

IEEE 745 0x40c8000 0xbc4cccc 0xc1233333 0xbd800000

Sign Bit 0 1 0 1

Sign 1 -1 1 -1

Exponent Bit 1000 0001 0111 1000 1000 0010 0111 1011

Exponent 2¹² 2¹⁻⁷ 2¹³ 2¹⁻⁴

Significand Bit 1001 000 0000 1001 1001 1001 0100 0110 0110 0000 0000

Significand 1.5625 1.5999 1.2749 1.0

$$0x40c80000 = 0100\ 0000\ 1100\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$1000\ 0010 = 128 + 2 = 130 - 127 = 3$$

$$0xbc4cccc = \boxed{1011\ 1100\ 0100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100}$$

$$= 2^{1-1} + 2^{-4} + 2^{-5} + 2^{-8} + 2^{-9} + 2^{-12} + 2^{-13} + 2^{-16} + 2^{-17} + 2^{-20} + 2^{-21} + 1$$

$$= 1.5999$$

$$1100\ 0001\ 0010\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011$$

$$C\quad 1\quad 2\quad 3\quad 3\quad 3\quad 3\quad 3$$

$$0100\ 0110\ 0110\ 0110\ 0110\ 0110$$

$$1 + 2^{-2} + 2^{-6} + 2^{-7} + 2^{-10} + 2^{-11} + 2^{-14} + 2^{-15} + 2^{-18} + 2^{-19} + 2^{-22} + 2^{-23} = 1.2749$$

$$-4 + 127 = 123 = 0111\ 1011$$

1a) 0x40866666

0100 0000 1000 0110 0110 0110 0110 0110

$$\text{Exponent} = 1000\ 0001 = 2^2$$

$$\begin{aligned} \text{Mantissa} &= 0000\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100 \\ &= 2^{-5} + 2^{-6} + 2^{-7} + 2^{-10} + 2^{-13} + 2^{-14} + 2^{-17} + 2^{-18} + 2^{-21} + 2^{-22} \\ &= 1.0499999 \times 2^2 \\ &= \boxed{4.2 \times 10^0} \end{aligned}$$

1b) 0x66ff0000

0110 0110 1111 1111 0000 0000 0000 0000

$$\text{Exponent} = 1100\ 1101 = 2^{78}$$

$$\begin{aligned} \text{Mantissa} &= 1111\ 1110\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 \\ &= 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-3} + 2^{-4} + 2^{-5} + 2^{-6} + 2^{-7} \\ &= 1.9921875 \cdot 2^{78} = \boxed{6.0210 \times 10^{23}} \end{aligned}$$

2a) -1600.6666 = sign = 1

$$\begin{array}{r} 1600 = 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ \hline 1024 \\ 576 \\ \hline 512 \\ 64 \end{array}$$

$$.6666 \cdot 2 = 1.3333 = 10101010$$

$$.333 \cdot 2 = 0.6666$$

$$.6666 \cdot 2 = 1.3333$$

8023080040

110 0100 0000.1010

$$1.10\ 0100\ 0000\ 1010 \cdot 2^{10} \quad 10 + 127 = 137$$

$$137 = 1000\ 1001$$

1100 0100 1100 1000 0001 0101 0101 0101

C 4 C 8 1 5 5 5

0xc4c81555

$$2b) -1.6 \times 10^{19}$$

$$x = \frac{y}{\log 2}$$

$$10^{-19} = 2^x$$

$$-19 \log_{10} 10 = x \log_{10} 2$$

$$-19 = x \log_{10} 2$$

$$x = \frac{-19}{\log_{10} 2} = -63.1166$$

$$= -1.6 \times 2^{-63.1166}$$

$$= -1.6 \times 2^{-1166} \times 2^{-63}$$

$$= \boxed{-1.4757} \times 2^{-63} \quad -63+127 = 0100\ 0000$$

Sign = 1

Mantissa = .4757₁₀ = 01111001110010100001000

$$\cdot 4757 \cdot 2 = 0.9514$$

$$\cdot 9514 \cdot 2 = 1.9028$$

$$\cdot 9028 \cdot 2 = 1.8056$$

$$\cdot 8056 \cdot 2 = 1.6112$$

$$\cdot 6112 \cdot 2 = 1.2224$$

$$\cdot 2224 \cdot 2 = 0.4448$$

$$\cdot 4448 \cdot 2 = 0.8896$$

$$\cdot 8896 \cdot 2 = 1.7792$$

⋮

1010000001111001110/0101/0000/1000

a 0 3 c e 5 0 8

0x a03ces08

0x a03ces08

3a) 0x44800000
0x3f000000

$$0x44800000 = 0100\ 0100\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$0x3f000000 = 0011\ 1111\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$\text{Sign} = 0$$

