	C2
Valor maximo	1002
Valor minimo	-671
Distribución	Normal, Media=200
Selectividad de	Igualdad



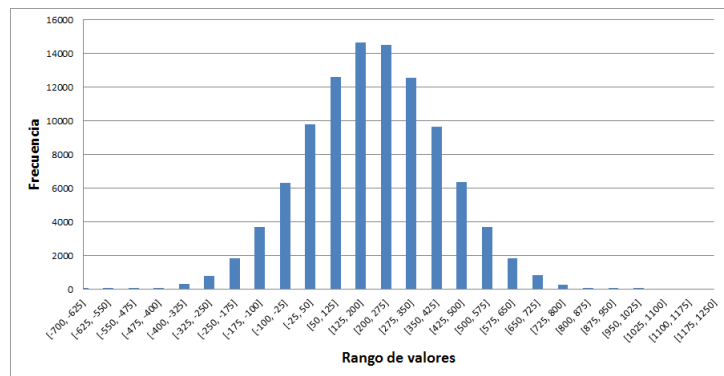


Figura 4: Grafico de distribucion de la columna C2 del set de datos de la catedral

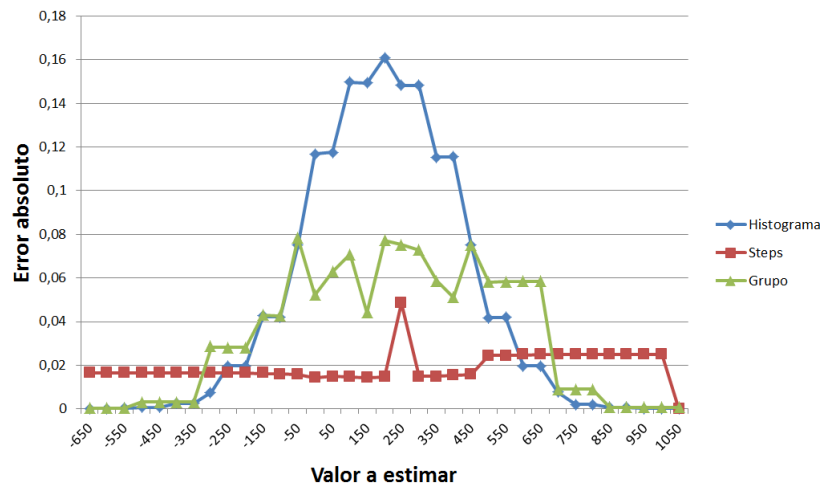


Figura 5: Errores variando valor a estimar con parametro fijo

En la figura 4 se ve la distribucion del set de datos que estamos analizando. Se puede ver como es una distribucion Normal con media 200 y un desvío alrededor de 300

En la grafico de la figura 5 se ve como, teniendo los parametros de los estimadores fijos, y variando el valor a estimar, el estimador de Distribution Steps obtiene un error constante y bastante chico en todo el rango, pero Classic Histogram se comporta mejor en los casos que estan por afuera del desvío standard de la normal (en este caso, al rededor de 300).

También se puede ver como el estimador Classic Histogram obtiene errores muy grandes cuando el valor es muy cercanos a la media. En la media misma se ve como el error llega al máximo.

En cuanto al estimador ideado por el grupo, se ve como al igual que el Histograma, obtiene errores muy chicos en valores lejos del desvío standard de la normal, y a su vez, errores altos en los valores al rededor de la media. Sin embargo, estos errores son inferiores a los obtenidos en el

histograma. Esto probablemente se deba a que el estimador de Grupo, es un histograma clasico pero con una re-distribución en los *bins* con mas valores, los cuales en este caso estarñn cerca de la media.

**Caso 2**

Parametro	20
Columna	C2
Valor maximo	1002
Valor minimo	-671
Distribución	Normal, Media=200
Selectividad de	Mayor

