# Unidade VI: Ordenação Interna - Heapsort



Adaptação dos slides elaborados pelo Instituto de Ciências Exatas e Informática - Departamento de Ciência da Computação

# Agenda

Definição de Heap



Funcionamento básico

Algoritmo

Análise do número de comparações e movimentações

# Introdução

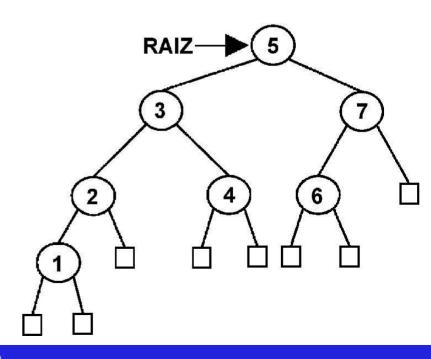
O Heapsort é <u>um</u> algoritmo de seleção que encontra o maior elemento em uma lista, troca-o com o último e repete o processo

•Sua diferença em relação ao Algoritmo de Seleção é que o Heapsort utiliza um Heap Invertido para selecionar o maior elemento de forma eficiente

· Neste momento, precisamos conhecer os conceitos de árvore e heap

•Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

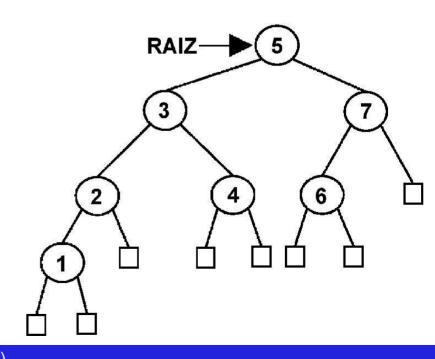
•Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices



•Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

•Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

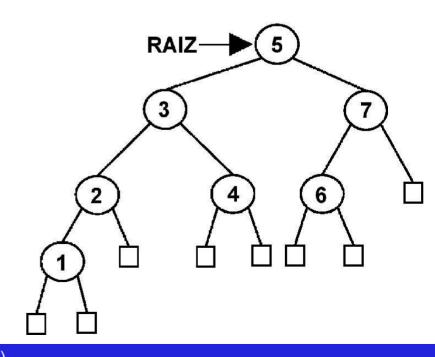
O nó 5 é denominado nó raiz e ele está no nível 0



•Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

•Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

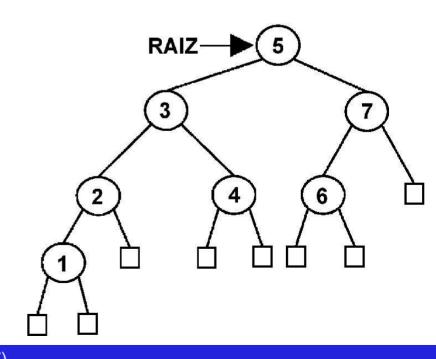
Os nós 3 e 7 são filhos do 5 e esse é pai dos dois primeiros



•Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

•Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

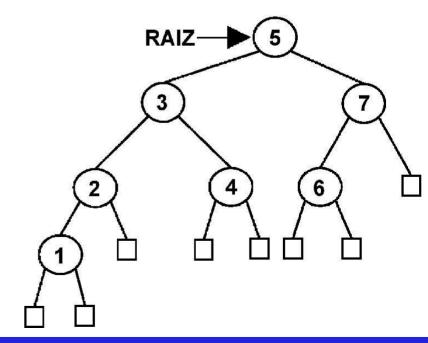
Um nó com filho(s) é chamado de nó interno e outro sem, de folha



•Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

•Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

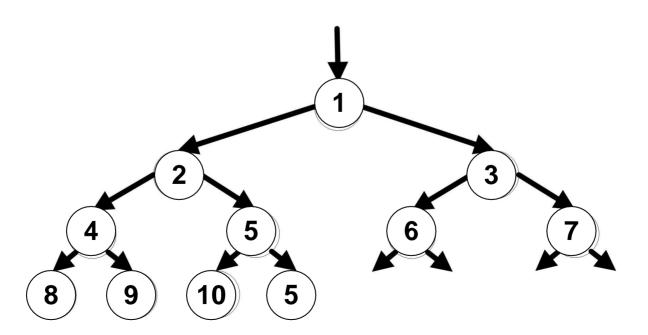
Nosso exemplo é uma árvore binária, pois cada nó tem no máximo dois filhos



# Heap

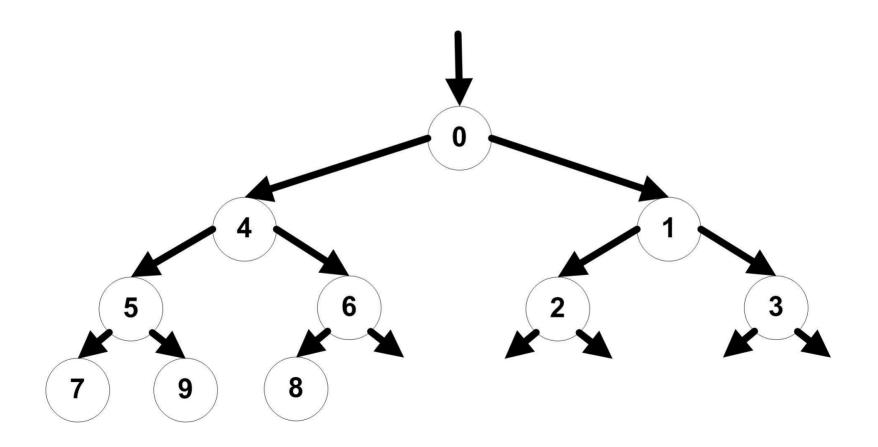
·Árvore binária em que cada nó é menor ou igual que seus filhos, fazendo com que a raiz tenha o menor valor

•Suas folhas ocupam um ou dois níveis sendo que o penúltimo é completo e as folhas do último nível se agrupam o mais à esquerda possível



• Mostre um heap com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9

• Mostre um heap com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9



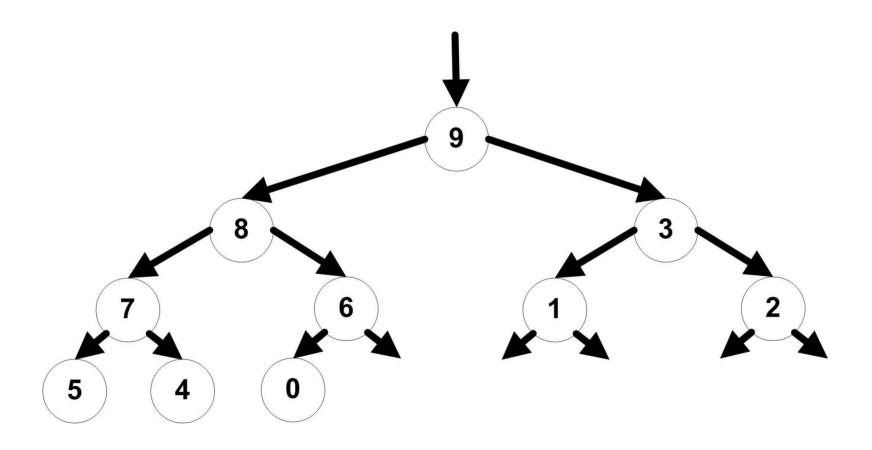
# Heap Invertido

·Árvore binária em que cada nó é maior ou igual que seus filhos, fazendo com que a raiz tenha o maior valor

•Suas folhas ocupam um ou dois níveis sendo que o penúltimo é completo e as folhas do último nível se agrupam o mais à esquerda possível

· Mostre um heap invertido com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9

· Mostre um heap invertido com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9



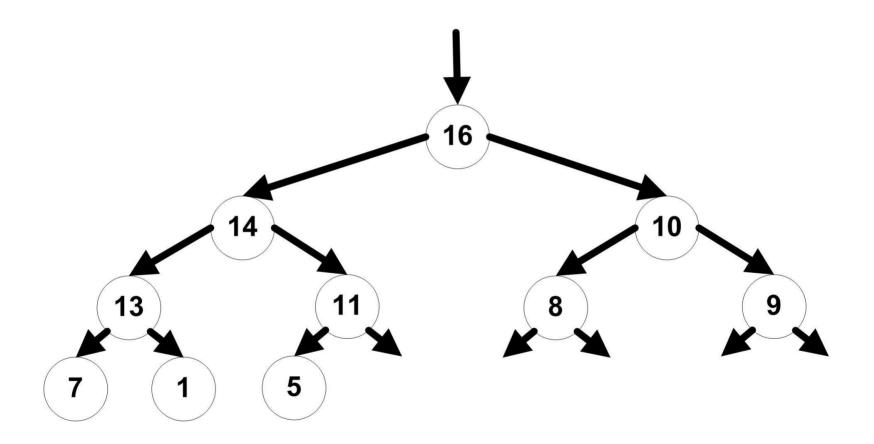
# Consideração

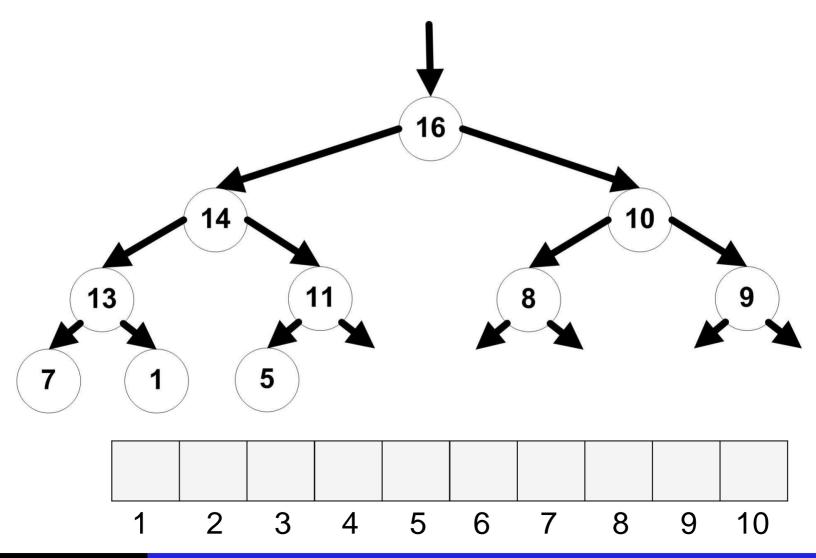
•A partir deste ponto, neste material, a palavra heap será usada para designar o heap invertido

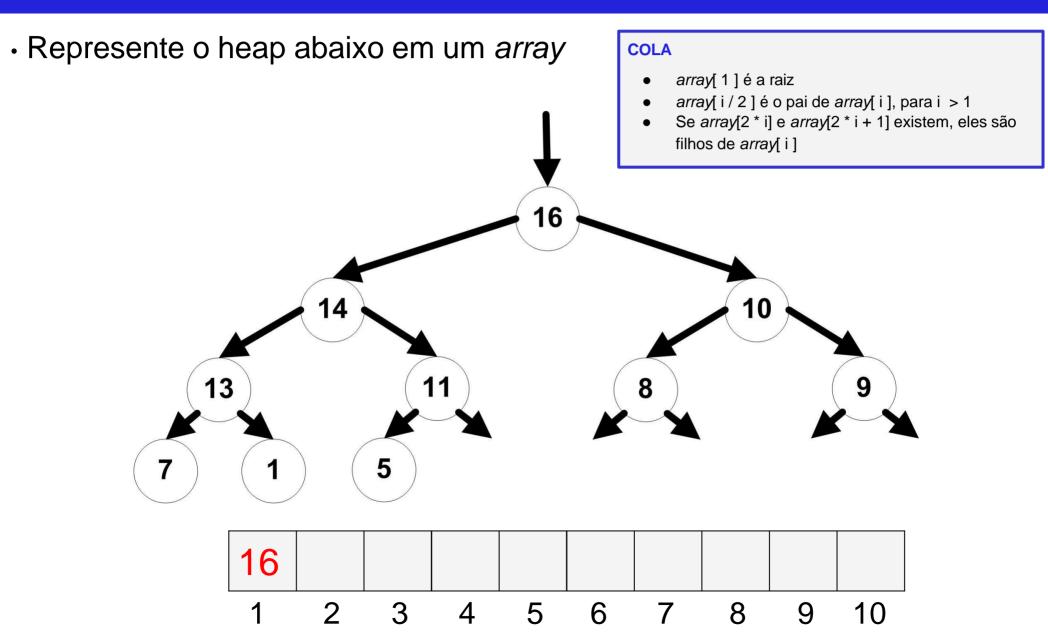
# Representação do Heap em um Array

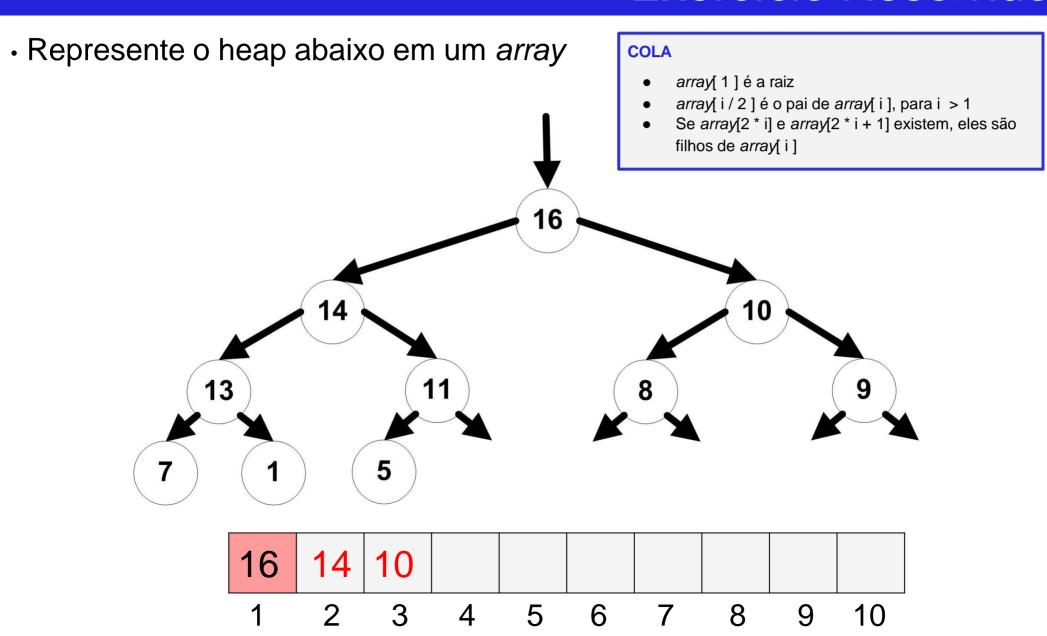
Como representar um heap usando um array?

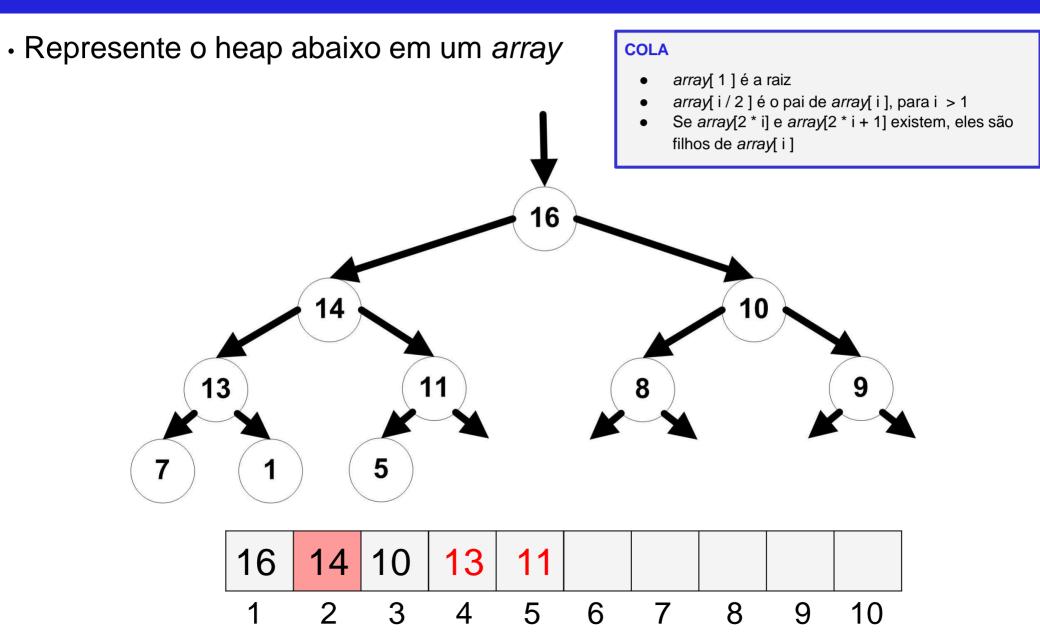
Afinal, estamos apresentando um algoritmo para ordenar arrays...

