Introduction al modelamiento ecológico

Guillermo G. Torres PhD

Instalando paquetes

El primer comando de R que seguro será utilizado es install.packages. R solo incluye un set básico de funciones. Debido a la flexibilidad del lenguaje, R permite a los usuarios desarrollar flujos de trabajo específicos los cuales los son organizados en funciones y agrupados como paquetes. Muchas de estas funciones/paquetes estan almacenados en CRAN. Estos paquetes son investigados: chequeados por errores comunes y deben tener una persona que se dedique a mantenerlos. Un paquete puede ser facilmente instalado en R solamente con el nombre. Como ejemplo vamos a instalar el paquete rafalib el cual se va a usar para analizar nuestros datos:

```
install.packages("tidyverse")
```

Se puede cargar el paquete en la sesion de R usando la función require o library:

```
library(tidyverse)
```

Una vez los paquetes hayan sido instalados, éstos solo seran cargados cada vez que se necesiten.

Aprendiendo lo básico de R

La primera tarea es completar el tutorial swirl, con el ánimo de familiarizarse con la sintaxis básica del lenguaje R, dado que en el curso estos temasno serse cubiertos en detalle y se enfocará mas en temas relacionados con estructuras de datos como listas, data frames, vectores numericos, loops-for, como crear funciones y como usar las funciones apply y replicate, entre otros.

El Tutorial swirl enseña a programar en R de manera interactiva directamente sobre la consola de R. Una vez R haya sido instalado, se puede instalar swirl y correrlo de la siguiente manera:

```
install.packages("swirl")
library(swirl)
swirl()
```

No obstante, otra alternativa puede ser tomar la clase interactiva de la Code School: Try R. Adicionalmente existen muchos recursos gratis y guías de referencia en internet; por ejemplo:

- Quick-R: Un recurso online que permite ejercitarce en manejo de datos, estaditica básica y visualización
- R reference card PDF by Tom Short

Dos cosas claves que se necesitan saber aserca de R es que uno puede obtener información sobre una función utilizando **help** o ?, de la siguiente manera:

```
?install.packages
help("install.packages")
```

y los caracteres numeral o hash representan comentarios, por lo que el texto que sigue al caracter no será interpretado como codigo R:

```
# Este es un comentario... Comentarios aqui...
```

Paths y directorios de trabajo

Cuando se trabaja en R es útili definir y/o conocer el directorio de trabajo working directory. Este es el directorio o folder en el cual R guardará y buscarán los archivos por defecto. Uno puede saber cual es el

directorio de trabajo tipeando:

```
getwd()
```

Se puede cambiar el directrio de trabajo usando la función setwd, o cambiando a través de RStudio, dando click sobre la pestaña Session.

Al comienzo de cada sesión de trabajo se recomienda definir el directorio o carpeta de trabajo. Si se usa Rstudio, el directorio de trabajo se puede definir yendo a:

- Sesión
 - Definir directorio de trabajo
 - Escojer directorio

En la consola de se puede definir de la siguente manera:

```
setwd('/direccion/de/la/carpeta/de/trabajo/')
```

Sobre este curso y sus datos

Los datos que utilizarán en este curso fueron usados en la tesis doctoral de Verneaux (Verneaux et al. 2003). Él propuso que se podian usar algunas especies de peces para caracterizar zonas ecologicas a lo largo de rios y arroyos en Europa. Verneaux demostró que las comunidades de peces eran buenos indicadores biológicos para estos cuerpos de agua. En este curso vamos a tratar de llegar a la misma conclusión

Los datos consisten en 3 matrices que contienen parte de los datos usados por Verneaux. Estos datos han sido colectados de 30 sitios a lo largo del rio Doubs, el cual corre entre Francia y Suiza en las montañas Jura. La primera matriz (spe) de datos contiene las abundancias de 27 especies de peces, la segunda matriz (env) contiene 11 variables ambientales relacionadas con la hidrología, geomoforlogía y quimica del rio. La tercera matriz (spa) contiene las coordenadas geográficas (Cartesianas, X y Y) de los sitios.

Análisis exploratorio de los datos

Los análisis exploratorios son métodos que usan herramientas de visualización y calcula descriptores sintéticos que son requeridos para ganar información referente a:

- Tener una visión global de los datos
- Transformar o recodificar algunas variables
- Orientar analisis futuros

Exploración de los datos *Doubs*

Una vez definido el directorio de trabajo vamos a cargar los datos.

```
# Importar los datos desde archivos de texto, ej. formato CSV
# ******************
# Matriz de las especies de peces (data frame de las abundancias de los peces):
spe <- read.csv('../data/DoubsSpe.csv',row.names=1)
# Matriz de los datos ambientales:
env <- read.csv('../data/DoubsEnv.csv',row.names=1)
# Matriz de la informacion espacial (Coordenadas geograficas X,Y):
spa <- read.csv('../data/DoubsSpa.csv',row.names=1)</pre>
```

Echemos un vistazo a los datos de la comunidad (objeto spe, abundancia de los peces)

```
# funciones básicas
# *********
# Muestra el data frame completo (No recomendado para set de datos grandes):
```

```
spe
# Muestra solamente las primeras 5 lineas:
head(spe)
# Muestra la dimensión del datafrmae (No. filas, No. columnas):
dim(spe)
## [1] 30 27
# Muestra el No. de filas:
nrow(spe)
## [1] 30
# Muestra el No. columnas:
ncol(spe)
## [1] 27
# Muestra solamente 5 filas y 10 columnas:
spe[1:5,1:10]
    CHA TRU VAI LOC OMB BLA HOT TOX VAN CHE
## 1
              0
                  0
## 2
      0
          5
              4
                  3
                      0
                          0
                              0
                                          Λ
## 3
                                          0
      0
          5
              5
## 4
      0
          4
              5
                  5
                      0
                              0
                                  0
                                      0
                                          1
                          0
          2
                  2
                      0
## 5
      0
              3
                          0
                              0
                                  0
                                      5
# Nombre de las columnas (descriptores = especies):
colnames(spe)
## [1] "CHA" "TRU" "VAI" "LOC" "OMB" "BLA" "HOT" "TOX" "VAN" "CHE" "BAR"
## [12] "SPI" "GOU" "BRO" "PER" "BOU" "PSO" "ROT" "CAR" "TAN" "BCO" "PCH"
## [23] "GRE" "GAR" "BBO" "ABL" "ANG"
# Nombre de las filas
rownames(spe)
## [1] "1" "2" "3" "4" "5" "6" "7" "8" "9" "10" "11" "12" "13" "14"
## [15] "15" "16" "17" "18" "19" "20" "21" "22" "23" "24" "25" "26" "27" "28"
## [29] "29" "30"
# Estadisticos descriptivos para las columnas
summary(spe)
                                                      LOC
##
        CHA
                       TRU
                                      VAI
          :0.00
                         :0.00
                                        :0.000
                                                Min. :0.000
  Min.
                 Min.
                                \mathtt{Min}.
  1st Qu.:0.00
                 1st Qu.:0.00
                                1st Qu.:0.000
                                                 1st Qu.:1.000
##
## Median :0.00
                                 Median :3.000
                  Median :1.00
                                                 Median :2.000
## Mean :0.50
                  Mean :1.90
                                       :2.267
                                                        :2.433
                                 Mean
                                                 Mean
##
   3rd Qu.:0.75
                  3rd Qu.:3.75
                                 3rd Qu.:4.000
                                                 3rd Qu.:4.000
## Max. :3.00
                  Max. :5.00
                                       :5.000
                                                 Max. :5.000
                                 Max.
```

Usando la mediana y la media de las abundancias. Las distribuciones son simétricas?

```
# Mínimo y máximo valor de las abundancias de todo el set de datos:
range(spe)
## [1] 0 5
# Número de especies ausentes
sum(spe==0)
## [1] 435
# Proporción de ceros en el set de datos
sum(spe==0)/(nrow(spe)*ncol(spe))
## [1] 0.537037
# Conteo de especies con 0,1,2,3 o n de abundancia (clases)
ab <- table(unlist(spe))
# Diagrama de barras de la distribución de abundancia de las especies
barplot(ab,las=1,xlab="Clases de abundancia",ylab="Frecuencia",co=gray(5:0/5))
   400
    300
Frecuencia
   200
    100
      0
                 0
                             1
                                         2
                                                     3
                                                                 4
                                                                            5
                                    Clases de abundancia
```

Fig. 1 Diagrama de barras de las clases de abundancia

Mirando el diagrama de barras sobre las clases de abundancia, cómo se interpretaría la alta frecuencia de ceros (ausencias) en el set de datos?

