

$$1) \text{ o vetor diretor } \vec{d}: \vec{d} = B - A = (-2 - 5, 3 - 4, 2 - 1) = (-7, -1, 1)$$

• eq. paramétricas e simétricas

$$\begin{cases} x = 5 - 7A \\ y = 4 - A \\ z = 1 + A \end{cases} \Rightarrow A = \frac{x-5}{-7} = \frac{y-4}{-1} = \frac{z-1}{1}$$

$$b) \vec{d} = B - A = (1, 1, 0)$$

$$\begin{cases} x = A \\ y = -1 + A, A \in \mathbb{R} \\ z = 0 \end{cases} \Rightarrow A = x = y + 1, z = 0$$

$$c) \vec{d} = (0, -1, 1)$$

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = 1 - A, A \in \mathbb{R} \\ z = -1 + A \end{cases} \Rightarrow A = x = 0, y = 1, z = -1$$

$$d) \vec{d} = (3, -1, -5)$$

$$\begin{cases} x = 3 + 3A \\ y = 2 - A, A \in \mathbb{R} \\ z = 1 - 5A \end{cases} \Rightarrow A = \frac{x-3}{3} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-1}{-5}$$

$$2) a) \cdot A = 0, p_1 = (1, 0, 4)$$

$$\cdot A = 1, p_2 = (0, 1, 6)$$

• vetor diretor original $\vec{d} = (-1, 1, 2)$

e o vetor = $(1, -1, -2) \rightarrow$ vetor múltiplo

$$b) p = (1, 3, -3)$$

• substit. nas eq. paramétricas

$$1 = 1 - A \Rightarrow A = 0$$

$$3 = 2 - A \Rightarrow A = -1$$

$$-3 = 1 - 5A \Rightarrow A = -4/5$$

• não consistente

$p \notin r$



$$q = (-3, 4, 12)$$

$$-3 = 1 - \lambda \Rightarrow \lambda = 4$$

$$4 = \lambda \Rightarrow \lambda = 4$$

$$12 = 4 + 2\lambda \Rightarrow \lambda = 4$$

consistente

\therefore

$q \in r$

$$c) \vec{w} = r = (-1, 1, \lambda)$$

$$\begin{cases} x = 1 - \lambda \\ y = 4 + \lambda \\ z = -7 + 2\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R}$$

$$3) a) \vec{AB} = (-8, -4, 10)$$

$$\vec{AC} = (1, -13, 1)$$

mão paralelos = formam triângulo
mão existe λ tal que $\vec{AB} = \lambda \vec{AC}$,
logo, são mão colineares

b) ponto médio de AB:

$$M = \left(\frac{3-5}{2}, \frac{6+2}{2}, \frac{-7+3}{2} \right) = (-1, 4, -2)$$

$$\vec{w}_{CM} = (-5, 11, 4)$$

eq. vetorial

$$x = C + \lambda \vec{CM} = (4, -7, -6) + \lambda (-5, 11, 4)$$

4) a) ponto genérico em r

$$C = (1 + \lambda, 1 + \lambda, -3\lambda)$$

condição de ortogonalidade

$$\vec{AB} = (-8, -4, 10), \vec{AC} = (1 + \lambda, 1 + \lambda, -3\lambda - 8)$$

para $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = 0$

$$-8(1 + \lambda) - 4(1 + \lambda) + 10(-3\lambda - 8) = 0 \Rightarrow \lambda = -2$$

$$C = (-1, 0, 6)$$

b) ponto genérico

$$p = (1 + \lambda, \lambda, \lambda)$$

• condição de equidistância

$$d(p, A) = d(p, B)$$

$$\sqrt{(1 + \lambda - 1)^2 + (\lambda - 1)^2 + (\lambda - 1)^2} = \sqrt{(1 + \lambda - 0)^2 + (\lambda - 0)^2 + (\lambda - 1)^2}$$

$$\lambda^2 + (\lambda - 1)^2 + (\lambda - 1)^2 = (1 + \lambda)^2 + \lambda^2 + (\lambda - 1)^2$$

$$\bullet \lambda = 0 \Rightarrow p_1 = (1, 0, 0)$$

$$\bullet \lambda = -1 \Rightarrow p_2 = (0, -1, -1)$$

5) a) equação vetorial

$$x = A + \lambda \vec{u} + \mu \vec{v} = (1, 1, 0) + \lambda(1, 1, 0) + \mu(2, 3, -1), \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