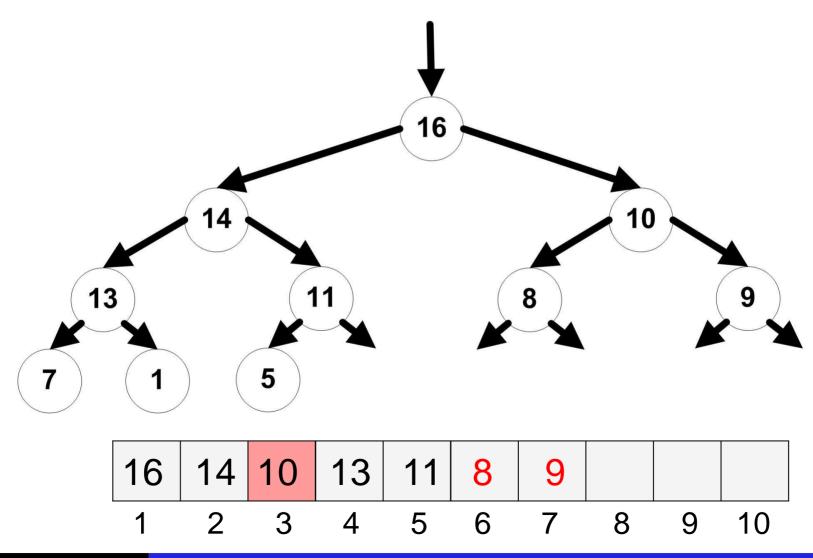


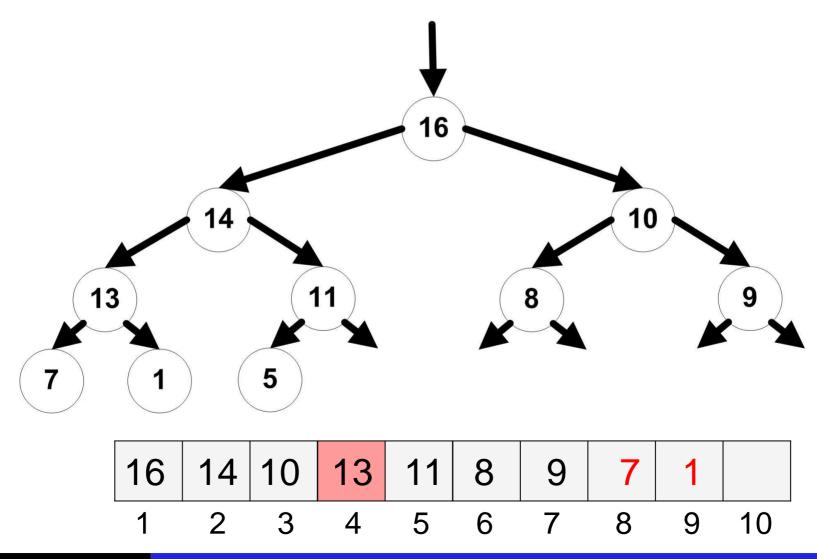


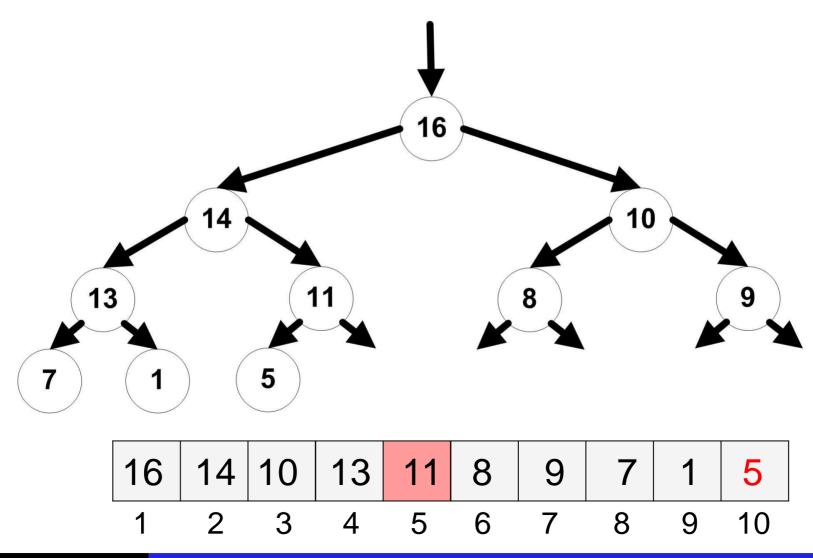












# Representação do Heap em um Array

·Podemos representar qualquer árvore binária em um array fazendo:

array[1] é a raiz

array[i/2] é o pai de array[i], para i > 1

Se array[2 \* i ] e array[2 \* i + 1] existem, eles são filhos de array[ i ]

Se i é maior que (n / 2), array[ i ] é uma folha

# Representação do Heap em um Array

•Podemos representar qualquer árvore binária em um *array* (*0-based index*) fazendo:

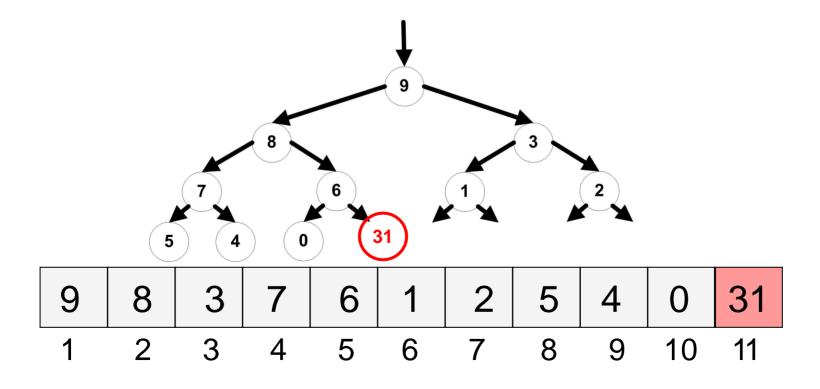
array[ 0 ] é a raiz

array[ (i-1) / 2 ] é o pai de array[ i ], para i > 0

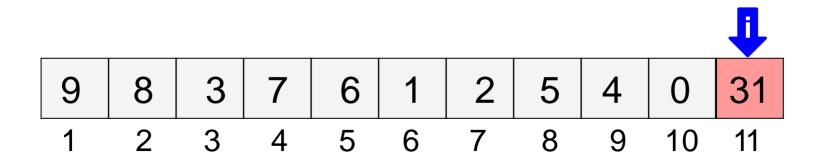
Se array[2 \* i + 1] e array[2 \* i + 2] existem, eles são filhos de array[ i ]

• Se i é maior ou igual que (n / 2), array[ i ] é uma folha

9	8	3	7	6	1	2	5	4	0	31
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

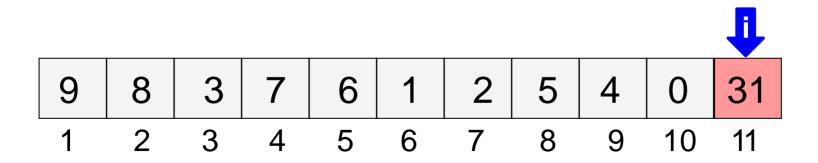


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



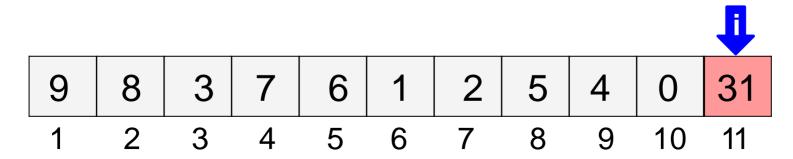
```
void Construir(int[] array, int tam){
            for (int i = tam; i > 1 &\& array[i] > array[i/2]; i /= 2){
              swap(i, i/2);
                                               void Swap(int[] array, int i, int j)
                                                   int temp = array[i];
                                                   array[i] = array[j];
                                                   array[j] = temp;
9
       8
               3
                     7
                                           2
                                                  5
                                                         4
                                                                0
                                                         9
               3
                             5
                                    6
                                                                10
                      4
```

```
void Construir(int[] array, int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

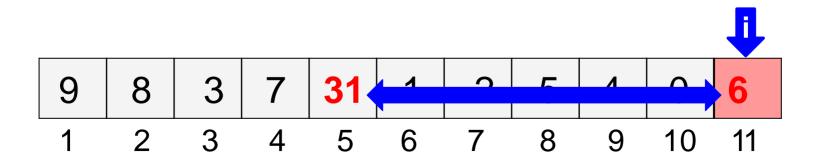


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam[i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

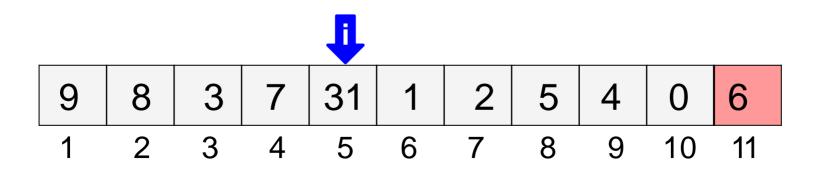
true: 11 > 1 && array[11] > array[5]



```
void construir(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

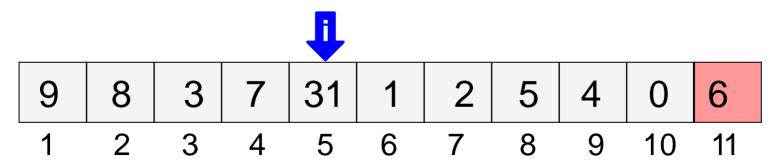


```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2][i/= 2){
     swap(i, i/2);
  }
}
```

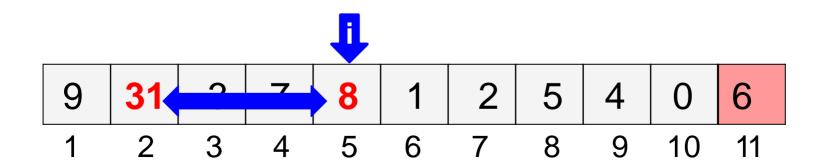


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam[i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

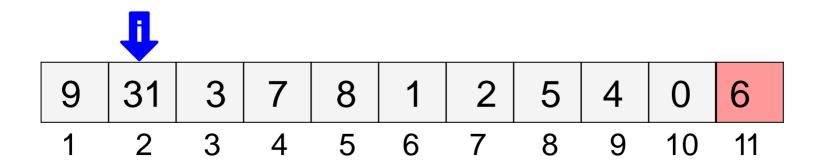
true: 5 > 1 && array[5] > array[2]



```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

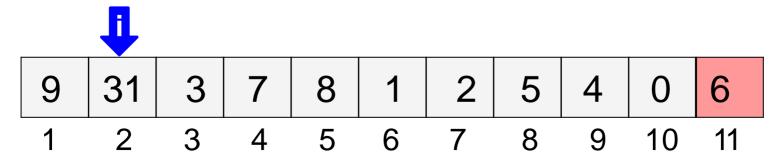


```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
}
```

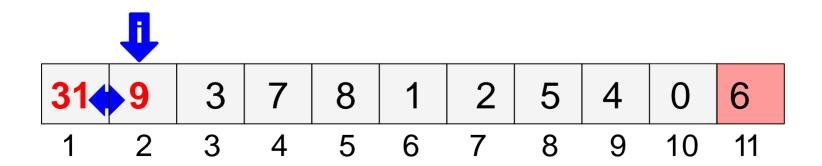


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam[i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

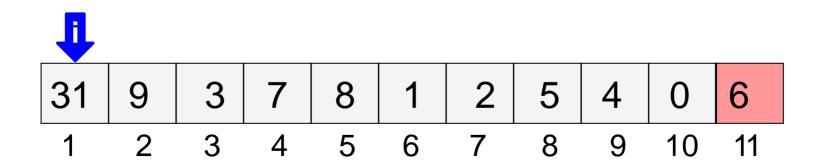
true: 2 > 1 && array[2] > array[1]



```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

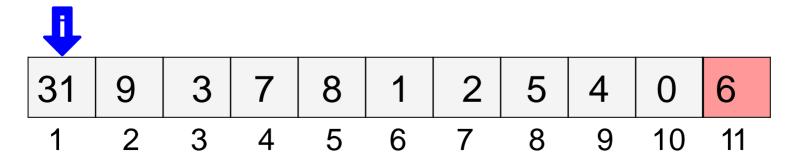


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2][i/= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam[i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

false: 1 > 1 && ...



# Operações Possíveis com um Heap

Construção

Inserção de um novo elemento

Remoção do elemento com a maior chave

· Remoção de um elemento qualquer

• ...

#### Agenda

Definição de Heap

Funcionamento básico



Algoritmo

Análise do número de comparações e movimentações

#### Funcionamento Básico

 Construa o heap inserindo sistematicamente cada um dos elementos do array

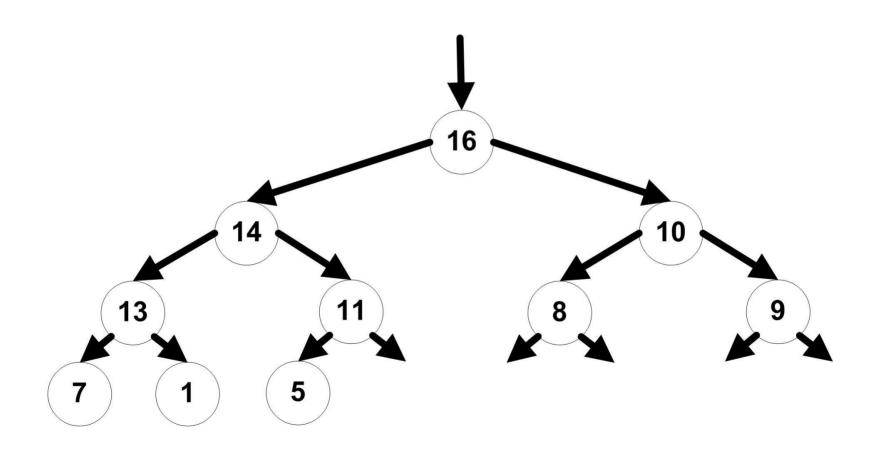
•Remova sistematicamente cada elemento do heap, reconstrua o heap e insira o elemento removido na posição do *array* imediatamente seguinte ao tamanho corrente do heap (isso será feito, trocando o elemento da raiz/primeira posição com o da última posição do heap)

