

# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación  
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales  
Universidad de Buenos Aires

## Trabajo Práctico 2: "Fichin Pacalgo2"

**Grupo: tomarAgua()**

Integrante	LU	Correo electrónico
Reyna Maciel, Guillermo José	393/20	guille.j.reyna@gmail.com
Casado Farall, Joaquin	072/20	joakinfarall@gmail.com
Fernández Spandau, Luciana	368/20	fernandezspandau@gmail.com
Chumacero, Carlos Nehemias	492/20	chumacero2013@gmail.com

**Reservado para la cátedra**

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# 1. Fichín

## TAD FICHÍN

<b>géneros</b>	fichin
<b>exporta</b>	fichin, generadores, observadores, mejorPuntajeDelJugador, proximoMejorPuntaje, nombreDelProximo
<b>usa</b>	BOOL, NAT, CONJUNTO( $\alpha$ ), PARTIDA, DICCIONARIO(NOMBRE, NAT), NOMBRE
<b>igualdad observacional</b>	

$$(\forall f, f' : \text{fichin}) \left( f =_{\text{obs}} f' \iff \begin{pmatrix} \text{ranking}(f) =_{\text{obs}} \text{ranking}(f') \wedge \\ ((\neg \text{partidaEnCurso}(f) \wedge \neg \text{partidaEnCurso}(f')) \vee \\ ((\text{partidaEnCurso}(f) \wedge \text{partidaEnCurso}(f')) \wedge_L \\ \text{partida}(f) =_{\text{obs}} \text{partida}(f') \wedge \\ \text{nombreJugador}(f) =_{\text{obs}} \text{nombreJugador}(f')) \end{pmatrix} \right)$$

### observadores básicos

nivel	: fichin	→	partida	
partidaEnCurso	: fichin	→	bool	
partida	: fichin $f$	→	partida	{partidaEnCurso( $f$ )}
ranking	: fichin	→	dicc(nombre, nat)	
nombreJugador	: fichin $f$	→	nombre	{partidaEnCurso( $f$ )}

### generadores

iniciarFichin	: partida $p$	→	fichin	{partidaRecienEmpezada( $p$ )}
iniciarPartida	: fichin $f \times$ nombre	→	fichin	{ $\neg$ partidaEnCurso( $f$ )}
mover	: fichin $f \times$ dirección $d$	→	fichin	{partidaEnCurso( $f$ ) $\wedge_L$ esMovimientoValido(partida( $f$ ), $d$ )}

### otras operaciones

mejorPuntajeDelJugador	: fichin $f$	→	nat	{partidaEnCurso( $f$ ) $\wedge_L$ jugadorEnRanking( $f$ )}
proximoMejorPuntaje	: fichin $f$	→	nat	{partidaEnCurso( $f$ ) $\wedge$ $\neg$ vacio?(claves(ranking( $f$ ))) $\wedge_L$ {jugadorEnRanking( $f$ ) $\wedge_L$ $\neg$ jugadorPrimero( $f$ )}}
nombreDelProximo	: fichin $f$	→	nombre	{partidaEnCurso( $f$ ) $\wedge$ $\neg$ vacio?(claves(ranking( $f$ ))) $\wedge_L$ {jugadorEnRanking( $f$ ) $\wedge_L$ $\neg$ jugadorPrimero( $f$ )}}
jugadorEnRanking	: fichin $f$	→	bool	{partidaEnCurso( $f$ )}
jugadorPrimero	: fichin $f$	→	bool	{partidaEnCurso( $f$ )}
siguienteClaveMayor	: dicc $d \times$ nat	→	$\alpha$	{ $\neg$ vacio?(claves( $d$ ))}
mayorClave	: dicc $d$	→	$\alpha$	{ $\neg$ vacio?(claves( $d$ ))}