$$\text{Exponent} = 10001001 = 137 - 127 = 10$$

$$01111110 = 126 - 127 = -1$$

$$10 - (-1) = 11$$

Shift 3f000000's mantissa by 11 places to right

$$0.0000000000010000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 \times 2$$

$$0.0000\ 0000\ 0010\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$+ 1.0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$1.0000\ 0000\ 0010\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$= 0100\ 0100\ 1000\ 0000\ 0001\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$= 4\ 4\ 8\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0$$

0x44801000

$$3b) 0x3c066bbb = 0011\ 1100\ 0000\ 1011\ 1011\ 1011\ 1011\ 1011$$

$$0x3c111111 = 0011\ 1100\ 0001\ 0001\ 0001\ 0001\ 0001\ 0001$$

$$\text{Sign} = 0 \quad \text{Exponent} = \begin{matrix} 0111000 \\ 0111000 \end{matrix} \quad \text{Since exponents are the same, no need to shift.}$$

$$\text{Mantissa} = 1.00010111\ 0111\ 0111\ 0111\ 0111$$

$$+ 1.00100010\ 0010\ 0010\ 0010\ 0010\ 001$$

$$10.00111001\ 1001\ 1001\ 1001\ 1001\ 100 \cdot 2^{-7}$$

$$= 1.000111001\ 1001\ 1001\ 1001\ 1001\ 10 \cdot 2^{-6} \quad -6 = 01111001$$

$$00111100\ 1000\ 1110\ 0110\ 0110\ 0110\ 0110$$

$$3\ C\ 8\ e\ 6\ 6\ 6\ 6$$

0x3c8e6666

3c) 42c80000

c1f80000

0100 0010 1100 1000 0000 0000 0000 0000

1100 0001 1111 1000 0000 0000 0000 0000

$$1000\ 0101 = 133 - 127 = 6$$

$$1000\ 0011 = 131 - 127 = 4$$

$$1.1001\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 \times 2^6$$

$$-1.1111\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 \times 2^4$$

$$= \overset{10}{0.11001} \overset{10}{0000\ 0000\ 0000\ 0000}$$

$$-0.0111\ 1100\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$1.0001\ 0100\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 \times 2^6$$

$$\text{Mantissa} = 0001\ 0100\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$\text{Exponent} = 2^6 = 6 + 127 = 133 = 1000\ 0101$$

$$\text{Sign} = 0$$

$$[0001\ 08 + 4 \times 1]$$

0100 0010 1000 1010 0000 0000 0000 0000

4 2 8 A 0 0 0 0

0x428a0000

$$[0001\ 08 + 4 \times 1]$$

at

$$\text{Sign} = 1$$

$$10000011 = 133 - 127 = 6$$

$$2^{-9} \cdot 2^6 = 2^{-3}$$

111 0 0 000 0000 0000 0000 0000 000

$$= 1.40110011111111110101 \cdot 2^{-3}$$

51 1.10111001 1111 1111 1111 1110 101 $\times 2^{-2}$

$$= 10 \frac{1}{11} + 10 \frac{1}{11} + 10 \frac{1}{11} + 10 \frac{1}{11} + 10 \frac{1}{11} + 10 \frac{1}{11}$$

$$= 10111101100111111111$$

= b e d c f f f f

0xb ed c f f f f

4b) 0x44000000
0x3b000000

(5f)

$$4400\ 0000 = 0100\ 0100\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$3b00\ 0000 = 0011\ 1011\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$\text{Sign} = 0$$

$$\text{Exponent} = 10001000 = 136 - 127 = 9$$

$$01110110 = 118 - 127 = -9$$

$$2^9 \cdot 2^{-9} = 2^0 \quad 0 + 127 = 127 = 0111\ 1111$$

$$\text{Signified} = \begin{array}{r} 0 \\ -0 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$= 0\ 0111\ 1111\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$= 0011\ 1111\ 1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$$

$$= 1\ 3\ f\ 8\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$$

$$\boxed{0x3f800000}$$

$$\boxed{77770b5dx0}$$