

1. Controle de Qualidade. Os dados a seguir foram obtidos em um ensaio R&R. Determine os parâmetros $\%R\&R_{VT}$ e $\%R\&R_{TOL}$ desses processos de medição e indique se eles são adequados ou não e o motivo (Extraído do livro Fundamentos de Metrologia Científica e Industrial de Armando Albertazzi G. Jr. e André R. de Souza, 2^a edição, página 409).

	Peças									
Operadores		1	2	3	4	5	6	7	8	9
	Medição 1	64.99	64.84	64.7	64.57	64.42	64.34	65.14	64.76	65.46
A	Medição 2	64.5	64.98	64.8	64.7	64.51	64.97	64.9	64.64	64.41
	Medição 3	65.29	64.85	65.05	64.37	64.93	65.07	64.59	64.58	64.96
	Medição 1	64.76	65.05	64.9	64.86	64.51	64.31	64.63	64.76	64.89
В	Medição 2	64.54	65.3	65.08	65.02	64.47	65.22	64.76	64.99	64.77
	Medição 3	64.98	65.19	65.22	65.24	64.85	64.87	64.87	64.81	64.92
С	Medição 1	64.27	64.55	64.62	64.79	64.64	64.96	64.97	64.93	65.28
	Medição 2	64.68	64.99	64.81	64.8	64.78	64.92	65.06	65.14	65.05
	Medição 3	65.16	64.64	65.29	64.77	64.74	64.74	64.66	64.96	65.29

2. Ajuste Linear. Para determinar a constante de elasticidade de uma mola, um estudante pendura várias massas M em uma extremidade da mola e mede a sua correspondente dimensão l. Os resultados obtidos estão apresentados na Tabela 1. Como a força $mg = k(l-l_0)$ é o comprimento da mola sem distensão, esses dados devem se ajustar a uma reta, $l = l_0 + (g/k)m$. Faça um ajuste por mínimos quadrados para essa reta, considerando os dados apresentados, e determine as melhores estimativas para l_0 e para k. Calcule o comprimento l e sua incerteza para o peso de 1kg (Extraído do livro Introdução à análise de erros de John R. Taylor, 2^a edição, página 200).

Peso m (gramas)	200	300	400	500	600	700	800	900
Comprimento l (cm)	4.24	6.28	6.59	7.03	7.42	7.53	7.76	9.3

Tabela 1: Comprimento versus peso para uma mola M.

3. Medidas Correlacionadas. Considere o modelo matemático abaixo para medição de uma resistência com base nos valores simultaneamente observados de corrente e voltagem sob condições ambientais idênticas, utilizando um voltímetro e um amperímetro (ambos os instrumentos estavam com escala selecionada visando a menor incerteza associada ao conjunto de medições em questão, ver Tabelas 3 e 4), considerando a influência de correlação entre as variáveis e tendo ciência de que a temperatura ambiente estava oscilando entre 22°C e 23°C. Determine a incerteza no cálculo de R com 99.73% de confiança de acordo com a quantidade de algarismos significativos de acordo com o Método de Monte Carlo.

$$R = (V_a + V_{resol} + V_{calib} + V_{temp})/(I_a + I_{resol} + I_{calib} + I_{temp})$$
, sendo:

N	1	2	3	4	5	6	7	8
$V_a(V)$	11.03	8.14	10.15	9.95	9.3	9.73	8.67	11.82
$I_a (mA)$	109.381	80.803	100.551	98.699	93.828	96.799	86.547	117.759

Tabela 2: Medições simultâneas de voltagem e corrente

Faixa	Precisão
200mV, 2V, 20V, 200V	$\pm (0.5\% + 3D)$
1000V	$\pm (1.0\% + 5D)$

Tabela 3: Incerteza do voltímetro de 3 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura ambiente oscilando entre $-10^{\circ}C$ e $40^{\circ}C$.

Faixa	Incerteza
20mA	$\pm (0.8\% + 3D)$
200mA	$\pm (1.2\% + 4D)$
20A	$\pm (2.0\% + 5D)$

Tabela 4: Incerteza do amperímetro de 5 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura de $23^{\circ}C \pm 5^{\circ}C$ e umidade relativa < 75%.