**axiomas**  $\forall f$ : fichín,  $\forall p$ : partida,  $\forall n$ : nombre,  $\forall m$ : nat,  $\forall r$ : dicc(nombre, nat)

nivel(iniciarFichin( $p$ ))	$\equiv p$
nivel(iniciarPartida( $f, n$ ))	$\equiv$ nivel( $f$ )
nivel(mover( $f, s$ ))	$\equiv$ nivel( $f$ )
partidaEnCurso(iniciarFichin)	$\equiv$ false
partidaEnCurso(iniciarPartida( $f, n$ ))	$\equiv \neg$ terminóElJuego( $p$ )
partidaEnCurso(moverF( $f, d$ ))	$\equiv \neg$ terminóElJuego(mover(partida( $f$ ), $d$ ))
partida(iniciarPartida( $f, n$ ))	$\equiv$ nivel( $f$ )
partida(moverF( $f, d$ ))	$\equiv$ mover(partida( $f$ ), $d$ )
ranking(iniciarFichin)	$\equiv$ vacío
ranking(iniciarPartida( $f, n$ ))	$\equiv$ ranking( $f$ )

ranking(moverF( $f, d$ ))	$\equiv$	<b>if</b> ganó?(partida(moverF( $f, d$ ))) $\wedge$ ( $\neg$ jugadorEnRanking( $f$ ) $\vee_L$ puntaje(partida(moverF( $f, d$ ))) $<$ mejorPuntajeDelJugador( $f$ )) <b>then</b> definir(nombreJugador( $f$ ), puntaje(partida(moverF( $f, d$ )))) <b>else</b> ranking( $f$ ) <b>fi</b>
nombreJugador(iniciarPartida( $f, n$ ))	$\equiv$	n
nombreJugador(moverF( $f, d$ ))	$\equiv$	nombreJugador( $f$ )
mejorPuntajeDelJugador( $f$ )	$\equiv$	obtener(nombreJugador( $f$ ), ranking( $f$ ))
proximoMejorPuntaje( $f$ )	$\equiv$	obtener(nombreDelProximo( $f$ ), ranking( $f$ ))
nombreDelProximo( $f$ )	$\equiv$	siguienteClaveMayor(ranking( $f$ ), mejorPuntajeDelJugador( $f$ ))
siguienteClaveMayor( $r, m$ )	$\equiv$	<b>if</b> #(claves( $r$ )) = 1 $\vee$ ( $m <$ obtener(dameUno(claves( $r$ )), $r$ ) $\wedge$ obtener(dameUno(claves( $r$ )), $r$ ) $<$ siguienteClaveMayor(borrar(dameUno(claves( $r$ )), $r$ )), $m$ )) <b>then</b> dameUno(claves( $r$ )) <b>else</b> siguienteClaveMayor(borrar(dameUno(claves( $r$ )), $r$ )), $m$ ) <b>fi</b>
jugadorEnRanking( $f$ )	$\equiv$	def?(nombreJugador( $f$ ), ranking( $f$ ))
jugadorPrimero( $f$ )	$\equiv$	mayorClave(ranking( $f$ )) = nombreJugador( $f$ )
mayorClave( $r$ )	$\equiv$	<b>if</b> #(claves( $r$ )) = 1 $\vee$ (obtener(mayorClave(sinUno(claves( $r$ ))), sinUno(claves( $r$ ))) $<$ obtener(dameUno(claves( $r$ )), $r$ )) <b>then</b> dameUno(claves( $r$ )) <b>else</b> mayorClave(sinUno(claves( $r$ ))) <b>fi</b>

**Fin TAD**

**TAD DIRECCION** es STRING

**TAD DIMENSIÓN, COORDENADAS**

**extiende** TUPLA(NAT, NAT)

**otras operaciones**

$\bullet = \bullet$  : tupla(nat  $\times$  nat)  $\times$  tupla(nat  $\times$  nat)  $\longrightarrow$  bool

mover : tupla(nat  $\times$  nat)  $t \times$  direccion  $d \longrightarrow$  tupla(nat,nat)  $\{d \in \{ "arr", "abj", "der", "izq" \} \}$

**axiomas**  $\forall a, a_1, a_2$ : tupla(nat, nat)

$a_1 = a_2 \equiv \pi_1(a_1) = \pi_1(a_2) \wedge \pi_2(a_1) = \pi_2(a_2)$

mover( $a, d$ )  $\equiv$  **if**  $d = "arr"$  **then**  
 $< \pi_1(a_1), \pi_1(a_2) + 1 >$   
**else**  
**if**  $d = "abj"$  **then**  
 $< \pi_1(a_1), \pi_1(a_2) - 1 >$   
**else**  
**if**  $d = "izq"$  **then**  $< \pi_1(a_1) - 1, \pi_1(a_2) >$  **else**  $< \pi_1(a_1) + 1, \pi_1(a_2) >$  **fi**  
**fi**

