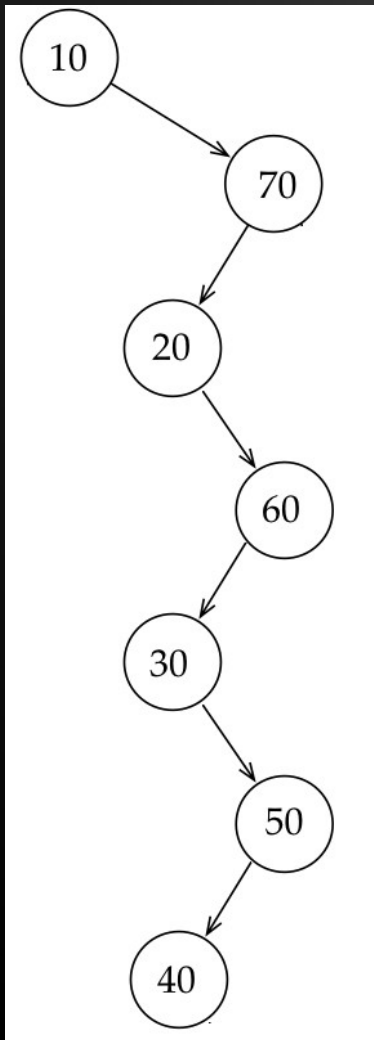


# ESTRUTURA DE DADOS

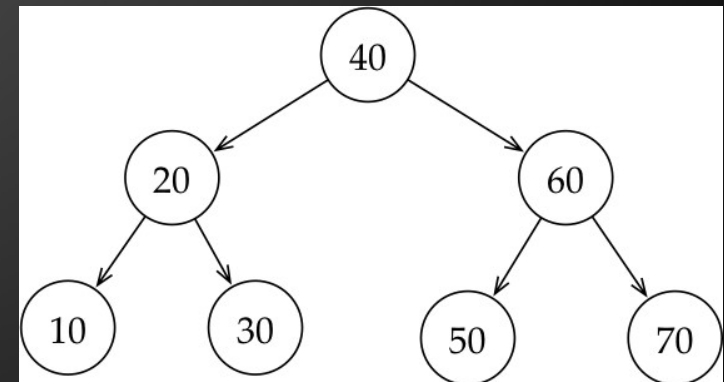
ÁRVORE  
AVL



# ÁRVORE BINÁRIA DE BUSCA



40, 20, 10, 60, 30, 50, 70



10, 70, 20, 60, 30, 50, 40



# ÁRVORE AVL

**Árvore AVL** é uma **árvore binária de busca balanceada**, que tenta minimizar o número de comparações efetuadas no pior caso para uma busca. Contudo, para garantir essa propriedade é preciso reconstruir a árvore para seu estado ideal a cada operação sobre seus nós (inclusão ou exclusão), o que causa um aumento no tempo computacional.

O nome AVL vem de seus criadores soviéticos **Adelson, Velsky e Landis**, e sua primeira referência encontra-se no documento "Algoritmos para organização da informação" de **1962**.