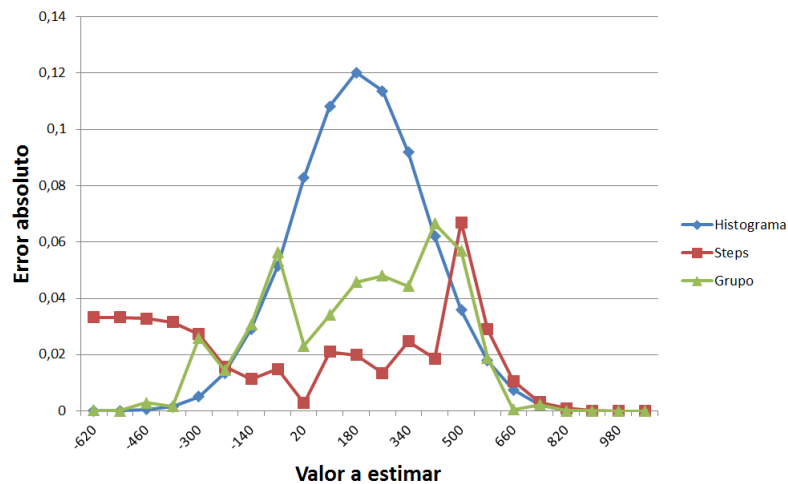


Figura 6: Errores variando valor a estimar por mayor con parametro fijo

Usando el mismo set de datos uniforme que se uso anteriormente, vemos en la figura 9 el error de la selectividad pero estimando por mayor. En este caso sucede algo muy parecido a lo que sucede al estimar por menor, con la salvedad de que el de pasos distribuidos no resulta tan constante durante todo el rango.

El error del histograma clasico de nuevo es cada vez mayor a medida que se acerca a la media de la normal.

El estimador del grupo en esta ocacion resulto ser casi tan bueno como el de pasos distribuidos. Al parecer tiene una buena performance en los datos con distribución normal.

### 3.2.2. Distribución uniforme

#### Caso 3

Parametro	20
Columna	C0
Valor minimo	0
Valor maximo	999
Distribución	Uniforme, Media = 4950
Selectividad de	Igualdad

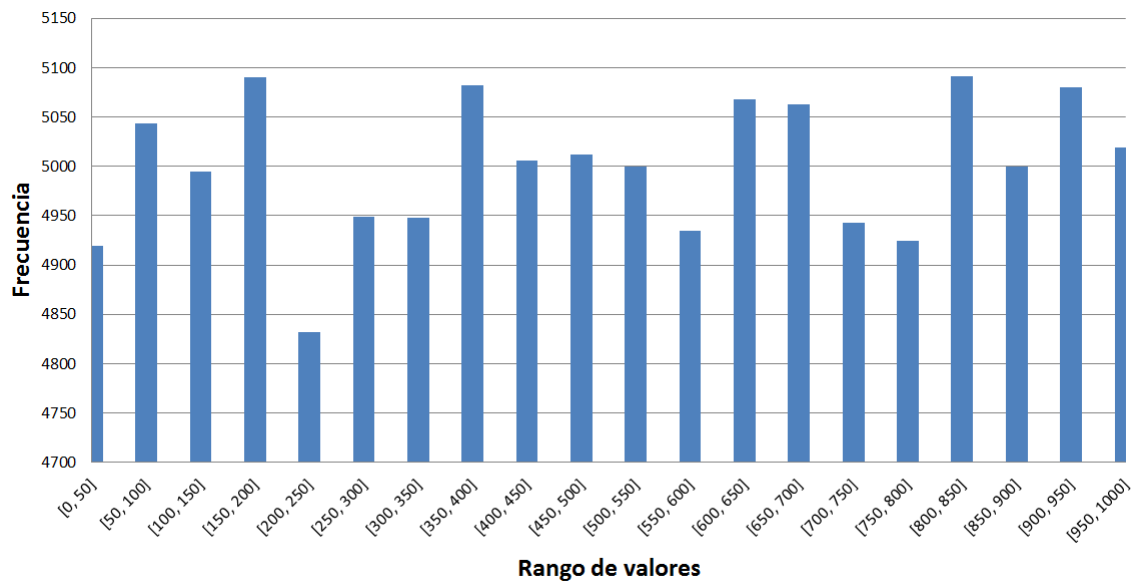


Figura 7: Grafico de distribucion de la columna C0 del set de datos de la catedral

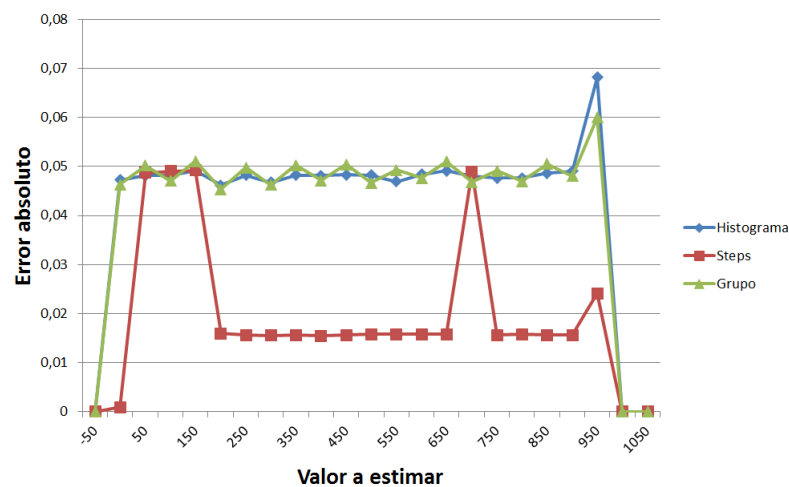


Figura 8: Errores variando valor a estimar con parametro fijo

En la figura 7 se ve como la distribucion de los datos esta vez es una Uniforme que varia al rededor de 4950

Segun se ve en la 8, no hay una gran diferencia esta vez con el Histograma clasico y el estimador implementado por el grupo.