**Fin TAD**

## TAD PARTIDA

**géneros** partida  
**exporta** partida, generadores, observadores, seAsustó?, ganó?, terminóElJuego?, esMovimientoValido  
**usa** BOOL, NAT, CONJUNTO( $\alpha$ ), MAPA, COORDENADAS, DIMENSIÓN  
**igualdad observacional**

$$(\forall p, p' : \text{partida}) \left( p =_{\text{obs}} p' \iff \begin{pmatrix} \text{jugador}(p) =_{\text{obs}} \text{jugador}(p') \wedge \\ \text{mapa}(p) =_{\text{obs}} \text{mapa}(p') \wedge \\ \text{chocolates}(p) =_{\text{obs}} \text{chocolates}(p') \wedge \\ \text{movimientosConInmunidad}(p) \\ =_{\text{obs}} \text{movimientosConInmunidad}(p') \wedge \\ \text{puntaje}(p) =_{\text{obs}} \text{puntaje}(p') \end{pmatrix} \right)$$

### observadores básicos

jugador : partida  $\longrightarrow$  coordenadas  
mapa : partida  $\longrightarrow$  mapa  
chocolates : partida  $\longrightarrow$  conj(coordenadas)  
movimientosConInmunidad : partida  $\longrightarrow$  nat  
puntaje : partida  $\longrightarrow$  nat

### generadores

iniciarPartida : mapa  $m \times$  conj(coordenadas) *chocolates*  $\longrightarrow$  partida  
 $\left\{ \begin{array}{l} (\forall c: \text{coordenadas}) (c \in \text{chocolates} \Rightarrow \text{enRango?}(c, \text{dimensión}(m)) \wedge_L) \\ \neg(c \in \text{puntoDeSalida}(m) \vee c \in \text{paredes}(m)) \end{array} \right\}$   
mover : partida  $p \times$  dirección  $d \longrightarrow$  partida  
 $\{\text{esMovimientoValido}(p, d)\}$

### otras operaciones

seAsustó? : partida  $\longrightarrow$  bool  
ganó? : partida  $\longrightarrow$  bool  
terminóElJuego? : partida  $\longrightarrow$  bool  
hayFantasmasCerca : coordenadas  $\times$  conj(coordenadas)  $\longrightarrow$  bool  
esMovimientoValido : partida  $\times$  dirección  $\longrightarrow$  bool

**axiomas**  $\forall p$ : partida,  $\forall m$ : mapa,  $\forall c$ : coordenadas,  $\forall f, c$ : conj(coordenadas)

jugador(iniciarPartida( $m$ ))  $\equiv$  puntoDeSalida( $m$ )  
jugador(mover( $p, d$ ))  $\equiv$  moverT(jugador( $p$ ),  $d$ )

mapa(iniciarPartida( $m$ ))  $\equiv m$   
mapa(mover( $p, d$ ))  $\equiv$  mapa( $p$ )

chocolates(iniciarPartida( $m, c$ ))  $\equiv c$   
chocolates(mover( $p, d$ ))  $\equiv$  chocolates( $p$ )  $- \{\text{jugador}(\text{mover}(p, d))\}$

movimientosConInmunidad(iniciarPartida( $m, c$ ))  $\equiv 0$   
movimientosConInmunidad(mover( $p, d$ ))  $\equiv$  **if** jugador(mover( $p, d$ ))  $\in$  chocolates( $p$ ) **then**  
10  
**else**  
max(0, movimientosConInmunidad( $p$ )-1)  
**fi**

puntaje(iniciarPartida( $m, c$ ))  $\equiv 0$   
puntaje(mover( $p, d$ ))  $\equiv$  puntaje( $p$ )+1

seAsustó?( $p$ )  $\equiv$  hayFantasmasCerca(jugador( $p$ ), fantasmas(mapa( $p$ )))  $\wedge$   
movimientosConInmunidad( $p$ ) = 0  
ganó?( $p$ )  $\equiv$  jugador( $p$ ) = puntoDeLlegada(mapa( $p$ ))  
terminóElJuego?( $p$ )  $\equiv$  seAsustó( $p$ )  $\vee$  ganó( $p$ )

hayFantasmasCerca( $c, f$ )

