

1. Controle de Qualidade. Os dados a seguir foram obtidos em um ensaio R&R. Determine os parâmetros $\%R\&R_{VT}$ e $\%R\&R_{TOL}$ desses processos de medição e indique se eles são adequados ou não e o motivo (Extraído do livro Fundamentos de Metrologia Científica e Industrial de Armando Albertazzi G. Jr. e André R. de Souza, 2^a edição, página 409).

Peças										
Operadores		1	2	3	4	5	6	7	8	9
	Medição 1	75.08	75.27	75.34	75.32	75.35	75.35	75.25	75.27	75.46
A	Medição 2	75.19	75.25	75.18	75.25	75.15	75.34	75.08	74.86	75.49
	Medição 3	75.39	75.33	75.23	75.28	75.15	75.19	75.03	75.02	75.05
	Medição 1	75.1	75.27	75.19	75.03	74.97	75.38	75.31	75.27	75.33
В	Medição 2	75.16	75.33	75.46	75.02	75.29	75.32	75.39	75.22	75.13
	Medição 3	74.95	75.26	75.12	75.25	75.26	75.18	75.42	75.31	75.23
	Medição 1	75.27	75.39	75.13	75.23	75.55	75.11	75.21	75.15	75.23
\mathbb{C}	Medição 2	75.28	75.14	75.17	74.99	75.2	75.43	75.04	75.35	75.42
	Medição 3	75.06	75.25	75.04	75.25	75.35	75.2	75.21	75.23	75.35

2. Ajuste Linear. Para determinar a constante de elasticidade de uma mola, um estudante pendura várias massas M em uma extremidade da mola e mede a sua correspondente dimensão l. Os resultados obtidos estão apresentados na Tabela 1. Como a força $mg = k(l-l_0)$ é o comprimento da mola sem distensão, esses dados devem se ajustar a uma reta, $l = l_0 + (g/k)m$. Faça um ajuste por mínimos quadrados para essa reta, considerando os dados apresentados, e determine as melhores estimativas para l_0 e para k. Calcule o comprimento l e sua incerteza para o peso de 1kg (Extraído do livro Introdução à análise de erros de John R. Taylor, 2^a edição, página 200).

Peso m (gramas)	200	300	400	500	600	700	800	900
Comprimento l (cm)	4.83	5	6.6	8.41	8.44	9.42	9.63	10.99

Tabela 1: Comprimento versus peso para uma mola M.

3. Medidas Correlacionadas. Considere o modelo matemático abaixo para medição de uma resistência com base nos valores simultaneamente observados de corrente e voltagem sob condições ambientais idênticas, utilizando um voltímetro e um amperímetro (ambos os instrumentos estavam com escala selecionada visando a menor incerteza associada ao conjunto de medições em questão, ver Tabelas 3 e 4), considerando a influência de correlação entre as variáveis e tendo ciência de que a temperatura ambiente estava oscilando entre 19°C e 24°C. Determine a incerteza no cálculo de R com 99.73% de confiança de acordo com a quantidade de algarismos significativos de acordo com o Método de Monte Carlo.

$$R = (V_a + V_{resol} + V_{calib} + V_{temp})/(I_a + I_{resol} + I_{calib} + I_{temp})$$
, sendo:

	N	1	2	3	4	5	6	7	8
	$V_a(V)$	8.57	9.48	10.54	12	11.22	11.1	11.07	11.03
Ì	$I_a (mA)$	86.355	95.744	106.04	119.79	112.318	110.911	110.923	110.117

Tabela 2: Medições simultâneas de voltagem e corrente

Faixa	Precisão
200mV, 2V, 20V, 200V	$\pm (0.5\% + 3D)$
1000V	$\pm (1.0\% + 5D)$

Tabela 3: Incerteza do voltímetro de 3 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura ambiente oscilando entre $-10^{\circ}C$ e $40^{\circ}C$.

Faixa	Incerteza				
20mA	$\pm (0.8\% + 3D)$				
200mA	$\pm (1.2\% + 4D)$				
20A	$\pm (2.0\% + 5D)$				

Tabela 4: Incerteza do amperímetro de 5 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura de $23^{\circ}C \pm 5^{\circ}C$ e umidade relativa < 75%.