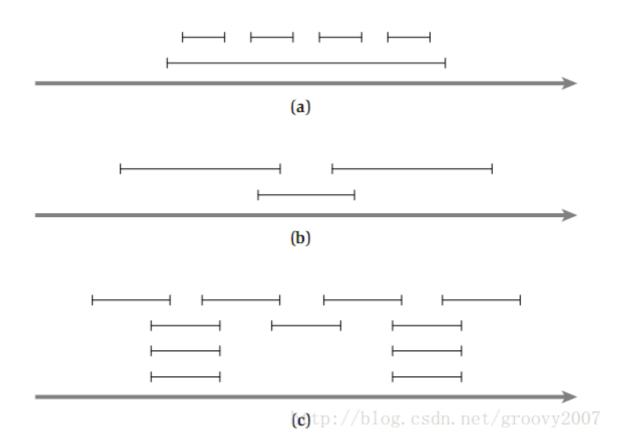
16.1

P241 16.1: 3

(16.1-3) 对于活动选择问题,并不是所有贪心方法都能得到最大兼容活动子集。请举例说明,在剩余兼容活动中选择持续时间最短者不能得到最大集。类似地,说明在剩余兼容活动中选择与其他剩余活动重叠最少者,以及选择最早开始者均不能得到最优解。

解答:



如上图所示,(a)(b)(c)分别给出了开始最早,时间最短,重叠最少情况下的一种反例。逐一解析:

a:选择开始时间最早的活动会选到下面持续时间最长的活动。而最多能安排上面4个活动。

b:选择持续时间最短的活动会选到下面的短活动,而最多能安排上面2个长活动。

c:正中间的活动重叠数最少为2(其他活动均为3或4),但一旦选中正中间的活动,两边只能各选一个,总计安排三个活动。但最多能安排最上面的4个活动。

注: 反例的举法不唯一。