Trabalho Prático

CIÊNCIAS EXATAS & ENGENHARIAS

 1° Semestre 2018

Observações:

- 1. Comece a fazer este trabalho imediatamente. Você nunca terá tanto tempo para resolvê-lo quanto agora!
- 2. Data de entrega: 31 de maio de 2018, até às 23:59 horas, ou antes.
- 3. Submissão: Envie este trabalho para o endereço eletrônico esub.para.loureiro@gmail.com tendo como assunto MD: "seu nome completo" e como anexo um arquivo no formato zip, descrito abaixo, com o nome MD_"SeuNomeCompleto".zip onde o string "SeuNomeCompleto" é o seu nome completo sem espaços em branco.

Exemplo para o aluno Zoroastro Felizardo e Sortudo:

- Assunto: MD: Zoroastro Felizardo e Sortudo
- Arquivo zip: MD_ZoroastroFelizardoESortudo.zip contendo apenas os seguintes três arquivos:
 - (a) O arquivo rb.c: arquivo fonte na linguagem C.
 - (b) O arquivo rb.pdf: documentação
 - (c) O arquivo leiame.txt: instruções de execução
- 4. Entrada: Veja a descrição abaixo.
- 5. **Saída**: Veja a descrição abaixo.
- 6. **Plataforma computacional**: O seu trabalho deve ser executado em alguma máquina do ambiente computacional do Departamento de Ciência da Computação da UFMG, onde os monitores irão avaliá-lo.
- 7. Linguagem: Você deve escrever o seu programa obrigatoriamente na linguagem de programação C.
- 8. Documentação:
 - Uma documentação "mínima" que explique as fases de especificação, projeto e implementação, incluindo a descrição de como você resolveu este trabalho incluindo uma discussão sobre o projeto das estruturas de dados.
 - Um arquivo leiame.txt, a ser incluído no arquivo zip, com informações sobre o ambiente computacional para executar o seu TP bem como todas as instruções necessárias.
- 9. **Testes**: O seu programa será avaliado para diferentes arquivos (o formato está definido abaixo), cada um deles terá uma única relação. Assim, leia o seu arquivo da entrada padrão na linguagem C, já que ele será testado para diferentes relações (arquivos).

Especificação do Problema: Relações Binárias em Conjuntos

"Objetos" da Matemática e da Ciência da Computação podem estar relacionados de diversas formas. Por exemplo, circuitos lógicos digitais são ditos serem relacionados se eles possuem a mesma tabela de entrada/saída. O problema de relação em conjuntos é central em Ciência da Computação e é a base de várias áreas como por exemplo projeto de algoritmos, bancos de dados, autômatos e linguagens.

Relações Binárias

Sejam os conjuntos A e B. Uma relação binária R de A para B é um subconjunto de $A \times B$, ou seja, um subconjunto do produto cartesiano de A por B. Dado um par ordenado (x,y) em $A \times B$, x está relacionado com y através de R, escrito xRy, se e somente se (x,y) pertence à relação R. O termo binário é usado nessa definição para referir ao fato que uma relação é um subconjunto do produto cartesiano de dois conjuntos.

Uma relação binária no conjunto A é uma relação de A para A que pode ser representada por um grafo dirigido. Nesse caso, ao invés de representar A como dois conjuntos separados de pontos, representa-se A somente uma única vez e desenha-se uma aresta de cada ponto de A para cada ponto relacionado. No restante deste trabalho considere sempre uma relação binária de A para A.

Exemplo. Seja $A = \{3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ e seja a relação binária R no conjunto A definida como:

para todo
$$x, y \in A, (x, y) \in R \Leftrightarrow (x - y) \mod 2 = 0.$$

O grafo dirigido de R é mostrado na figura 1.

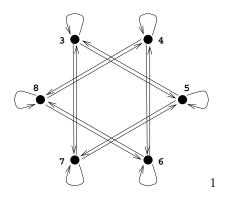


Figura 1: Grafo dirigido da relação R.