$\equiv$  **if** vacío?( $f$ ) **then**  
false

**else**

$|\pi_1(c) - \pi_1(\text{dameUno}(f))| +$   
 $|\pi_2(c) - \pi_2(\text{dameUno}(f))| < 3$   
 $\vee \text{hayFantasmasCerca}(\text{sinUno}(f))$

**fi**

esMovimientoValido( $p, d$ )

$\equiv d \in \{ "arr", "abj", "izq", "der" \} \wedge_L$   
 $\neg \text{terminóElJuego}(p) \wedge$   
 $\text{enRango?}(\text{moverT}(d, \text{jugador}(p)), \text{dimensión}(\text{mapa}(p)))$   
 $\wedge \neg (\text{moverT}(d, \text{jugador}(p)) \in \text{paredes}(\text{mapa}(p)))$

**Fin TAD**

**TAD MAPA**

**géneros** mapa

**exporta** mapa, generadores, observadores, enRango?, estaOcupado?

**usa** BOOL, NAT, CONJUNTO( $\alpha$ ), COORDENADAS, DIMENSIÓN

**igualdad observacional**

$$(\forall m, m' : \text{mapa}) \left( m =_{\text{obs}} m' \iff \left( \begin{array}{l} \text{dimensión}(m) =_{\text{obs}} \text{dimensión}(m') \wedge \\ \text{paredes}(m) =_{\text{obs}} \text{paredes}(m') \wedge \\ \text{fantasmas}(m) =_{\text{obs}} \text{fantasmas}(m') \wedge \\ \text{puntoDeSalida}(m) =_{\text{obs}} \text{puntoDeSalida}(m') \wedge \\ \text{puntoDeLlegada}(m) =_{\text{obs}} \text{puntoDeLlegada}(m') \end{array} \right) \right)$$

**observadores básicos**

dimensión	: mapa	$\longrightarrow$ dimensión
paredes	: mapa	$\longrightarrow$ conj(coordenadas)
fantasmas	: mapa	$\longrightarrow$ conj(coordenadas)
puntoDeSalida	: mapa	$\longrightarrow$ coordenadas
puntoDeLlegada	: mapa	$\longrightarrow$ coordenadas

**generadores**

nuevoMapa	: dimensión $d \times$ coordenadas $\text{inicio} \longrightarrow$ mapa	$\{ \pi_1(d) * \pi_2(d) \geq 2 \wedge \neg (\text{inicio} = \text{fin}) \wedge$ $\text{enRango?}(\text{inicio}, d) \wedge \text{enRango?}(\text{fin}, d) \}$
agregarFantasma	: mapa $m \times$ coordenadas $c$	$\longrightarrow$ mapa $\{ \text{enRango?}(c, \text{dimensión}(m)) \wedge \neg \text{estaOcupado?}(c, m) \}$
agregarPared	: mapa $m \times$ coordenadas $c$	$\longrightarrow$ mapa $\{ \text{enRango?}(c, \text{dimensión}(m)) \wedge \neg \text{estaOcupado?}(c, m) \}$

**otras operaciones**

esRango?	: coordenadas $\times$ dimensión	$\longrightarrow$ bool
estaOcupado?	: coordenadas $c \times$ mapa $m$	$\longrightarrow$ bool $\{ \text{enRango?}(c, \text{dimension}(m)) \}$