Ahora usemos los datos geograficos para generar una representación gráfica de la ubicacion de los sitios de muestreo.

```
# 3. Adicionamos los puntos de muestreo
text(spa, rownames(spa),cex=0.8,col="red")
# 4. Adicionamos la direccion del rio
text(50,10,"Corriente arriba",cex=0.8,col="red")
text(30,120,"Corriente abajo",cex=0.8,col="red")
```

Localizacion de los sitios de muestreo

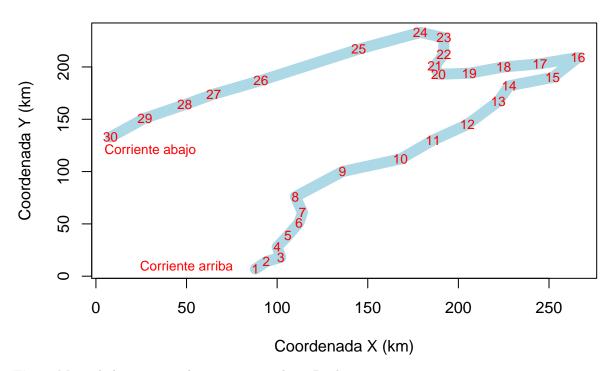
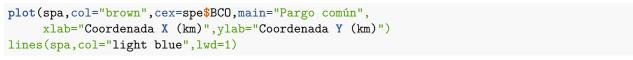


Fig. 2 Mapa de los 30 sitios de muestreo en el rio Doubs

Ahora que le hemos dado vida al rio ya podemos ubicar los peces y su distribución sobre el. Vamos a plotear algunas de las especies de peces que seleccionó Verneaux. El por qué de estas especies lo veremos más adelante en la guía y tal véz generemos nuevos y más interesantes plots :).

```
# Mapas de las abundancias de algunos de las especies de peces
# ***********************
# 1. Dividimos la ventana de graficos en 4 (para plotear 4 figuras a la vez)
par(mfrow=c(2,2),mai=c(0.7,0.7,0.4,0.4))
# 2. Ploteamos... (cex es usado para definir el tamaño de algún item en la gráfica)
# Trucha café
plot(spa,col="brown",cex=spe$TRU,main="Trucha café",
    xlab="Coordenada X (km)",ylab="Coordenada Y (km)")
lines(spa,col="light blue",lwd=1)
# Grayling
plot(spa,col="brown",cex=spe$OMB,main="Grayling",
    xlab="Coordenada X (km)", ylab="Coordenada Y (km)")
lines(spa,col="light blue",lwd=1)
# Barber
plot(spa,col="brown",cex=spe$BAR,main="Barbillon ",
    xlab="Coordenada X (km)",ylab="Coordenada Y (km)")
lines(spa,col="light blue",lwd=1)
# Pargo
```



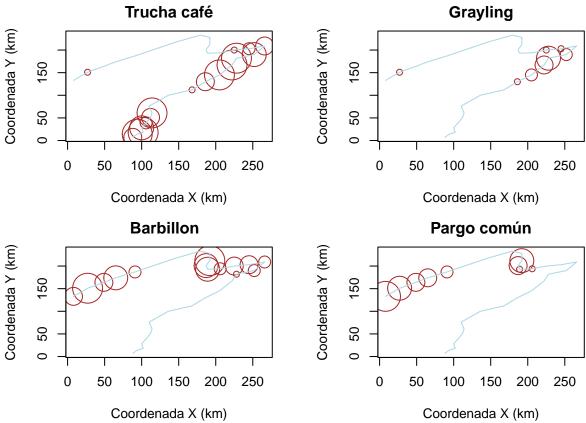


Fig. 3 Mapa de burbujas de abundancia para cuatro especies de peces

Una información importante es determinar la ocurrencia de las especies en sitios de muestreo. Es decir, lo que queremos responder es: En cuántos sitios de muestreo cada una de las especies de peces aparece?. Aquí vamos a calcular las frequencias relativas de cada especie y la graficaremos histogramas.

```
# Comparar el número de ocurrecias de las especies
# ***************
# 1. Calcular el número de sitios donde cada especie esta presente.
# pista: para sumar por columnas se usa la función apply(), la opciom MARGIN se coloca en 2 (ver ?apply
spe.pres <- apply(spe>0,2,sum)
# 2. Ordenar los resultados en modo cresiente
sort(spe.pres)
##
  PCH CHA OMB BLA BCO BBO TOX BOU ROT ANG HOT SPI CAR GRE PSO BAR ABL PER
                       10
                               11
                                   11
                                       11
                                           12
                                              12
                                                 12
                                                      12
                                                          13
## TRU TAN VAN BRO GAR VAI GOU LOC CHE
      17
              18
                  18
                       20
                           20
                               24
   17
           18
# 3. Usar porcentaje de frecuencias
spe.relf <- 100*spe.pres/nrow(spe)</pre>
# 4 Plotear los histogramas
# Dividimos la ventana gráfica en 2 ventanas horizontales
par(mfrow=c(1,2))
hist(spe.pres,main="Ocurrencia de especies",right=FALSE,las=1,
```

```
xlab="No. de ocurrencias",ylab="No. de especies",
  breaks=seq(0,30,by=5),col="bisque")
hist(spe.relf,main="Frecuencias relativas",right=FALSE,las=1,
  xlab="Frequencia de ocurrencia",ylab="No. de especies",
  breaks=seq(0,100,by=10),col="bisque")
```

Ocurrencia de especies

Frecuencias relativas

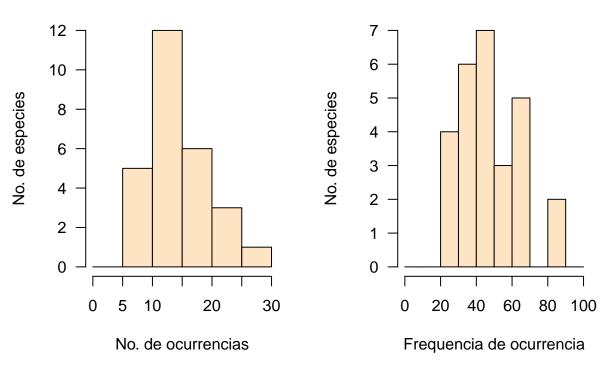


Fig. 4 Histogramas de frecuencia: ocurrencia de las especies y frequencia relativa para los 30 sitios de muestreo

Ahora podemos comparar los sitios en función de las especies que ahí se encuentran. Es decir, cuántas especies estan presentes en cada sitio de muestreo? (riqueza de especies)

```
# Comparar la riqueza de los sitios de muestreo
# *************
# 1. Calcular el número de especies en cada sitio de muestreo
# pista: para sumar por filas se usa la función apply(), la opciom MARGIN se coloca en 1 (ver ?apply)
sit.pres <- apply(spe>0,1,sum)
# 2. Ordenar los resultados en modo cresiente
sort(sit.pres)
                     9 10 11 12 13 4 24 25 6 14 5 15 16 26 30 17 20 22 27
                             6 6 8 8 8 10 10 11 11 17 21 21 22 22 22 22
##
   0
      1 3 3
               4
                        6
## 28 18 19 21 29
## 22 23 23 23 26
# Dividimos la ventana gráfica en 2 ventanas horizontales
par(mfrow=c(1,2))
# 3. Plotear la riqueza de especies vs. la posición de los sitios a lo largo del rio
plot(sit.pres,type="s",main="Riqueza de especies vs. \n flujo del rio",las=1,
    xlab="Posicion de los sitios a lo largo del rio", ylab="Riqueza en especies", col="grey")
text(sit.pres,row.names(spe),cex=0.8,col="red")
```

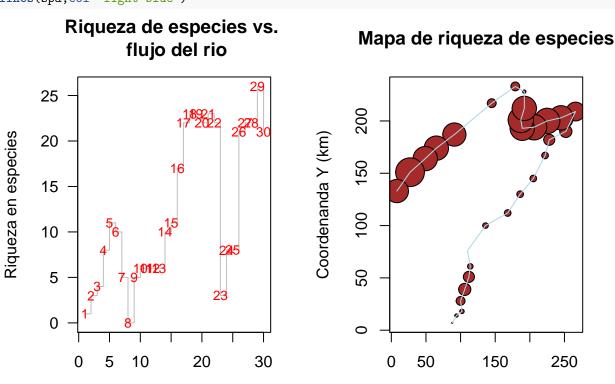


Fig. 5 Plots de la riqueza de especies a lo largo del rio

Posicion de los sitios a lo largo del rio

Ahora podemos inspeccionar la diversidad ecologica de los sitios de muestreo mediante los indices clásicos de diversidad. Estos indices serán calculados mediante la funciones que proporciona el paquete Vegan.