• equação paramétrica

$$\begin{cases} x = 1 + \lambda + 2\mu \\ y = 1 + \lambda + 3\mu \\ z = -\mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

$$b) \vec{AB} = (0, -2, -1)$$

$$\bullet x = A + \lambda \vec{AB} + \mu \vec{v} = (1, 1, 0) + \lambda(0, -2, -1) + \mu(2, 1, 0), \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

$$\begin{cases} x = 1 + 2\mu \\ y = 1 - 2\lambda + \mu \\ z = -\lambda \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

$$c) \vec{AB} = (1, 1, -3)$$

$$\vec{AC} = (0, -1, -1)$$

$$\bullet x = A + \lambda \vec{AB} + \mu \vec{AC} = (1, 0, 1) + \lambda(1, 1, -3) + \mu(0, -1, -1), \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

$$\begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = \lambda - \mu \\ z = 1 - 3\lambda - \mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$



b) a) • vetor normal

$$\vec{n} = \vec{u} \times \vec{v} = (1, 0, -1)$$

• eq. geral

$$1(x-9) + 0(y+1) - 1(z-0) = 0 \Rightarrow x - z - 9 = 0$$

$$\vec{AB} = (-2, 0, 0)$$

$$\vec{AC} = (1, 1, 1)$$

$$\vec{n} = \vec{AB} \times \vec{AC} = (0, 2, -2)$$

$$0(x-1) + 2(y-0) - 2(z-1) = 0 \Rightarrow 2y - 2z + 2 = 0$$

$$\Rightarrow y - z + 1 = 0$$

$$c) \vec{AB} = (0, -2, -1)$$

$$\vec{n} = \vec{AB} \times \vec{u} = (1, -2, 4)$$

$$1(x-1) - 2(y-1) + 4(z-0) = 0 \Rightarrow x - 2y + 4z + 1 = 0$$

d) • ponto da reta \vec{r} para $\lambda = 0$: $Q = (0, 2, 2)$

• vetor $\vec{PQ} = (-1, 3, 1)$

• vetor diretor de r : $\vec{v} = (1, 1, -1)$

• vetor normal \vec{n} : $\vec{n} = \vec{PQ} \times \vec{v} = (-4, 0, -4)$

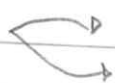
• eq. geral

$$-4(x-1) + 0(y+1) - 4(z-1) = 0 \Rightarrow -4x - 4z + 8 = 0$$

$$\Rightarrow x + z - 2 = 0$$

$$f) a) z = 4x + 2y + 5$$

sejam



$$x = a$$

$$y = \mu, \quad a, \mu \in \mathbb{R}$$

$$z = 4a + 2\mu + 5$$

$$b) y = 5x - 1$$

sejam



$$x = a$$

$$y = 5a - 1, \quad a, \mu \in \mathbb{R}$$

$$z = \mu$$

c) $z = 3$

sejam $\begin{cases} x = \lambda \\ y = \mu \\ z = 3 \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$

d) $y = z + 2$

sejam $\begin{cases} x = \lambda \\ y = \mu + 2 \\ z = \mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$

8) a) $\begin{cases} x = 1 + \lambda - \mu \\ y = 2\lambda + \mu \\ z = 3 - \mu \end{cases}$ $\vec{u} = (1, 2, 0)$ e $\vec{v} = (-1, 1, -1)$
 $\vec{m} = \vec{u} \times \vec{v} = (-2, 1, 3)$

eq. geral $(1, 0, 3)$

$-2(x-1) + 1(y-0) + 3(z-3) = 0 \Rightarrow -2x + y + 3z - 7 = 0$

b) $\begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = 2 \\ z = 3 - \lambda + \mu \end{cases}$ $\vec{u} = (1, 0, -1)$ e $\vec{v} = (0, 0, 1)$
 $\vec{m} = (0, -1, 0)$

eq. geral $(1, 2, 3)$

$0(x-1) - 1(y-2) + 0(z-3) = 0 \Rightarrow y - 2 = 0 \Rightarrow y = 2$

c) $\begin{cases} x = -2 + \lambda - \mu \\ y = 2\lambda + 2\mu \\ z = \lambda + \mu \end{cases}$ $\vec{u} = (1, 2, 1)$ e $\vec{v} = (-1, 2, 1)$
 $\vec{m} = (0, -2, 4)$