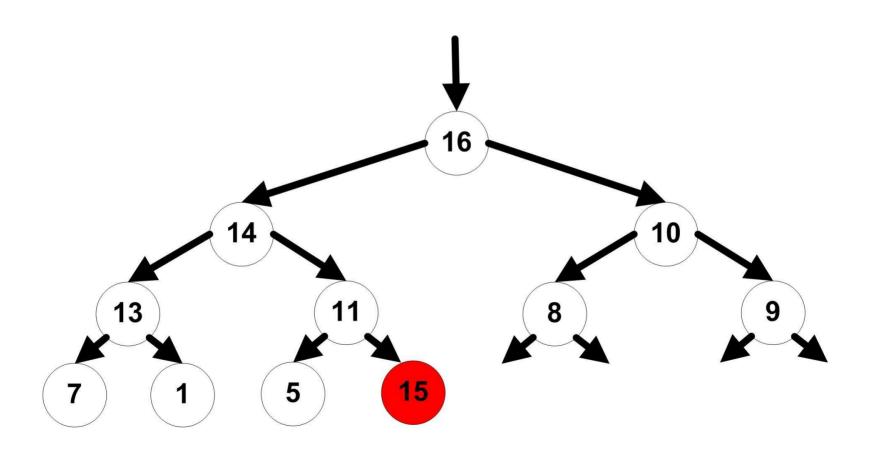
A seguir, veja os princípios de inserção e remoção no heap

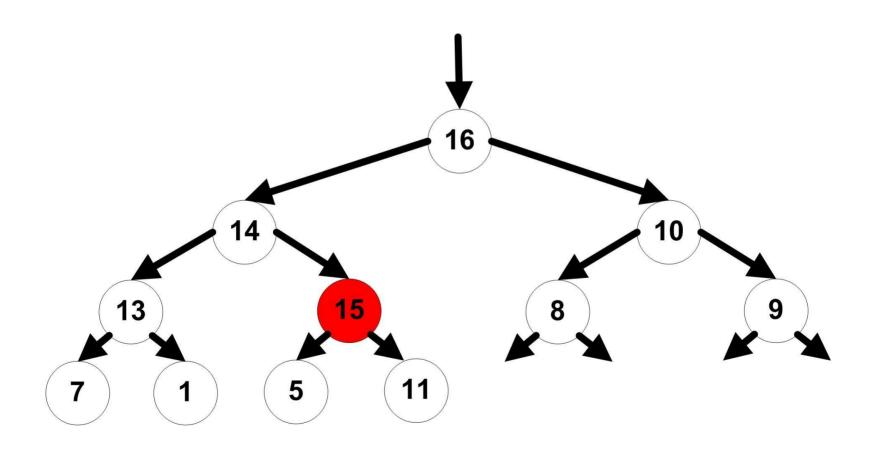
# Princípio de Inserção

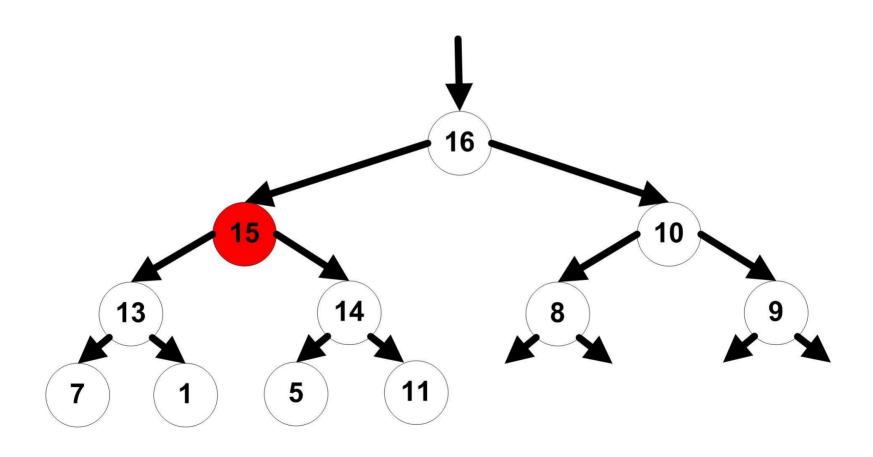
·Crie uma nova folha (contendo o novo elemento) no último nível do heap. Se esse estiver completo, recomece um novo nível

•Se o novo elemento for maior que seu pai, troque-os e realize o mesmo processo para o pai, avô, bisavô e, assim, sucessivamente, até que todos os pais sejam maiores que seus filhos









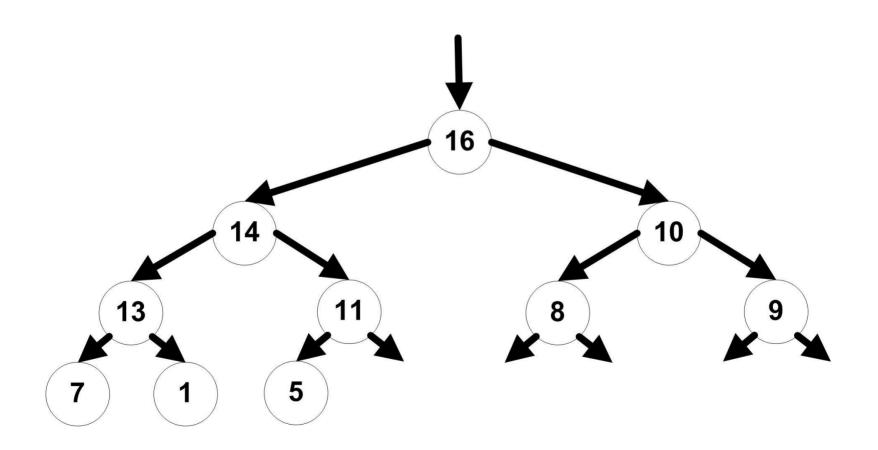
# Princípio de Remoção

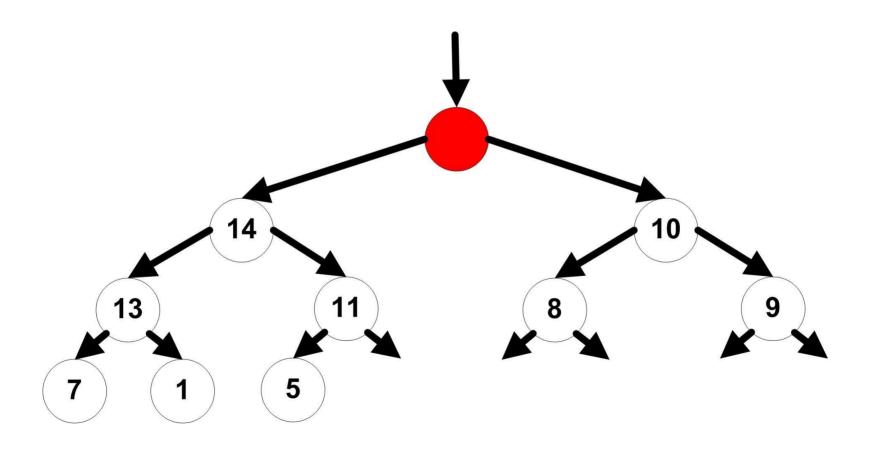
· Armazene o elemento da raiz em uma variável temporária

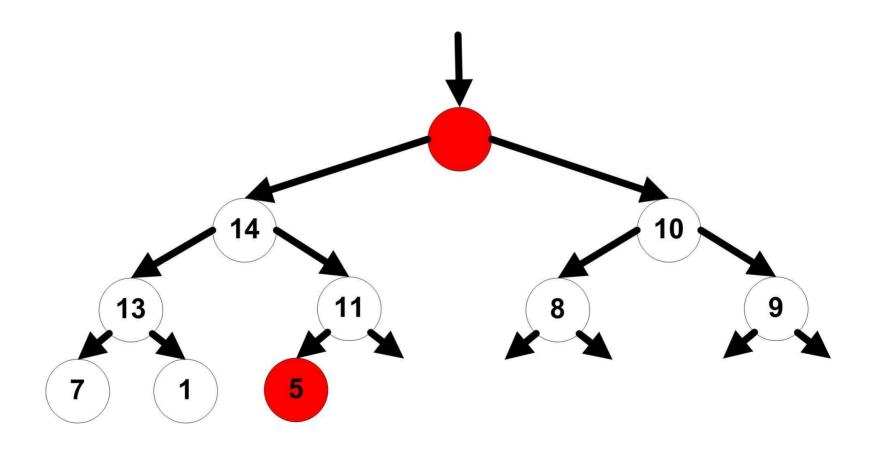
Substitua o elemento da raiz pelo da última folha do último nível

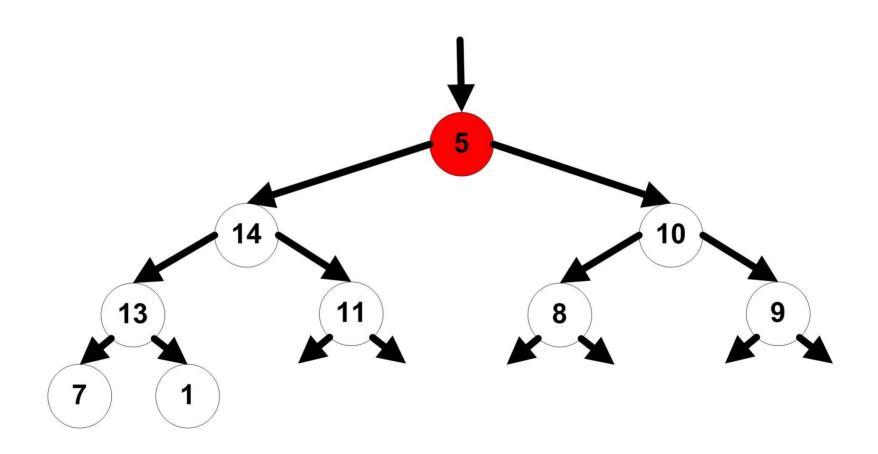
Remova a última folha do último nível

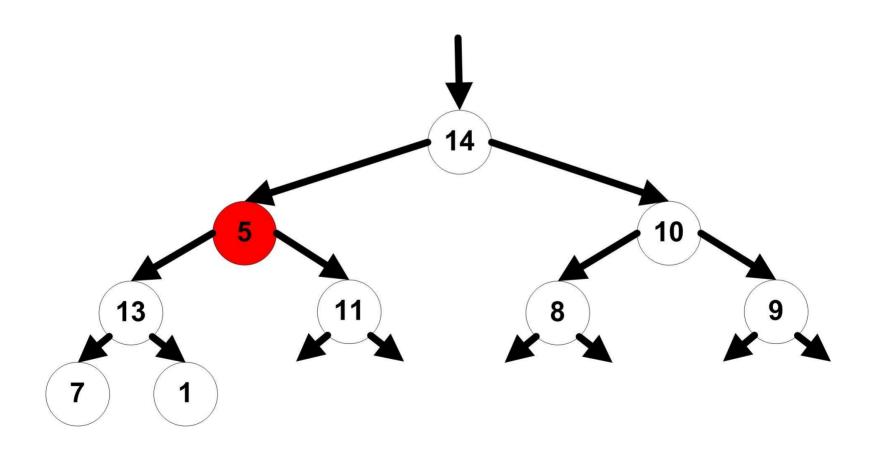
- Troque o elemento da raiz com o de seu maior filho
- •Repita o passo anterior para o filho com elemento trocado até que todos os pais sejam maiores que seus filhos

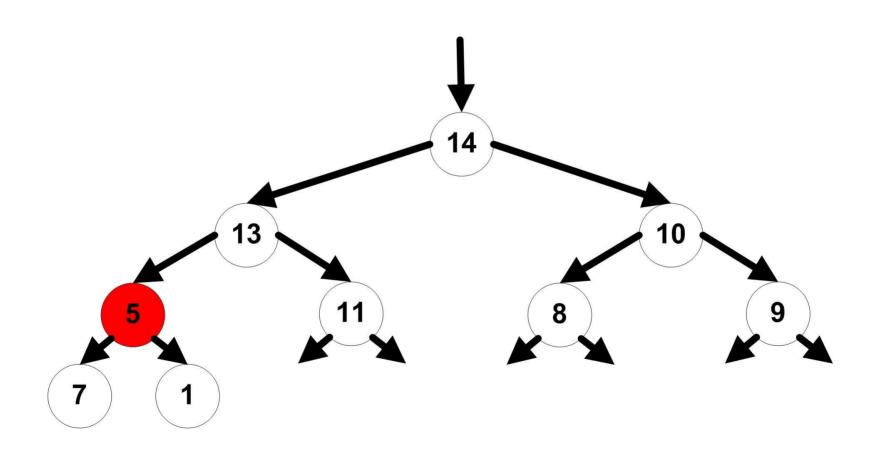


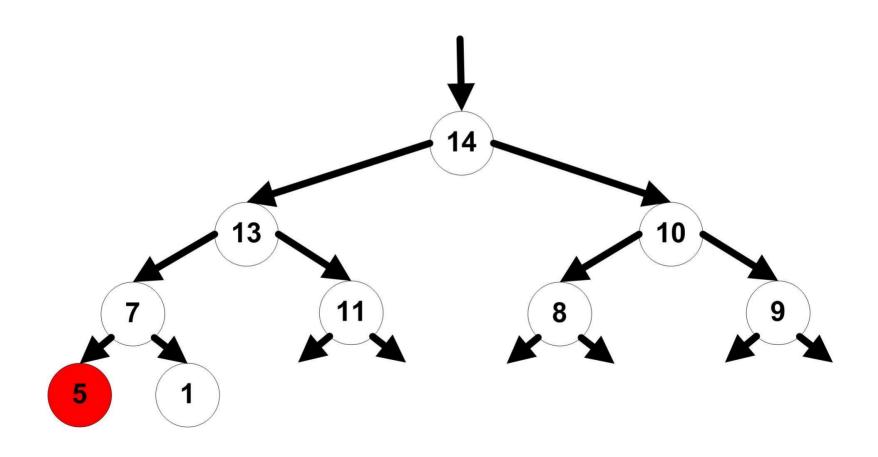












#### Agenda

Definição de Heap

Funcionamento básico

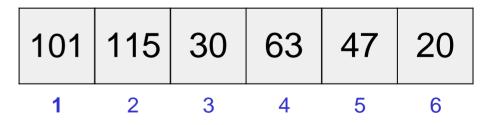
Algoritmo



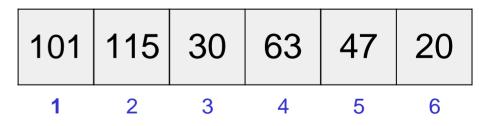
· Análise do número de comparações e movimentações

```
void Heapsort(int[] array, int n) {
 //Contrução do heap
  int tam;
  for (tam = 2; tam <= n; tam++){
   Construir(array,tam);
 //Ordenacao propriamente dita
 tam = n;
  while (tam > 1){
   swap(1, tam--);
   Reconstruir(array,tam);
void Construir(int[] array, int tam){
void Reconstruir(int[] array, int tam)
```

```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

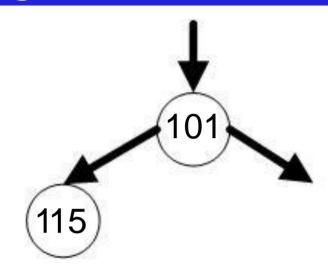


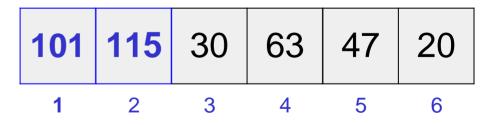
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



```
void Heapsort(int[] array, int n) {
  int tam;
  for (tam = 2; tam <= n; tam++){
    Construir(array,tam);
  }
</pre>
```

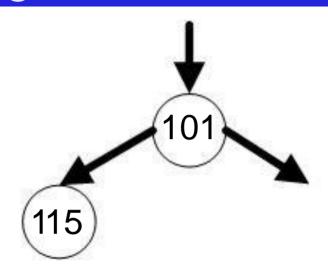
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

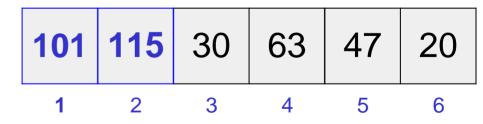




