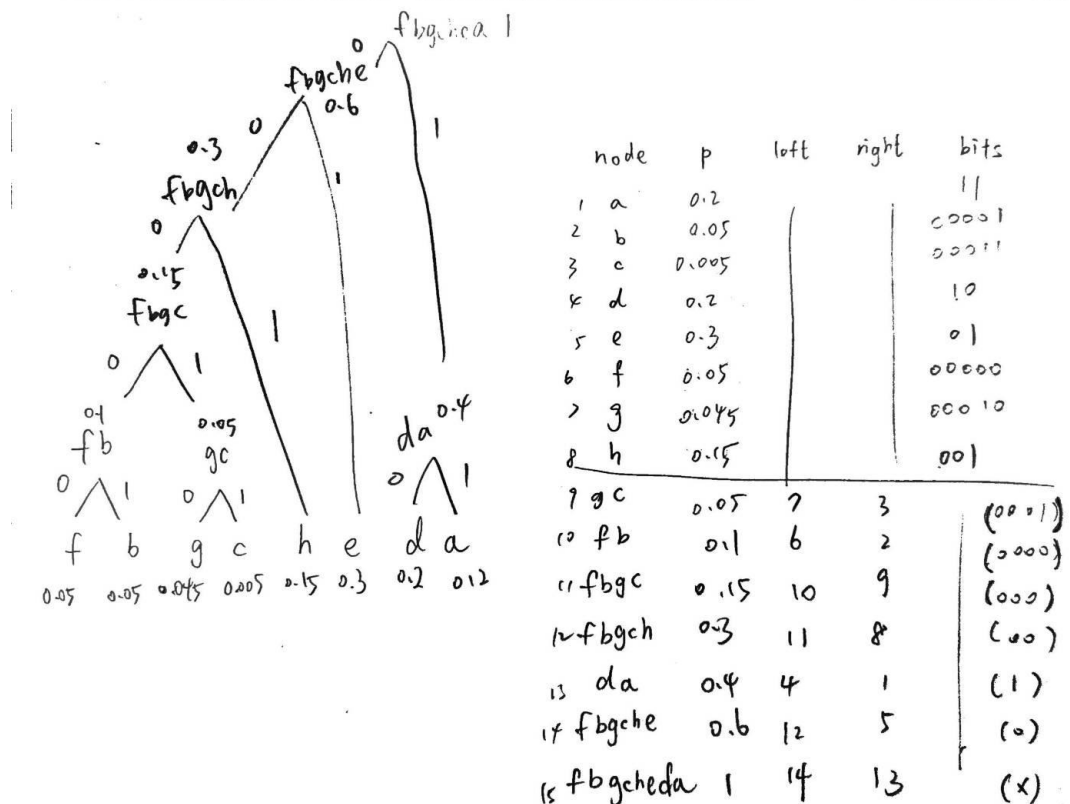


1. Information theory and Huffman coding

(a) Entropy = $H[X] = 2.5321$

(b)

(c) $0.25 + 0.03125 + 0.03125 + 0.25 + 0.25 + 0.03125 + 0.03125 + 0.125$ $= 0.5 + 0.375 + 0.125 = 1 \rightarrow \text{satisfy}$ (d) $(2+5+5+2+2+5+5+3)/8 = 3.625 > 2.5321 \rightarrow \text{satisfy}$

(e) '0001011000111100001'

(f) 'g, a, c, a, b'

(g)

List 10 members

{aaaaeeehbf}

{aaadeeehbb}

{aaddeeehfb}

{adddeeehff}

{ddddeeehbf}

{dddaeeehbb}

{ddaaeeehfb}

{daaaeeehff}

{eeceaaaahbb}

{eeceaaadhfb}

$$\text{ABS}(-\log_2(0.027 * 0.04 * 0.04 * 0.15 * 0.0025) / 10 - 2.5321) = 0.056 < 0.1$$