En este caso, se puede apreciar como claramente “Pasos Distribuidos” obtiene errores bastante

menores en casi todo el rango.

Según pareciera, en los valores donde la distribución uniforme toma valores altos, los errores de pasos distribuidos aumentan bastante, igualando a los obtenidos en los otros 2 estimadores.

#### Caso 4

Parametro	20
Columna	C0
Valor minimo	0
Valor maximo	999
Distribución	Uniforme, Media = 4950
Selectividad de	Mayor

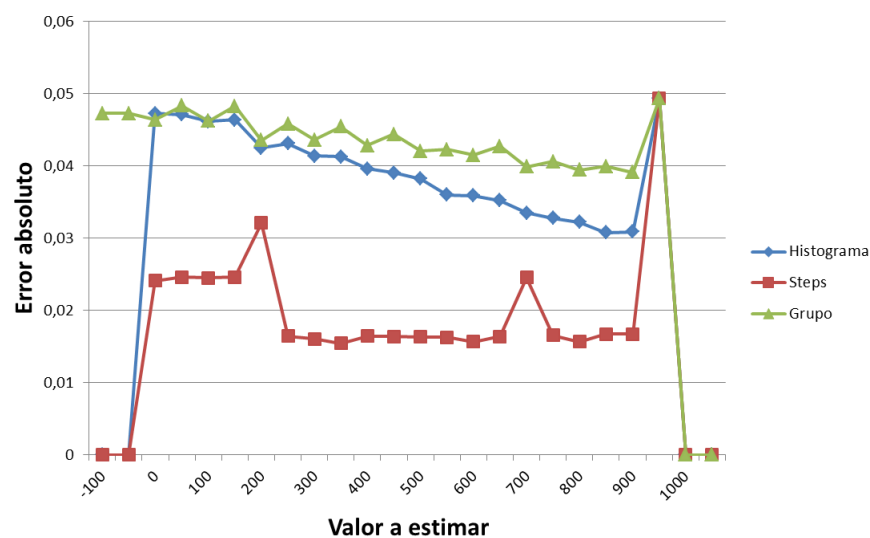


Figura 9: Errores variando valor a estimar por mayor con parametro fijo

En la figura 9 se realizo un test igual al caso 2, pero esta ves estimando por Mayor enves de por igual. Ya se puede ver como la distribucion es un factor muy importante al momento de utilizar los estimadores.

En este caso, el estimador del grupo fue incluso peor que el histograma clasico, y se ve como la diferencia de error aumenta a medida que se acerca al valor mas alto del rango

### 3.3. Análisis de los estimadores: Parámetro variable

Al igual que en el análisis previo, realizamos mediciones de los estimadores variando el parámetro de entrada sobre las mismas poblaciones mencionadas.

El parámetro que se varía en todos los estimadores representa la cantidad de *buckets*, aunque en el estimador de pasos distribuidos lo llaman *steps*.