# FATOR DE BALANCEAMENTO

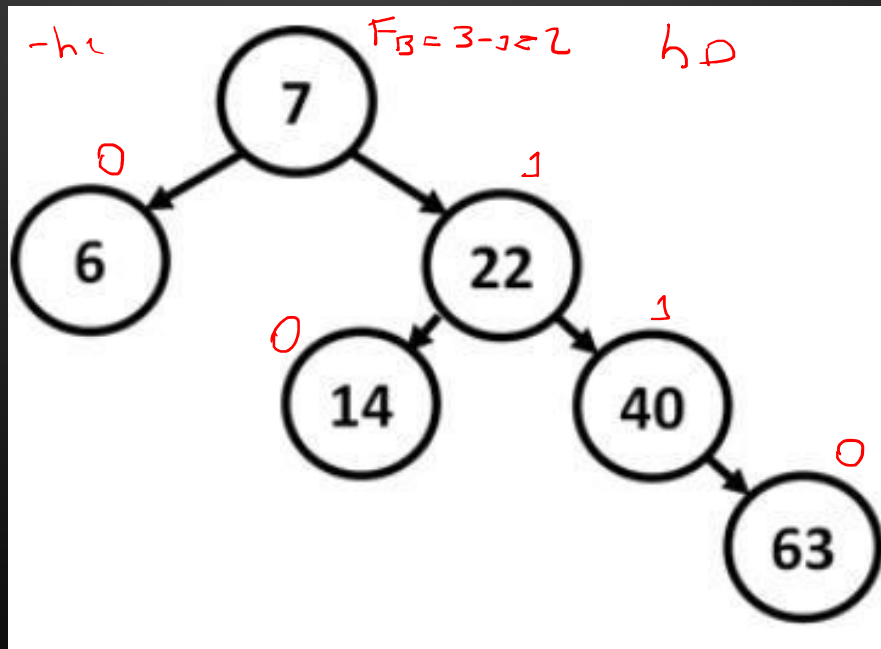
O **fator de balanceamento de um nó** em uma Árvore Binária é a diferença de altura entre as subárvores da direita e da esquerda, ou seja, é dado por:

$$F_B = h_D - h_E$$