2. Implementation of Huffman coding

(a)

dict =

15×5 [cell](#) array

{ 'a' }	{ [0.2000] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '11' }
{ 'b' }	{ [0.0500] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '00001' }
{ 'c' }	{ [0.0050] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '00011' }
{ 'd' }	{ [0.2000] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '10' }
{ 'e' }	{ [0.3000] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '01' }
{ 'f' }	{ [0.0500] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '00000' }
{ 'g' }	{ [0.0450] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '00010' }
{ 'h' }	{ [0.1500] }	{ 0×0 double }	{ 0×0 double }	{ '001' }
{ 'gc' }	{ [0.0500] }	{ [7] }	{ [3] }	{ '0001' }
{ 'fb' }	{ [0.1000] }	{ [6] }	{ [2] }	{ '0000' }
{ 'fbgc' }	{ [0.1500] }	{ [10] }	{ [9] }	{ '000' }
{ 'fbgch' }	{ [0.3000] }	{ [11] }	{ [8] }	{ '00' }
{ 'da' }	{ [0.4000] }	{ [4] }	{ [1] }	{ '1' }
{ 'fbgche' }	{ [0.6000] }	{ [12] }	{ [5] }	{ '0' }
{ 'fbgcheda' }	{ [1] }	{ [14] }	{ [13] }	{ 0×0 double }

(b)

bin_seq =

"0001011000111100001"

same

(c)

