

# LNG-1100 : Méthodes expérimentales et analyse de données

Analyse de données : test  $t \rightarrow$  ANOVA

Guilherme D. Garcia

[fr.gdgarcia.ca](http://fr.gdgarcia.ca)

4



UNIVERSITÉ  
LAVAL

# Révision

## Test $t$

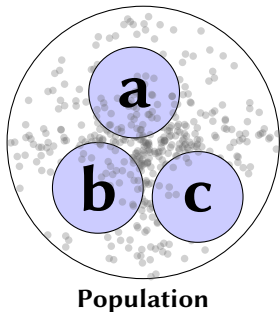
### Pratique

1. Dans quelles conditions pouvons-nous utiliser le test  $t$ ?
2. Quelle est la fonction et la syntaxe pour exécuter le test?
3. Quelle est l'hypothèse nulle dans un test  $t$ ?
4. Quelle est l'interprétation de la valeur  $p$ ?
5. Qu'est-ce qu'on voit dans le résultat d'un test  $t$ ?
6. Quelles sont les limitations du test  $t$ ?

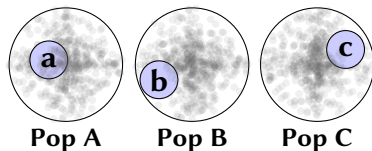
# Quand il y a plus de 2 groupes

Et plus d'une variable...?

👉 **Hypothèse nulle** : **a**, **b** et **c** ne sont pas différents; ils viennent de la **même population** ( $p \geq 0,05$ ). Autrement dit,  $\mu_a = \mu_b = \mu_c$ .



👉 **Hypothèse alternative** : **a**, **b** et **c** sont différents; ils viennent des populations **différentes** ( $p < 0,05$ ). Autrement dit,  $\mu_a \neq \mu_b \neq \mu_c$ .



# Les limitations du test $t$

- On a souvent plus de deux groupes dans notre analyse
  - En plus, on veut analyser plusieurs variables en même temps
- ☞ Un test  $t$  est simplement **trop limité**

Aujourd'hui : **ANOVA** (*ANalysis Of VAriance*)

- Une méthode qui nous permet d'analyser plusieurs groupes/variables en même temps
  - Ici, l'ANOVA sera examinée de façon temporaire : on cible les régressions complètes
- ☞ Mais il est important de bien connaître l'ANOVA :  
la littérature contient beaucoup d'articles que l'utilisent

test  $t$   $\rightarrow$  ANOVA  $\rightarrow$  **régressions**

# Pratique

## Révision du chapitre 5

### Questions de base

1. Si on examine 5 villes dans notre fichier, combien de tests  $t$  faudra-t-il exécuter pour comparer toutes les villes?
2. Quel est le problème de cet approche?
3. Quels sont les deux types d'erreurs pertinents à l'analyse de données?

# Erreurs

## Nos possibilités

	$H_0$ est vraie	$H_0$ est fausse
on rejette $H_0$	Type I	
on ne rejette pas $H_0$		Type II

Exemple classique : un test de **grossesse**

- **Positif** mais la femme n'est pas enceinte
- **Négatif** mais la femme est enceinte

erreur de type I

erreur de type II

👉 Ces concepts sont pertinents n'importe quelle méthode on utilise dans le cours

# ANOVA

## Concepts de base

- L'idée générale :  $F = \frac{\text{variabilité **entre** les groupes}}{\text{variabilité à l'**intérieur** des groupes}}$

☞ Si  $F > 1$ , peut-être les groupes sont différents

### Vrai ou faux?

1. Une ANOVA nous montre où sont les différences entre des groupes
2. La fonction utilisé pour exécuter une ANOVA est `anova()`
3. L'hypothèse alternative ( $H_1$ ) d'une ANOVA est que tous les groupes sont différents

# Qu'est-ce la variance...?

## La variabilité à l'intérieur des groupes

- Si l'ANOVA cible la variance, il faut bien comprendre la définition de **variance**
  - Voici les premières lignes de `villes2.csv` (version simplifiée)
- 👉 Analysons notre tableau : pour Calgary, la note moyenne est 67.

	note	ville
1	52.47	Calgary
2	68.67	Calgary
3	48.29	Calgary
4	96.91	Calgary
5	71.59	Calgary
6	48.59	Calgary
...	...	...



# Qu'est-ce la variance...?

## La variabilité à l'intérieur des groupes

- On calcule la **différence** (l'écart) entre chaque note et la moyenne du groupe
- Après, on calcule le **carré** de l'écart (ce qui nous donnera juste des valeurs positives)

	note	ville	moyenne	note-moyenne	(note-moyenne) <sup>2</sup>
1	52.47	Calgary	67.00	-14.53	211.09
2	68.67	Calgary	67.00	1.67	2.80
3	48.29	Calgary	67.00	-18.71	350.16
4	96.91	Calgary	67.00	29.91	894.35
5	71.59	Calgary	67.00	4.59	21.07
6	48.59	Calgary	67.00	-18.41	338.90
...	...	...	...	...	...
					$\frac{\text{somme}}{N-k}$

- La variance à l'intérieur des groupes sera la **somme totale divisée par  $N - k$**

$N$  = nombre total d'observations;  $k$  = nombre de groupes (villes ici)

# ANOVA

## Concepts de base

- L'idée générale :  $F = \frac{\text{variabilité } \mathbf{entre} \text{ les groupes}}{\text{variabilité à l'}\mathbf{intérieur} \text{ des groupes}}$

➡ Maintenant, calculons la variabilité **entre** les groupes

# Qu'est-ce la variance...?

## La variabilité entre les groupes

- Calculez les **moyennes** par groupe ainsi que la **différence** entre leurs moyennes et la moyenne générale ( $\bar{x} = 70.25$ )
- Après, multipliez les carrés des écarts (CE) par le nombre d'observations (n)  $\rightarrow$  n\_CE


	ville	moyenne	n	diff	CE	n_CE
1	Calgary	67.01	50	-3.25	10.54	526.90
2	Montréal	69.58	50	-0.67	0.45	22.54
3	Québec	74.17	50	3.92	15.35	767.38

$$\frac{\text{somme}}{k-1}$$

- La somme totale est donc divisée par  $k - 1$ , et cela sera notre variété entre les groupes

# Pratique

## Chapitre 5

- Examinons les code et les exercices dans [le chapitre](#) 

- Heureusement, il y a une fonction qui automatise le calcul pour nous : `aov()`

## Pratique

Complétez le script `seance-5.R` :

1. Calculez les moyennes et les écarts-types des cinq groupes.
2. Visualisez les données et exécutez une ANOVA.
3. Pouvons-nous rejeter l'hypothèse nulle? Générez des comparaisons multiples.
4. Avons-nous des erreurs dans les résultats?
5. Communiquer les résultats en utilisant le modèle présenté dans le chapitre.