Onde  $h_D$  é a altura da subárvore à direita do nó e  $h_E$  é a altura da subárvore à esquerda.

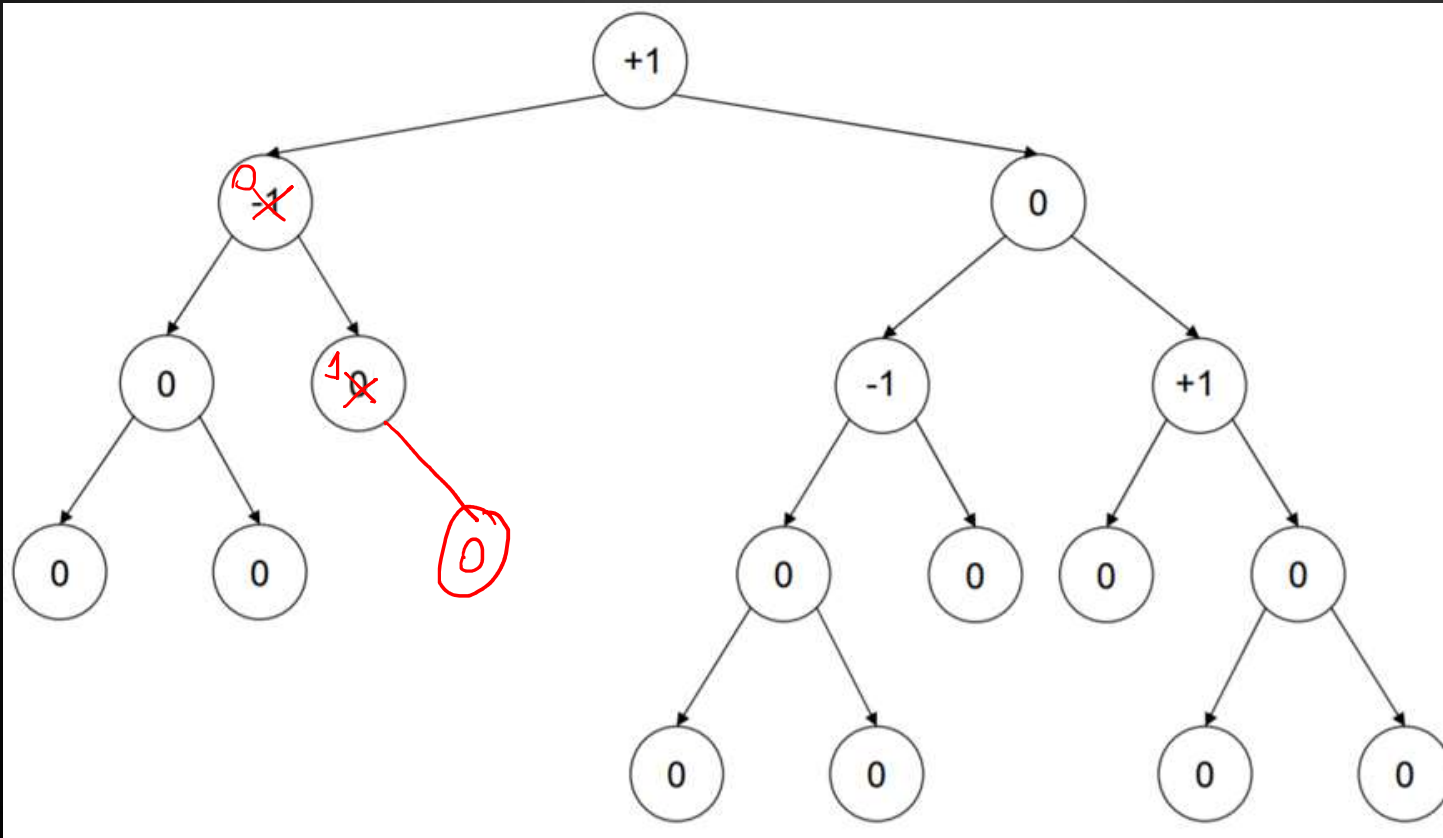
Numa Árvore AVL devemos ter que o fator de balanceamento de cada nó deve estar entre -1 e 1.