#### 3.3.1. Distribución uniforme

##### ■ Operación por igualdad

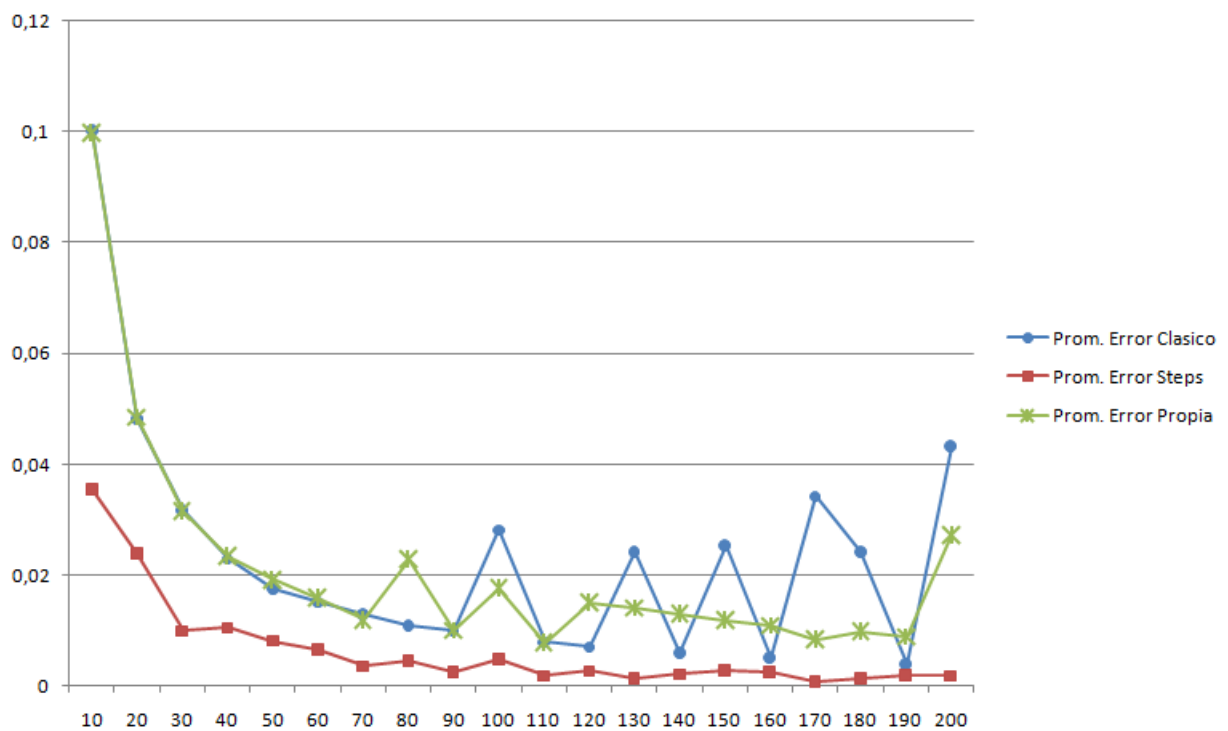


Figura 10: Error promedio de la Columna C0 de la tabla brindada por la materia

En la figura 10 se ve como en donde se obtiene el mayor impacto al aumentar el parámetro, es tanto en el histograma clasico como en el estimador propio. Si bien en Steps el error disminuye, no lo hace tanto como en los demás estimadores. También se puede observar como para ciertos valores del parámetro, el histograma clásico realiza varios saltos. Esto posiblemente se deba a algún caso borde o a la irregularidad de la distribución