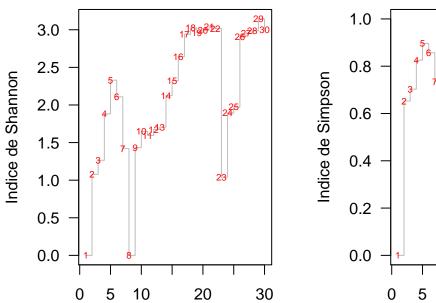
Coordenada X (km)

```
# Calcular los indices de biodiversidad
# 1. Hay que cargar el paquete vegan
library(vegan)
# 2. Riqueza de especies
NO <- rowSums(spe>0)
# 3. Entropia de Shannon
H <- diversity(spe, "shannon")</pre>
# 4. No. de especies estimada de Shannon (No de Shanon)
N1 \leftarrow exp(H)
# 5. Indice de diversidad de Simpson
S <- diversity(spe, "simpson")</pre>
# 6. Indice de diversidad de Simpson
N2 <- diversity(spe,"inv")</pre>
# 7. Indice de diversidad de Simpson
N2 <- diversity(spe, "inv")
# 8. Indice de homogeneidad o equitabilidad de Pielou
J \leftarrow H/log(NO)
# 9. Homogeneidad de Shannon (proporcion de Hill (Hill's ratio))
```

```
E1 <- N1/NO
# 9. Homogeneidad de Simpson
E2 <- N2/NO
div \leftarrow data.frame(NO,H,S,N1,N2,E1,E2,J)
head(div)
##
     NO
               Η
                                  N1
                                            N2
                                                      E1
                                                                E2
                                                                            J
     1 0.000000 0.0000000
                            1.000000 1.000000 1.0000000 1.0000000
## 1
     3 1.077556 0.6527778
                            2.937493 2.880000 0.9791642 0.9600000 0.9808340
     4 1.263741 0.7031250
                            3.538634 3.368421 0.8846584 0.8421053 0.9115962
                            6.566883 5.727273 0.8208604 0.7159091 0.9050696
     8 1.882039 0.8253968
## 5 11 2.329070 0.8961938 10.268387 9.633333 0.9334897 0.8757576 0.9712976
## 6 10 2.108294 0.8571429
                           8.234184 7.000000 0.8234184 0.7000000 0.9156205
par(mfrow=c(1,2))
plot(div$H,type="s",main="Indice de Shannon vs. \n flujo del rio",las=1,
     xlab="Posicion de los sitios a lo largo del rio", ylab="Indice de Shannon", col="grey")
text(div$H,row.names(div$H),cex=0.6,col="red")
plot(div$S,type="s",main="Indice de Simpson vs. \n flujo del rio",las=1,
     xlab="Posicion de los sitios a lo largo del rio", ylab="Indice de Simpson", col="grey")
text(div$S,row.names(div$S),cex=0.6,col="red")
```

Indice de Shannon vs. flujo del rio

Indice de Simpson vs. flujo del rio



Posicion de los sitios a lo largo del rio # Transformación de los datos y normalización

Posicion de los sitios a lo largo del rio

Hay muchas razones por las cuales los datos pueden ser transformados, sin embargo las razónes principales pueden ser:

- Si los descriptores (especies) han sido medidos de diferente manera usando unidades diferentes se pueden usar métodos como por ejemplo: rangos, estandarizacion a z-scores, escalamientos etc.
- Para hacer las variables normales y estables a su varianza se usan métodos como por ejemplo: raíz cuadrada, raíz cuarta, transformaciones logaritmicas etc.

- Para hacer las relaciones entre los descriptores lineales se puede utilizar: transformaciones logaritmicas
- Modificar los pesos de las variables u objetos, por ejemplo: dar la misma longitud (o norma) a todos los vectores objeto
- Recodificar variables categoricas en variables binarias o contrastes de Helmert.

Para nuestro caso, en el que estamos trabajando con abundancia de las especies, la variable abundancia es dimensionalmente homogenea, es decir que expresa o representa la misma unidad fisica que estamos midiendo. A demas, es una variable cuantitativa (ej., conteos, densidad, covertura, biovolumen, biomasa, frequencia, etc.) o semi-cuantitativa (clases), y la cual está restringida a valores positivos o nulos (cero, que representa ausencia). Para este tipo de variables algunas simples transformaciones pueden ser llevadas a cabo con el ánimo de reducir la importancia de observaciones con valores demasiado altos, por ejemplo: raíz cuadrada o cuarta o logaritmo natural de la abundancia + 1 (log1p; para mantener la ausencia como cero). En casos extremos, para dar el mismo peso a todos los posibles valores de abundancia (sin importar sus valores), los datos pueden ser transformados en binarios, es decir 1 o 0 para sugerir presencia o ausencia.

En casos de datos se sezgados (o distribuciones asimetricas) los datos son a menudo transformados aplicando el logaritmo o la raíz cuadrada. La transformacion mediante *raíz cuadrada* is la menos drástica y es usada para normalizar datos que tienen una distribución Poisson, donde la varianza es igual a la media (Fig. 6), mietras que las transformaciones *logarítmicas* se aplican a datos que se apartan de una distribución normal (Fig. 7).

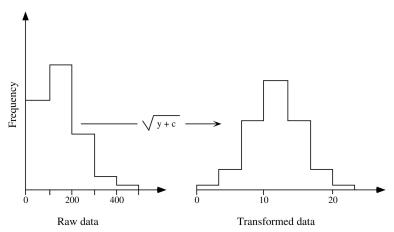


Fig. 6 Transformación raíz cuadrada para normalizar datos con una distribución que tiende a ser Poisson

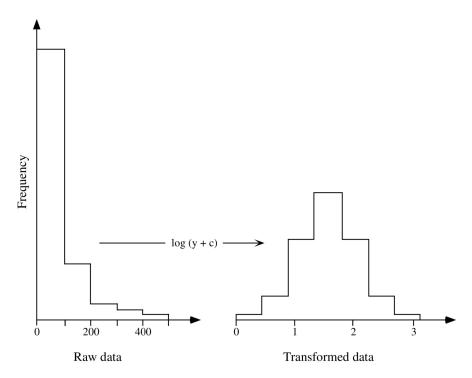


Fig. 7 Transformación logaritmica para normalizar una distribución que tiende a apartarse de una distribución Normal

A este tipo de transformaciones las llamaremos estandarizaciones de los datos ecológicos, y en R se puede usar la función **decostand()** del paquete Vegan para hacer dichas estandarizaciónes. Lo interesante de **decostand** es que las estandarizaciónes no se hacen individualmente sino que que se tiene en cuenta los otros valores del set de datos. Estas transformaciónes pueden ser echas relativas alos sitios, especies o ambos. La elección de sobre que sera relativa la estandarización dependera del enfoque del análisis, veamos:

```
# Transformación y estandarización de los datos
# Transformaciones simples
# *******
# 1. Presencia ausencia
spe.pa <- decostand(spe,method="pa")</pre>
# 2. Raíz cuadrada de los datos
spe.sqrt <- sqrt(spe)</pre>
# 3. Logaritmo de la abundancia+1
spe.log1p <- log1p(spe)</pre>
# Perfil de las especies
# *******
# Escalaminedo de las abundancias con respecto al maximo de la especie
#(abundancia/abund.max.de cada especie)
# Notar que MARGIN=2 (relativo a columnas, en este caso las especies)
spe.scal <- decostand(spe,"max",MARGIN=2)</pre>
# 3. Escalar las abundancias dividiendo por el No. total de especies
spe.relsp <- decostand(spe, "total", MARGIN=2)</pre>
# Perfil de los sitios
# *******
# 1. escalar abundancias dividiendolas por el total de los sitios
# (abundancia relativa por sitio)
```

```
spe.rel <- decostand(spe, "total", MARGIN=1)</pre>
# si el escalamiento funcionó, la suma de las abundancias para cada sitio sera?
# pista: apply(spe.rel,1,sum)
# Hacer la suma de los cuadrados igual a 1 (norma Euclidiana)
spe.norm <- decostand(spe,"normalize")</pre>
# verificacion de la norma del vector fila (debe ser igual a 1)
norm <- function(x) sqrt(x%*%x)
# pista: apply(spe.norm,1,norm)
# Calcular las frequencias relativas por filas (perfiles de los sitios)
# Luego le calculamos la raiz cuadrada
# A esto se llama la transformación de Hellinger
spe.hel <- decostand(spe, "hellinger")</pre>
# pista: apply(spe.hel,1,norm)
# Estandarizacion usando ambos, especies y sitios (perfiles dobles)
# ***********************
# Transformación Chi-cuadrado
spe.chi <- decostand(spe, "chi.square")</pre>
# Estandarización de Wisconsing:
# Primero se determina el rango de Las abundancias por la máxima de las especies y
#luego por el total de sitios
spe.wis <- wisconsin(spe)</pre>
# Inspeccionemos gráficamente las transformaciónes
# ***************
par(mfrow=c(2,2),mai=c(0.3,0.3,0.4,0.4))
boxplot(spe$LOC,spe.pa$LOC,spe.sqrt$LOC,spe.log1p$LOC,las=1,
       main="Transformaciones simples",
       names=c("Crudos", "Bin.", "R.Cuad.", "Log."), col="bisque")
boxplot(spe.scal$LOC,spe.relsp$LOC,las=1,
       main="Estandarización por especies",
       names=c("Max","total"),col="lightgreen")
boxplot(spe.hel$LOC,spe.rel$LOC,spe.norm$LOC,las=1,
       main="Estandarización por sitios",
       names=c("Hellinger", "Total", "EucNorm"), col="lightblue")
boxplot(spe.chi$LOC,spe.wis$LOC,las=1,
       main="Doble estandarización (especies/sitios)",
       names=c("Chi-Cuadrado", "Wisconsin"), col="orange")
```