$$|h_D - h_E| \leq 1$$



Professor  
Douglas Maioli

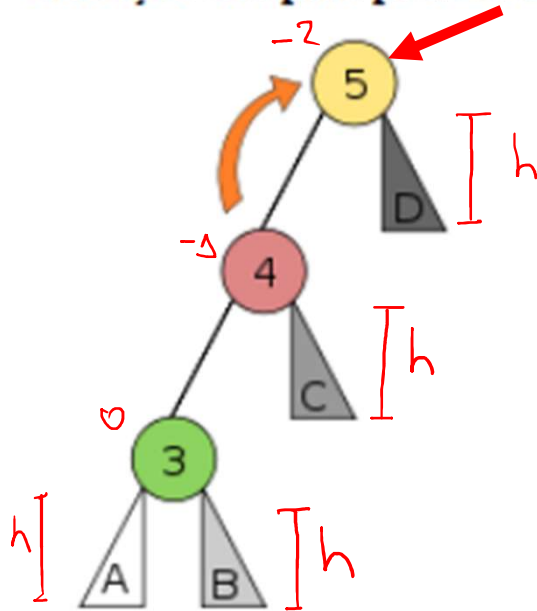
# FATOR DE BALANCEAMENTO



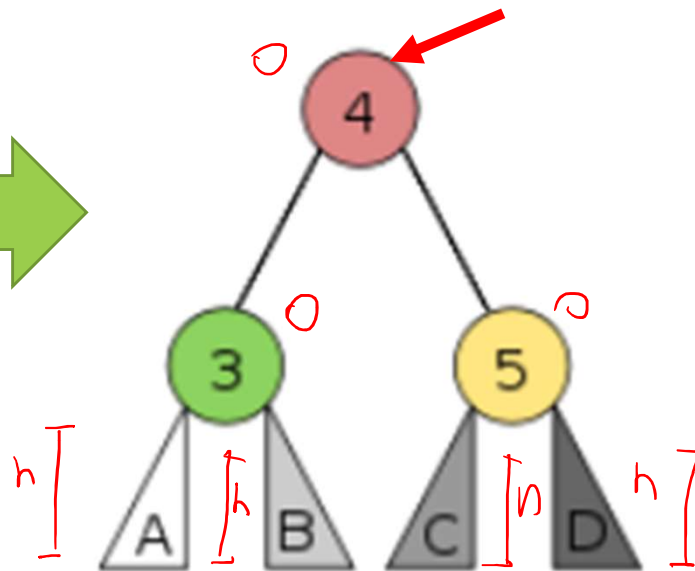
Professor  
Douglas Maioli

# ROTAÇÃO PARA A DIREITA

Rotação Simples para Direita



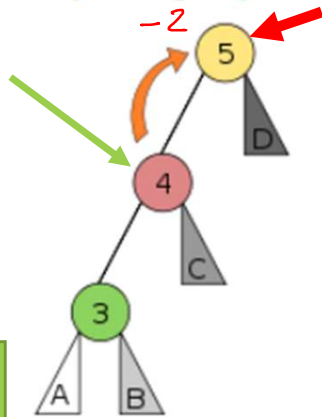
Balanceada



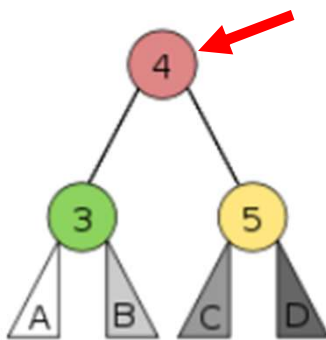
Professor  
Douglas Maioli

# ROTAÇÃO PARA A DIREITA

Rotação Simples para Direita



Balanceada



```
void ArvoreAVL::rotacaodireita(No*& pai)
```

```
{
```

```
    No* novopai = pai->filhoesquerda;
```

```
    pai->filhoesquerda = novopai->filhodireita;
```

```
    novopai->filhodireita = pai;
```

```
    pai = novopai;
```