##### ■ Operación por mayor

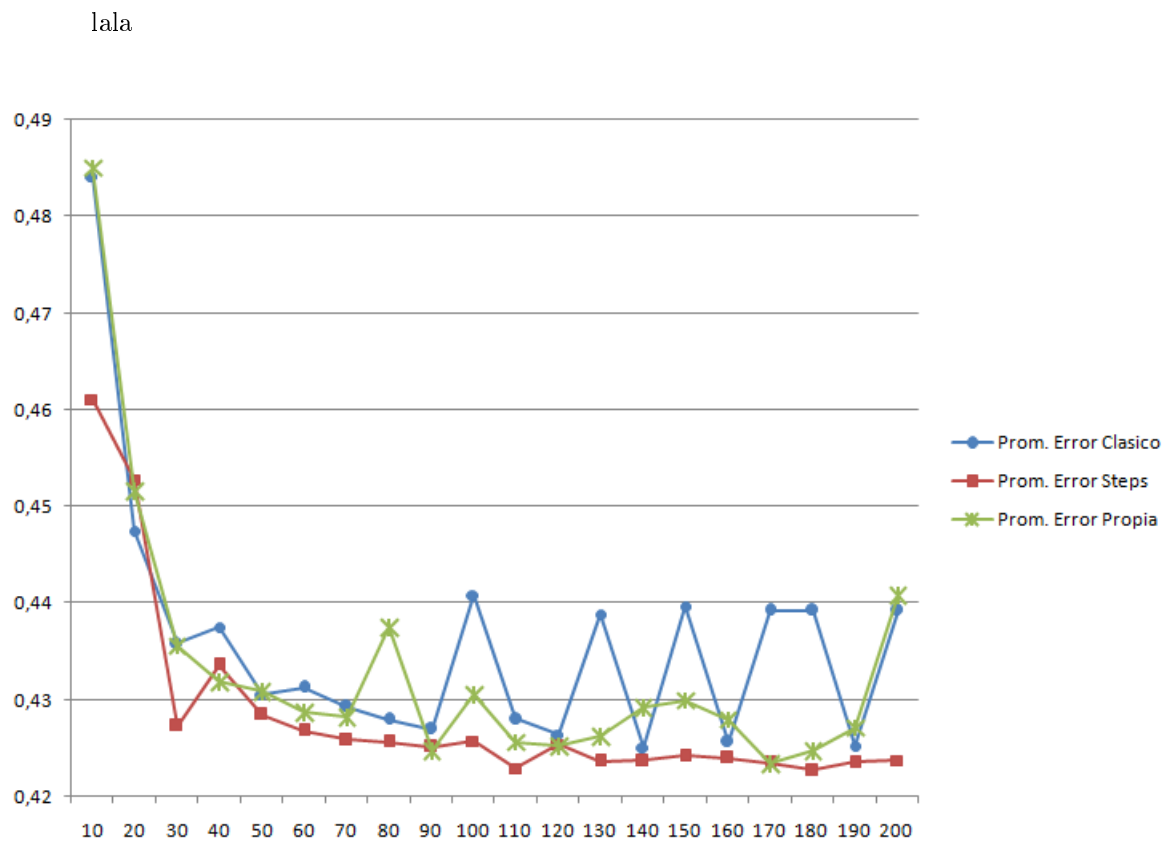


Figura 11: Error promedio de la Columna C0 de la tabla brindada por la materia

lala

### 3.3.2. Distribución normal

- Operación por igualdad

lala

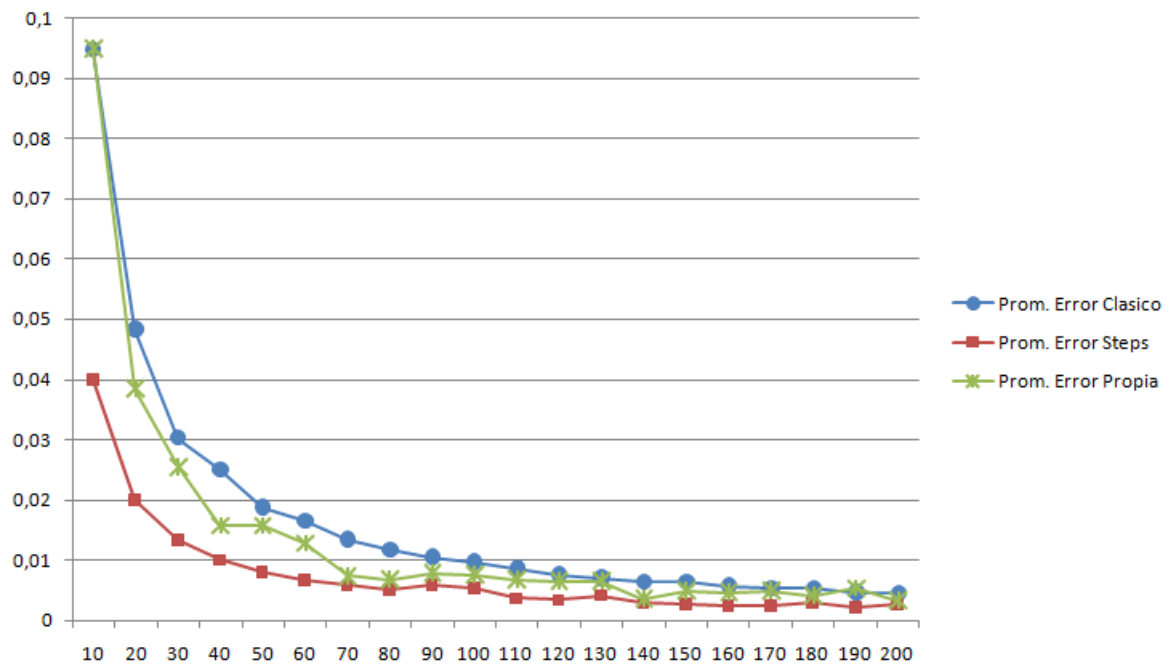


Figura 12: Error promedio de la Columna C2 de la tabla brindada por la materia

lala

#### ■ Operación por mayor

lala



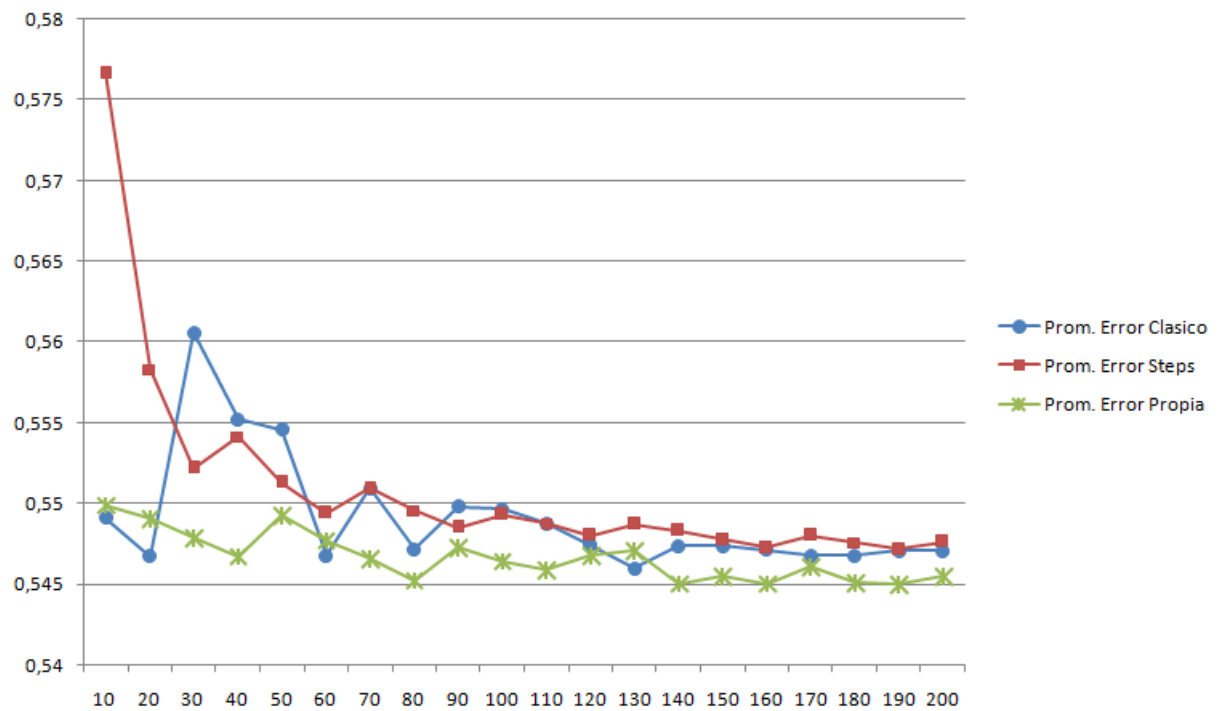