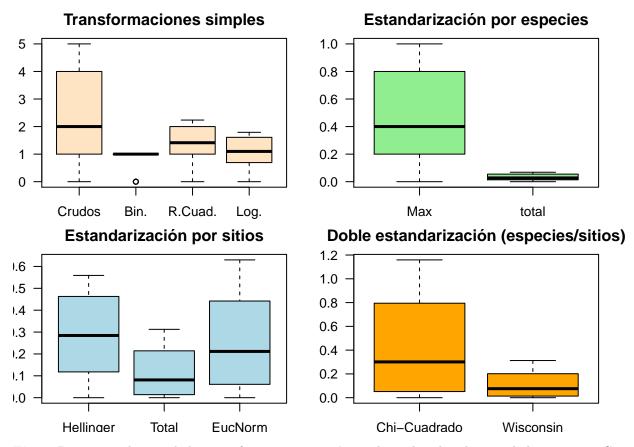


Fig. 8 Diagramas de caja de las transformaciones comúnes echas a las abundancias de las especies. Como ejemplo, los datos ploteados pertenecen al especimen **LOC** que hace referencia a la especie *Nemacheilus barbatulus* (Stone Loach)

Tambien podemos observar estas transformaciones a lo largo del rio:

```
# Inspeccionemos gráficamente las transformaciónes a lo largo del rio
par(mfrow=c(2,2), mai=c(0.7,0.7,0.4,0.4))
plot(env$das,spe$TRU,type="1",col=4,main="Datos crudos",
    xlab="Distancia de la fuente (km)",ylab="Ab. crudas")
lines(env$das,spe$OMB,col=3)
lines(env$das,spe$BAR,col="orange")
lines(env$das,spe$BCO,col=2)
lines(env$das,spe$LOC,col=1,lty="dotted")
plot(env$das,spe.scal$TRU,type="1",col=4,main="Perfil por especies",
    xlab="Distancia de la fuente (km)",ylab="Ab.Es. (Max)")
lines(env$das,spe.scal$OMB,col=3)
lines(env$das,spe.scal$BAR,col="orange")
lines(env$das,spe.scal$BCO,col=2)
lines(env$das,spe.scal$LOC,col=1,lty="dotted")
plot(env$das,spe.hel$TRU,type="l",col=4,main="Perfil por sitios (Hellinger)",
    xlab="Distancia de la fuente (km)",ylab="Ab.Es. (Hellinger)")
lines(env$das,spe.hel$OMB,col=3)
lines(env$das,spe.hel$BAR,col="orange")
lines(env$das,spe.hel$BCO,col=2)
```

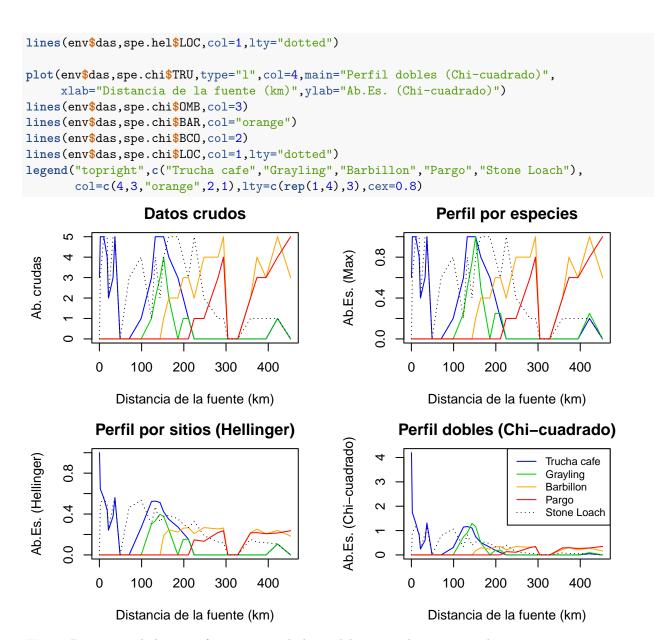


Fig. 9 Diagramas de las transformaciones a lo largo del rio usando 5 especies de peces

Qué similaridades y/o diferencias observamos en estos perfiles?

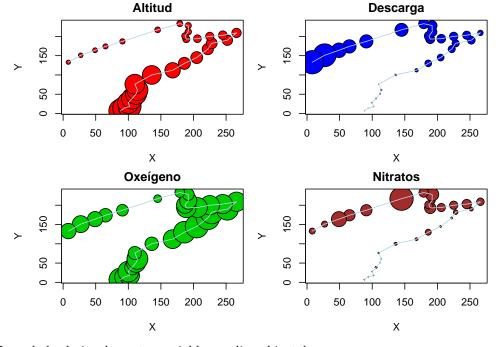
Datos ambientales

Una vez hemos explorado los datos de abundancia de especies, es tiempo de explorar los datos medioambientales colectados de los sitios de muestreo. Todos éstos datos estan almacenados en el objeto **env** que creamos al principio al importar el archivo que contenia dicha información. Lo primero que podemos hacer es usar la función **summary()** (pista: summary(env)) para explorar los datos y notar que tan diferentes son con respecto a los datos de abundancia de las especies.

A continuación, vamos a dibujar sobre el mapa del rio algunas de las variables medioambientales primero como mapas de burbujas (**Fig. 10**) y luego en plots individuales siguiendo su cambio a lo largo del flujo del rio (**Fig. 11**). Dado que el objeto **env** presenta las variables de acuerdo al codigo dado por Verneaux, en la **Tabla 1** pueden ver su decodificación y unidades utilizadas para la medición.

Tabla 1 Variables medioambientales de los datos del rio Doubs.

Variable	Codigo	Unidades
Distancia de la fuente	das	km
Altitud	alt	msnm
Pendiente	pen	grad
Media mínima de descarga	deb	m3/s
pH del agua	рН	-
Concentración de Ca (dureza)	dur	mg/L
Concentración de P	pho	mg/L
Concentración de nitratos (NO3)	nit	mg/L
Concentración de armonio (NH4)	amm	mg/L
Oxígeno disuelto	oxy	mg/L
Demanda de oxígeno biológico	duo	mg/L



 ${f Fig.}$ 10 Mapa de burbujas de cuatro variables medioambientales

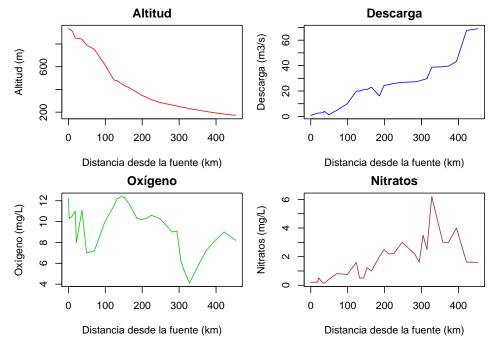


Fig. 11 Plot (linea) de cuatro variables medioambientales

Tambien podemos explorar las relaciones pareadas entre las variables medioambientales. Para esto la función de R pairs() en un contexto gráfico es muy poderosa. Esta función dibuja una matríz de "scatter plots" en los que se grafícan comparaciones pareadas entre variables (Fig. 12). Adicionalmente podemos adicionar una linea de tendencia (LOWESS) y un histograma de cada variable en la diagonal de la matríz, la cual muestre la distribución de frecuencia de los valores que toma cada una de las variables. Para generar este grafico usaremos un script de Francois Gillet.

Plots pareados con histogramas y lineas de tendencia

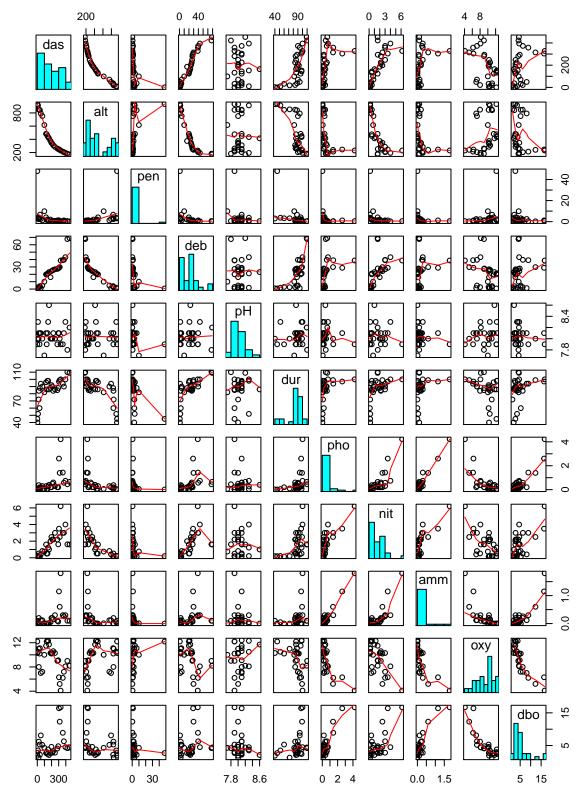


Fig. 12 Scatter plots entre los pares de las variables medioambientales con lineas de tendencia (LOWESS) e histogramas