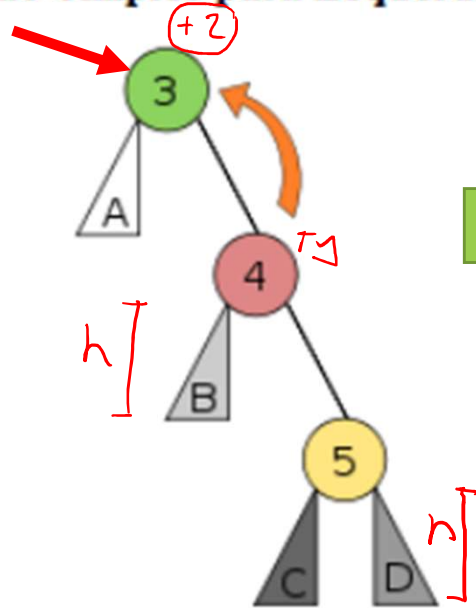
```
}
```



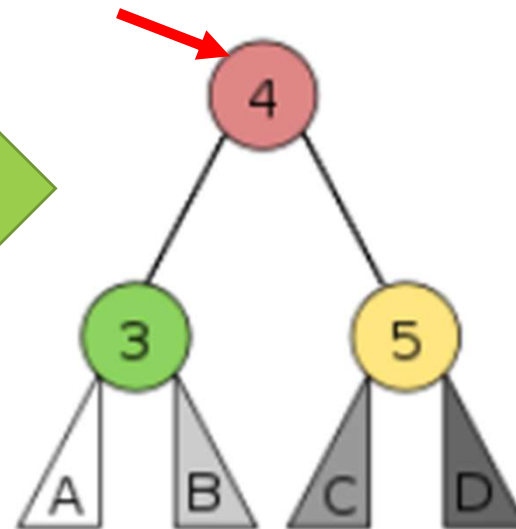
Professor  
Douglas Maioli

# ROTAÇÃO PARA A ESQUERDA

Rotação Simples para Esquerda



Balanceada

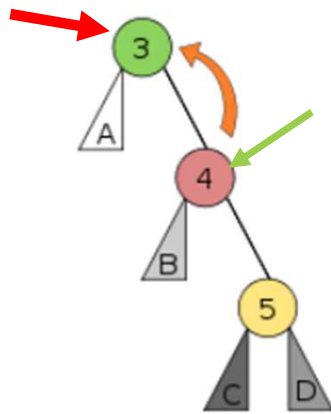


Professor  
Douglas Maioli

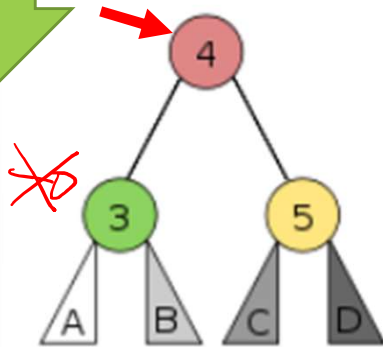


# ROTAÇÃO PARA A ESQUERDA

Rotação Simples para Esquerda



Balanceada



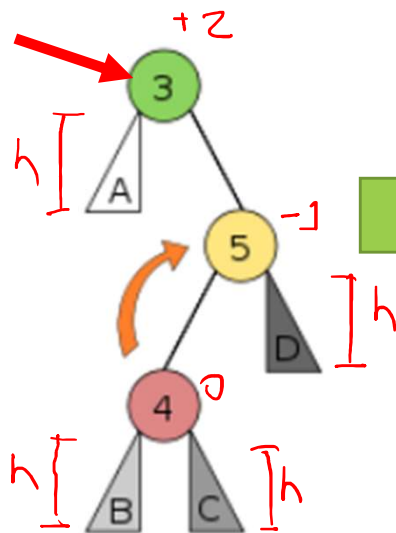
```
void ArvoreAVL::rotacaoesquerda(No*& pai)
{
    No* novopai = pai->filhodireita;
    pai->filhodireita = novopai->filhoesquerda;
    novopai->filhoesquerda = pai;
    pai = novopai;
}
```