Se R é uma relação binária no conjunto A as seguintes propriedades podem ser definidas:

- 1. $R \in \mathbf{reflexiva} \Leftrightarrow \mathrm{para} \ \mathrm{todo} \ x \ \mathrm{em} \ A, \ (x,x) \in R.$
- 2. $R \in \mathbf{irreflexiva} \Leftrightarrow \mathrm{para} \ \mathrm{todo} \ x \ \mathrm{em} \ A, \ (x,x) \not\in R.$
- 3. $R \in \mathbf{sim\acute{e}trica} \Leftrightarrow \mathbf{para} \ \mathbf{todo} \ x \in y \ \mathbf{em} \ A, \ \mathbf{se} \ (x,y) \in R \ \mathbf{ent\~ao} \ (y,x) \in R.$
- 4. R é anti-simétrica \Leftrightarrow para todo x e y em A, se $(x,y) \in R$ e $(y,x) \in R$ então x=y.
- 5. $R \in \mathbf{assim\acute{e}trica} \Leftrightarrow \mathrm{para} \ \mathrm{todo} \ x \in y \ \mathrm{em} \ A, \ \mathrm{se} \ (x,y) \in R \ \mathrm{ent\~ao} \ (y,x) \not\in R.$
- 6. $R \in \text{transitiva} \Leftrightarrow \text{para todo } x, y \in z \text{ em } A, \text{ se } (x,y) \in R \text{ e } (y,z) \in R \text{ então } (x,z) \in R.$

Observe que os elementos $x, y \in z$ não precisam ser distintos.

Como consequência dessas propriedades, existem dois tipos de relações importantes: equivalência e ordem parcial. Uma relação R é uma relação de equivalência se e somente se R é reflexiva, simétrica e transitiva. Uma relação R é uma relação de ordem parcial se e somente se R é reflexiva, anti-simétrica e transitiva.

Finalmente, pode-se definir informalmente o fecho reflexivo, simétrico e transitivo de uma relação R como o menor número de pares ordenados necessários para transformar R em reflexiva, simétrica e transitiva, respectivamente.

Implementação do Problema

Neste trabalho você deve implementar um programa obrigatoriamente na linguagem C que seja capaz de ler um conjunto indeterminado de pares ordenados.

Pede-se:

- 1. Indicar se cada uma das seis propriedades acima é válida ou não. Se não for, você deve apresentar todos os pares ordenados presentes ou ausentes que não satisfazem a propriedade.
- 2. Dizer se a relação é de equivalência ou ordem parcial.
- 3. Apresentar o fecho reflexivo, simétrico e transitivo da relação, caso ela não tenha essas propriedades.

Entrada dos dados. Considere a entrada dos dados da seguinte forma:

- A primeira linha do arquivo contém a quantidade de elementos do conjunto A e, em seguida na mesma linha, os elementos desse conjunto. O número máximo de elementos do conjunto A é 50. Assim, cada elemento desse conjunto será identificado por um número inteiro entre 1 e 50.
- Cada linha seguinte contém um par ordenado (x, y) onde o primeiro número representa o x e o segundo o y. Não considere qualquer tipo de classificação dos pares nesse arquivo.

Para a relação mostrada na figura 1 uma possível entrada de dados seria a seguinte:

6	3	4	5	6	7	8
3	3 5 7 3 3 5 7 6 8 4 4 6 8 3 4 5					
5	7					
7	3					
5	3					
7	5					
3	7					
4	6					
6	8					
8	4					
6	4					
8	6					
4	8					
3	3					
4	4					
5	5					
6	6					
6 3 5 7 5 7 3 4 6 8 6 8 4 3 4 5 6 7 8	6 7 8					
8	8					

Possível saída. Para a relação mostrada na figura 1, uma possível saída seria a seguinte:

```
Propriedades
1. Reflexiva: V
2. Irreflexiva: F
   (3,3); (4,4); (5,5); (6,6); (7,7); (8,8);
3. Simétrica: V
4. Anti-simétrica: F
   (3,5) e (5,3); (3,7) e (7,3); (5,7) e (7,5); (4,6) e (6,4); (4,8) e (8,4); (6,8) e (8,6);
5. Assimétrica: F
6. Transitiva: V
Relação de equivalência: V
Relação de ordem parcial: F
Fecho reflexivo da relação = \{(3,3),(4,4),(5,5),(6,6),(7,7),(8,8)\}
Fecho simétrico da relação = \{(3,3),(3,5),(3,7),(4,4),(4,6),(4,8),(5,3),(5,5),(5,7),(6,4),
                              (6,6),(6,8),(7,3),(7,5),(7,7),(8,4),(8,6),(8,8)
Fecho transitivo da relação = \{(3,3),(3,5),(3,7),(4,4),(4,6),(4,8),(5,3),(5,5),(5,7),(6,4),
                               (6,6),(6,8),(7,3),(7,5),(7,7),(8,4),(8,6),(8,8)
```

Note que a relação não é necessário listar	é assimétrica se for irret os pares porque já fora	flexiva e anti-simétric am listados anteriorm	a. Assim, no caso da nente.	relação não ser assimétrica
	1 1 1 0			