本试卷适用范围 09 级

南京农业大学试题(2011.7)

学年 2010-2011 第 2 学期 课程类型: 必修

试卷类型:(A)

课程 概率论与数理统计 班级	学号	姓名	成绩			
数学用表: $\Phi(1) = 0.8413, \Phi(2) = 0.9772, \Phi(3) = 0.9987$						
一. 单项选择题(每题 3 分,共 21						
1. 设 A,B,C 为三个随机事件,	则下列选项表	示 " A, B, C 都不 ;	发生"的是			
A. ABC B. $A \cup B \cup C$	<i>C</i> C.	\overline{ABC} D	$. \overline{A \cup B \cup C}$			
2. 设 <i>A</i> , <i>B</i> 是两个事件,则以下关	·系中正确的是	£				
$A. (A \cup B) - B = A$	B. (A	$A \cap B) - B = \emptyset$				
$C. (A \cup B) \cap B = A$	D. (A	$-B) \cap B = AB$				
3. 设 $X \sim B(n,p)$, 已知 $E(X)$	(1.6, D(X)))=1.28,则参数 <i>n</i>	n, p 各为			
A. $n = 4, p = 0.4$	B. $n =$	2, p = 0.8				
C. $n = 8, p = 0.2$	D. $n =$	10, p = 0.16				
4. 设在每次试验中,事件 A 发 试验中,事件 A 至少发生一次的		(0 <p<1),q=1-p< td=""><td>o,则 n 次独立重复</td></p<1),q=1-p<>	o,则 n 次独立重复			
A. p^n B. q^n	C. $1 - p^n$	D. 1-	q^{n}			
5. 设随机变量 X 的分布律为						
X P	0 1 0.25 0.3					

F(x) 为 X 的分布函数, F(1) =_____

- A. 0.25 B. 0.35 C. 0.6 D. 1
- 6. 设随机变量 (X,Y) 服从二维正态分布,则 X,Y 的相关系数 ρ =0 是 X,Y

独立日	的	
A. 充	 艺分条件	B. 必要条件
C. 充	三分必要条件	D. 既非充分也非必要条件
7. 设	X_i $(i=1,\cdots n)$ 为来自总	${ m A}$ 体 X 的简单随机样本,则总体方差 σ^2 的无偏估计是
A.	$n\overline{X}$	$B. \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2$
C.	$\frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^n (X_i - \overline{X})^2$	$D. \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i^2$
. 填空	题(每题3分,共21分)
1. 设	tA、 B 是相互独立的随机	L事件, $P(A)=0.5$, $P(B)=0.6$,则 $P(A \cup B)=$
2. □	L知 $A \subset B$, $P(A) = 0.2$, $P(B) = 0.3$,则 $P(B \mid A) =$
3. 袋	空中有 5 个球,其中 3 个约	红球,2个白球。任取2个(不放回抽样),这两个球
	红球的概率为	
		功的概率相同,已知三次试验至少一次成功的概率为
$\frac{37}{64}$,	那么每次试验中成功的构	概率为
5. i	\mathcal{F} 两个随机变量 $X \sim \Lambda$	$V(0,9)$, $Y \sim N(0,4)$, 相关系数 $ ho_{XY} = -0.25$, 则
cov($(X,Y) = \underline{\hspace{1cm}}$	
6. 设	$\forall X_1, X_2, \cdots, X_n$ 是来自总	体服从 $\chi^2(n)$ 分布的简单随机样本, \overline{X} 是样本均值,
则 <i>E</i> ($(\overline{X}) = \underline{\hspace{1cm}}$	
7. 淮	白松分布 $P(\lambda)$ 中参数 λ 的	矩估计量为

- 三. (8分)某厂A,B,C三个车间生产同种产品,其产量分别占全厂产量的25%,35%,40%,各车间产品中次品量占该车间产量的百分比分别为6%,4%,2%。
 - (1) 在该厂的产品中任取一件, 求该产品为次品的概率。
 - (2) 在该厂产品中任取一件,经检验为次品,求该次品是由A车间生产的概率。

四. (8分)设连续型随机变量 X的概率密度函数为:

$$f(x) = \begin{cases} Ax(1-x), & 0 \le x \le 1 \\ 0, & \text{ } \sharp \text{ } \text{ } \text{ } \text{ } \end{cases}$$

试求: (1) 系数 A; (2) X 的分布函数 F(x); (3) P(0 < X < 0.5)。

五. (8 分) 设(X,Y)的联合概率分布表为

已知 $cov(X,Y) = -\frac{1}{8}$, 求: (1) p,q; (2) P(X+Y<1); (3) P(min(X,Y)=0).

六. (8 分) 设随机变量 X 服从[-1,5]上的均匀分布,

$$Y = \begin{cases} 0, & X < 0 \\ 1, & 0 \le X < 2, \\ 2, & X \ge 2 \end{cases}$$

求随机变量Y的分布律与分布函数。

七.(10 分)有 4000 人参加某保险公司的人寿保险,每人在年初缴纳保费 10 元,如果在一年内意外死亡可获赔 5000 元,已知一个人一年内意外死亡的概率为 0.001,试用中心极限定理求保险公司亏本的概率。(注: $\sqrt{0.999}$ 用 1 近似代替)

八. (10 分) 设总体 X 的概率密度函数为
$$f(x) = \begin{cases} \theta x^{\theta-1}; & 0 < x < 1 \\ 0; & 其它 \end{cases}$$
, 其中 $\theta > 0$

是未知参数, X_1 , X_2 ,… X_n 是来自总体X的一个容量为n的简单随机样本,求 θ 的极大似然估计量。

九. (6 分) 设 X_1, X_2, \cdots, X_n 是来自正态总体 $N(1, \sigma^2)$ 的样本,证明:

$$\frac{1}{n\sigma^2}(\sum_{i=1}^n X_i - n)^2 \sim \chi^2(1)$$

试卷 (A) 答案:

一. DBCDCCC

$$\equiv$$
. 0.8 1 0.3 0.25 -1.5 n \overline{X}

$$\equiv$$
. 0.037 $\frac{15}{37}$

四.
$$A = 6$$
; $F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0, \\ 3x^2 - 2x^3, & 0 \le x \le 1, \\ 1, & x > 1, \end{cases}$ 0.5

$$\pm . \quad p = \frac{1}{4}, q = 0; \quad \frac{5}{12}; \quad \frac{5}{12}$$

六.

,	Y	0	1	2
i	\boldsymbol{p}_i	1/6	1/3	1/2

$$F(x) = \begin{cases} 0, & y < 0, \\ 1/6, & 0 \le y < 1, \\ 1/2, & 1 \le y < 2, \\ 1, & y \ge 2, \end{cases}$$

七. 0.0228

$$\wedge . -\frac{n}{\ln(x_1 x_2 \cdots x_n)}$$