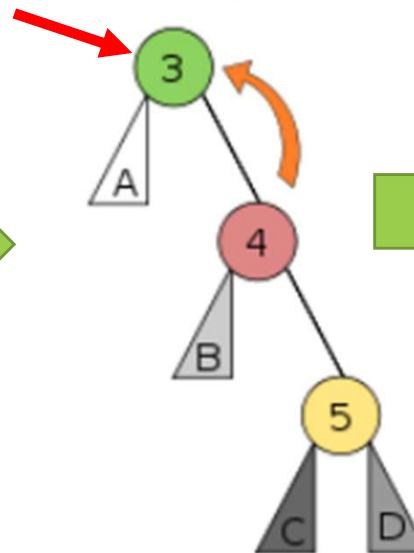
Professor  
Douglas Maioli

# ROTAÇÃO DUPLA DIREITA-ESQUERDA

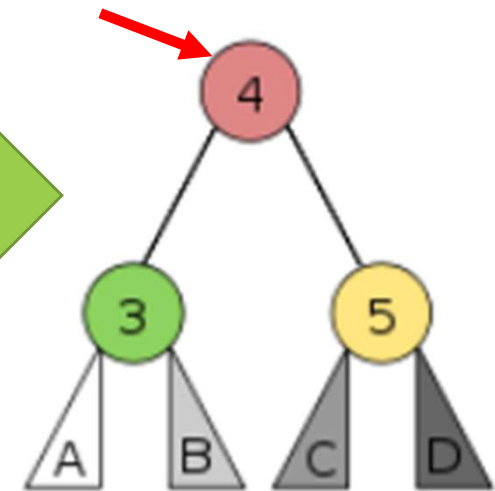
Rotação Dupla Direita-Esquerda



Rotação Simples para Esquerda



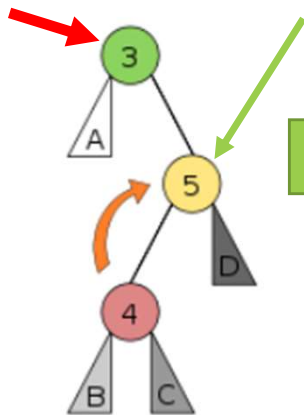
Balanceada



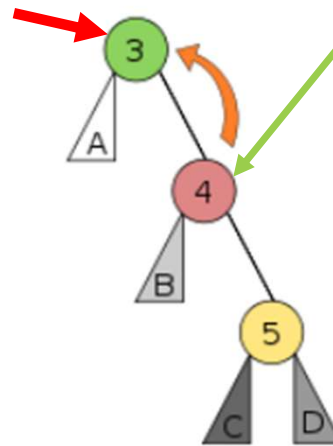
Professor  
Douglas Maioli

# ROTAÇÃO DUPLA DIREITA-ESQUERDA

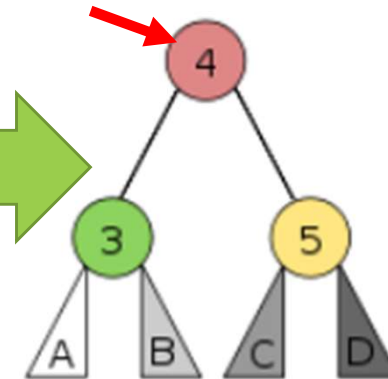
Rotação Dupla Direita-Esquerda



Rotação Simples para Esquerda



Balanceada



```
void ArvoreAVL::rotacaodireitaesquerda(No*& pai)
```

```
{
```

```
    No* filho = pai->filhodireita;
```

```
    rotacaodireita(filho);
```

```
    pai->filhodireita = filho;
```

```
    rotacaoesquerda(pai);
```