Figura 13: Error promedio de la Columna C2 de la tabla brindada por la materia

lala

### 3.4. Análisis para distintas columnas con parametro variable

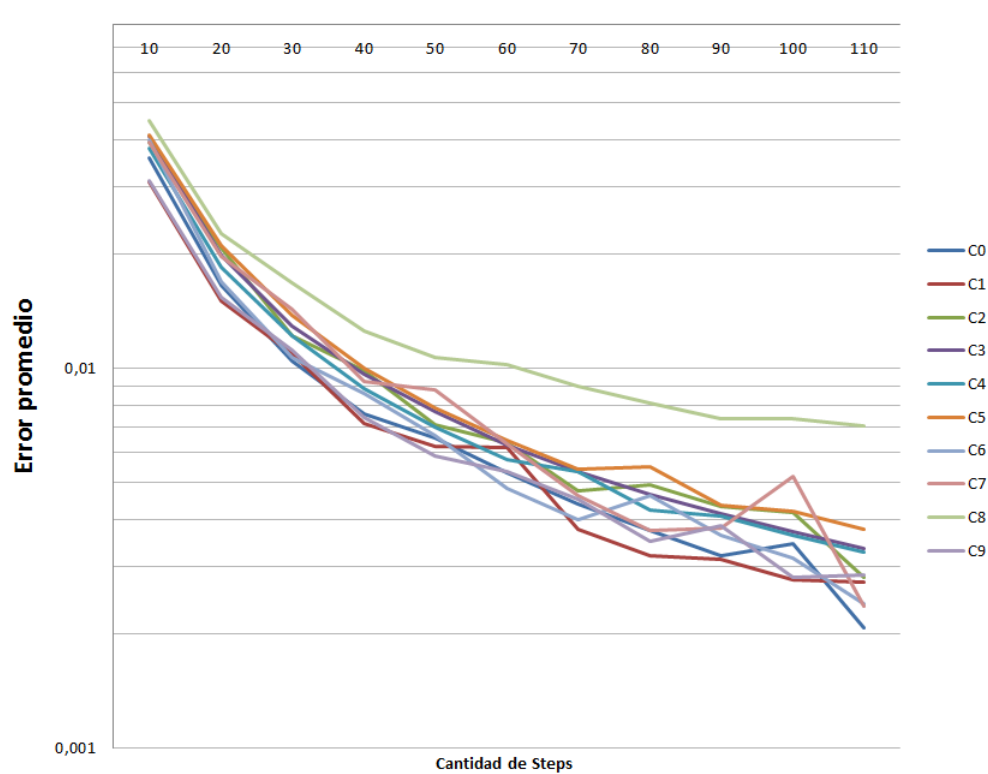


Figura 14: Error promedio en Steps para todas las columnas de la tabla brindada por la materia

A continuación, realizamos un análisis del estimador “Distributed Steps”, el cual obtuvo los mejores resultados según nuestros análisis previos.

