

1. Controle de Qualidade. Os dados a seguir foram obtidos em um ensaio R&R. Determine os parâmetros  $\%R\&R_{VT}$  e  $\%R\&R_{TOL}$  desses processos de medição e indique se eles são adequados ou não e o motivo (Extraído do livro Fundamentos de Metrologia Científica e Industrial de Armando Albertazzi G. Jr. e André R. de Souza,  $2^a$  edição, página 409).

	Peças									
C	peradores	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	Medição 1	54.86	54.13	54.8	53.7	54.52	54.29	54.78	54.3	54.45
A	Medição 2	53.94	54.33	55.08	54.57	53.56	54.88	54.67	54.34	54.23
	Medição 3	54.24	55.09	53.88	54.62	55.19	54.85	54.2	54.46	55.02
	Medição 1	54.11	54.07	54.65	54.32	54.4	54.51	54.51	54.83	54.97
В	Medição 2	54.86	54.38	55.62	55.09	54.91	54.3	54.68	54.51	54
	Medição 3	54.17	54.85	54.22	54.51	54.56	54.23	54.61	54.61	54.22
	Medição 1	54.35	54.14	54.81	55.04	53.89	54.52	54.3	54.82	54.21
С	Medição 2	53.77	54.59	54.74	54.89	54.15	54.26	54.62	54.32	54.63
	Medição 3	54.06	54.77	54.24	54.1	54.37	55.3	54.3	55.03	54.71

2. Ajuste Linear. Para determinar a constante de elasticidade de uma mola, um estudante pendura várias massas M em uma extremidade da mola e mede a sua correspondente dimensão l. Os resultados obtidos estão apresentados na Tabela 1. Como a força  $mg = k(l-l_0)$  é o comprimento da mola sem distensão, esses dados devem se ajustar a uma reta,  $l = l_0 + (g/k)m$ . Faça um ajuste por mínimos quadrados para essa reta, considerando os dados apresentados, e determine as melhores estimativas para  $l_0$  e para k. Calcule o comprimento l e sua incerteza para o peso de 1kg (Extraído do livro Introdução à análise de erros de John R. Taylor,  $2^a$  edição, página 200).

Peso m (gramas)	200	300	400	500	600	700	800	900
Comprimento $l$ (cm)	4.79	4.97	7.2	9.18	9.5	9.82	9.98	10.47

Tabela 1: Comprimento versus peso para uma mola M.

3. Medidas Correlacionadas. Considere o modelo matemático abaixo para medição de uma resistência com base nos valores simultaneamente observados de corrente e voltagem sob condições ambientais idênticas, utilizando um voltímetro e um amperímetro (ambos os instrumentos estavam com escala selecionada visando a menor incerteza associada ao conjunto de medições em questão, ver Tabelas 3 e 4), considerando a influência de correlação entre as variáveis e tendo ciência de que a temperatura ambiente estava oscilando entre 19°C e 26°C. Determine a incerteza no cálculo de R com 99.73% de confiança de acordo com a quantidade de algarismos significativos de acordo com o Método de Monte Carlo.

$$R = (V_a + V_{resol} + V_{calib} + V_{temp})/(I_a + I_{resol} + I_{calib} + I_{temp})$$
, sendo:

	N	1	2	3	4	5	6	7	8
	$V_a(V)$	11.32	11.7	8.56	9.83	11.14	10.96	8.04	11.07
Ì	$I_a (mA)$	113.239	116.784	85.082	98.128	111.96	109.135	79.952	110.383

Tabela 2: Medições simultâneas de voltagem e corrente

Faixa	Precisão
200mV, 2V, 20V, 200V	$\pm (0.5\% + 3D)$
1000V	$\pm (1.0\% + 5D)$

Tabela 3: Incerteza do voltímetro de 3 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura ambiente oscilando entre  $-10^{\circ}C$  e  $40^{\circ}C$ .

Faixa	Incerteza				
20mA	$\pm (0.8\% + 3D)$				
200mA	$\pm (1.2\% + 4D)$				
20A	$\pm (2.0\% + 5D)$				

Tabela 4: Incerteza do amperímetro de 5 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura de  $23^{\circ}C \pm 5^{\circ}C$  e umidade relativa < 75%.