

Exp.

factible: tiempo polinomial

no factible: tiempo exponencial

$$\exp(x) > \underbrace{\text{poly}(x)}_{\rightarrow K \cdot n^c}$$

las constantes dan igual

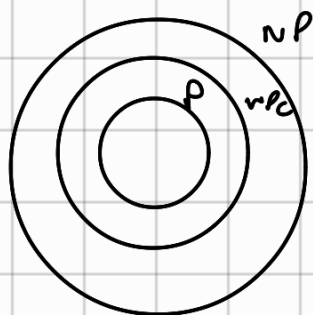
$P =$  todos los  $f(x)$  que se <sup>construye</sup> solución con polinomial, es decir,  $n^k$ . Máquinas Turing determinísticas.

$NP =$  verificar una resolución en tiempo polinomial. O que ~~suple~~  $NP$  en tiempo polinomial.  $MT$  no determinística.

Una MTN trabaja a tiempo  $\text{poly}(n)$  si todas sus operaciones toman  $\text{poly}(n)$  pasos.

una función de reducción polinomial es lo mismo que una de reducción pero que se hace en tiempo polinomial.

$NP$  completo:  $NP \subset L_1$  y todas las  $L_1$  reduce a  $L_1$ .



todas las  $L$  reduce a SAT.

$NP$  es lo más difícil p.ej. si  $NP \in P$  entonces  $\forall L \in P$ .

## Práctica 5

① A. Sólo se puede tratar la complejidad temporal dentro de la clase R y que no se puede garantizar que todo mínimo de RE-R, pero; por lo tanto no puede medirse el tiempo.

B. Una función  $d_n$  es del orden  $d_2^n$ , es decir que  $d_1^n$  es igual al orden  $d_2^n$  si por todo  $n$  se cumple que  $d_1^n$  es menor e igual a una constante  $c \cdot 2^n$  siempre que  $c > 0$ .

$\therefore n^3$  es de orden  $2^n$  si existe un  $c > 0$  tal que  $n^3 \leq c \cdot 2^n$  por todo  $n$ .

Si  $c = 1$ , se debe demostrar que se cumple  $n^3 \leq 2^n$  por todo  $n$ .

Se usa límites. Si  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3}{2^n} = 0$ , entonces se cumple

la desigualdad.

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3}{2^n} = 0$ , porque el crecimiento de  $2^n$  es mucho mayor que el de  $n^3$ .

$$\therefore n^3 = O(2^n).$$

c.  $T_1(n) = O(T_2(n))$

Un lenguaje  $L$  pertenece a  $\text{TIME}(t(n))$  si y sólo si existe una  $nt$  que lo decida en tiempo  $T(n)$ .

La función de orden debe cumplir que  $d_1^n = O(d_2^n)$   
Si existe un constante  $c$ , de  $c \cdot d_2^n$ , que sea mayor  
 $\geq 0$ .

Si existe un MT que acepta  $L$  en tiempo  $T_1(n)$ ,  
 $\text{TIME}(T_1(n))$ , como  $T_1(n)$  tiene orden  $O(T_2(n))$ , entonces  
existe un  $c > 0$  tal que  $T_1(n) \leq T_2(n)$  por  
todo  $n$ ,  
Entonces  $M$  acepta  $L$  en tiempo  $T_2(n)$ .  
 $\therefore L \in \text{TIME}(T_2(n))$ .

d. La jerarquía temporal indica la categoría del  
tiempo de ejecución, independientemente del  
tiempo de respuesta. Aumentar o reducir la  
cantidad de bits altera el tiempo de  
respuesta pero siguen siendo de la misma categoría.

e. Si  $L \in P$ , existe una MT  $M$  que acepta  $L$  en  
tiempo polinomial.

Como  $L^c$  es  $L$  pero con los estados  $q_A$  y  
 $q_R$  invertidos, esa MT  $M'$  acepta  $L^c$  en tiempo  
polinomial.

$\therefore L^c \in P$ .

2

Demost.  $\in P$

NOTA 5

① tiempo polinomial (calcular)

② tan ni lejana y reducirlo a uno que  $\in P$ .

todo, lo  $L \in P$ , reduce un sí. Meno  $\Sigma^*$  (siempre  $q_A$ ) ni  $\emptyset$  (siempre  $q_A$ ).



todos los NPC reducen entre sí.

$DSAT \in P \rightarrow$  existe una MT q' lo acepta en tiempo polinomial