sym_seq =

1×5 [cell](#) array

{ 'g' } { 'a' } { 'c' } { 'a' } { 'b' }

same

3. The average codeword length of Huffman coding

(a)

```

ten_rand =

1×10 cell array

    {'a'}    {'a'}    {'e'}    {'e'}    {'e'}    {'g'}    {'e'}    {'b'}    {'d'}    {'h'}

ten_bin =

"111101010100010010000110001"

ten_sym =

1×10 cell array

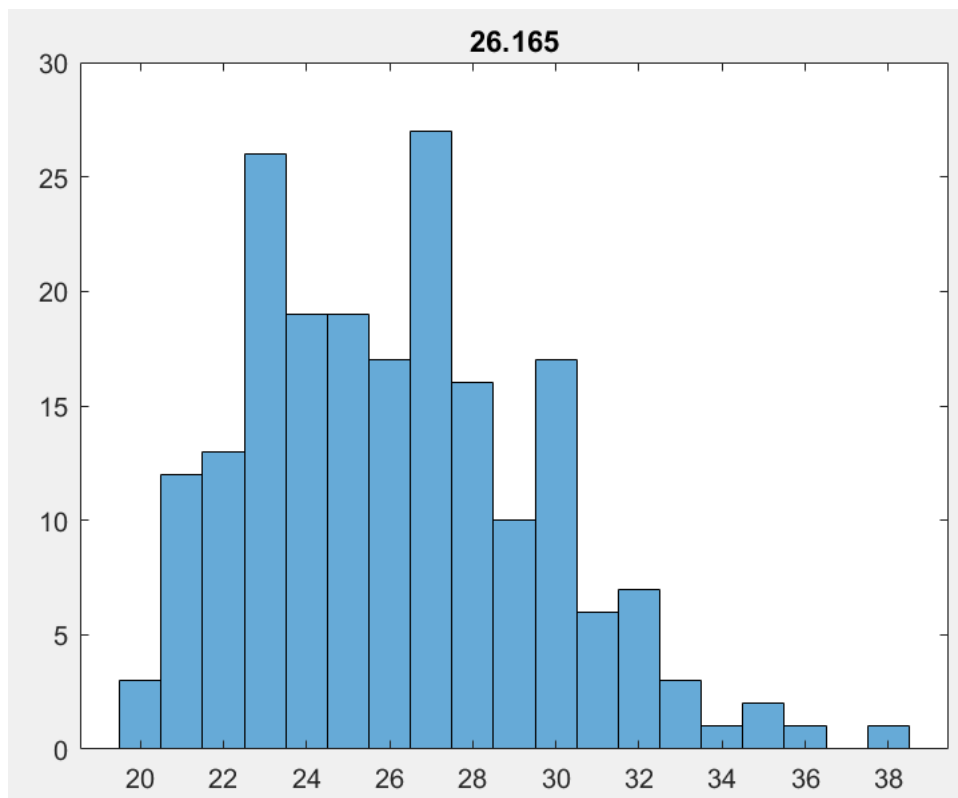
    {'a'}    {'a'}    {'e'}    {'e'}    {'e'}    {'g'}    {'e'}    {'b'}    {'d'}    {'h'}

LEN =

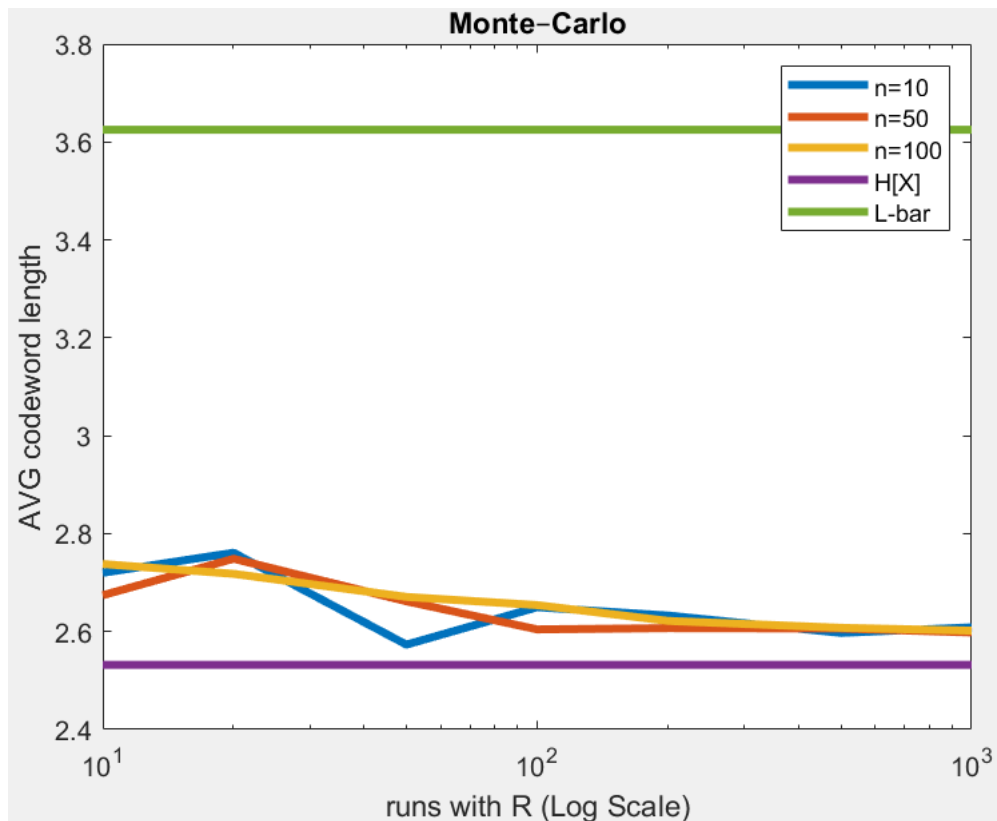
27

```

(b) Mean = 26.165



(c)



(d)

從上圖可以觀察到幾個結果，首先 Huffman code 的結果是低於 average code length 的，其次 entropy 對於收斂到 2.6 多的結果來說可以是一個下界。對於中間不同的三條曲線，若根據 R 來看，隨著 R 增大三條線都有所趨緩並收斂至同一個值，根據 n 來看可以發現 n 越大的 case 在模擬過程中變異程度越小，意即浮動程度越不明顯。

心得

這次實驗是時隔一年多再次使用 matlab 進行實驗模擬，有許多語法已經忘記，花了不少額外的時間。不過 Huffman code 的實做在之前演算法的課程中已有所認識，再加上這次上課又

聽了一次，整體上花費的時間還是差不多的。