Podemos usar transformaciones simples, tales transformación logaritmica para mejorar la distribución de algunas variables y acercarlas más a una distribución Normal. Adicionalmente, dado que estas variables son de dimensiones heterogeneas, es decir que se expresan en diferentes unidades y escalas, los analisis estadisticos futuros requeriran que ellas sean estandarizadas a una media 0 y varianza 1 (Normalidad). Estas variables centradas y escaladas se llamaran "z-scores". Miremos como se pueden llevar a cabo dichas transformaciones y estandarizaciones con un ejemplo (**Fig.13**).

```
# Transformaciones simples a las variables medioambientales
# *******************************
# Transformacion Log. de la variable "pendiente" (y=ln(x))
par(mfrow=c(2,2),mai=c(0.7,0.7,0.4,0.4))
hist(env$pen,col="bisque",right=FALSE,main="Histograma de env$pen")
hist(log(env$pen),col="light green",right=FALSE,main="Histograma de ln(env$pen)")
boxplot(env$pen,col="bisque",main="Boxplot de env$pen",ylab="env$pen")
boxplot(log(env$pen),col="bisque",main="Boxplot de ln(env$pen)",ylab="ln(env$pen)")
```

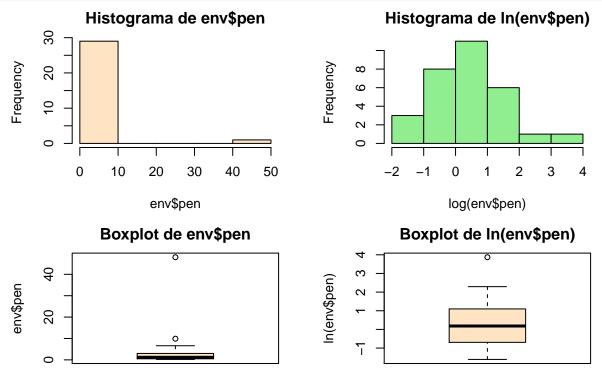


Fig. 13 Hostogramas y boxplots de datos no transformados (*izq.*) y datos log-transformados (*derecha*) para la variable **pen** (pendiente)

```
# Estandandarización de todas las variables medioambientales
# ***********
env.z <- decostand(env, "standardize")</pre>
head(apply(env.z,2,mean),n=5)
##
                                                     deb
            das
                          alt
                                                                    рН
                                       pen
   1.000429e-16
                 1.814232e-18 -1.659010e-17
                                           1.233099e-17 -4.096709e-15
apply(env.z,2,sd)
## das alt pen deb
                   pH dur pho nit amm oxy dbo
##
```

Responder: Cómo son las distribuciones de los datos estandarizados vs. los datos crudos?

Associaciones y sus medidas

Uno de los propositos del estudio ecologico es comparar ciertas caracteristicas, ya sean entre especies o entre sitos. Para generalizar vamos a definir 2 tipos de comparaciones: $modo\ Q$ o R. Cuando un par de objetos (~sitos) es comparado, se dice que el análisis es de $modo\ Q$. Sin embargo, cuando las comparaciones son echas sobre un par de descriptores (~especies) entonces se dice que es un análisis $modo\ R$. Esta distinsión es importante hacerla ya que las medidas de asociacion para $modo\ Q$ y R no son las mismas.

En $modo\ Q$, las medidas de asociaciones entre un par de objetos son basadas en **distancias de disimilaridad** (o similaridad) (ej. distancias Euclidianas, Jaccard, Bray-Curtis, mahalanobis, etc.). En $modo\ R$, se usan medidas de **dependencia** entre variables, tales como covarianza o coeficiente de correlación (ej. Pearson, etc.).

Modo Q: Calculo de matrices de distancia entre objetos (~sitios)

Para este modulo vamos a utilizar cuatro paquetes de R: stats (esta incluido cuando se instala R), vegan, ade4, cluster y FD.

Nota informativa:

En R todas las medidas de similaridad son convertidas a distancias para computar una matríz quadrada de clase "dist", en la que la diagonal (distancia entre un objeto y el mismo) es 0. De esta manera la diagonal puede ser ignorada. La conversion entre matrices de similaridad y disimilaridad varia de acuerdo al paquete usado:

- En stats, FD y vegan la conversion de similaridad S a disimilaridades D es: D=1 S
- En ade4, $D = \sqrt{1-S}$

Para seguir explorando nuestros datos, vamos a calcular las disimilaridades entre nuestros sitios usando tres diferentes medidas :

- 1. Disimilaridad de *Bray-Curtis* (conocida tambien como la reciproca del indice de similaridad de Steinhaus). Vamos a calcular esta matríz para los datos crudos y los datos de abundancia log-transformados.
- 2. La distancia "chord" es una distancia Euclidiana calculada a partir de los vectores de los sitios normalizados a longitud 1. Esta normalización es llamada "chord" y se hará utilizando la función decostand() del paquete vegan con el argumento normalize.
- 3. La distancia Hellinger, la cual es una distancia Euclidiana sobre los vectores de los sitios, donde los valores de abundancia son primero divididos por el total de la abundancia del sitio y al resultado se le saca la raíz cuadrada. A éste proceso se le llama transformación de Hellinger y se obtendrá usando la función decostand() con el argumento "hellinger".

Para graficar las matrices vamos a usar el paquete de R gclus y el script "codiss.R" escrito por Francois Gillet, necesario para darle color de los heatmaps.

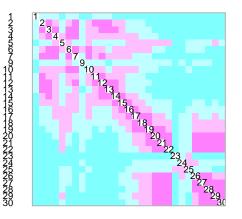
```
# Bray-Curtis sobre datos crudos
spe.db <- vegdist(spe,"bray")
# Bray-Curtis sobre datos log-transformados
spe.dbln <- vegdist(log1p(spe),"bray")
# Distancia Chord
spe.norm <- decostand(spe,"norm")
spe.dc <- dist(spe.norm)
# Distancia Hellinger]
spe.hel <- decostand(spe,"hel")
spe.dh <- dist(spe.hel)</pre>
```

El color de los plots representa que tan similares o disimiles son los sitios comparados, así que: **Magenta** = similaridad måxima (disimilridad cerca a 0) **Cyan** = similaridad mínima (disimilaridad cerca a 1)

```
# Graphicar las matrices de distancia
# ****************
coldiss(spe.db,byrank=FALSE,diag=TRUE)
```

Dissimilarity Matrix

Ordered Dissimilarity Matrix



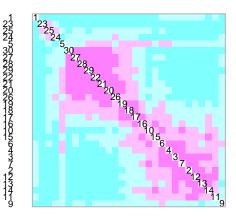
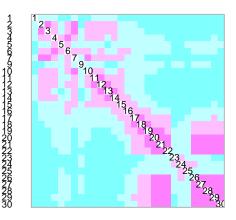


Fig. 14 Heatmaps de la matríz de disimilaridad de Bray-Curtis calculada con base en los datos crudos

coldiss(spe.dh,byrank=FALSE,diag=TRUE)

Dissimilarity Matrix

Ordered Dissimilarity Matrix



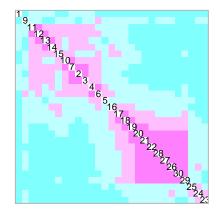


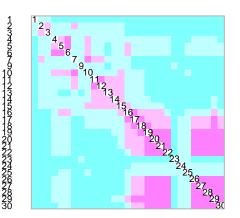
Fig. 15 Heatmaps de la matríz de distancia Hellinger calculada con base en los datos hellinger-transformados

19128745072834656768907287608548

```
# Matriz de disimilaridad de Jaccard (datos binarios)
spe.dj <- vegdist(spe,"jac",binary=TRUE)
coldiss(spe.dj,byrank=FALSE,diag=TRUE)</pre>
```

Dissimilarity Matrix

Ordered Dissimilarity Matrix



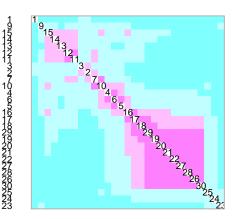


Fig. 16 Heatmaps de la matríz de distancia de Jacard calculada con base en los datos hellinger-transformados

Hacer los otros heatmaps para Braz-Curtis con datos log-transformados, y demas transformaciones. Ahora comparar las distancias o matrices de disimilaridad, incluyendo la de matriz con datos transformados en binarios y discutir que tan similares son

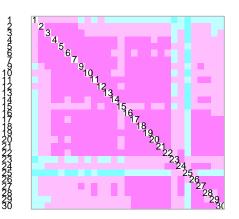
$Modo\ Q$ para analizar los datos cuantitativos medioambientales

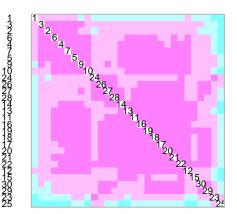
Dado que los datos medioambientales tienen una escala diferente, es decir fueron medidos de manera diferente y por tanto unidades diferentes; los datos deberan estandarizarse a (z-scores). Dicha estandarización ayudará a disminuir los sezgos al calcular la distancia Euclidiana. Por lo tanto, para comparar los sitios con base en los datos medioambientales vamos a calcular la matríz de distancias Euclidiana sobre los datos medioambiantales estandarizados (z-scores). Adicionalmente vamos a remover la variable "das" (distancia desde la fuente), ya que es una medida de posición espacial y no un descriptor o variable medioambiental.

```
# Remover variable "das" del objeto env
env2 <- env[,-1]
# Matriz de disimilaridad sobre datos (env2) estandarizados
env.de <- dist(decostand(env2, "standardize"))
coldiss(env.de,byrank=FALSE,diag=TRUE)</pre>
```