```
void Heapsort(int[] array, int n) {
    int tam;
    for (tam = 2; tam <= n; tam ++){
        Construir(array,tam);
    }</pre>
```

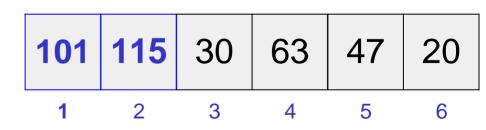
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



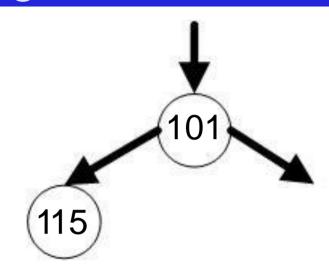


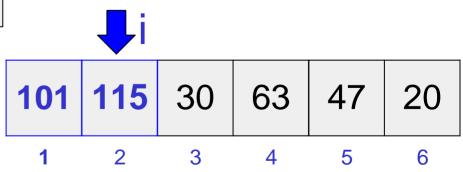
```
101
```

```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

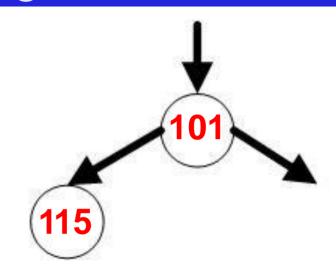


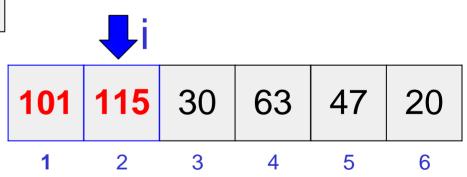
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam) i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



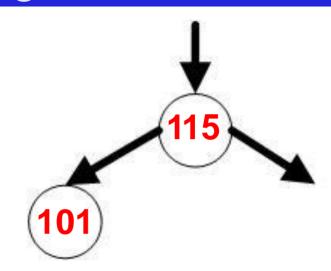


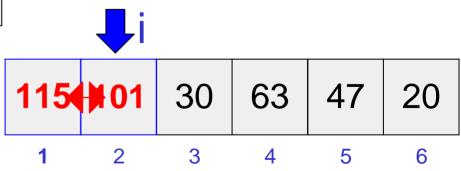
```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; [i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
  true: 2 > 1 && 115 > 101
```



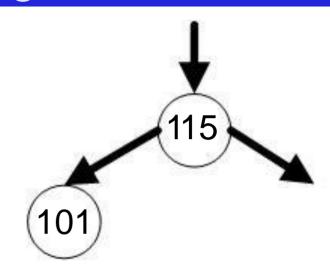


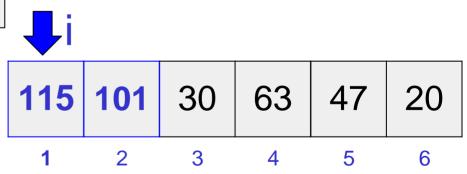
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



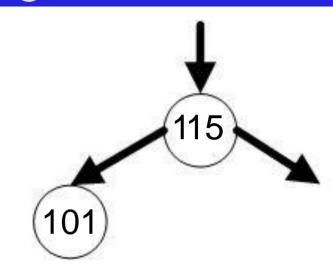


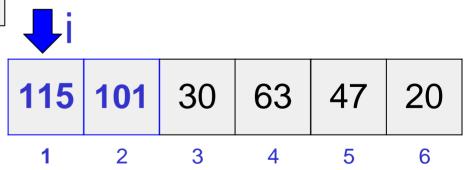
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



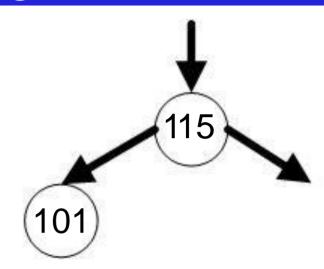


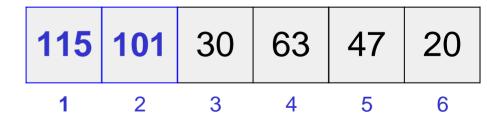
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; [i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
    false: 1 > 1 && ...
```



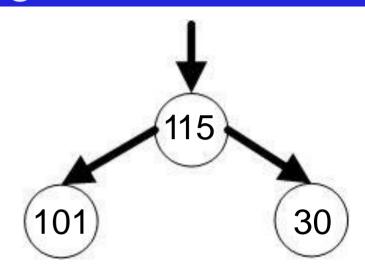


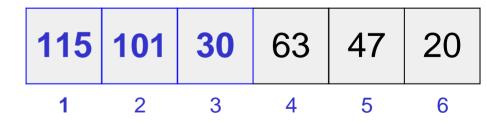
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```





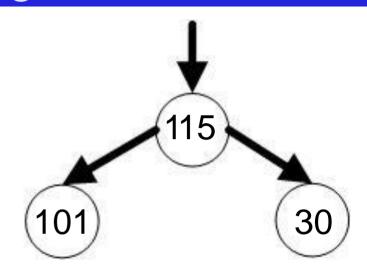
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

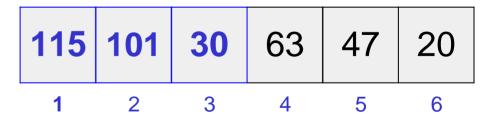




```
void Heapsort(int[] array, int n) {
  int tam;
  for (tam = 2; tam <= n; tam ++){
    Construir(array,tam);
  }
</pre>
```

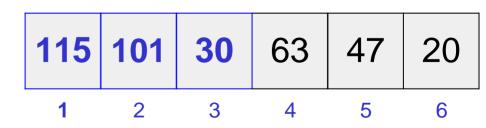
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



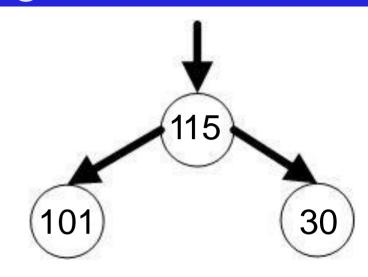


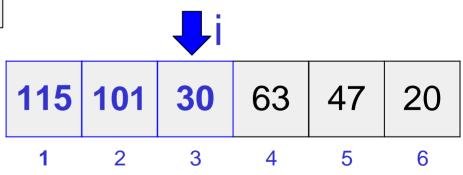
```
115
```

```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
}
```

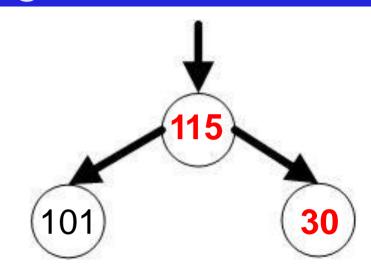


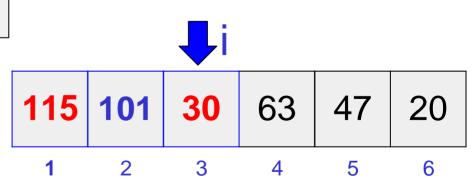
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam) i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



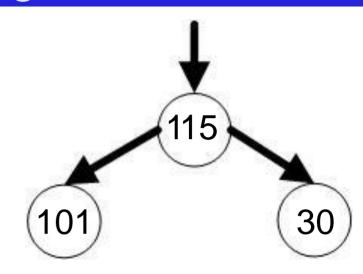


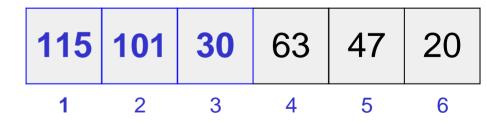
```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; [i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
  false: 3 > 1 && 30 > 115
```



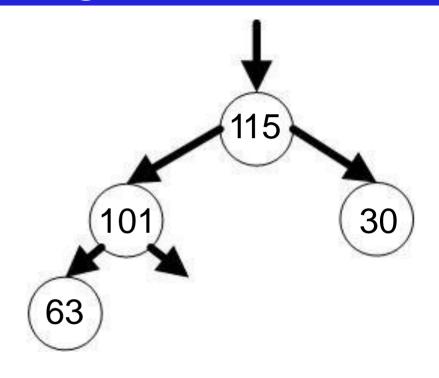


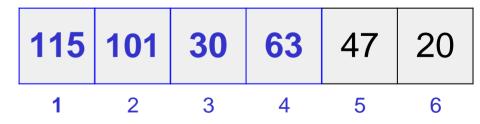
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```





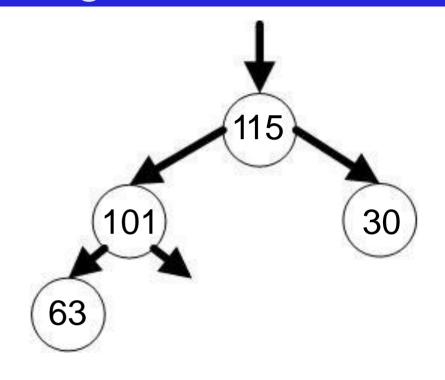
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

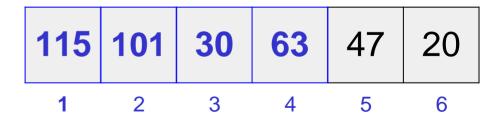




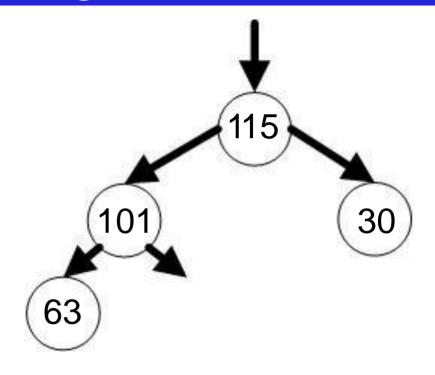
```
void Heapsort(int[] array, int n) {
    int tam;
    for (tam = 2; tam <= n; tam ++){
        Construir(array,tam);
    }</pre>
```

```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



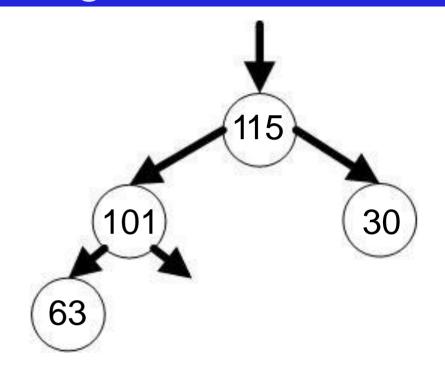


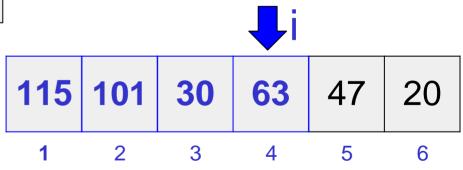
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



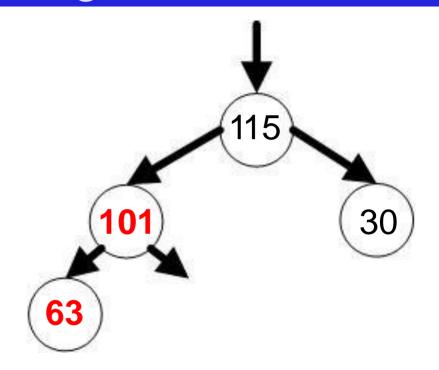


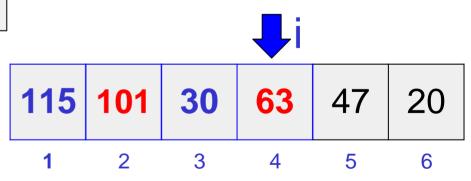
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



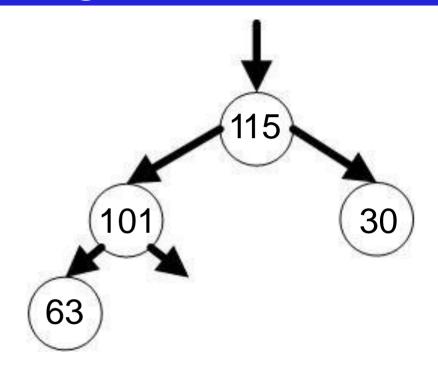


```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; [i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
  false: 4 > 1 && 63 > 101
```



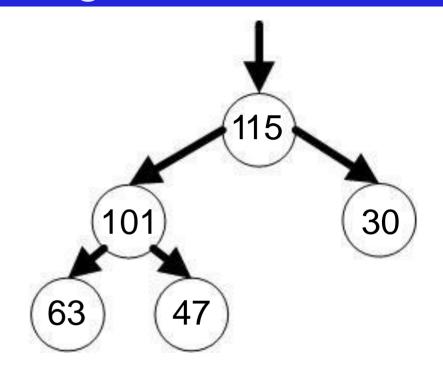


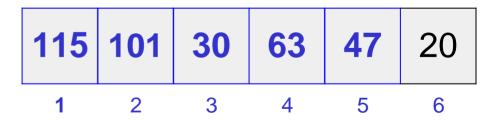
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```





```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

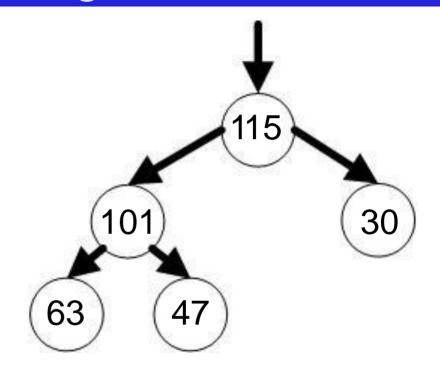


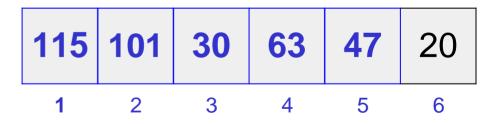


```
void Heapsort(int[] array, int n) {
    true: 5 <= 6

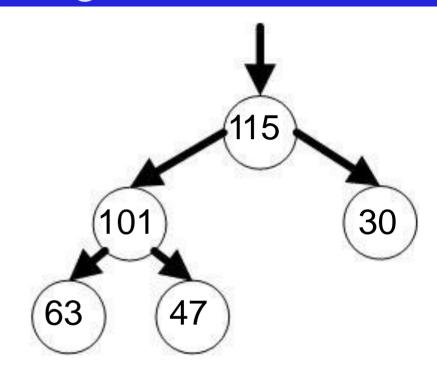
int tam;
    for (tam = 2; tam <= n; tam ++){
        Construir(array,tam);
    }
</pre>
```

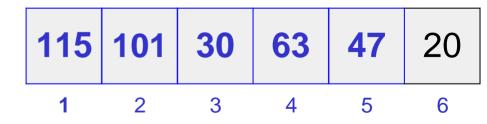
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



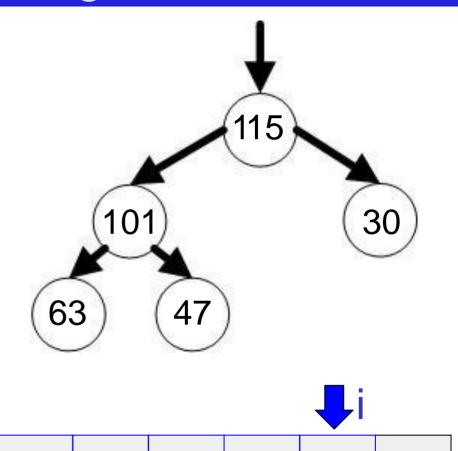


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

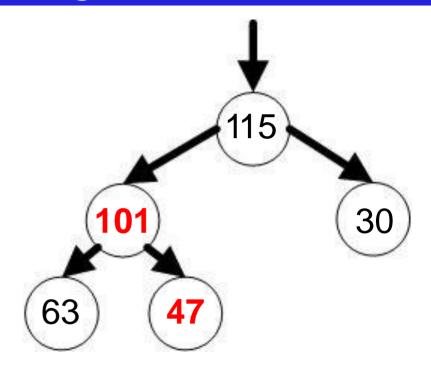


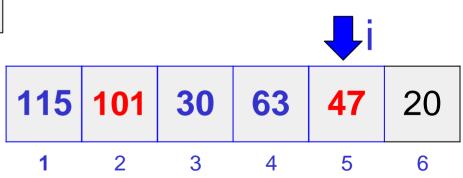


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

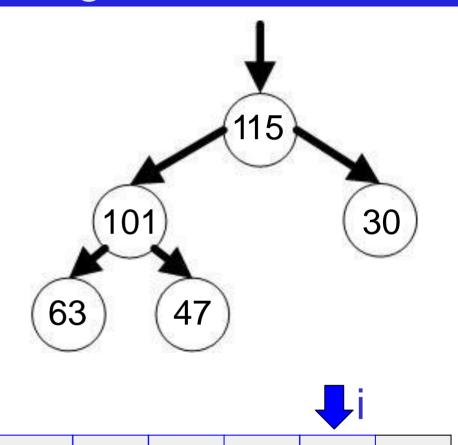


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 &\& array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
    false: 5 > 1 &\& 47 > 101
```