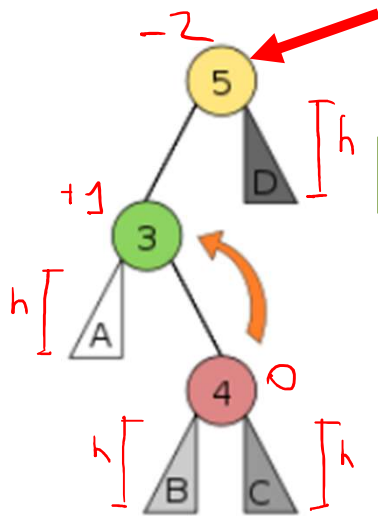
```
}
```



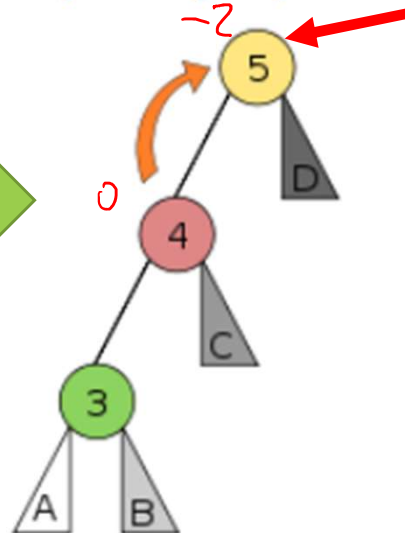
Professor  
Douglas Maioli

# ROTAÇÃO DUPLA ESQUERDA-DIREITA

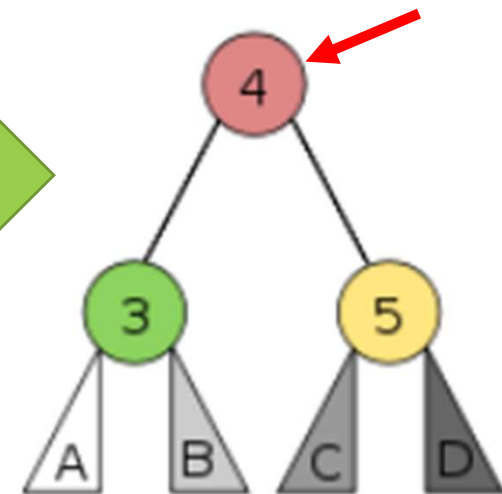
Rotação Dupla Esquerda-Direita



Rotação Simples para Direita



Balanceada

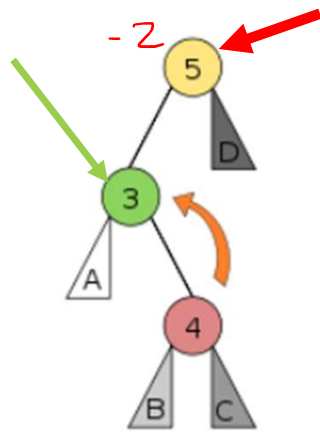


Professor  
Douglas Maioli

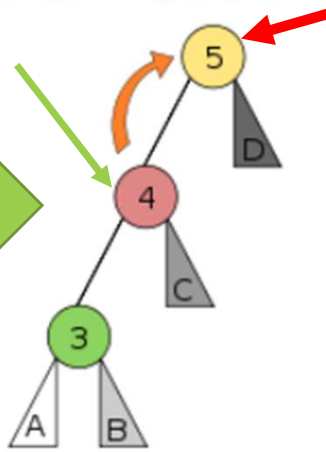


# ROTAÇÃO DUPLA ESQUERDA-DIREITA

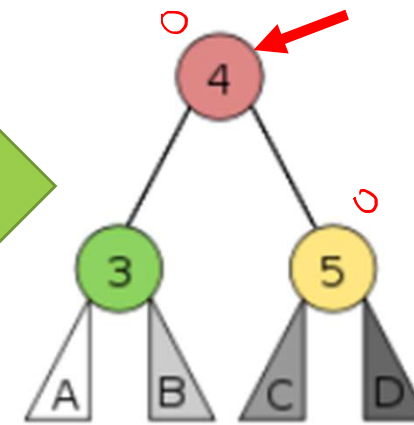
Rotação Dupla Esquerda-Direita



Rotação Simples para Direita



Balanceada



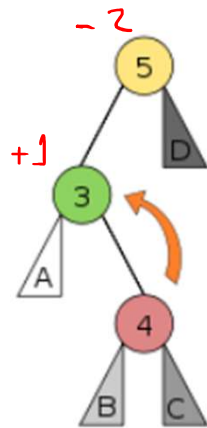
```
void ArvoreAVL::rotacaoesquerdadireita(No*& pai)
{
    No* filho = pai->filhoesquerda;
    rotacaoesquerda(filho);
    pai->filhoesquerda = filho;
    rotacaodireita(pai);
}
```



