# Calculadora Polonesa Reversa

# Guilherme Mendel de Almeida Nascimento Universidade de Brasília, DF, Brasil

## Abstract

Esse relatório se refere ao primeiro trabalho da matéria Estrutura de Dados (prof. Marcos Caetano) do primeiro semestre de 2018, UnB. Nele, será descrita a arquitetura do sistema desenvolvido e a explicação de todas as funcionalidades do programa, além de mencionar como foram feitos os *smoke tests* e conter um link para a documentação gerada pelo doxygen do programa.

Keywords: Calculadora, Notação posfixa, Notação polonesa reversa

Doxygen do Arquivo

# 1. Introdução

Em 1929, o matemático polonês Jan Lukasiewicz demonstrou que os parênteses não são necessários para se representar a ordem das operações numa expressão, ao propor uma nova notação de expressão: a notação Polonesa. Ao serem representados à direita dos operandos, em vez de entre eles, os operadores agem como delimitadores entre as diferentes operações da expressão. No entanto, não foi até o ano de 1950 que o cientista da computação e filósofo australiano Charles Hamblin introduziu a notação Polonesa Reversa, em que os operandos precedem as operações. Essa nova maneira de representar expressões se mostrou muito compatível com a natureza sequencial dos algoritmos computacionais — sobretudo quando da sua implementação por meio de listas LIFO (Last In, First Out), ou pilhas.

Nesse trabalho, a proposta era desenvolver um programa capaz de tanto ler uma expressão infixa, transforma-la em posfixa e encontrar sua solução, quanto executar, pelo modo *calculadora*, operações em tempo real, apresentando uma pilha na tela, na qual o usuário pode inserir novos números e aplicar operações.

## 2. Arquitetura do Sistema Desenvolvido

Primeiramente, é importante ressaltar que o foco da treinamento com esse trabalho foi na área de alocação dinâmica de memória e na implementação de listas LIFO, ou pilhas. Essas pilhas seguem um padrão tal que o último elemento a ela adicionado será o primeiro elemento a ser removido, tal como uma pilha de pratos.

#### 2.1. Das Pilhas

No arquivo pile.c se encontram as definições das diversas funções referentes à implementação das pilhas.

Nessa implementação, como pode ser observado a partir do doxygen do programa, foram desenvolvidas duas structs — a Pile e a Pelm. A struct Pile (Pilha) serve meramente como uma estrutura de referência, em que são armazenados o endereço do último elemento da pilha (o último deve ser entendido pelo último a ser empilhado) e a quantidade de elementos nela. Já a struct Pelm (Pile Element – Elemento da Pilha) vai armazenar um valor double e o endereço do próximo elemento na pilha. Ao serem inicializadas pelas suas respectivas funções genPile e genPelm (gen de generate – gerar), seus ponteiros recebem NULL.

```
--(pile.c.pdisplay)--> Atual configuracao da pilha:
1: 5.00
2: 7.00
3: 46.00
4: 2.00
5: 1.00
```

Figure 1: Exemplo de pilha

Sempre que um elemento é alocado, o endereço armazenado na struct Pile correspondente é atualizado, assim como seu valor quantidade, e o novo elemento vai apontar para o antigo último elemento.

Como as struct Pile's não são alocadas dinamicamente, não é necessário liberar memória para ela na destituição de uma pilha, porém seus elementos (struct Pelm) são dinâmicos, o que levou à implementação da função poust(Pile \*p) (oust pile – destituir pilha), que libera o espaço alocado elemento por elemento da pilha alvo, e deve ser chamada sempre que uma pilha não vai mais ser utilizada.

As pilhas servirão de grande importância no desenvolvimento do restante do programa, e tomarão participação nos dois modos da calculadora.

#### 2.2. Da Main

Ao longo da implementação do programa, a fim de exercitar o uso de arquivos headers e objetos, foi definido que nenhuma função seria delcarada no mesmo arquivo que a main. Por esse motivo, o arquivo main.c somente tem a função de iniciar o programa e pedir ao usuário que escolha entre o modo "Resolução de expressão" e "Calculadora".

Figure 2: Menu principal

## 2.3. Do Modo Resolução de Expressão

Nesse modo, o programa vai receber uma expressão matemática no formato infixo, formada por operandos reais e operações de soma, subtração, divisão e multiplicação, a converter para o formato posfixo e só então solucionala. Ele é capaz de detectar diversos erros, como múltiplas vírgulas, operadores utilizados incorretamente e até mesmo detecta divisões por zero. É importante mencionar que o programa aceita o uso tanto do carácter '.' quanto ',' para representar a vírgula do operando e não suporta números negativos.