eq. geral $(-2, 0, 0)$

$0(x+2) - 2(y-0) + 4(z-0) = 0 \Rightarrow -2y + 4z = 0$
 $\Rightarrow y = 2z$



$$9) a) \quad r: \begin{cases} x = 1 + 2\lambda \\ y = \lambda \\ z = 1 + 3\lambda \end{cases}, \quad s: \begin{cases} x = -1 + 4\mu \\ y = -1 + 2\mu \\ z = -2 + 6\mu \end{cases}$$

$$1 + 2\lambda = -1 + 4\mu \quad \text{I}$$

$$\lambda = -1 + 2\mu \quad \text{II}$$

$$1 + 3\lambda = -2 + 6\mu \quad \text{III}$$

• subst II em I

$$1 + 2(2\mu - 1) = -1 + 4\mu \quad 4\mu - 1 = -1 + 4\mu \quad \text{sem restrições}$$

• subst. II em III

$$1 + 3(2\mu - 1) = -2 + 6\mu \quad 6\mu - 2 = -2 + 6\mu \quad \text{válido para}$$

\therefore as retas são coincidentes (mão ponto de todo μ intersecção)

$$b) \quad r: x = (1, 1, 0) + \lambda(1, 2, 3); \quad s: x = (2, 3, 3) + \mu(3, 2, 1)$$

$$\text{I } 1 + \lambda = 2 + 3\mu \Rightarrow \lambda = 1 + 3\mu$$

$$\text{II } 1 + 2\lambda = 3 + 2\mu$$

$$\text{III } 3\lambda = 3 + \mu$$

• subst. I em II

$$1 + 2(1 + 3\mu) = 3 + 2\mu \Rightarrow 3 + 6\mu = 3 + 2\mu \Rightarrow \mu = 0$$

$$\therefore \lambda = 1$$

• subst λ em III

$$3 = 1 + 3 + 0 \Rightarrow 3 = 3$$

• ponto intersecção

subst. A em $r: (2, 3, 3)$

• equação do plano

• vetores diretores: $(1, 2, 3)$ e $(3, 2, 1)$

• vetor normal: $(1, 2, 3) \cdot (3, 2, 1) = (-4, 8, -4)$

$$\text{equação: } -4(x - 2) + 8(y - 3) - 4(z - 3) = 0$$

$$\Rightarrow x - 2y + z + 1 = 0$$

c) $r: \begin{cases} x = 2 - 4\lambda \\ y = 4 + 5\lambda \\ z = 11 \end{cases}; s: \frac{x}{2} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{1}$

· equações paramétricas de s :

$s: \begin{cases} x = 2\mu \\ y = 1 - 2\mu \\ z = \mu \end{cases} \rightarrow 11 = \mu \Rightarrow \mu = 11$

· substit. μ em r

$s: (22, -21, 11)$

↳ ponto de interseção

· verificação r

$x = 12: 2 - 4\lambda = 12 \Rightarrow \lambda = -5$

$y = -21: 4 + 5(-5) = -21 \Rightarrow -21 = -21$

· equação do plano

· vetores diretores: $(-4, 5, 0)$ e $(2, -2, 1)$

· vetor normal: $(-4, 5, 0) \cdot (2, -2, 1) = (5, 4, -2)$

· equação: $5(x - 22) + 4(y + 21) - 2(z - 11) = 0$

$\Rightarrow 5x + 4y - 2z - 36 = 0$

d) $r: \frac{x-2}{3} = \frac{y+2}{4} = \frac{z}{2}; s: \frac{x}{4} = \frac{y}{2} = \frac{z-3}{1}$

$r: \begin{cases} x = 2 + 3\lambda \\ y = -2 + 4\lambda \\ z = \lambda \end{cases}; s: \begin{cases} x = 4\mu \\ y = 2\mu \\ z = 3 + \mu \end{cases}$

I $2 + 3\lambda = 4\mu$

II $-2 + 4\lambda = 2\mu$

III $\lambda = 3 + \mu$

· $\mu = 2\lambda - 1$

↳ substit em I

$2 + 3\lambda = 4(2\lambda - 1) \Rightarrow 2 + 3\lambda = 8\lambda - 4 \Rightarrow \lambda = \frac{6}{5}$

subst. λ em 3

$$\frac{6}{5} = 3 + 2\mu \neq \mu = -\frac{9}{10}$$

subst. λ e μ em I

$$2 + 3\left(\frac{6}{5}\right) + 4\left(-\frac{9}{10}\right) \neq 2 \cdot \frac{18}{5} = -\frac{18}{5} \neq \frac{28}{5} \neq -\frac{18}{5}$$