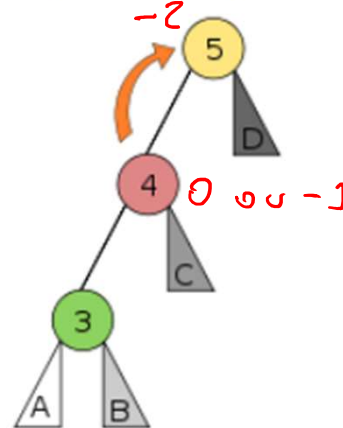
Professor  
Douglas Maioli

# ROTAÇÕES

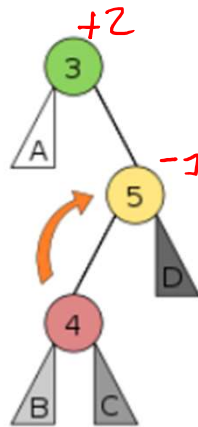
Rotação Dupla Esquerda-Direita



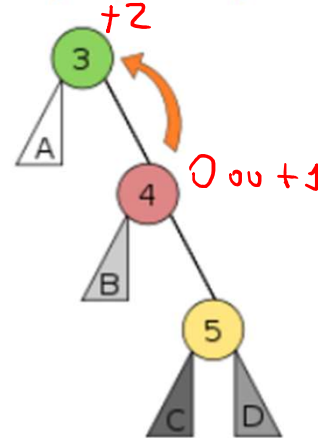
Rotação Simples para Direita



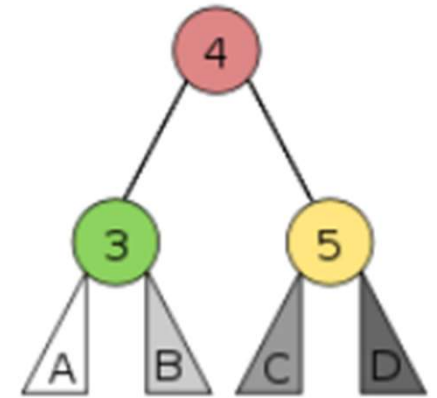
Rotação Dupla Direita-Esquerda



Rotação Simples para Esquerda



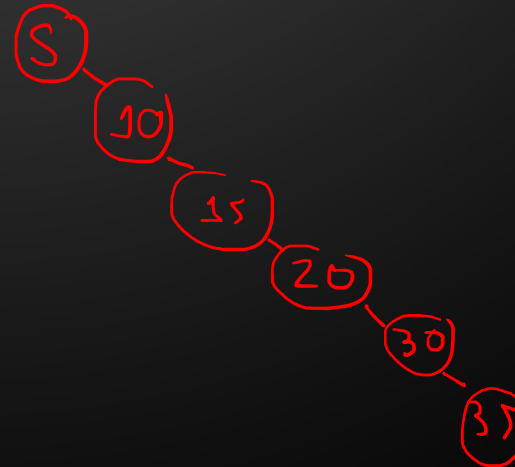
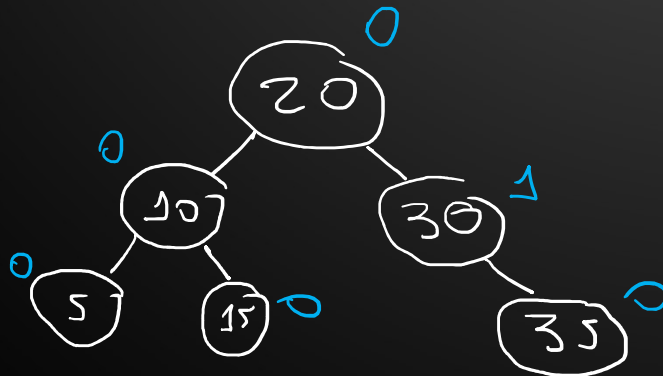
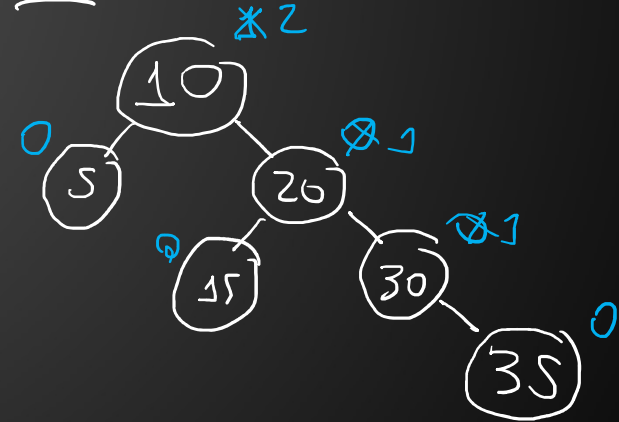
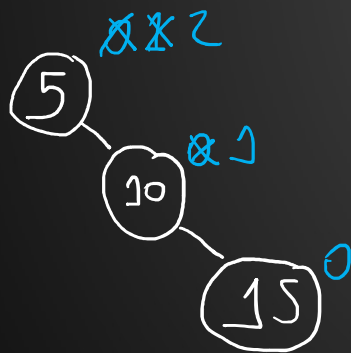
Balanceada



Professor  
Douglas Maioli

# ÁRVORE AVL - EXEMPLO

5, 10, 15, 20, 30, 35



Professor  
Douglas Maioli