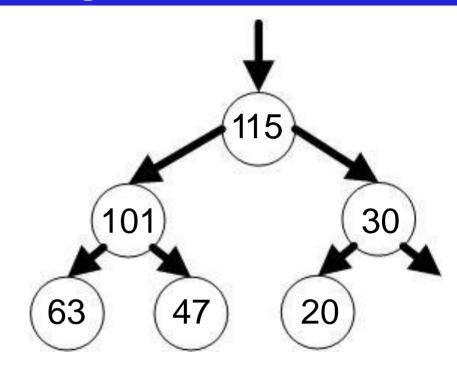


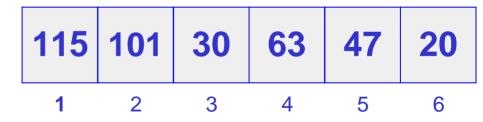


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

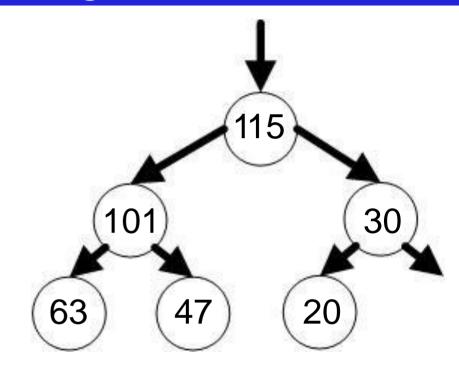


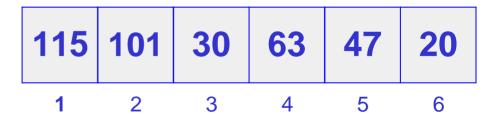


```
void Heapsort(int[] array, int n) {
    true: 6 <= 6

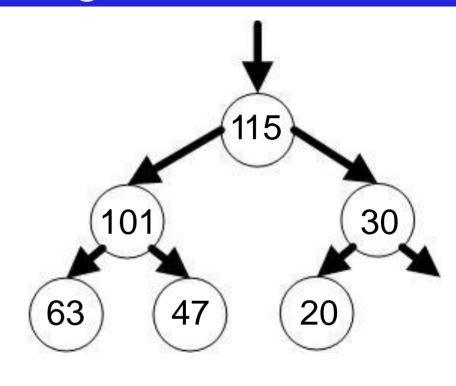
int tam;
    for (tam = 2; tarn <= n; tam++){
        Construir(array,tam);
    }
</pre>
```

```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



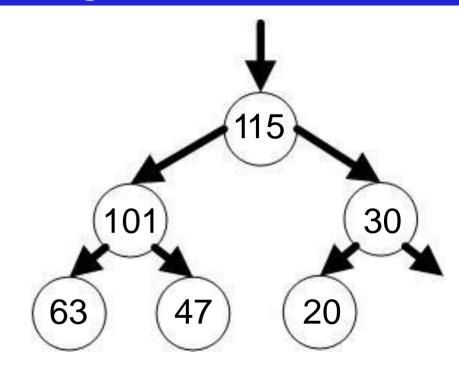


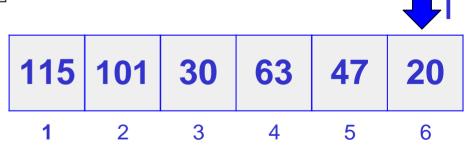
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



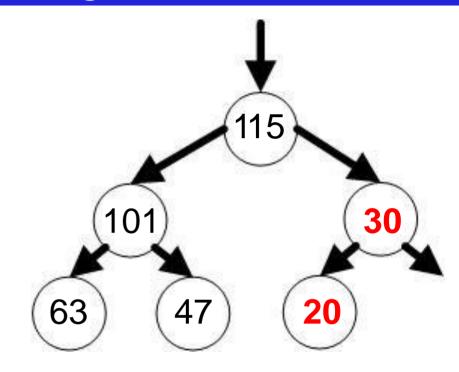


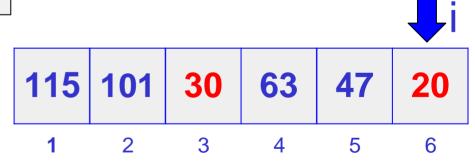
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



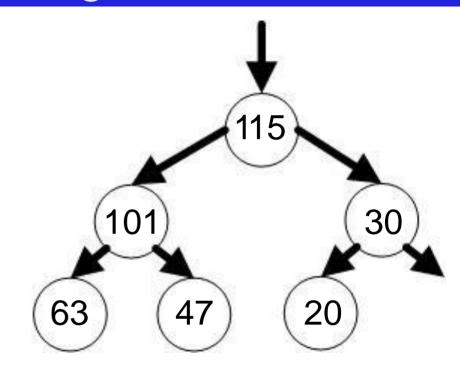


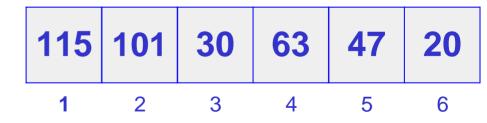
```
void Construir(int[] array, int tam){
  for (int i = tam; i > 1 &\& array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 6 > 1 && 20 > 30
```



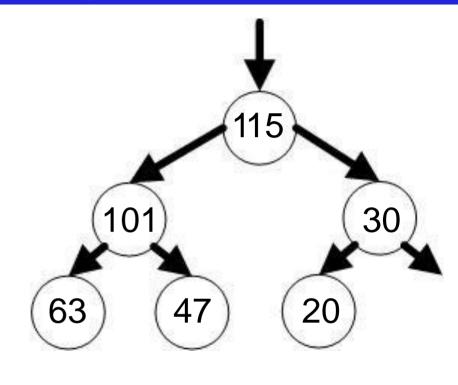


```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```





```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

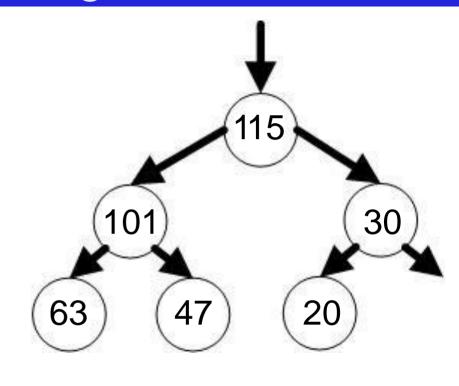


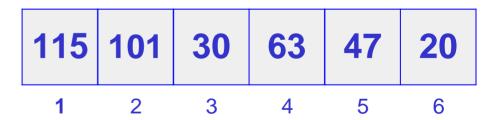


```
void Heapsort(int[] array, int n) { false: 7 <= 6

int tam;
for (tam = 2; tam <= n; tam ++){
    Construir(array,tam);
}</pre>
```

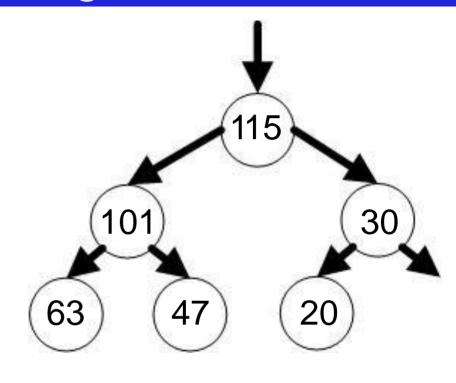
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

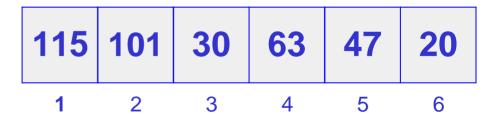




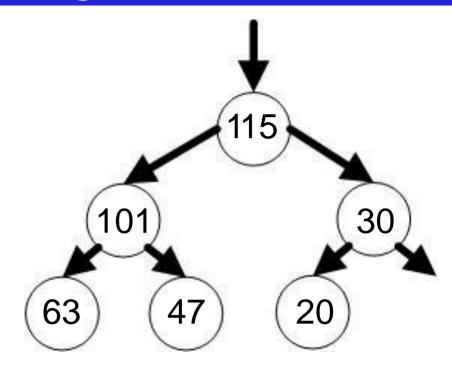
```
void Heapsort(int[] array, int n) {
  int tam;
  for (tam = 2; tam <= n; tam++){
    Construir(array,tam)
  }</pre>
```

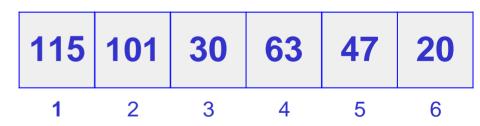
```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```



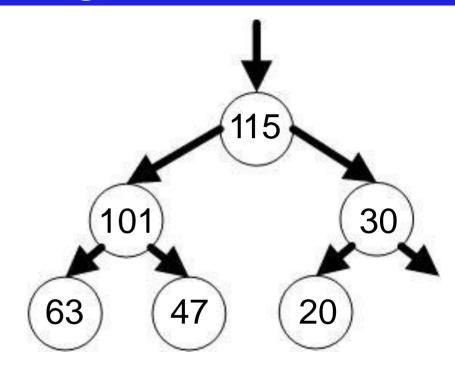


```
void Heapsort(int[] array, int n) {
  int tam;
  for (tam = 2; tam <= n; tam++){
     Construir(array,tam);
  }</pre>
```



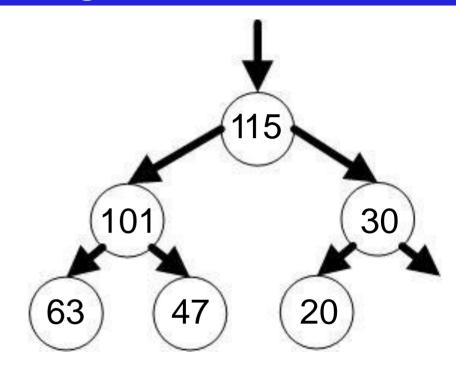


```
void Heapsort(int[] array, int n) {
  int tam;
 for (tam = 2; tam <= n; tam++){
    Construir(array,tam);
 //Ordenacao propriamente dita
 tam = n;
  while (tam > 1){
   swap(1, tam--);
   Reconstruir(array,tam);
```





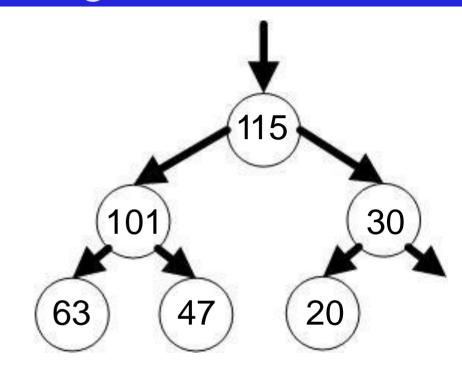
```
void Heapsort(int[] array, int n) {
  int tam;
 for (tam = 2; tam <= n; tam++){
   Construir(array,tam);
  //Ordenacao propriamente dita
  tam = n;
  while (tam > 1){
   swap(1, tam--);
   Reconstruir(array,tam);
```





```
tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
    }
}
```

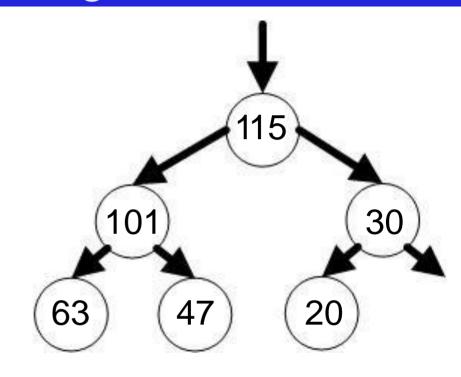
```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```

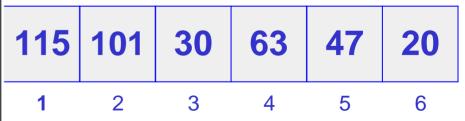




```
tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
    }
}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```



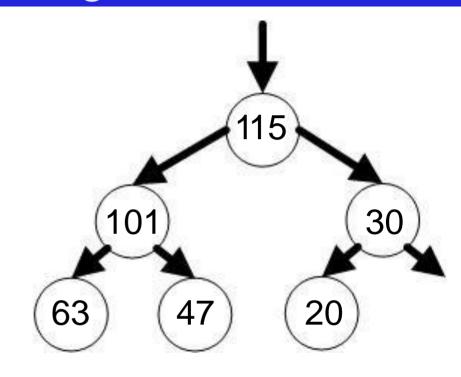


```
tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}

true: 6 > 1
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

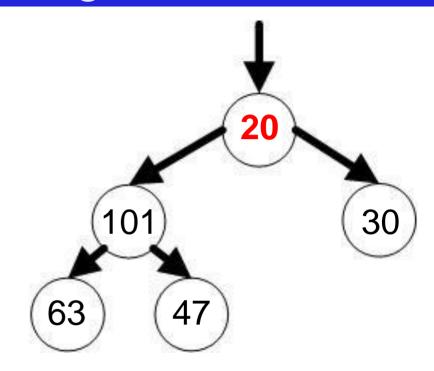
while (tam > 1){

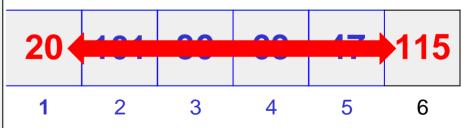
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

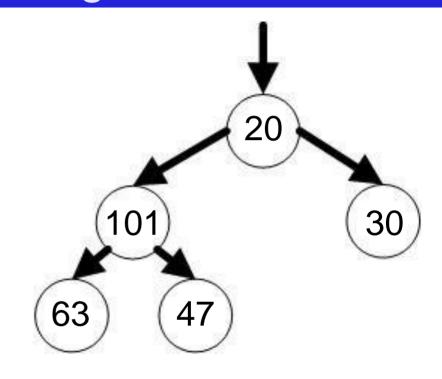
while (tam > 1){

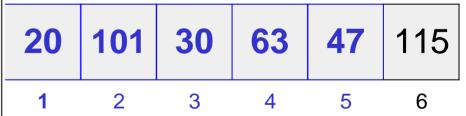
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

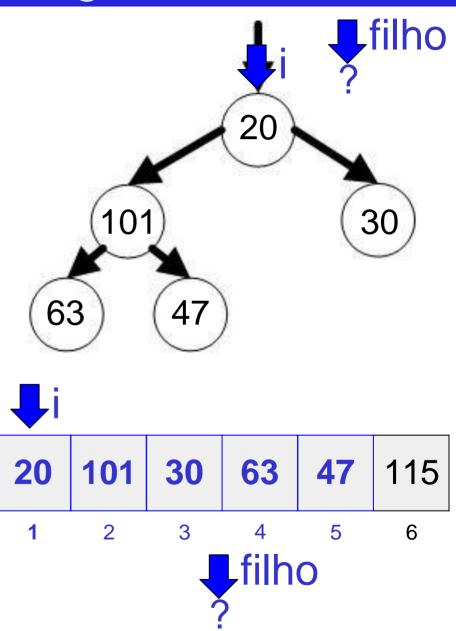
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
    int i = 1;
    while (HasFilho(i, tam) == true){
        int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

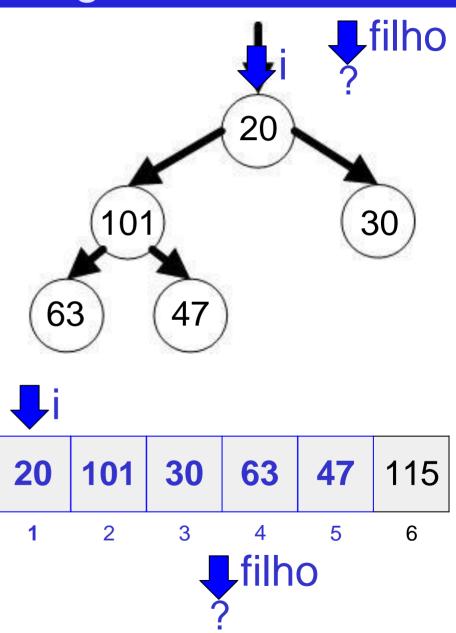
Reconstruir(array,tam);

}

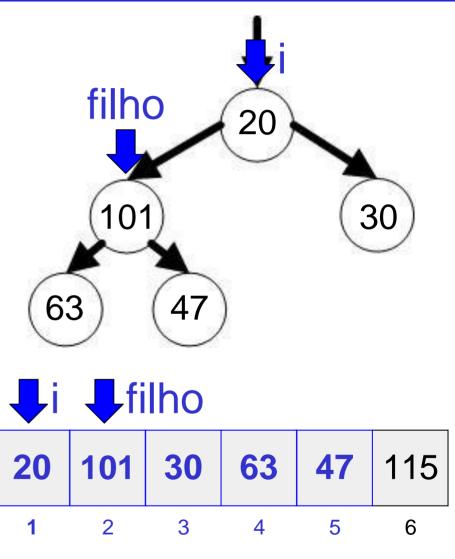
void Reconstruir(int[] array, int tam){

int i = 1;

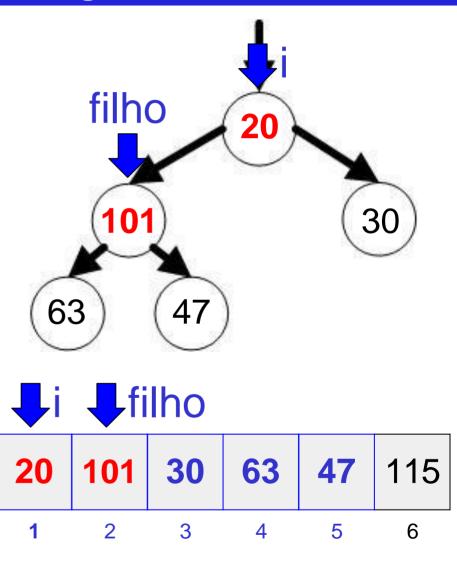
true: 1 <= 2
```