\therefore não há interseção de retas

$$10) a) (x + 2y + 3z - 1) - (x - y + 2z) = 0$$

$$3y + z - 1 = 0 \Rightarrow z = -3y + 1$$

subst. z em II

$$x - y + 2(-3y + 1) = 0 \Leftrightarrow x - 7y + 2 = 0 \Rightarrow x = 7y - 2$$

$$y = \lambda, \dots$$

$$\begin{cases} x = -2 + 7\lambda \\ y = \lambda \\ z = 1 - 3\lambda \end{cases}$$

$$\text{eq. vet: } x = (-2, 0, 1) + \lambda(7, 1, -3)$$

$$b) 2x + 2y - 1 = 0 \Leftrightarrow x + y = \frac{1}{2}$$

II - I

$$2z - 1 = 0 \Rightarrow z = \frac{1}{2}$$

$$y = \lambda \Rightarrow x = \frac{1}{2} - \lambda$$
$$x = \left(\frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2}\right) + \lambda(-1, 1, 0)$$

c) subst. x em II

$$2 \cdot 3 - z + 1 = 0 \Leftrightarrow z = 7$$

* reta paralela ao eixo y , então:

$$\begin{cases} x = 3 \\ y = \lambda \\ z = 7 \end{cases}$$

$$x = (3, 0, 7) + \lambda(0, 1, 0)$$

d) reta é paralela ao eixo x :

$$\begin{cases} x = \lambda \\ y = 2 \\ z = 0 \end{cases}$$

$$x = (0, 2, 0) + \lambda(1, 0, 0)$$

11) a) $y + z = 3 \Rightarrow y = 3 - z$

subst em II

$$x + (3 - z) - z = 6 \Rightarrow x - 2z = 3 \Rightarrow x = 3 + 2z$$

$z = \mu$, então:

$$\therefore x = (3, 3, 0) + \mu(2, -1, 1)$$

$$\text{I } 1 - 2\lambda = 3 + 2\mu$$

$$\text{II } -1 + \lambda = 3 - \mu$$

$$\text{III } 1 - \lambda = \mu$$

subst II em III

$$-1 + \lambda = 3 - (1 - \lambda) \Rightarrow -1 + \lambda = 2 + \lambda \Rightarrow -1 = 2$$

\therefore retas paralelas distintas

b) $\pi: x = (-1, 0, -1) + \mu(2, 3, 2)$

$$\vec{w}_\pi = (2, 3, 2); \vec{w}_\sigma = (1, 2, 0)$$

$$-1 + 2\mu = \lambda \quad \text{I}$$

$$3\mu = 2\lambda \quad \text{II}$$

$$-1 + 2\mu = 0 \Rightarrow \mu = \frac{1}{2} \quad \text{III}$$

subst μ em II $\Rightarrow \lambda = \frac{3}{4}$

$$-1 + 2\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3}{4} \Rightarrow 0 \neq \frac{3}{4}$$

\therefore retas reversas

$$c) \vec{v}_1 = (2, -1, 3), \vec{v}_2 = (1, -2, 2)$$

$$8 + 2\lambda = 3 + \mu \Rightarrow \mu = 5 + 2\lambda$$

$$1 - \lambda = -4 - 2\mu$$

$$9 + 3\lambda = 4 + 2\mu$$

• substit I em II

$$1 - \lambda = -4 - 2(5 + 2\lambda) \Rightarrow 1 - \lambda = -14 - 4\lambda \Rightarrow 3\lambda = -15 \Rightarrow \lambda = -5$$

$$\bullet 9 + 3(-5) = 4 + 2(-5) \Rightarrow -6 = -6$$

$$\mu = -5$$

• ponto de interseção

subst A em π

$$(8 + 2(-5), 1 - (-5), 9 + 3(-5)) = (-2, 6, -6)$$

\therefore retas concorrentes

$$d) \pi: x = (-1, 0, 0) + \lambda(2, 1, 1)$$

$$x + y = 1 + 3\lambda \text{ e } 2x - y = 2\lambda$$

$$3x = 1 + 5\lambda \Rightarrow x = \frac{1 + 5\lambda}{3}$$

$$2\left(\frac{1 + 5\lambda}{3}\right) - y = 2\lambda \Rightarrow y = \frac{2 + 10\lambda}{3} - 2\lambda = \frac{2 + 4\lambda}{3}$$

