

1. Controle de Qualidade. Os dados a seguir foram obtidos em um ensaio R&R. Determine os parâmetros $\%R\&R_{VT}$ e $\%R\&R_{TOL}$ desses processos de medição e indique se eles são adequados ou não e o motivo (Extraído do livro Fundamentos de Metrologia Científica e Industrial de Armando Albertazzi G. Jr. e André R. de Souza, 2^a edição, página 409).

	Peças									
Operadores		1	2	3	4	5	6	7	8	9
	Medição 1	53.64	53.85	53.69	53.65	53.76	53.95	53.68	53.84	53.77
A	Medição 2	53.63	53.98	53.71	53.82	53.87	53.94	53.98	53.59	53.54
	Medição 3	53.97	53.88	54.01	53.85	53.81	53.83	53.58	53.8	54.1
	Medição 1	53.94	54.03	53.95	53.77	53.94	53.82	53.83	53.84	53.98
В	Medição 2	53.93	53.88	53.75	53.74	53.84	53.91	53.91	53.66	53.87
	Medição 3	53.94	53.94	53.78	53.86	53.6	53.97	53.72	53.54	53.71
С	Medição 1	54.13	53.71	53.75	53.95	53.85	54.04	53.76	53.73	53.78
	Medição 2	53.73	53.51	53.87	53.91	53.82	53.75	53.86	53.96	53.77
	Medição 3	53.92	53.66	53.78	53.95	53.72	53.83	53.78	53.72	53.71

2. Ajuste Linear. Para determinar a constante de elasticidade de uma mola, um estudante pendura várias massas M em uma extremidade da mola e mede a sua correspondente dimensão l. Os resultados obtidos estão apresentados na Tabela 1. Como a força $mg = k(l-l_0)$ é o comprimento da mola sem distensão, esses dados devem se ajustar a uma reta, $l = l_0 + (g/k)m$. Faça um ajuste por mínimos quadrados para essa reta, considerando os dados apresentados, e determine as melhores estimativas para l_0 e para k. Calcule o comprimento l e sua incerteza para o peso de 1kg (Extraído do livro Introdução à análise de erros de John R. Taylor, 2^a edição, página 200).

Peso m (gramas)	200	300	400	500	600	700	800	900
Comprimento l (cm)	4.4	4.65	4.66	5.31	6.32	7.26	8.7	10.59

Tabela 1: Comprimento versus peso para uma mola M.

3. Medidas Correlacionadas. Considere o modelo matemático abaixo para medição de uma resistência com base nos valores simultaneamente observados de corrente e voltagem sob condições ambientais idênticas, utilizando um voltímetro e um amperímetro (ambos os instrumentos estavam com escala selecionada visando a menor incerteza associada ao conjunto de medições em questão, ver Tabelas 3 e 4), considerando a influência de correlação entre as variáveis e tendo ciência de que a temperatura ambiente estava oscilando entre 18°C e 19°C. Determine a incerteza no cálculo de R com 99.73% de confiança de acordo com a quantidade de algarismos significativos de acordo com o Método de Monte Carlo.

$$R = (V_a + V_{resol} + V_{calib} + V_{temp})/(I_a + I_{resol} + I_{calib} + I_{temp})$$
, sendo:

N	1	2	3	4	5	6	7	8
$V_a(V)$	8.37	9.32	10.68	11.77	8.75	9.86	8.43	10.65
$I_a (mA)$	83.47	93.762	107.642	116.948	86.781	97.908	84.559	105.924

Tabela 2: Medições simultâneas de voltagem e corrente

Faixa	Precisão
200mV, 2V, 20V, 200V	$\pm (0.5\% + 3D)$
1000V	$\pm (1.0\% + 5D)$

Tabela 3: Incerteza do voltímetro de 3 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura ambiente oscilando entre $-10^{\circ}C$ e $40^{\circ}C$.

Faixa	Incerteza					
20mA	$\pm (0.8\% + 3D)$					
200mA	$\pm (1.2\% + 4D)$					
20A	$\pm (2.0\% + 5D)$					

Tabela 4: Incerteza do amperímetro de 5 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura de $23^{\circ}C \pm 5^{\circ}C$ e umidade relativa < 75%.