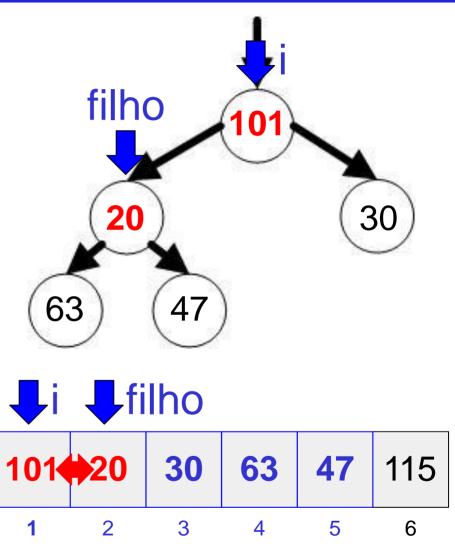
```
tam
                                                     5
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```



```
tam
                                                    5
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) </pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
                    true: 20 < 101
```



```
tam
                                                     5
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```



```
tam = n;

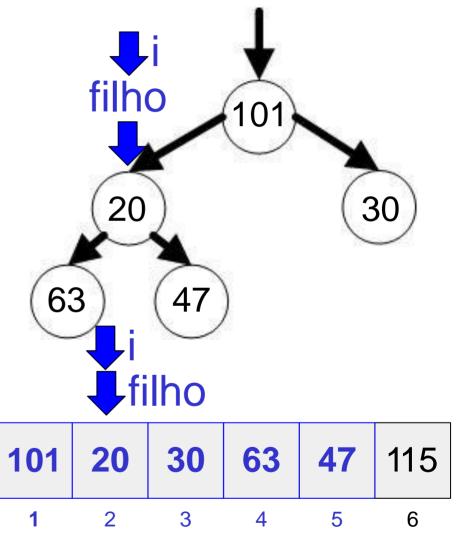
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

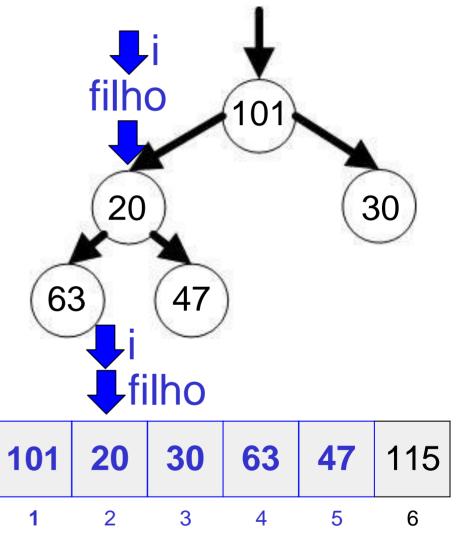
Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```

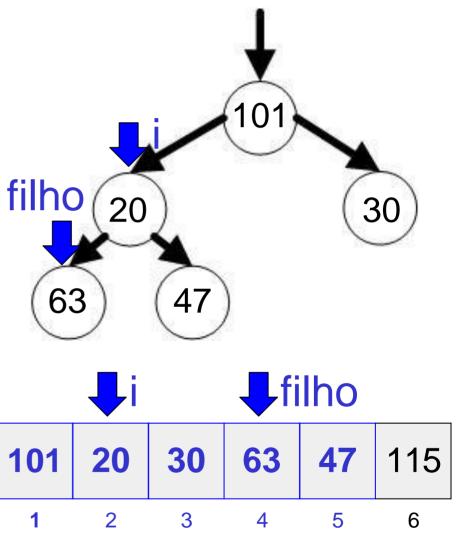


```
tam
                                                    5
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
                                     true: 2 <= 2
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
```



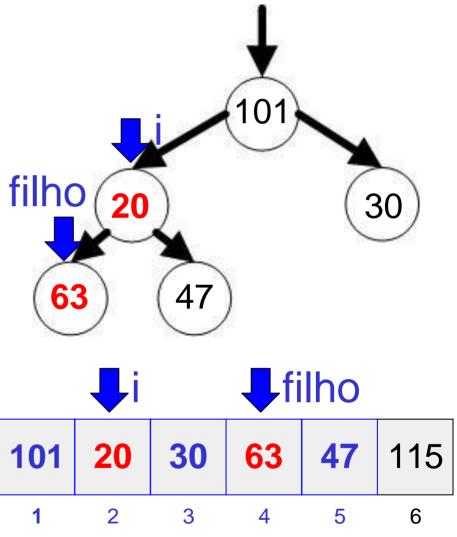
i = tam:

```
tam
                                                     5
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam:
```

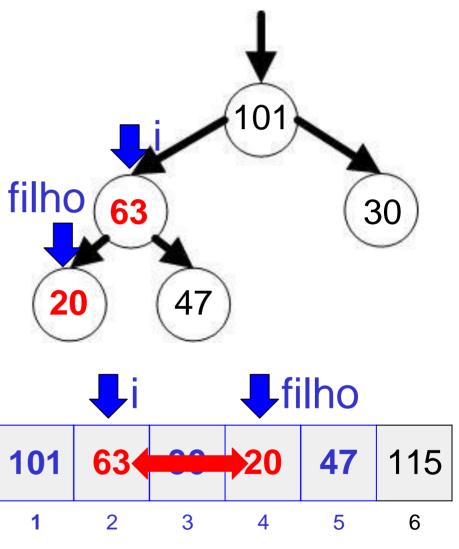


```
tam
                                                     5
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```

true: 20 < 63



```
tam
                                                     5
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam:
```



```
tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}

void Reconstruir(int[] array, int tam){

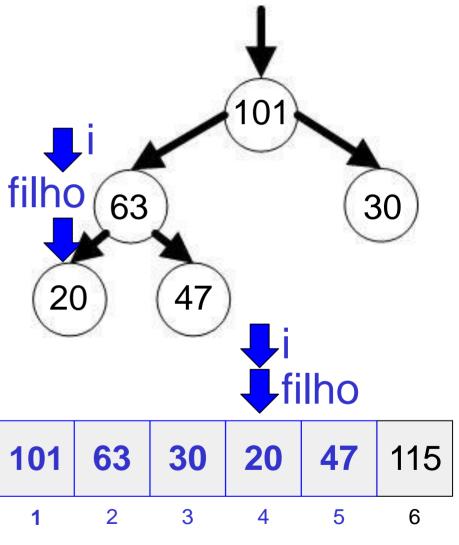
int i = 1;

while (HasFilho(i, tam) == true){

int filho = GetMaiorFilho(i, tam);

if (array(ii) < array(filho)) {
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
    int i = 1;
    while (HasFilho(i, tam) == true){
        int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
        i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
tam = n;

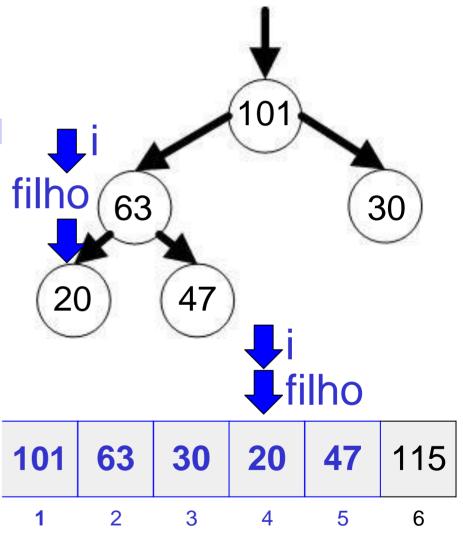
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}

void Reconstruir(int[] array, int tam){
```



```
tam = n;

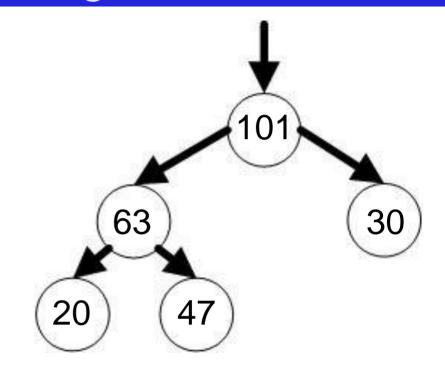
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

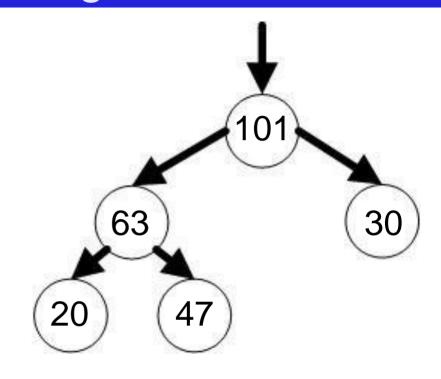
swap(1, tam--);

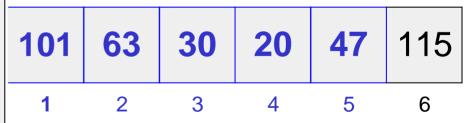
Reconstruir(array,tam);

}

true: 5 > 1
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

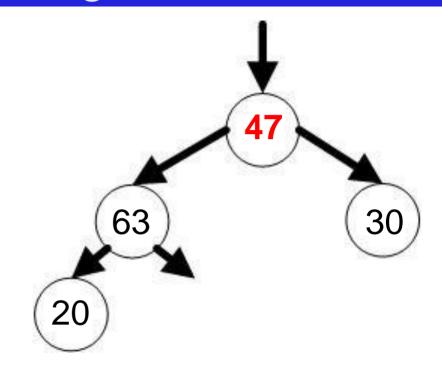
while (tam > 1){

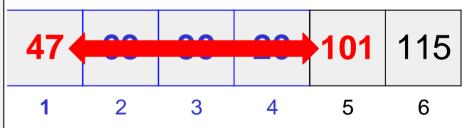
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

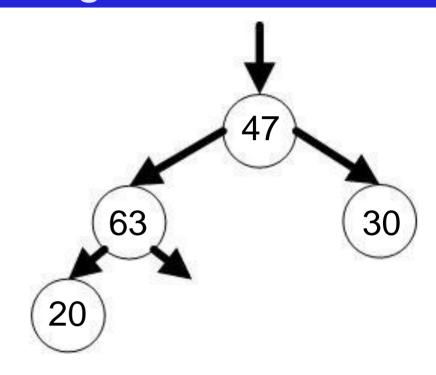
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

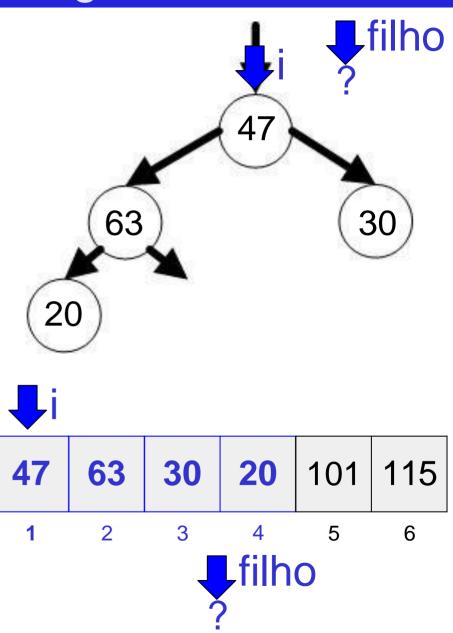
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;

while (HasFilho(i, tam) == true){
  int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```



```
tam = n;

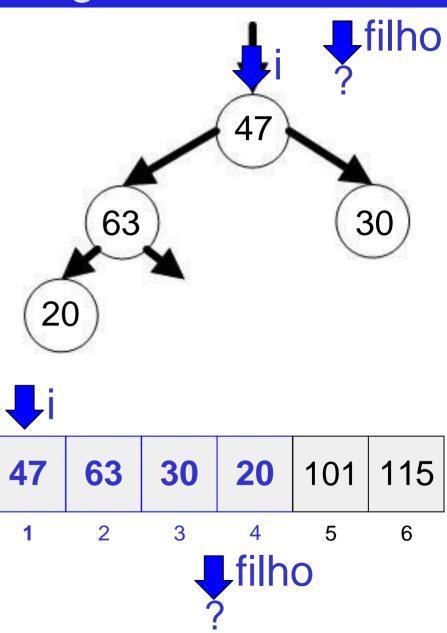
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

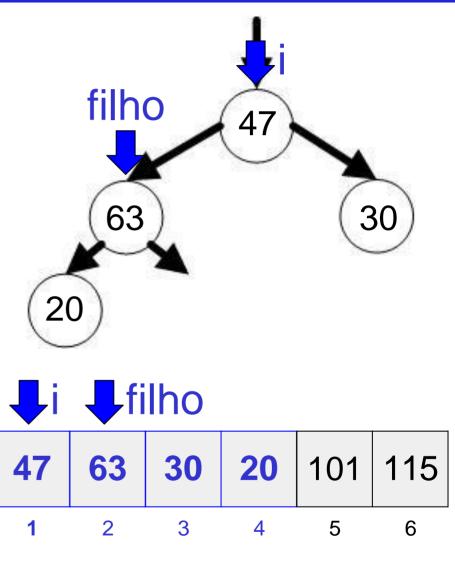
Reconstruir(array,tam);