Primeiramente, é solicitado do usuário uma expressão válida, que passa pela função *validate(char \*exp)*, onde ela validada quanto ao uso correto dos parênteses, da sintaxe operador—operando, dos operandos em si (por exemplo, o numero 2.1.3 é inválido), entre outros. A validação dos parênteses é feita com a utilização das pilhas.

```
Modo Resolucao de Expressao

Digite uma expressao valida, ou q para voltar:
-> 2*[3-4)

A expressao fornecida possui erro(s) na sintaxe dos '('
```

Figure 3: Exemplo de expressão rejeitada

Após ser validada com sucesso, a solução da expressão é calulcada pela função  $solve(char\ ^*exp)$ , que é responsável não só por calcular o resultado mas também por chamar outras funções, tal qual a função  $dump(Pile\ ^*n)$ , que utiliza a lógica das pilhas para montar um único número double a partir de carácteres de números e vírgulas, que foram anteriormente empilhados na Pile 'n'.

Por fim, o resultado é impresso na tela, a menos que haja alguma divisão por 0 — caso em que o programa alerta o usuário do acontecimento, apesar de ainda assim retornar o resultado como "0.00".

```
Digite uma expressao valida, ou q para voltar:
-> 5-2*(4+3/[1+1]-7)/1.2
A expressao fornecida e valida.
A expressao no formato posfixo e: 5 2 4 3 1 1 + / + 7 - * - 1.2 /
Seu resultado e 6.67
```

Figure 4: Exemplo de expressão aceita

#### 2.4. Do Modo Calculadora

Nesse modo, uma pilha é inicializada, e o usuário tem a opção de colocar nela quaisquer operandos ele gostar, menos o 0, naturalmente. Ao digitar uma operação básica, tal qual o +, -, \* ou / — adição, subtração, multiplicação ou divisão — o programa realiza e operação no formato

$$a(o)b$$
 (1)

onde a é o último elemento, b o penúltimo e (o) a operação em questão. Existem dois operadores especiais, a saber:

- '!' Quando antecedido por um operador básico, indica que essa mesma operação deve ser realizada sobre o último elemento da pilha por todos os outros, sobrando na pilha após sua realização apenas o resultado.
- 'c' Empilha repetidamente o penúltimo elemento da pilha uma quantidade de vezes igual ao último elemento da pilha.

O funcionamento desse modo é bem intuitivo, a única parte mais complexa é validar a expressão de entrada. Porém é óbvio que se o primeiro caráctere for um número/vírgula, tambémdeverão o ser os demais. Partindo

```
Modo Calculadora

Atual configuracao da pilha:
1: 10.00
2: 5.65
3: 2.40

Digite um valor valido, ou q para voltar
->_
```

Figure 5: Estruturação do modo calculadora

desse princípio, surge a função process\_Celement(char \*c, double \*num) (Processar Elemento Calculadora), que faz a validação da expressão lida e, caso esta seja um número, já converte esse número em string para seu valor correspondente em double.

É interessante notar que sempre que algum elemento da pilha zera — caso o usuário faça 1-1, por exemplo — esse elemento é retirado da pilha. Dessa maneira, nunca haverá divisões, nem mesmo multiplicações, por zero.

```
Modo Calculadora
A pilha necessita ter no minimo 2 elementos para realizar essa funcao!
Atual configuracao da pilha:
1: 2.00

Digite um valor valido, ou q para voltar
->_
```

Figure 6: Caso o usuário tente realizar operações com um número insuficiente de operandos, ele será alertado com uma mensagem de erro.

#### 3. Smoke Test

No português, *Smoke Test* significa Teste de Fumaça, e consiste em realizar um teste prático de um circuito ou de uma aplicação pela primeira vez ou após um reparo/atualização. Comumente esse teste é realizado todo dia ao início do desenvolvimento, e uma planilha é utilizada para manter o controle dos resultados de cada teste.

No desenvolvimento deste programa, foram realizados alguns Smoke Tests a pedido do professor e também para manter a estabilidade ao longo da

implementação de novas funções e mudanças nas preexistentes. A função dump(Pile \*n), por exemplo, em sua primeira versão, recebia também o endereço de uma segunda pilha e não retornava nenhum valor. Ela já colocava o resultado obtido por meio da montagem dos números da pilha n direto numa segunda pilha p— daí o seu nome dump, no português despejar/descarregar.

#### 3.1. Suite de Pré-testes: Pilhas

Declaração de Pilhas

Função genPile

Arquivo pile.c

Ação inicializa a quantidade da pilha com 0 e seu ponteiro com NULL.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 12/05, 13/05 e 15/05.