Dissimilarity Matrix

Ordered Dissimilarity Matrix





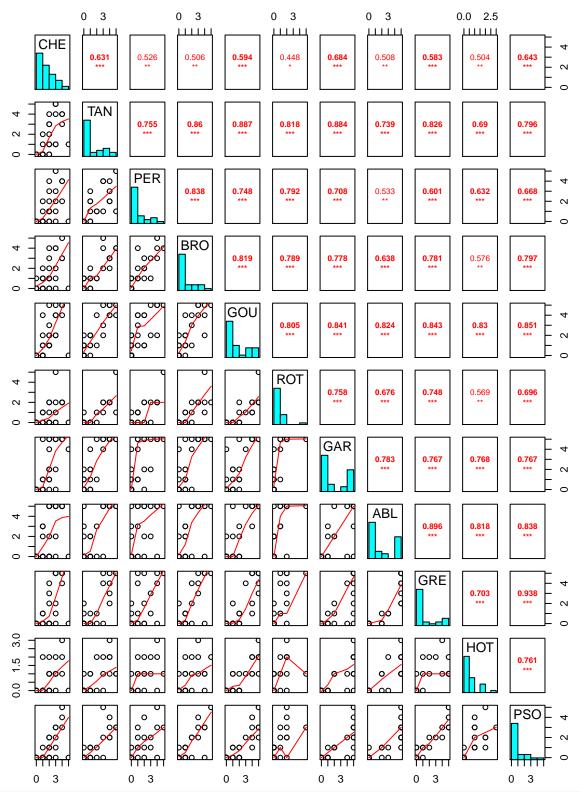
$Modo\ R$ para calcuolar la dependencia de matrices entre variables

Coeficientes de correlación son usados para comparar variables cuantitativas o semi-cuantitativas en el *Modo R*. Entre estos coeficientes se incluyen el de Pearson para datos paramétricos (con distribución Normal) o Spearman or Kendall como coeficientes de correlación para datos no paramétricos. Para datos cualitativos normalmente se usan estadísticos de contingencia tales como el Chi-cuadrado y sus formas derivados. Para datos binarios (presencia-ausencia) se usan coeficientes como el de Jaccard, Sørensen y Ochiai, los cuales sirven para comparar entre especies.

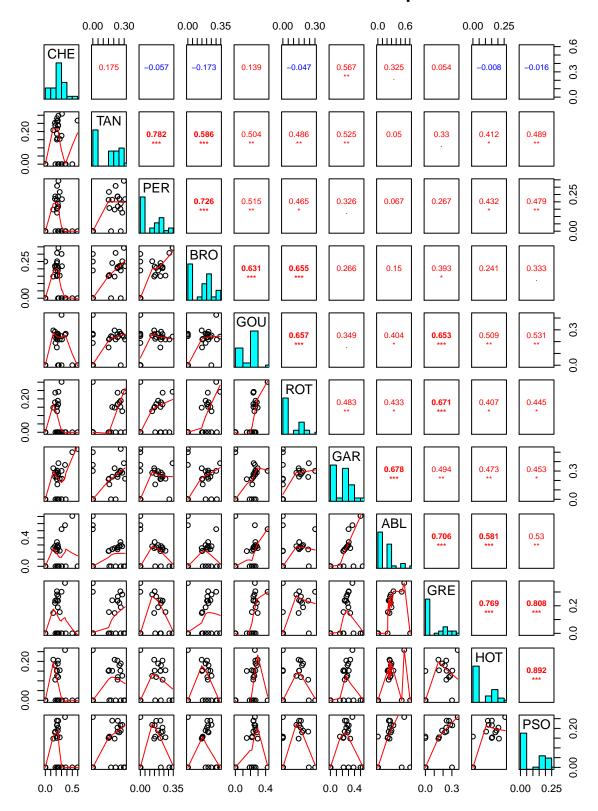
$Modo\ R$ usado para comparar la abundancia entre especies

En el caso particular de abundancias, es normal usar covarianzas para comparar entre distribuciones de especies en función del espacio o tiempo, y a demas se pueden aplicar tanto para datos paramétricos como no paramétricos. Sin embargo, este tipo de datos de abundancia esta caracterizado por contener una gran cantidad de ceros. Al comparar distribuciones los ceros contribuyen a incrementar los indices de correlacion. Por lo tanto datos de abundancia de especies debe tratarse (transformarse) previo al análisis. Legendre y Gallagher (2001) propusieron 5 posibles transformaciones de los datos y cuatro de ellas se encuentran en la función **decostand()** del paquete **vegan** ("total", "normalize", "hellinger", "chi.square"). Todas estos métodos expresan los datos como abundancias relativas por sitio (perfiles de sitio) removiendo la abundancia total del sitio. En la transformación de Hellinger, a las abundancias relativas se les calcula la raíz cuadrada, lo cual reduce fuertemente la influencia de datos con alta abundancia.

Correlaciones de Pearson – especies



Correlaciones de Pearson – especies



Analisis de cluster

La clusterizacion de los datos tiene por objetivo identificar grupos de objetos similares en un espacio de datos multivariado. Similaridades entre observaciones (o individuos) es definida usando algunas medidas de distancia entre observaciones tales como distancias Euclidianas o medidas de distancia basadas en correlación.

Hay diferentes técnicas de clusterizacion de las cuales podemos destacar:

- Clusterización por partición, en esta aproximación se subdividen a priori los datos en k grupos. Uno de los métodos más usados es el k-means.
- Clusterización herárquica, esta aproximación identifica grupos sin subdividir los datos.

Métodos para medir distancias

La escogencia de la medida de distancia es miy importante dado que esta influye en el resultado de la clusterización. La distancia más usada es la distancia Euclideana. Sin embargo, depende del tipo de datos y de la pregunta de investigación alguna otra medida puede ser preferida. Por ejemplo, en análisis de expresión génica (Modo R) es normalmente usada una distancia basada en correlaciones (Pearson).

Distancias basadas en correlaciones consideran 2 objetos similaris si sus características son altamente correlacionadas, incluso si sus valores son tan diferentes que usando distancias Euclidianas sugieren ausencia de similaridad. Así, cuando la distancia entre 2 objetos es igual a 0, lo interpretamos como objetos perfectamente correlacionados. Cabe notar que la correlación de Pearson es sensible a datos extremos, no obstante, para mitigar dicho efecto es posible usar correlación de Spearman en su lugar.

Las medidas de distancai están intimamente relacionadas a la escala (unidades) de las variables medidas. Por lo tanto, es altamente recomendable escalar (estandarizar) las variables antes de calcular las distancias. La función **scale()** de R transforma los datos de la siguiente manera:

$$\frac{x_i - \mu}{\sigma}$$

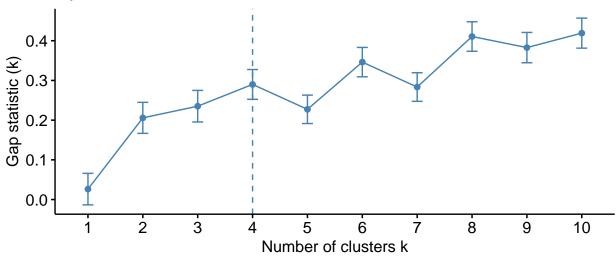
Clusterización por particiones

K-means y PAM (partición alrededor de meioides) es una técnica de clusterización que requiere una subdivición los datas en un conjunto de k grupos, donde k es un numero especificado por el investigador. K-means es un método más suceptible a valores extremos en comparación a PAM. Sin embargo, es posible determinar cual podría ser el número optimo de cluster de la siguiente manera.

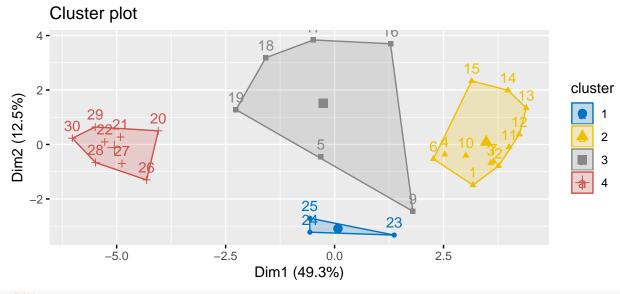
```
library(factoextra)
library(cluster)
library(pheatmap)

spe.hel <- decostand(spe, "normalize")
# K means
fviz_nbclust(spe.hel,kmeans,method="gap_stat")</pre>
```