}

void Reconstruir(int[] array, int tam){
```

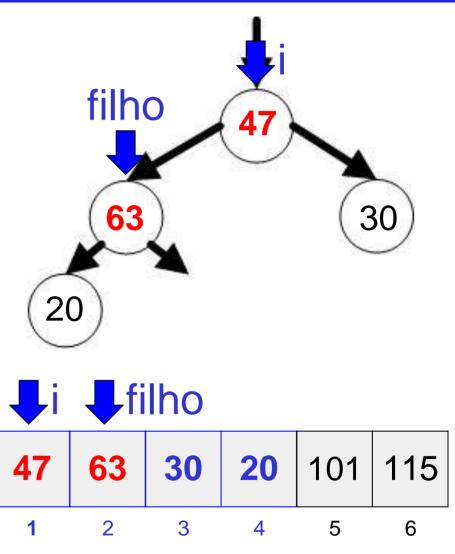


```
tam
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```

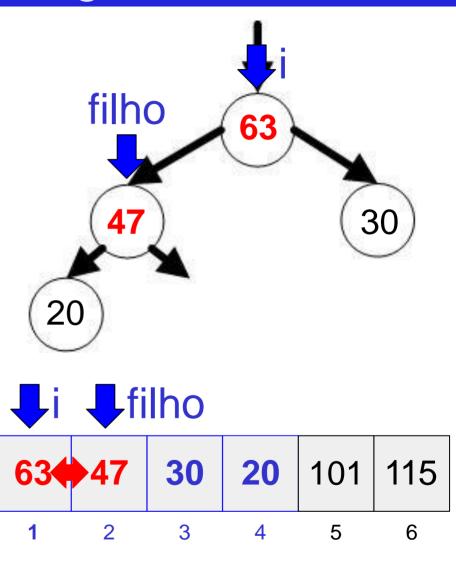


```
tam
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) </pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```

true: 47 < 63



```
tam
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
```



```
tam = n;

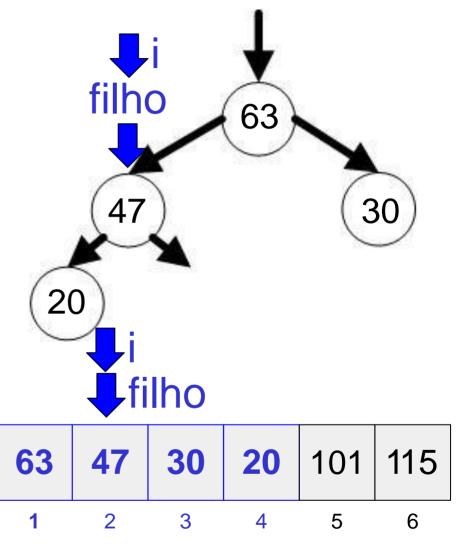
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

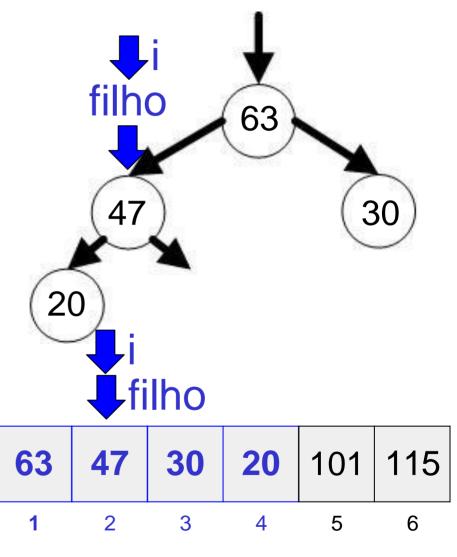
```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```



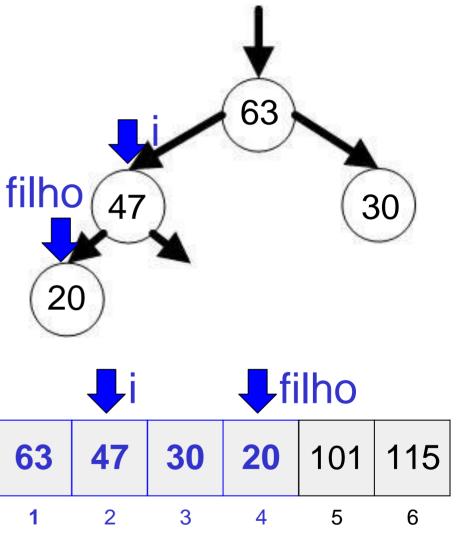
```
tam
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
                                      true: 2 <= 2
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
```

} **else** {

i = tam:



```
tam
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam:
```



```
tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}

void Reconstruir(int[] array, int tam){

int i = 1;

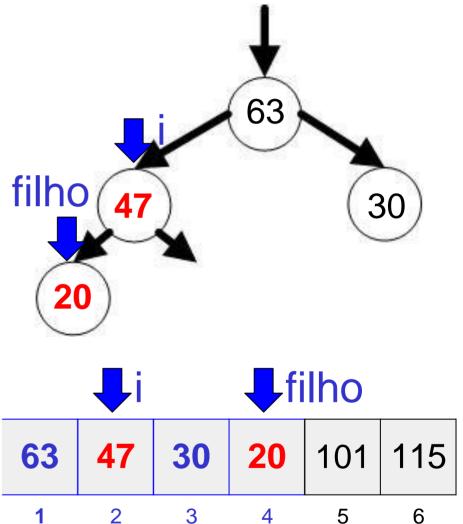
while (HasFilho(i, tam) == true){

int filho = GetMaiorFilho(i, tam);

if (array[i] < array[filho]) {
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);

  if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
    } else {
      i = tam;
    }
}
false: 47 < 20</pre>
```



```
tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

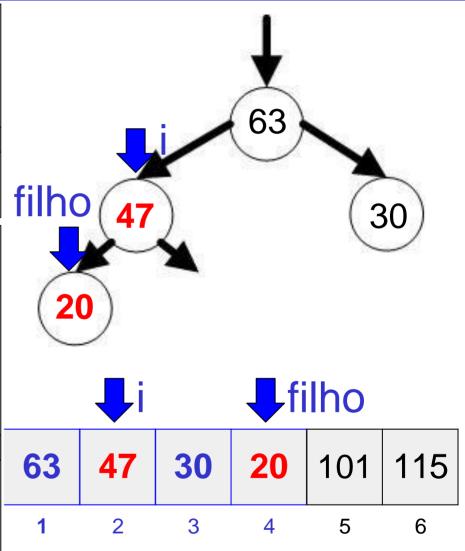
Reconstruir(array,tam);

}

void Reconstruir(int[] array, int tam){

int i = 1;
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}
false: 47 < 20</pre>
```



```
tam = n;

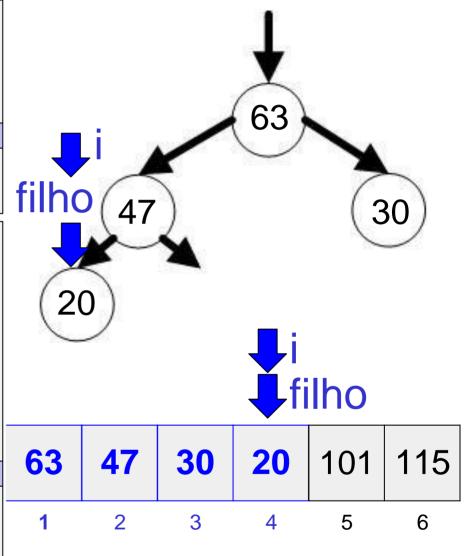
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

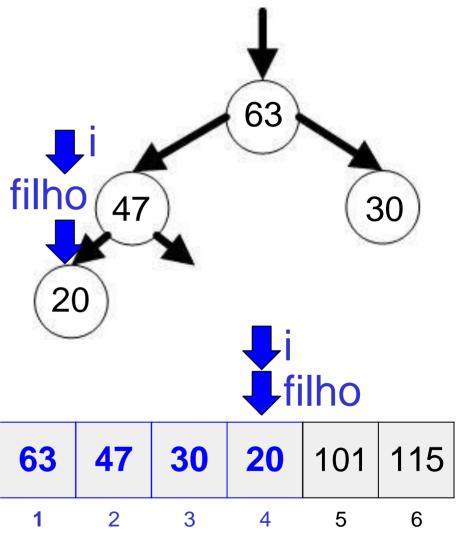
}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```



```
tam
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
                                     false: 4 <= 2
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
```

i = tam:



```
tam = n;

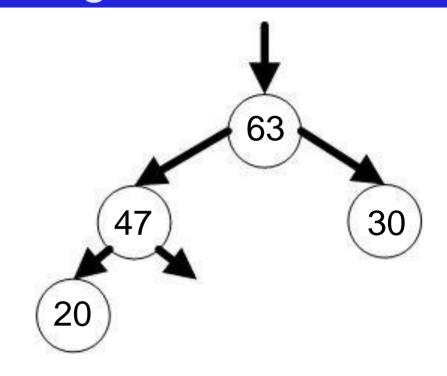
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

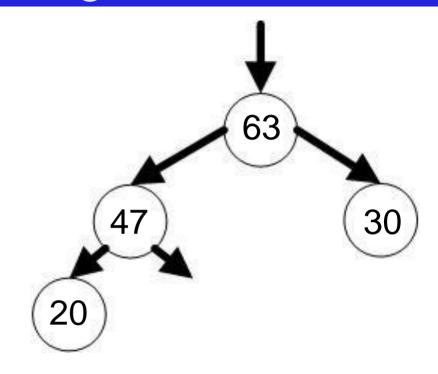
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}

true: 4 > 1
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

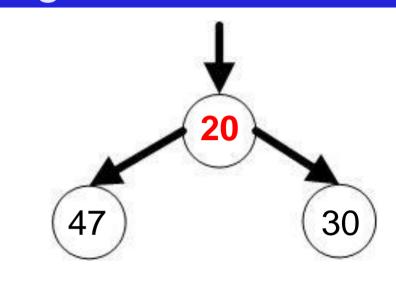
while (tam > 1){

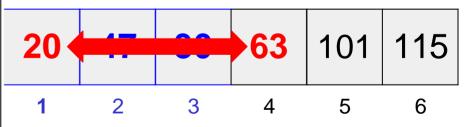
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

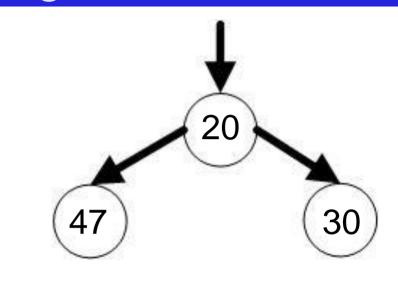
while (tam > 1){

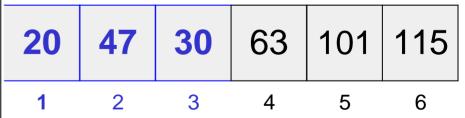
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

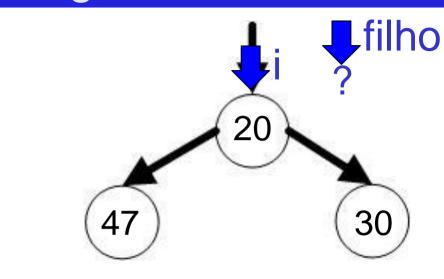
while (tam > 1){

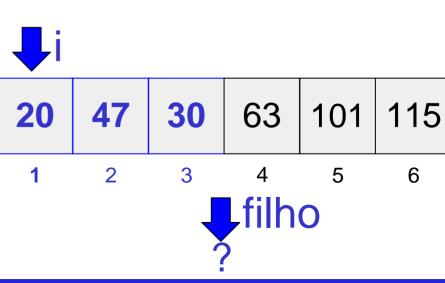
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```

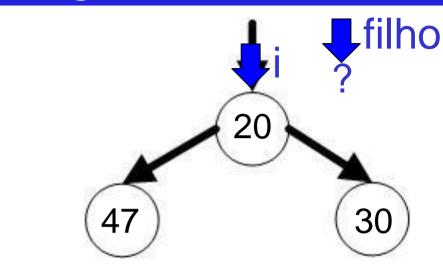


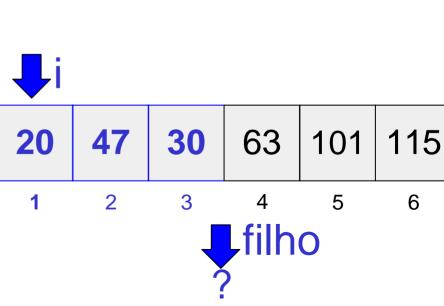


```
tam
                                                    3
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
                                       true: 1 <= 1
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
```

} **else** {

i = tam;



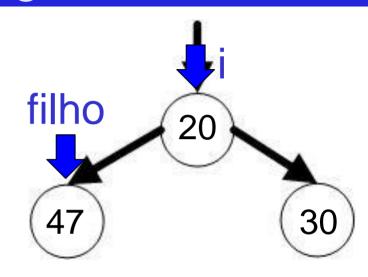


```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);
}

void Reconstruir(int[] array, int tam){
int i = 1;
while (HasFilho(i, tam) == true){
int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

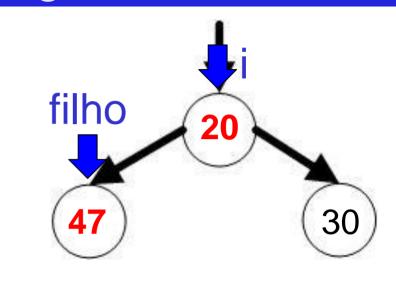
Reconstruir(array,tam);

}

void Reconstruir(int[] array, int tam){

int i = 1:
```

```
int i = 1;
while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {</pre>
      swap(i, filho);
      i = filho;
    } else {
      i = tam;
                   true: 20 < 47
```





```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);
}

void Reconstruir(int[] array, int tam){
int i = 1;
while (HasFilho(i, tam) == true){
```

int filho = GetMaiorFilho(i, tam);

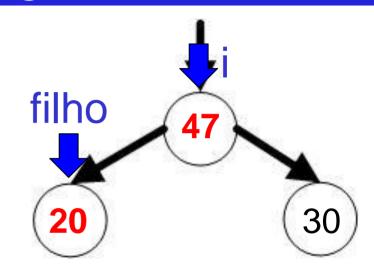
if (array[i] < array[filho]) {</pre>

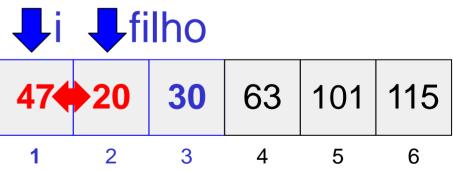
swap(i, filho);

i = filho;

i = tam;

} **else** {

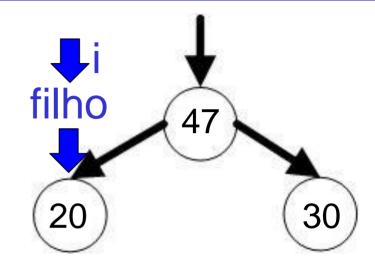


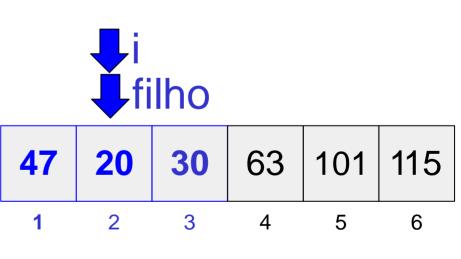


```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}

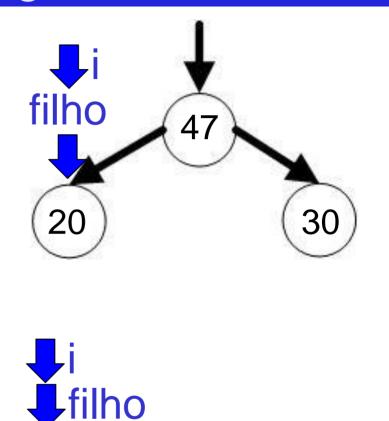
void Reconstruir(int[] array int tam){
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
tam
                                                    3
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
                                     false: 2 <= 1
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam:
```



```
tam = n;