• Declaração de Elementos

Função genPelm

Arquivo pile.c

**Ação** aloca espaço para um elemento dinamicamente e faz seu ponteiro apontar para NULL.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 12/05, 13/05 e 15/05.

• Adição de elementos às pilhas

Função push

**Arquivo** pile.c

**Ação** adiciona um dado valor a uma pilha.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 12/05, 13/05 e 15/05.

• Remoção de elementos das pilhas

Função pop

**Arquivo** pile.c

Ação remove o último elemento de uma pilha e libera seu espaço.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 12/05, 13/05 e 15/05.

• Desmantelamento de uma pilha

Função poust

Arquivo pile.c

Ação remove todos os elementos de uma pilha e libera seus espaços.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 12/05, 13/05 e 15/05.

• Receber o valor do último elemnto da pilha

Função pfirst

Arquivo pile.c

Ação retorna o valor do último elemento da pilha.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 13/05 e 15/05.

• Imprimir na tela a pilha

Função pdisplay

Arquivo pile.c

Ação imprime na tela elemento por elemento de uma pilha.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 13/05 e 15/05.

#### 3.2. Suite de Testes 1: Menu

• Apresentação do menu principal

Função main

Arquivo main.c

**Ação** inicia o programa e apresenta a tela de menu principal que pode ser navegado.

**Testes** foi um sucesso em todas as suas execuções (Testada isoladamente em 14/05 e 19/05).

Apresentação e funcionamento do modo Resolução de Expressão

Função m\_expression

Arquivo calc.c

**Ação** solicita do usuário uma expressão válida, a transforma no formato posfixo e a resolve. Alerta usuário em caso de erro na expressão.

**Testes** foi um sucesso em todas as suas execuções (Testada isoladamente em 16/05, 19/05, 21/05)

• Apresentação e funcionamento do modo Calculadora

Função m\_calculator

Arquivo calc.c

**Ação** solicita do usuário um valor válido, o empilha e realiza operações solicitadas. Avisa o usuário caso as operações não possam ser realizadas.

**Testes** foi um sucesso em todas as suas execuções (Testada isoladamente em 18/05, 19/05, 21/05)

# 3.3. Suite de Testes 2: Funcionalidades Gerais

• Conversão de char para double

Função char\_number

Arquivo calc.c

**Ação** transforma um único carácter *char* para o seu valor correspondente em *double*, caso seja um número, mas apenas retorna seu valor na tabela ASCII caso seja uma vírgula ou ponto.

**Testes** Sucesso observado nos testes dos dias 14/05 e 19/05.

• Montar um número a partir de uma pilha

Função dump

Arquivo calc.c

**Ação** retorna o valor em *double* equivalente à montagem feita pelos números dispostos numa pilha.

Testes Sucesso observado nos testes dos dias 14/05, 19/05 e 21/05.

- 3.4. Suite de Testes 3: Modo Resolução de Expressão
  - Reconhecimento de um carácter

Função tdigit

Arquivo calc.c

**Ação** analisa um dado carácter e o define como operando, operador, parêntese ou outro.

Testes Sucesso observado nos dias 14/05 e 19/05.

• Validação de expressão

Função validate

Arquivo calc.c

**Ação** verifica se a expressão possui algum carácter inválido e se ela possui a quantidade correta de parenteses de abertura e fechamento.

Testes Sucesso observado nos dias 14/05 e 19/05.

• Conversão de notação

Função intopost

Arquivo calc.c

Ação transforma uma expressao infixa para o formato posfixo.

Testes Sucesso observado nos dias 15/05 e 19/05.

• Resolução de expressão

Função solve

Arquivo calc.c

Ação encontra a solução de uma expressão no formato posfixo.

**Testes** Sucesso observado nos dias 17/05 e 19/05.

• Obter uma potência de 10

Função texp

Arquivo calc.c

**Ação** encontra a potência especificada de 10

**Testes** Sucesso observado nos dias 17/05 e 19/05.

# 3.5. Suite de Testes 4: Modo Calculadora

• Imprimir na tela a pilha da calculadora

Função calc\_pdisplay

Arquivo calc.c

Ação imprime na tela elemento por elemento da pilha da calculadora.

Testes Sucesso observado nos dias 18/05 e 21/05.

• Executar um comando sobre a pilha

Função execute

Arquivo calc.c

Ação realiza o comando desejado sobre a pilha da calculadora.

**Testes** Sucesso observado nos dias 20/05 e 21/05.

• Validar um comando

Função process\_Celement

Arquivo calc.c

**Ação** valida uma *string* e decide se ela é um valor a ser empilhado ou um comando a ser executado.

Testes Sucesso observado nos dias 20/05 e 21/05.