Equations différentielles - TD2

IUT Sénart/Fontainebleau - Département GEII

Année 2020

Exercice 1 Donner dans chaque cas la solution générale puis la solution correspondant à la condition initiale donn'ee:

1.
$$y' = 3y + 1$$
, $y(0) = 2$
2. $y' = 5y - 2$, $y(1) = 2$
3. $2y' + y = 2$, $y(0) = 3$
4. $y' + y + 2 = 2y' - y$, $y(2) = 1$
5. $y' = y$, $y'(2) = 1$
6. $y' + 2y = 1$, $y'(0) = 3$
7. $y' - 3y = 0$, $y'(0) = 1$
8. $5y' + 2y = 3y - y' + 2$, $y'(1) = 2$
9. $y' = -3y + 1$, $y(-1) = 3$
10. $y' + y = 2$, $y'(1) = 1$
11. $2y + 5y' = 0$, $y'(0) = 0$
12. $y' + y + 2 = -2y + 5y'$, $y(0) = 0$
13. $y - 1 = 2y'$, $y(-1) = 0$
14. $y' + y = y$, $y(0) = 2$
15. $2y' - y = y + 2y'$, $y(2) = 1$
16. $2y' + 2y = 3y + 5y' + 2$, $y'(2) = 1$

Exercice 2 Dans chaque cas donner une solution générale de l'équation différentielle, puis la solution correspondant à la condition initiale donnée.

$$\begin{array}{lll} 1. & y'=x, \ y(0)=1 \\ 2. & y'=e^{2x}, \ y(0)=2 \\ 3. & y'+x=0, \ y(1)=1 \\ 4. & y'+\sin(x)=1, \ y(1)=2 \\ 5. & y'-\frac{1}{x}=3x, \ y(0)=1 \\ 6. & y'+\cos(x)=1, \ y(2)=1 \\ 7. & y'+y=1, \ y(0)=2 \\ 8. & y'+3x^2=-2x+1, \ y(2)=1 \\ \end{array} \qquad \begin{array}{lll} 9. & y'+3y=1, \ y(0)=2 \\ 10. & y'=3e^{2x}+3x, \ y(1)=1 \\ 11. & y'+4x=x^2-1, \ y(0)=1 \\ 12. & y'+3y=1, \ y(-2)=1 \\ 13. & y'=2e^x-1, \ y'(0)=1 \\ 14. & y'-y=2, \ y'(1)=1 \\ 15. & y'-2x=\cos(\pi x), \ y(1)=2 \\ 16. & y'=x^2+3x+1, \ y'(1)=1 \end{array}$$