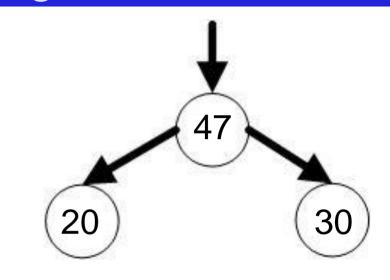
while (tam > 1){

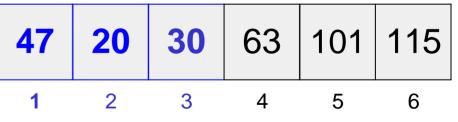
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

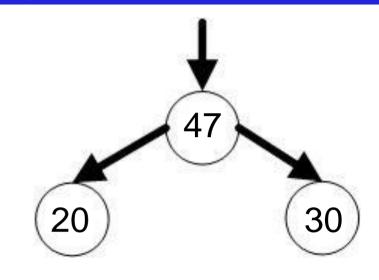
while (tam > 1){

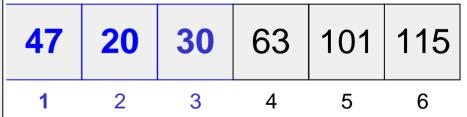
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);
}

true: 3 > 1
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

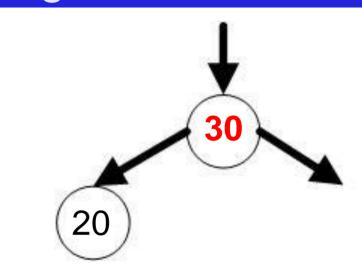
while (tam > 1){

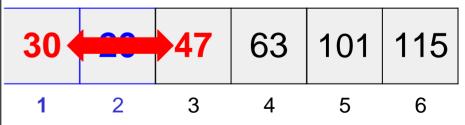
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

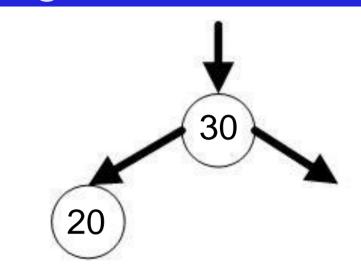
while (tam > 1){

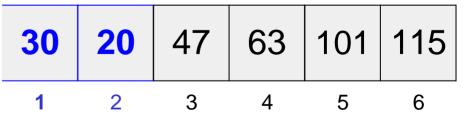
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```

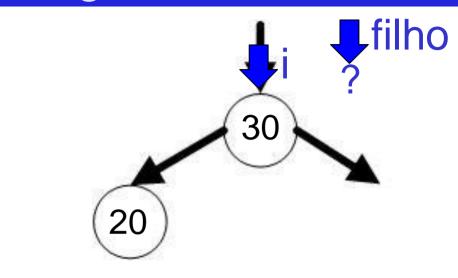


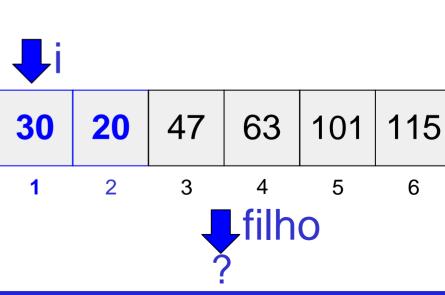


```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}
```

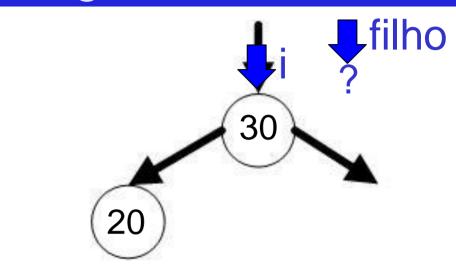
```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
    int i = 1;

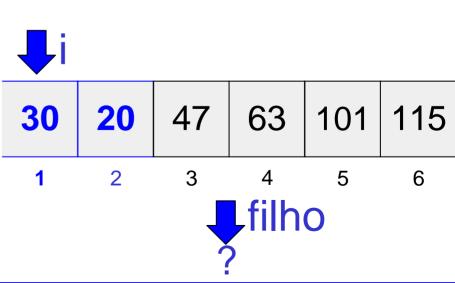
    while (HasFilho(i, tam) == true){
        int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
                i = tam;
            }
        }
}</pre>
```





```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

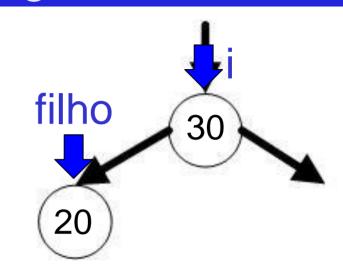
}

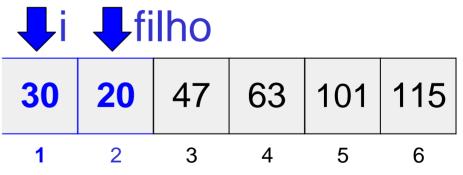
void Reconstruir(int[] array, int tam){

int i = 1;

while (HasFilho(i, tam) == true){
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

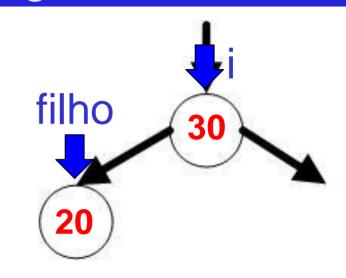
swap(1, tam--);

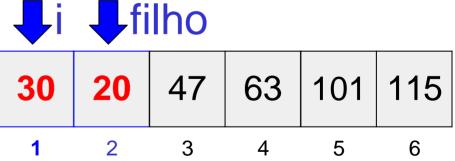
Reconstruir(array,tam);

}

void Reconstruir(int[] array, int tam){
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
    } else {
      i = tam;
    }
}
false: 30 < 20</pre>
```





```
tam = n;

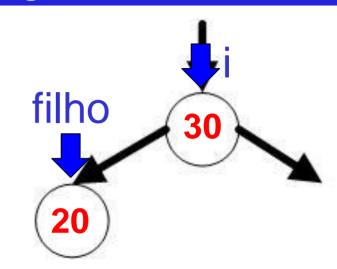
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}
false: 30 < 20</pre>
```





```
tam = n;

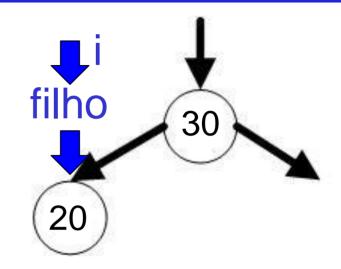
while (tam > 1){

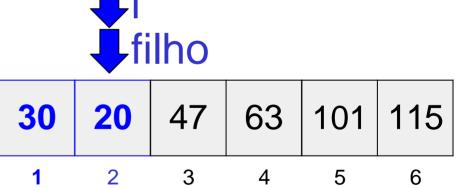
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

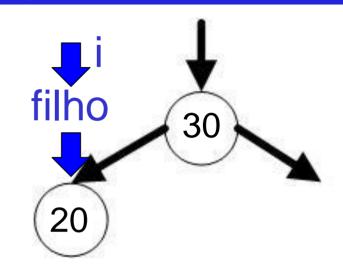
}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





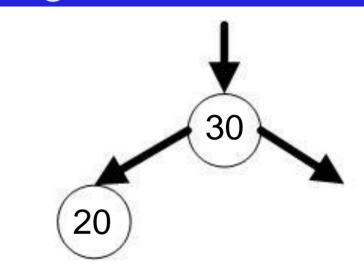
```
tam
                                                    2
tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
void Reconstruir(int[] array, int tam){
                                     false: 2 <= 1
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
      int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam:
```

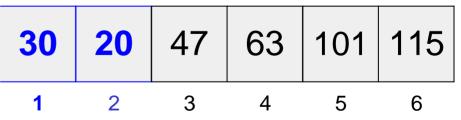




```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

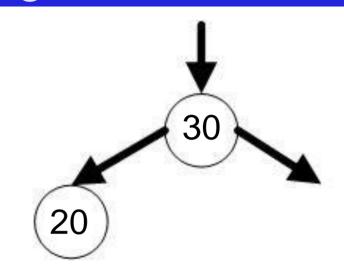
swap(1, tam--);

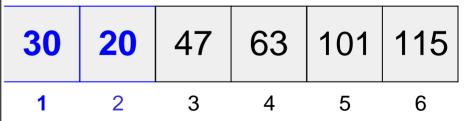
Reconstruir(array,tam);

}

true: 2 > 1
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
tam = n;

while (tam > 1){

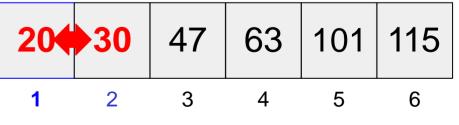
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

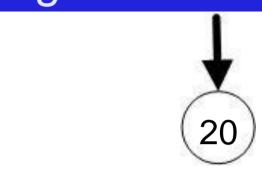
```
20
```

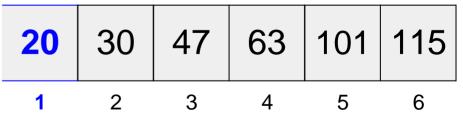
```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```



```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}
```

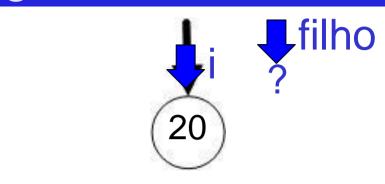
```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```

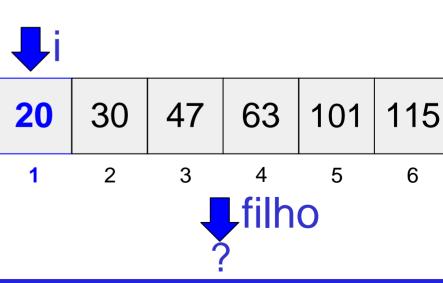




```
tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
   int i = 1;
   while (HasFilho(i, tam) == true){
     int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
     if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
     } else {
        i = tam;
     }
}</pre>
```





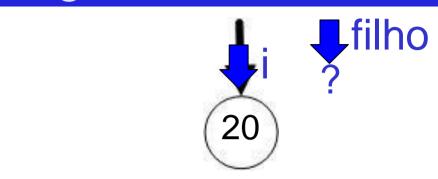
```
tam = n;

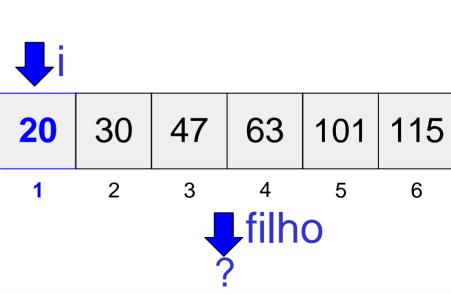
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```





```
tam = n;

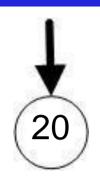
while (tam > 1){

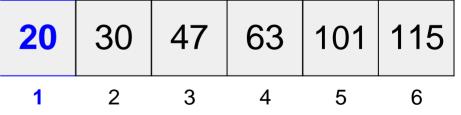
swap(1, tam--);

Reconstruir(array,tam);

}
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
  int i = 1;
  while (HasFilho(i, tam) == true){
    int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;</pre>
```

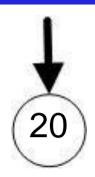


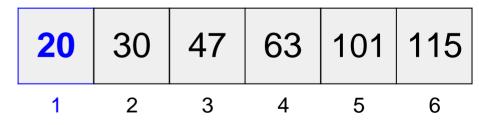


```
tam = n;
while (tam > 1){

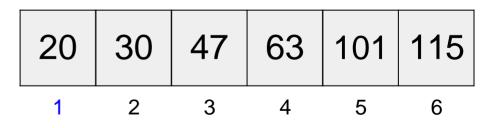
swap(1, tam--);
Reconstruir(array,tam);
}

false: 1 > 1
```





```
tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
  }
}
```



Implemente os métodos:

int GetMaiorFilho(int i, int tam) e

Implemente os métodos:

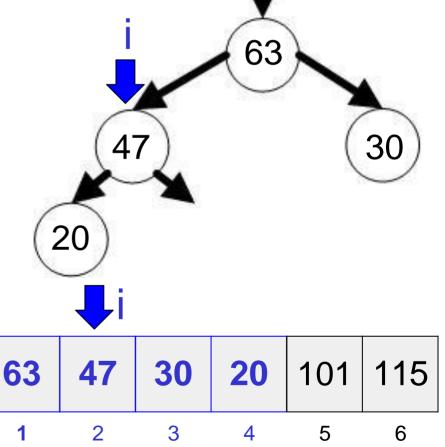
```
int GetMaiorFilho(int i, int tam) e
```

```
int GetMaiorFilho(int i, int tam){
    int filho;
    if (2*i == tam || array[2*i] > array[2*i+ 1]) {
        filho = 2*i;
    } else {
        filho = 2*i + 1;
    }
    return filho;
}
```

Implemente os métodos:

int GetMaiorFilho(int i, int tam) e

```
int GetMaiorFilho(int i, int tam){
    int filho;
    if (2*i == tam || array[2*i] > array[2*i+ 1]) {
        filho = 2*i;
    } else {
        filho = 2*i + 1;
    }
    return filho;
}
```



Implemente os métodos:

```
int GetMaiorFilho(int i, int tam) e
```

```
boolean HasFilho(int i, int tam){
   return (i <= (tam/2));
}</pre>
```

#### Agenda

Definição de Heap

Funcionamento básico

Algoritmo

· Análise do número de comparações e movimentações



# Análise do Número de Comparações

·As operações de inserção e remoção podem percorrer um ramo completo da árvore, com comparações e trocas em cada nó

-O pior caso para os números de comparações ou trocas depende da altura da árvore que será  $\lceil lg(n) \rceil$  (árvore balanceada)

Assim, no pior caso, os números de comparações ou trocas serão Θ(lg(n))

```
void Heapsort(int[] array, int n) {
 int tam;
 for (tam = 2; tam <= n; tam++){
   Construir(array,tam);
 //Ordenacao propriamente dita
 tam = n;
  while (tam > 1){
   swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
```

# Análise do Número de Comparações

Primeiro passo: criamos o heap através de (n-1) inserções

```
int tam;
for (tam = 2; tam <= n; tam++){
   Construir(array,tam);
}</pre>
```

Segundo passo: ordenamos o array através de (n-1) remoções

```
//Ordenacao propriamente dita
tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    Reconstruir(array,tam);
}
```

•Terceiro passo: no pior caso, cada inserção/remoção percorre todos os elementos de um galho da árvore cuja altura é Θ(lg(n)), logo:

$$[(n-1) * \Theta(\lg(n))] + [(n-1) * \Theta(\lg(n))] = \Theta(n*\lg(n))$$

# Análise do Número de Comparações

- Quarto passo: no melhor caso, temos que:
  - cada inserção (chamada do Construir) faz somente uma comparação

```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

- cada remoção continua percorrendo todos (ou quase todos) os elementos de um galho da árvore
- Logo:

$$[(n-1) * 1] + [(n-1) * \Theta(lg(n))] = \Theta(n*lg(n))$$

# Análise do Número de Movimentações

Primeiro passo: swap faz três movimentações

Segundo passo: no pior caso, Construir / Reconstruir fazem Θ(Ig n)

swaps

```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

• Logo,  $[(n-1) * \Theta(\lg(n)) * 3] + [(n-1) * \Theta(\lg(n)) * 3] =$  $\Theta(n*\lg(n))$ 

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
    int i = 1;
    while (HasFilho(i, tam) == true){
        int filho = GetMaiorFilho(i,
        tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
                i = tam;
            }
        }
}</pre>
```

# Análise do Número de Movimentações

 Terceiro passo: no melhor caso, o Construir faz zero swaps e o Reconstruir, continua fazendo Θ(lg n) swaps

```
void Construir(int[] array, int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

```
• Logo,
[0 * \Theta(\lg(n)) * 3] + [(n-1) * \Theta(\lg(n)) * 3] = \Theta(n*\lg(n))
```

```
void Reconstruir(int[] array, int tam){
   int i = 1;
   while (HasFilho(i, tam) == true){
     int filho = GetMaiorFilho(i, tam);
     if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
     } else {
        i = tam;
     }
}</pre>
```