**axiomas**  $\forall m: \text{mapa}, \forall i, f, c: \text{coordenadas}, \forall d: \text{dimensión}$

dimension(nuevoMapa( $d, i, f$ ))	$\equiv d$
dimension(agregarFantasma( $m, c$ ))	$\equiv \text{dimension}(m)$
dimension(agregarPared( $m, c$ ))	$\equiv \text{dimension}(m)$

paredes(nuevoMapa( $d, i, f$ ))	$\equiv \emptyset$
paredes(agregarFantasma( $m, c$ ))	$\equiv \text{paredes}(m)$
paredes(agregarPared( $m, c$ ))	$\equiv \text{Ag}(c, \text{paredes}(m))$

fantasmas(nuevoMapa( $d, i, f$ ))	$\equiv \emptyset$
fantasmas(agregarFantasma( $m, c$ ))	$\equiv \text{Ag}(c, \text{paredes}(m))$
fantasmas(agregarPared( $m, c$ ))	$\equiv \text{paredes}(m)$

puntoDeSalida(nuevoMapa( $d, i, f$ ))	$\equiv i$
puntoDeSalida(agregarFantasma( $m, c$ ))	$\equiv \text{puntoDeSalida}(m)$
puntoDeSalida(agregarPared( $m, c$ ))	$\equiv \text{puntoDeSalida}(m)$

$\text{puntoDeLlegada}(\text{nuevoMapa}(d, i, f))$	$\equiv f$
$\text{puntoDeLlegada}(\text{agregarFantasma}(m, c))$	$\equiv \text{puntoDeLlegada}(m)$
$\text{puntoDeLlegada}(\text{agregarPared}(m, c))$	$\equiv \text{puntoDeLlegada}(m)$
$\text{enRango?}(c, d)$	$\equiv \pi_1(c) < \pi_1(d) \wedge \pi_2(c) < \pi_2(d)$
$\text{estaOcupado?}(c, m)$	$\equiv \neg(c \in (\text{paredes}(m) \cup \text{fantasmas}(m) \cup \{\text{puntoDeSalida}(m), \text{puntoDeLlegada}(m)\}))$

**Fin TAD**

## 2. Aclaraciones

### 2.1. Fichín

- En la axiomatización de `partidaEnCurso`, en el caso de `iniciarPartida` consideramos que como no está restringido que una partida se inicie con un fantasma en rango del jugador, hay casos posibles en los que `partidaEnCurso` de `iniciarPartida` no es true.

### 2.2. Partida - Mapa

- Estamos utilizando un sistema de coordenadas al estilo cartesiano, donde la primera coordenada representa el eje horizontal y aumenta hacia la derecha y la segunda coordenada representa el eje vertical y aumenta hacia arriba.
- Por conveniencia, interpretamos que los chocolates no pueden solaparse con el punto de salida (porque para comer un chocolate el jugador debe moverse a la coordenada en donde se encuentra el chocolate) ni con paredes. Interpretamos que sí pueden solaparse con fantasmas y con el punto de llegada.
- En la axiomatización del observador chocolates de partida, para simplificar la escritura utilizamos la propiedad de que  $c - \{a\} = c$  cuando  $a \notin c$ , pues si la intersección de dos conjuntos es vacía, la resta no los modifica.
- Interpretamos que los movimientos con inmunidad no son acumulativos, sino que se recargan. Es decir, comer un chocolate mientras el jugador ya tiene inmunidad de otro chocolate no le suma 10 movimientos más de inmunidad, sino que le recarga los movimientos con inmunidad a un máximo de 10 (similar a la funcionalidad de la inmunidad en el Pac-Man original).
- Si bien esta especificación permite partidas inganables o imperdibles (e.g. el punto de llegada esté rodeado de paredes, o que haya un fantasma al lado del punto de salida), consideramos que restringir estas posibilidades sería sobre-especificar, puesto que el enunciado no las menciona.
- Interpretamos que el punto de salida y el punto de llegada no pueden estar en el mismo espacio y que estos no se pueden solapar con fantasmas o paredes, puesto que el enunciado dice que se asignan dos casilleros especiales para ellos.
- En la axiomatización de `inmunidadAlMover`, la función `máx` se asume como la del TAD Natural, pero el parámetro `movimientosConInmunidad(p) - 1` puede ser  $-1$  cuando `movimientosConInmunidad(p) = 0`. Asumimos que la función `máximo` se extiende con los enteros.
- El enunciado dice que el puntaje se debe poder calcular al final de la partida. En nuestra especificación el puntaje se puede calcular en cualquier punto de la partida, y en particular cuando la partida finalizó y el jugador ganó.