• $\lambda = 3\mu$, então:

$$\pi: x = \left(\frac{1}{3}, \frac{4}{3}, 0\right) + \mu(5, 4, 3)$$

$$-1 + 2\lambda = \frac{1}{3} + 5\mu \text{ I}$$

$$\lambda = \frac{2}{3} + 4\mu \text{ II}$$

$$\lambda = 3\mu \text{ III}$$

• substit III em II

$$3\mu = \frac{2}{3} + 4\mu \Rightarrow -\mu = \frac{2}{3} \Rightarrow \mu = -\frac{2}{3} \therefore \lambda = -2$$

$$-1 + 2(-2) = \frac{1}{3} + 5\left(-\frac{2}{3}\right) \Rightarrow -5 \neq -3$$

\therefore retas reversas

12) a) - vetor diretor de r : $\vec{w}_r = (0, 1, 1)$

- vetor normal de π : $\vec{m}_\pi = (1, -1, -1)$

$$\vec{w}_r \cdot \vec{m}_\pi = 0 \cdot 1 + 1(-1) + 1(-1) = -2 \neq 0 \rightarrow \text{transversal}$$

- ponto de interseção:

subst. r em π

$$1 - (1 + a) - (0 + a) = 2 \neq -a - a = -2 \neq a = -1$$

$$\text{ponto } P = (1, 1 + (-1), 0 + (-1)) = (1, 0, -1)$$

b) r : $x = (1, 0, 0) + a(2, 1, 1)$

π : $\vec{u} = (1, 0, 1)$, $\vec{v} = (2, 1, 0)$

$$\vec{m}_\pi = \vec{u} \times \vec{v} = (-2, 2, 2)$$

$$\vec{w}_r \cdot \vec{m}_\pi = 2(-2) + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 2 = -4 + 2 + 2 = 0 \rightarrow \text{paralela}$$

- verificamos $(1, 0, 0) \in \pi$.

$$1(-2) + 0 \cdot 2 + 0 \cdot 2 \neq 0 \rightarrow \text{não está contida no plano}$$

$$c) r: \begin{cases} x - y = 1 \\ x - 4y = 0 \end{cases}, \pi: x + y = 2$$

$$y = 1 \text{ e } x = 2$$

- equação paramétrica $x = (2, 1, 0) + a(0, 0, 1)$

$$r: \vec{w}_r = (0, 0, 1) \quad / \quad \vec{w}_r \cdot \vec{m}_\pi = 0 \cdot 1 + 0 \cdot 1 + 1 \cdot 0 = 0$$

$$\pi: \vec{m}_\pi = (1, 1, 0) \quad / \quad \text{reta paralela}$$

$$(2, 1, 0) \in \pi? \quad 2 + 1 \cdot 3 \neq 2 \rightarrow \text{não contida}$$

$$d) x - 2y = 3 \quad 2x + y \neq x - 3y + 2z = 3$$

$$3 - 2z + y = 2x - z \Rightarrow -2x + y - z = -3$$

$$z = a \Rightarrow x - 3y = 3 - 2a \text{ e } -2x + y = -3 + a$$

$$\begin{matrix} x = 6 - 5a & y = 3 - a \\ 5 & 5 \end{matrix}$$

$$x = \left(\frac{6}{5}, \frac{3}{5}, 0\right) + a(-1, -\frac{1}{5}, 1)$$

$$\pi: \vec{u} = (1, 1, 1), \vec{v} = (2, 1, 0)$$

$$\vec{m}_\pi = (-1, 2, -1)$$

$$\vec{w}_r \cdot \vec{m}_\pi = -1(-1) + (-\frac{1}{5}) \cdot 2 + 1(-1) = 1 - \frac{2}{5} - 1 = -\frac{2}{5} \neq 0$$

