

1. Controle de Qualidade. Os dados a seguir foram obtidos em um ensaio R&R. Determine os parâmetros  $\%R\&R_{VT}$  e  $\%R\&R_{TOL}$  desses processos de medição e indique se eles são adequados ou não e o motivo (Extraído do livro Fundamentos de Metrologia Científica e Industrial de Armando Albertazzi G. Jr. e André R. de Souza,  $2^a$  edição, página 409).

	Peças									
Operadores		1	2	3	4	5	6	7	8	9
	Medição 1	80.52	80.74	80.72	80.55	80.56	80.8	80.68	80.94	80.64
A	Medição 2	80.69	80.77	80.78	80.68	80.78	80.56	80.65	80.91	80.51
	Medição 3	80.69	80.6	81.06	80.48	80.61	80.77	80.73	80.64	80.9
	Medição 1	80.93	80.67	80.74	80.75	80.65	80.55	80.62	80.61	80.36
В	Medição 2	80.92	80.36	80.93	80.58	80.76	80.73	80.56	80.58	80.71
	Medição 3	80.57	80.57	80.42	80.65	80.69	80.48	80.87	80.3	80.68
	Medição 1	80.67	80.86	80.85	80.59	80.61	80.86	80.6	80.75	80.65
С	Medição 2	80.68	80.81	80.56	80.78	80.42	80.43	80.57	80.55	80.82
	Medição 3	80.78	80.47	80.61	80.51	80.61	80.61	80.81	80.96	80.75

2. Ajuste Linear. Para determinar a constante de elasticidade de uma mola, um estudante pendura várias massas M em uma extremidade da mola e mede a sua correspondente dimensão l. Os resultados obtidos estão apresentados na Tabela 1. Como a força  $mg = k(l-l_0)$  é o comprimento da mola sem distensão, esses dados devem se ajustar a uma reta,  $l = l_0 + (g/k)m$ . Faça um ajuste por mínimos quadrados para essa reta, considerando os dados apresentados, e determine as melhores estimativas para  $l_0$  e para k. Calcule o comprimento l e sua incerteza para o peso de 1kg (Extraído do livro Introdução à análise de erros de John R. Taylor,  $2^a$  edição, página 200).

Peso m (gramas)	200	300	400	500	600	700	800	900
Comprimento $l$ (cm)	4.84	5.15	5.24	5.5	7.79	8.26	9.31	9.37

Tabela 1: Comprimento versus peso para uma mola M.

3. Medidas Correlacionadas. Considere o modelo matemático abaixo para medição de uma resistência com base nos valores simultaneamente observados de corrente e voltagem sob condições ambientais idênticas, utilizando um voltímetro e um amperímetro (ambos os instrumentos estavam com escala selecionada visando a menor incerteza associada ao conjunto de medições em questão, ver Tabelas 3 e 4), considerando a influência de correlação entre as variáveis e tendo ciência de que a temperatura ambiente estava oscilando entre 19°C e 26°C. Determine a incerteza no cálculo de R com 99.73% de confiança de acordo com a quantidade de algarismos significativos de acordo com o Método de Monte Carlo.

$$R = (V_a + V_{resol} + V_{calib} + V_{temp})/(I_a + I_{resol} + I_{calib} + I_{temp})$$
, sendo:

N	1	2	3	4	5	6	7	8
$V_a(V)$	8.48	8.66	10.43	11.04	10.17	8.85	8.65	10.11
$I_a (mA)$	84.14	87.058	104.827	110.407	101.588	89.188	87.399	101.523

Tabela 2: Medições simultâneas de voltagem e corrente

Faixa	Precisão
200mV, 2V, 20V, 200V	$\pm (0.5\% + 3D)$
1000V	$\pm (1.0\% + 5D)$

Tabela 3: Incerteza do voltímetro de 3 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura ambiente oscilando entre  $-10^{\circ}C$  e  $40^{\circ}C$ .

Faixa	Incerteza				
20mA	$\pm (0.8\% + 3D)$				
200mA	$\pm (1.2\% + 4D)$				
20A	$\pm (2.0\% + 5D)$				

Tabela 4: Incerteza do amperímetro de 5 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura de  $23^{\circ}C \pm 5^{\circ}C$  e umidade relativa < 75%.