

1. Controle de Qualidade. Os dados a seguir foram obtidos em um ensaio R&R. Determine os parâmetros $\%R\&R_{VT}$ e $\%R\&R_{TOL}$ desses processos de medição e indique se eles são adequados ou não e o motivo (Extraído do livro Fundamentos de Metrologia Científica e Industrial de Armando Albertazzi G. Jr. e André R. de Souza, 2^a edição, página 409).

	Peças									
Operadores		1	2	3	4	5	6	7	8	9
	Medição 1	62.65	62.57	62.6	62.98	62.85	62.96	62.86	62.48	62.54
A	Medição 2	62.69	62.87	62.69	62.75	62.85	62.79	62.67	62.61	62.86
	Medição 3	62.46	62.68	62.83	62.72	62.66	62.58	62.74	62.62	62.52
	Medição 1	62.41	62.43	62.63	62.37	62.46	62.71	62.66	62.52	62.51
В	Medição 2	62.74	62.38	62.77	62.64	62.92	62.57	62.66	62.64	62.51
	Medição 3	62.48	62.76	62.75	62.58	62.65	62.79	63.1	62.63	62.58
	Medição 1	62.54	62.18	62.52	62.9	62.51	62.68	62.94	62.53	62.64
С	Medição 2	62.74	62.81	62.55	62.73	62.53	62.94	62.62	62.57	62.44
	Medição 3	62.52	62.71	62.45	62.5	62.6	62.61	62.89	62.79	62.76

2. Ajuste Linear. Para determinar a constante de elasticidade de uma mola, um estudante pendura várias massas M em uma extremidade da mola e mede a sua correspondente dimensão l. Os resultados obtidos estão apresentados na Tabela 1. Como a força $mg = k(l-l_0)$ é o comprimento da mola sem distensão, esses dados devem se ajustar a uma reta, $l = l_0 + (g/k)m$. Faça um ajuste por mínimos quadrados para essa reta, considerando os dados apresentados, e determine as melhores estimativas para l_0 e para k. Calcule o comprimento l e sua incerteza para o peso de 1kg (Extraído do livro Introdução à análise de erros de John R. Taylor, 2^a edição, página 200).

Peso m (gramas)	200	300	400	500	600	700	800	900
Comprimento l (cm)	5.26	5.86	6.22	6.29	7.01	7.21	7.83	8.5

Tabela 1: Comprimento versus peso para uma mola M.

3. Medidas Correlacionadas. Considere o modelo matemático abaixo para medição de uma resistência com base nos valores simultaneamente observados de corrente e voltagem sob condições ambientais idênticas, utilizando um voltímetro e um amperímetro (ambos os instrumentos estavam com escala selecionada visando a menor incerteza associada ao conjunto de medições em questão, ver Tabelas 3 e 4), considerando a influência de correlação entre as variáveis e tendo ciência de que a temperatura ambiente estava oscilando entre 19°C e 21°C. Determine a incerteza no cálculo de R com 99.73% de confiança de acordo com a quantidade de algarismos significativos de acordo com o Método de Monte Carlo.

$$R = (V_a + V_{resol} + V_{calib} + V_{temp})/(I_a + I_{resol} + I_{calib} + I_{temp})$$
, sendo:

	N	1	2	3	4	5	6	7	8
	$V_a(V)$	9.84	9.72	9.06	10.19	9.31	10.57	11.92	11.18
Ì	$I_a (mA)$	99.128	96.785	91.547	102.734	93.914	106.191	118.451	111.438

Tabela 2: Medições simultâneas de voltagem e corrente

Faixa	Precisão
200mV, 2V, 20V, 200V	$\pm (0.5\% + 3D)$
1000V	$\pm (1.0\% + 5D)$

Tabela 3: Incerteza do voltímetro de 3 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura ambiente oscilando entre $-10^{\circ}C$ e $40^{\circ}C$.

Faixa	Incerteza				
20mA	$\pm (0.8\% + 3D)$				
200mA	$\pm (1.2\% + 4D)$				
20A	$\pm (2.0\% + 5D)$				

Tabela 4: Incerteza do amperímetro de 5 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura de $23^{\circ}C \pm 5^{\circ}C$ e umidade relativa < 75%.