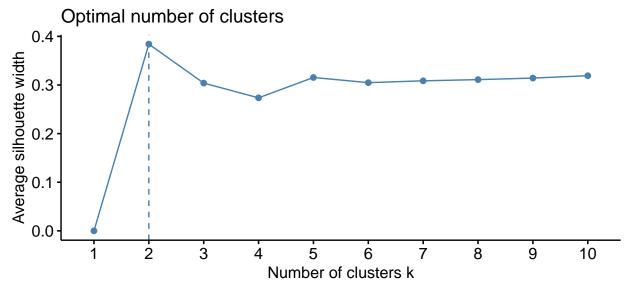
Optimal number of clusters



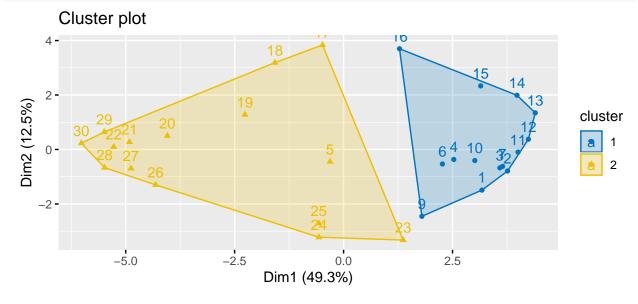
spe.km <- kmeans(spe.hel,4,nstart=25)
fviz_cluster(spe.km,data=spe.hel,palette="jco")</pre>



PAM
fviz_nbclust(spe.hel,pam,method="silhouette")



```
spe.pam <- pam(spe.hel,k=2,metric="euclidean")
fviz_cluster(spe.pam,data=spe.hel,palette="jco")</pre>
```



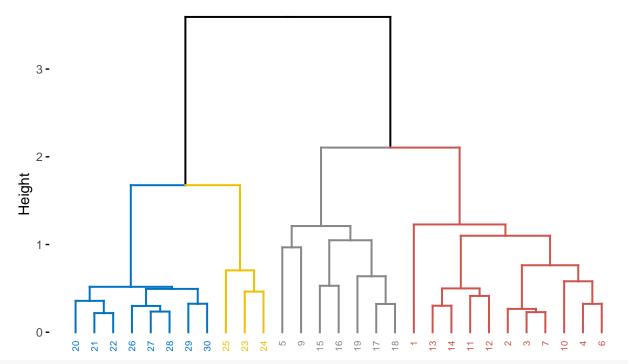
Clusterización por "Clustering jerárquico""

Ésta técnica de clusterización no requiere una subdivición los datas en un conjunto de k grupos. El resultado de esta técnica produce una representación de los datas basado en un " $\acute{a}rbol$ " conocido como **dendograma**. Las observaciónes pueden subdividirse en grupos cortando el dendograma a un nivel de similaridad específico.

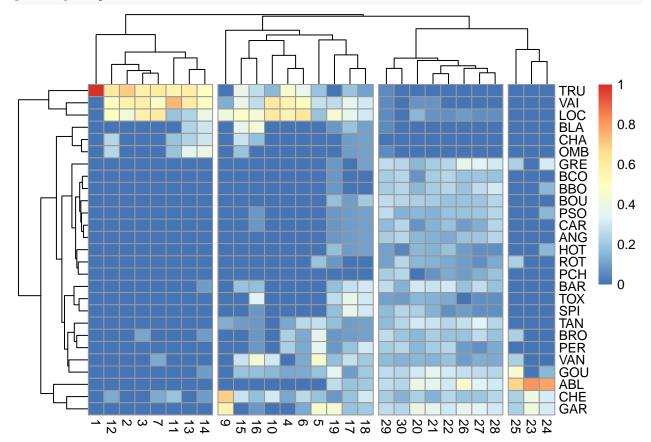
```
library(factoextra)
library(cluster)
library(pheatmap)

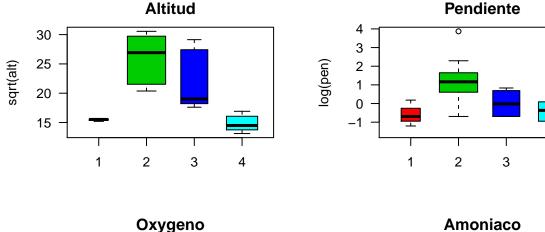
spe.hel <- decostand(spe, "normalize")
spe.dis <- dist(spe.hel)
spe.hc <- hclust(spe.dis,method="ward.D2")
fviz_dend(spe.hc,cex=0.5,k=4,palette="jco")</pre>
```

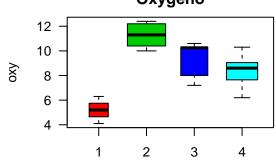
Cluster Dendrogram

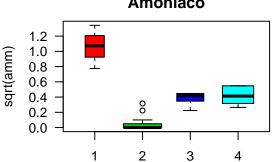












4

Metodos Ordinales sin constricciones

Mientras el análisis de clusters busca por discontinuidades entre el set de datos, los métodos ordinales extraen las principales tendencias en la forma de ejes continuos. De esta manera estos métodos se adaptan muy bien al análisis de datos estructurados sobre gradientes.

** Espacio multidimensional**

Los datos multivariados pueden ser vistos como una colección de sitios posicionados en un espacio donde cada variable define una dimensión. Por lo tanto, uno puede imaginar que hay tantas dimensiones como variables. Entonces, para revelar la estructura de los datos sería interesanto representar las tendencias principales en forma de "scatterplots" de los sitios. Dado que los datos ecológicos generalmente contienen más de dos variables, no es informativo, impráctico y si muy tedioso graficar cada objeto en una serie de planos definidos por cada uno de los descriptores. Por ejemplo, si los descriptores son 10, el número de planos a dibujar sería igual a (10x9)/2 = 45 ((n-(n-1))/2). El objetivo de los métodos ordinales es la representación gráfica de

los datos sobre un número reducido de ejes ortogonales, construidos de tal manera que su representación represente la variabilidad de los datos.

La mayoría de los métodos ordinales (excepto NMDS) se basan en la extracción de lo vectores propios de una matríz de asociación. Ellos pueden ser clasificados de acuerdo a la distancia calculada entre los sitios y el tipo de variables evaluada.

- Análisis de componentes Principales (PCA): El método esta basado principalmente en el cálculo de vectores propios. Trabaja sobre datos crudos y datos cuantitativos. Usa distancias euclidianas entre los sitios.
- Análisis de correspondencias (CA): El método trabaja sobre datos que deben ser frecuencias con dimensionalidad homogénea y no negativas. Usa una medida de distancia Chi-cuadrado entre las filas o columnas. Es usualmente usado en ecología para analizar tablas de datos de especies.
- Análisis de coordenadas Principales (Principal Coordinate PCoA): El método usa matrices de distancia para calcular los componentes ordinales. Esta aproximación es usada en análisis modo Q, en ves de tablas sitio - variable. Por lo tanto proporciona gran flexibilidad en la escojencia de las mediads de asociación.
- Escalamiento nonumerico multidimensional (NMDS): A diferencia de los otros tres métodos, este no usa un cálculo de vectores propios. NMDS trata de representar el conjunto de objetos a lo largo de un número predeterminado de ejes preservando la relación de orden entre ellos.

PCoA y NMDS pueden producir resultados ordinales desde cualquier matríz de distancia cuadrada.

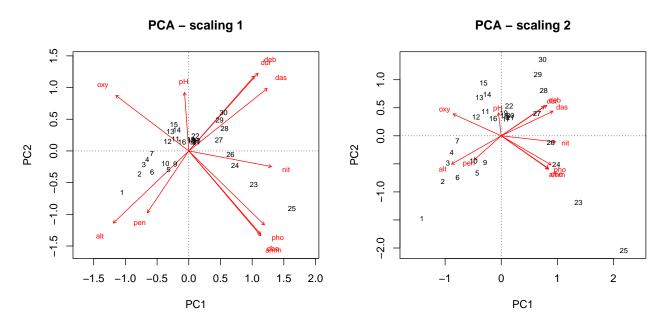
```
library(ade4)
library(factoextra)
library(vegan)
library(pheatmap)
# Importando datos (por si acaso)
# **********
spe <- read.csv('../data/DoubsSpe.csv',row.names=1)</pre>
env <- read.csv('../data/DoubsEnv.csv',row.names=1)</pre>
spa <- read.csv('.../data/DoubsSpa.csv',row.names=1)</pre>
# Remover el sitio vacio
spe \leftarrow spe[-8,]
env \leftarrow env[-8,]
spa \leftarrow spa[-8,]
# PCA
env.pca <- rda(env,scale=TRUE) # usando datos estandarizados
## Call: rda(X = env, scale = TRUE)
##
##
                  Inertia Rank
## Total
                       11
## Unconstrained
                       11
## Inertia is correlations
##
## Eigenvalues for unconstrained axes:
                 PC3
     PC1
           PC2
                        PC4
                              PC5
                                     PC6
                                           PC7
                                                 PC8
                                                        PC9
                                                            PC10 PC11
## 6.098 2.167 1.038 0.704 0.352 0.319 0.165 0.112 0.023 0.017 0.006
Para mayor información usar la función summary ()
```

summary(env.pca)

Vocabulario:

- Inercia: en el lenguaje de vegan, éste término se refiere a "variación" en los datos. En PCA la inercia e ya sea la suma de varianzas de las variables (PCA sobre una matríz de covarianza) o en éste caso (PCA sobre una matríz de correlaciones), es la suma de los valores diagonales de la matríz de correlaciones.
- "Constrained y unconstrainded": Tiene que ver con ordinación canónica. El análisis PCA es "unconstrained".
- "Eigenvalues" (valores propios): Éstos son las medidas de la importancia (varianza medida) de los ejes. Ellos puede entenderse como las proporciones de varianza o variabilidad explicadas de toda la inercia de los datos.
- "Scaling": No tiene nada que ver con estandarización. En este caso se refiere a la manera en que los resultados son proyectados en el contexto gráfico y de visualización. 2 tipos principales de "scaling" son generalmente usados.
 - PCA scaling 1: biplot de distancia. (1) Distancias entre objetos en el biplot son aproximaciones de sus distancias eucidianas. (2) Los ángulos entre los vectores de los descriptores no tienen significado
 - PCA scaling 2: biplot de correlaciones (1) Distancias entre objetos en el biplot NO son aproximaciones de sus distancias eucidianas. (2) Los ángulos entre los vectores de los descriptores reflejan sus correlaciones
- "Scores" de las especies: Coordenadas de las cabezas de las flechas de las variables en el diagrama.
- "Scores" de los sitios: Coordenadas de los sitios en el diagrama.

```
# Graficar PCA
par(mfrow=c(1,2))
biplot(env.pca,scaling=1,main="PCA - scaling 1")
biplot(env.pca,scaling=2,main="PCA - scaling 2")
```

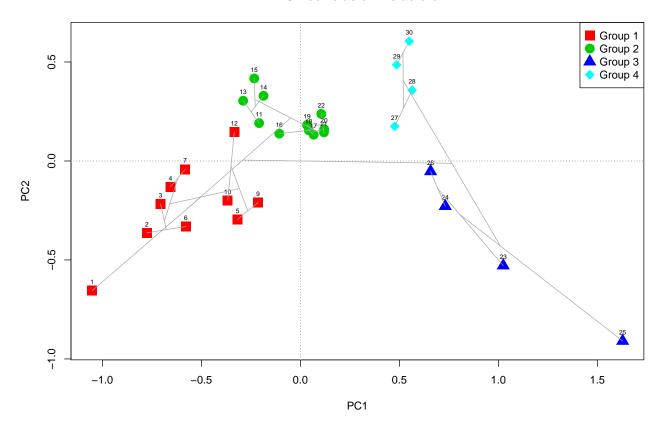


Combinando clustering y resultados ordinales

Combinar analisis de clusters y resultados ordinales puede permitir explicar o confirmar diferencias entre grupos de sitios.

```
# Combinando clustering y resultados ordinales
# **************
env.w <- hclust(dist(scale(env)), "ward.D")</pre>
# cortar el dendograma para lograr 4 clusters
gr <- cutree(env.w,k=4)</pre>
grl <- levels(factor(gr))</pre>
# conceguir los scores (coordenadas) de sitios, scaling 1
sit.scl <- scores(env.pca,display="wa",scaling=1)</pre>
# Plotear los sitios con los símbolos de los clusters y colores
p <- plot(env.pca,display="wa",scaling=1,type="n",</pre>
         main="PCA correlacion + clusters")
abline(v=0,lty="dotted",col="grey")
abline(h=0,lty="dotted",col="grey")
for(i in 1:length(grl)){
  points(sit.scl[gr==i,],pch=(14+i),cex=2,col=i+1)
text(sit.scl,row.names(env),cex=0.6,pos=3)
# Añadir el dendograma
ordicluster(p,env.w,col="dark grey")
legend("topright",paste0("Group ",c(1:length(grl))),
       pch=c(14+c(1:length(grl))),
       col=c(1+c(1:length(grl))),pt.cex=2)
```

PCA correlacion + clusters



Análisis de Correspondencias (CA)

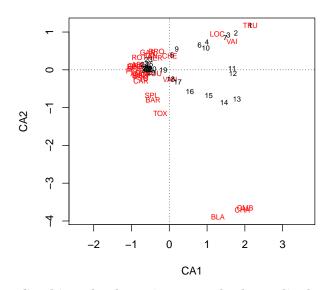
Éste método es uno de los más usados para el análisis de datos de presencia-ausencia o abundancia de especies. En este método la diferencia entre sitios es medida a través de la distancia Chi-cuadrado (χ^2). La distancia χ^2 no es influenciada por los dobles ceros. Por lo tanto CA es un método adaptado para el análisis de abundancia de especies sin una pre-transformación. Tener siempre en cuenta que los datos usados en un CA deben ser frecuencias dimensionalmente homogeneas y no negativas. Como en PCA, CA puede ser representado en dos scalings:

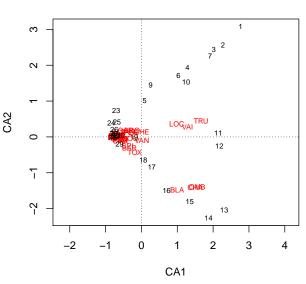
- CA scaling 1: Es el más apropiado si uno está interesado en analizar los sitios. Se interpreta como (1) las distancias entre objetos (sitios) en el espacio reducido se aproxima a sus distancias χ^2 . Por lo tanto los sitios que estan juntos a otros es probable que sean relativamente simailares en sus perfiles de frecuencias relativas de especies. (2) Cualquier objeto (sitio) que se encuentre cerca a un punto que represente alguna especie es probable que contenga una alta contribución de esa especie.
- CA scaling 2: Es el más apropiado si uno está interesado en analizar las especies. Se interpreta como (1) Distancias entre especies se aproxima a sus distancias χ². De esta manere las especies que estan cerca una de la otra es por que es más probable que sus frequencias relativas a lo largo de los sitios evaluados sean similares. (2) Cualquier especie que este cerca a un punto que represente un sitio es por que es altamente probable que esta especie sea encontrada en este sitio, o que tenga una mas alta abundancia ese sitio que en cualquier otro.

```
# Calcular CA
spe.ca <- cca(spe)
# Graficar CA
par(mfrow=c(1,2))
plot(spe.ca,scaling=1,main="CA abundancia de peces - scaling 1")
plot(spe.ca,scaling=2,main="CA abundancia de peces - scaling 2")</pre>
```

CA abundancia de peces - scaling 1

CA abundancia de peces – scaling 2



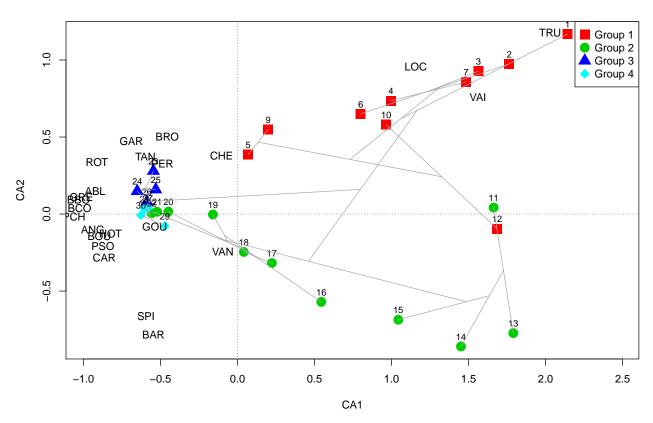


Combinando clustering y resultados ordinales:

```
# Combinando clustering y resultados ordinales
# ***********************
env.w <- hclust(dist(scale(env)), "ward.D")
# cortar el dendograma para lograr 4 clusters
gr <- cutree(env.w,k=4)
grl <- levels(factor(gr))</pre>
```

```
# conceguir los scores (coordenadas) de sitios, scaling 1
sit.scl <- scores(spe.ca,display="wa",scaling=1)</pre>
spe.scl <- scores(spe.ca,display="species",scaling=1)</pre>
# Plotear los sitios con los símbolos de los clusters y colores
p <- plot(spe.ca,display="wa",scaling=1,type="n",</pre>
          main="CA correlacion + clusters")
abline(v=0,lty="dotted",col="grey")
abline(h=0,lty="dotted",col="grey")
for(i in 1:length(grl)){
  points(sit.scl[gr==i,],pch=(14+i),cex=2,col=i+1)
}
text(spe.scl,row.names(spe.scl),col="black",pos=2)
text(sit.scl,row.names(env),cex=0.8,pos=3)
# Añadir el dendograma
ordicluster(p,env.w,col="dark grey")
legend("topright",paste0("Group ",c(1:length(grl))),
       pch=c(14+c(1:length(grl))),
       col=c(1+c(1:length(grl))),pt.cex=2)
```

CA correlacion + clusters



Explicando las distribuciones usando las variables ambientales (Post Hoc)

Aunque hay otras formas de incorporar variables explicatorias directamente sobre el proceso de la análisis ordinal (Ordinación canónica), uno puede estar interesado en incluir variables externas en un método ordinal simple. Para esto **vegan** usa su función **envfit()**. De acuerdo al autor Jari Oksanen, "**envfit** encuentra los vectores o factores promedio de las variables ambientals. Las projecta de los puntos sobre los vectores tienen

los valores máximos de correlación con las variables ambientales correspondientes"

```
# Ajustar medioambiente sobre el CA
spe.ca.env <- cca(spe~.,env)
# Graficar CA enfit
par(mfrow=c(1,2))
plot(spe.ca.env,scaling=1,main="CA-env abundancia de peces - scaling 1")
plot(spe.ca.env,scaling=2,main="CA-env abundancia de peces - scaling 2")</pre>
```

CA-env abundancia de peces - scaling 1

CA-env abundancia de peces - scaling 2

