Exercices de Trigonométrie

IUT Sénart/Fontainebleau - Département GEII

Exercice 1 Dans chaque cas faire un schéma et résoudre le triangle, c'est-à-dire déterminer toutes les longueurs et angles manquants :

- 1. dans le triangle ABC rectangle en B avec $\hat{A} = 60$ et AB = 3.
- 2. dans le triangle UVW rectangle en U avec $\hat{V} = 45$ et VW = 7.
- 3. dans le triangle MOT rectangle en M avec $\widehat{O}=30$ et OT=4.
- 4. dans le triangle DOS rectangle en S avec $\widehat{D} = 40$ et OD = 1.
- 5. dans le triangle HAT rectangle en H avec AH=2 et HT=1.
- 6. dans le triangle WOV rectangle en W avec OV = 4 et WV = 3.

Exercice 2

1. Convertir en radians en simplifiant,

2. Convertir en degrés,

$$\frac{3\pi}{5}, \frac{4\pi}{7}, 5\pi, -\frac{3\pi}{7}$$

Exercice 3 Calculer en se ramenant aux angles de référence,

$$\cos\left(\frac{32\pi}{3}\right), \sin\left(\frac{27\pi}{4}\right), \cos\left(\frac{17\pi}{6}\right), \sin\left(-\frac{51\pi}{2}\right), \cos\left(\frac{18\pi}{4}\right)$$

Exercice 4 Résoudre les équations trigonométriques suivantes en faisant à chaque fois un schéma

- 1. $\cos(x) = 1/2$
- 2. $\sin(t) = \sqrt{2}/2$
- 3. $\cos(u) = 0$
- 4. $\sin(X) = -1$

- 5. $\cos(a) = 2$
- $6. \sin(x) = 0.6$
- 7. $\cos(\alpha) = -0.2$

Exercice 5 Tracer l'allure des courbes représentatives des fonctions suivantes

1. $f(x) = \sin(x - \pi/2) + 2$

4. $H(X) = 2\cos(X/2) + 2$

2. $g(t) = 3\cos(t - \pi) + 2$

5. $\theta(a) = -\sin(2a + \pi)$

3. $h(u) = \sin(2u - \pi/4) - 1$

6. $\varphi(x) = 2\cos(x/2 - \pi) + 3$

Exercice 6 Calculer le cosinus si le sinus est donné et inversement.

- 1. $x \in [0, \pi/2]$ et $\cos(x) = 0.3$
- 2. $u \in [-\pi; 0]$ et $\cos(u) = 0.8$
- 3. $a \in [-\pi/2, 0]$ et $\sin(a) = 0.35$
- 4. $t \in [0; \pi]$ et $\cos(t) = -0.7$

Exercice 7 Avec les formules d'addition, de soustraction ou de duplication,

- 1. calculer $\cos(7\pi/12)$ et $\sin(7\pi/12)$.
- 2. $exprimer \sin(3a)$ en fonction $de \sin(a)$
- 3. démontrer que $\cos(x) + \cos\left(x + \frac{2\pi}{3}\right) + \cos\left(x + \frac{4\pi}{3}\right)$