reta transversal

$$\text{ponto } P: \left(\frac{6}{5}, \frac{3}{5}, 0\right)$$



13) a) $\vec{m} = (1, 2, 0) \cdot (1, 0, 1) = (2, 1, -2)$

$\vec{w} \cdot \vec{m} = 0 \Rightarrow 2 \cdot 2 + m \cdot (-1) + 1 \cdot (-2) = 0 \Rightarrow 4 - m - 2 = 0 \Rightarrow m = 2$

b) ponto $(m, 2, 0)$ deve pertencer a π

$m - 3 \cdot 2 + 0 = 1 \Rightarrow m = 7$

vetor diretor $(2, m, m)$ perpendicular ao normal $(-1, -3, 1)$

$2 \cdot (-1) + m \cdot (-3) + m \cdot 1 = 0 \Rightarrow -2 - 3m + m = 0 \Rightarrow m = -1$

c) $\vec{w} = (m, 2, m)$

$\pi: \vec{m} = (1, m, 1)$

$\vec{w} \cdot \vec{m} \neq 0 \Rightarrow m \cdot 1 + 2 \cdot m + m \cdot 1 \neq 0 \Rightarrow 4m \neq 0 \Rightarrow m \neq 0$

14) a) $\vec{m}_1 = (1, 1, 2) \cdot (3, 3, 1) = (-5, 5, 0)$

$\vec{m}_2 = (1, 1, 0) \cdot (0, 1, 4) = (4, -4, 1)$

não existe λ tal que $\vec{m}_1 = \lambda \vec{m}_2 \therefore$ planos transversais

equação vetorial

$x = (1, 1, 1) + \gamma(1, 1, 0)$

b) $\pi_2: \vec{m}_2 = (1, -1, 2) \cdot (-1, 1, 1) = (-3, -4, 1)$

$\vec{m}_1 = (1, -1, 2)$ e $\vec{m}_2 = (-3, -4, 1)$ não são paralelos

\therefore planos transversais

$x - y + 2z = 2$ e $-3x - 4y + z = -1$

$\therefore x = (1, 0, \frac{1}{2}) + \gamma(7, 5, 1)$

c) $\pi_2 = 2 \cdot \pi_1$, mas $-9 \neq -2 \cdot (-1) \therefore$ planos paralelos distintos

d) $\vec{AB} = (5, -1, -5)$, $\vec{AC} = (4, -1, -6)$

$\vec{m}_1 = (5, -1, -5) \cdot (4, -1, -6) = (1, 10, -1)$

$\vec{m}_2 = (4, 40, -4)$

$\vec{m}_2 = 4\vec{m}_1$

A: $(0, 1, 6)$ em $\pi_2: 0 + 40 - 24 - 16 = 0 \therefore$ planos coincidentes

$$15) a) \pi_1: \vec{m}_1 = (-1, m, 1) \cdot (2, 0, 1) = (m, 3, -2m)$$

$$\pi_2: \vec{m}_2 = (m, 1, 0) \cdot (1, 0, m) = (m, -m^2, -1)$$

$$\vec{m}_1 \cdot \vec{m}_2 = m \cdot m + 3 \cdot (-m^2) + (-2m) \cdot (-1) \\ = m^2 - 3m^2 + 2m = -2m^2 + 2m$$

$$\text{Transversal} = \vec{m}_1 \cdot \vec{m}_2 \neq 0$$

$$-2m^2 + 2m \neq 0 \Rightarrow m \neq 0 \text{ e } m \neq 1$$

vetores normais não são paralelos para nenhum m , pois não existe k tal que $\vec{m}_1 = k\vec{m}_2$ para todos m .

$$b) \vec{m}_1 = (m, 1, 1) \cdot (1, 1, m) = (m-1, 1-m^2, m-1)$$

$$\pi_2: \vec{m}_2 = (2, 3, 2)$$

$$\frac{m-1}{2} = \frac{1-m^2}{3} \Rightarrow 3(m-1) = 2(1-m^2)$$

$$3m - 3 = 2 - 2m^2 \Rightarrow 2m^2 + 3m - 5 = 0 \\ \Rightarrow m = 1 \text{ (não vale)} \text{ ou } m = -5/2$$

$$\text{para } m = -5/2, \vec{m}_1 = (-7/2, -21/4, -7/2)$$

verificar se ponto $(1, 1, 0)$ não pertence a π_2 .

$$2(1) + 3 \cdot 1 + 2 \cdot 0 + m \neq 0 \Rightarrow m \neq -5$$

$$m = -5/2, m \neq -5$$