En la figura 14 se ve un gráfico que se realizó utilizando los errores promedio para cada columna, variando a la vez la cantidad de Steps del estimador y estimando por igualdad. Como error promedio consideramos al promedio de los errores obtenidos para los distintas estimaciones de los valores de una misma columna. Una vez teniendo el error promedio para una cantidad de Steps particular y una columna particular, repetimos el proceso variando la cantidad de Steps para todas las columnas.

Se ve como el error promedio de cada columna, en si es muy similar para pocos Steps, pero al aumentar la cantidad de steps, mejora mucho el error, y esta mejor es, en promedio, independiente de la distribución de la columna, ya que la diferencia de errores entre columnas, es muy chico.

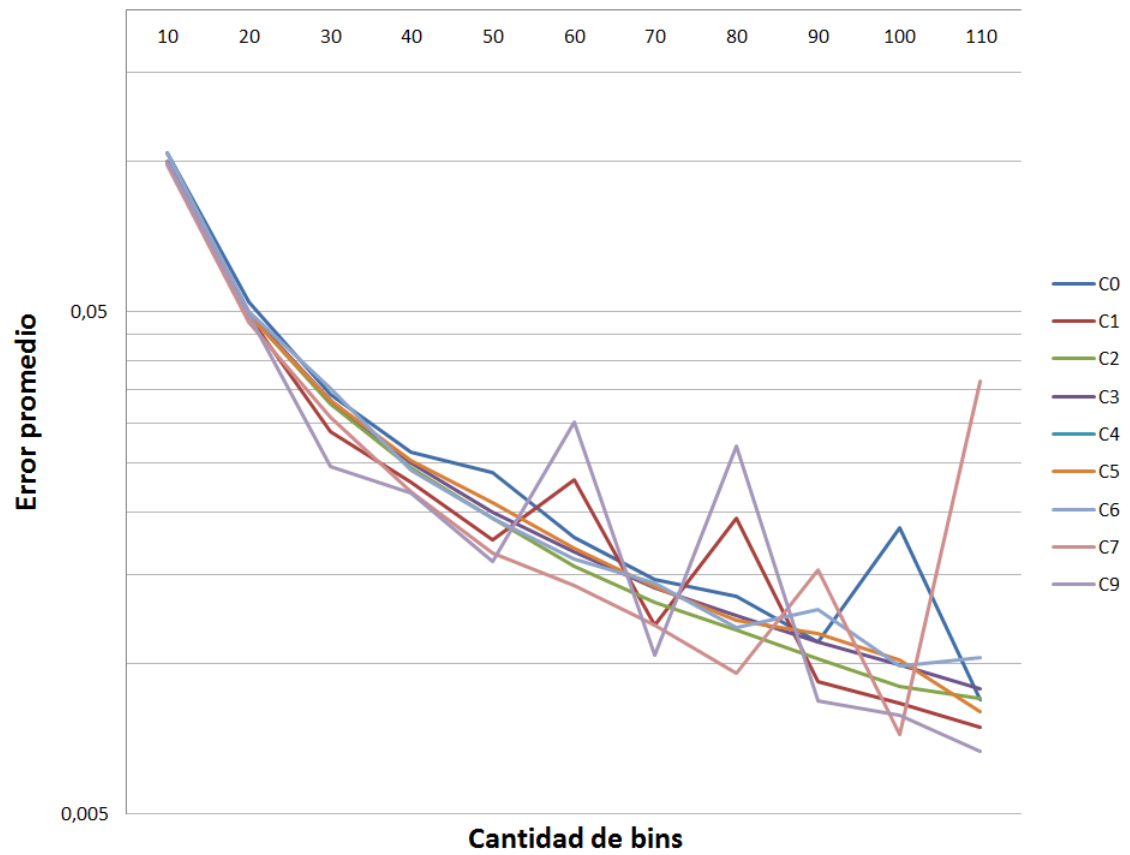


Figura 15: Error promedio en Histograma clasico para todas las columnas de la tabla brindada por la materia

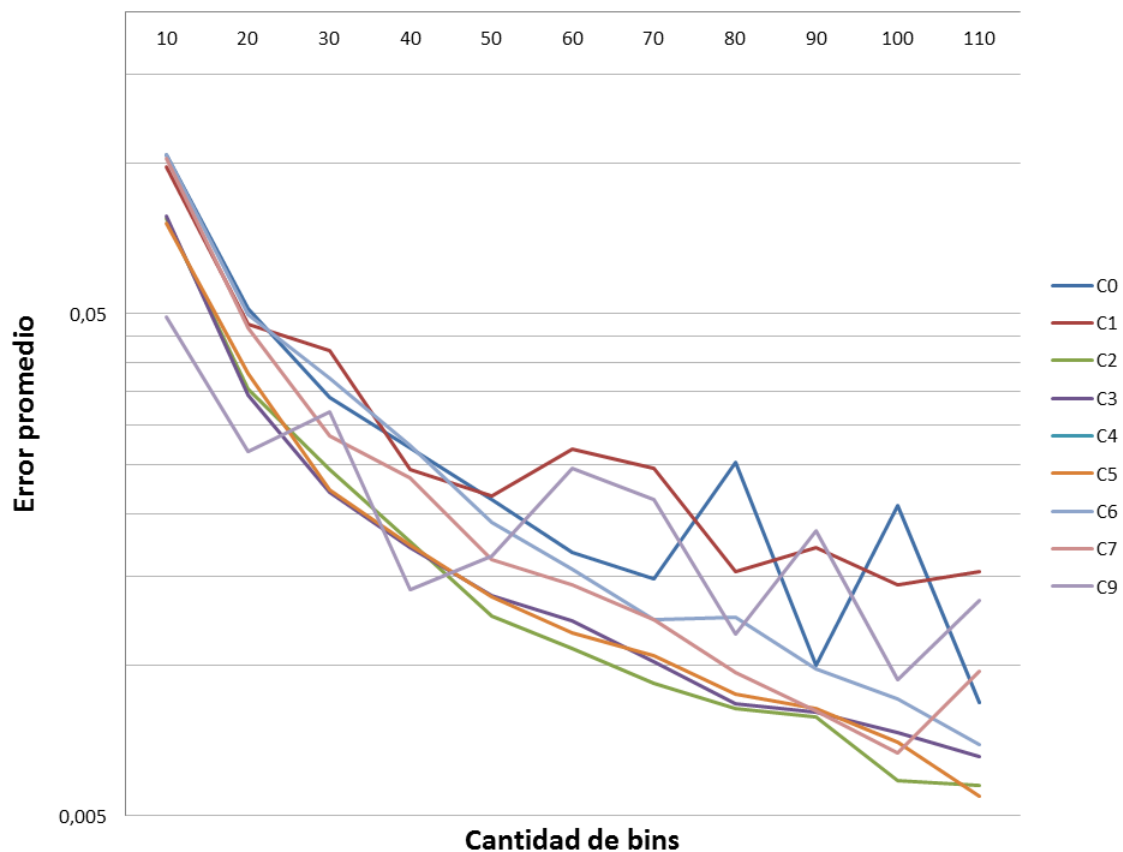


Figura 16: Error promedio en Estimador del grupo para todas las columnas de la tabla brindada por la materia

Adicionalmente, se puede ver en las figuras 15 y 16 el mismo análisis realizado para Steps, pero esta vez para Histograma clásico y el estimador echo por el grupo respectivamente. En estos graficos no se incluyo la columna C8, ya que la misma tiene datos que del .. al .., por lo que tienen un rango de 41, y para 50 buckets se tiene 1 bucket para cada valor, por lo que el error pasa a ser 0.

Comparándolos con el gráfico de Steps, a primera vista se ve como en general Steps se comporta mejor considerando un valor del parámetro fijo.

A diferencia del de steps, el histograma clásico no es tan independiente de la distribución de los datos, se puede ver como para las distintas columnas el error varía bastante.

En cuanto al estimador del grupo, lo que se puede apreciar es que para algunas columnas, se comporta mejor que el Histograma clásico, y difícilmente se comporta mejor que Steps. Debido a lo analizado anteriormente, sabemos que el estimador del grupo tenía una mejor performance sobre el clásico solo en las distribuciones normales, y en las uniformes los errores no variaban mucho entre uno y otro. Las columnas donde la performance es mejor que en el histograma, son las C2, C3 y C5. En el anexo a este informe, en la carpeta /tests/Determinar Distribuciones"se encuentran los gráficos de las columnas mencionadas. No fueron incluidos en este informe, debido

a que eran demasiados y nos iban a quedar demasiados gráficos. También se encuentran graficadas las distribuciones de las columnas C1 y C9, que son las que obtuvieron errores mayores.

En esos gráficos, se puede ver como las distribuciones de esas columnas C2, C3 y C5 son todas normales, y C1 y C9 son de otra distribución muy distinta, que no es normal ni uniforme, por lo que se puede comprobar que nuestro análisis previo, en donde nuestro estimador se comportaba mejor en distribuciones normales, es correcto.