

Nome: Gabriel Vinicius Kreuz - 48463\_\_\_\_\_\_\_\_ Data: 19 de junho de 2018

1. Controle de Qualidade. Os dados a seguir foram obtidos em um ensaio R&R. Determine os parâmetros  $\%R\&R_{VT}$  e  $\%R\&R_{TOL}$  desses processos de medição e indique se eles são adequados ou não e o motivo (Extraído do livro Fundamentos de Metrologia Científica e Industrial de Armando Albertazzi G. Jr. e André R. de Souza,  $2^a$  edição, página 409).

|            | Peças     |       |       |       |       |       |       |       |       |       |
|------------|-----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| Operadores |           | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8     | 9     |
|            | Medição 1 | 58.34 | 58.55 | 58.19 | 57.77 | 58.26 | 58.13 | 57.49 | 58.3  | 57.66 |
| A          | Medição 2 | 57.8  | 57.89 | 58.03 | 57.61 | 58.03 | 58.41 | 58.42 | 58.02 | 57.74 |
|            | Medição 3 | 58.22 | 58.27 | 58.1  | 58.6  | 57.71 | 57.7  | 58.38 | 58.04 | 58.18 |
|            | Medição 1 | 58.36 | 57.68 | 58.56 | 58.72 | 58.36 | 58.2  | 58.03 | 58.03 | 58.17 |
| В          | Medição 2 | 58.03 | 58.03 | 57.92 | 57.75 | 58.57 | 58.33 | 58.25 | 57.88 | 57.66 |
|            | Medição 3 | 58.37 | 58.08 | 58.17 | 58.24 | 57.79 | 57.86 | 58.32 | 58.34 | 57.96 |
|            | Medição 1 | 57.79 | 58.24 | 57.94 | 58.28 | 58.17 | 58.08 | 58.59 | 58.6  | 58.27 |
| С          | Medição 2 | 58.4  | 58.32 | 57.93 | 58.24 | 58.57 | 58    | 58.9  | 57.91 | 58.52 |
|            | Medição 3 | 58.39 | 57.87 | 58.34 | 58.73 | 58.41 | 57.96 | 58.08 | 57.72 | 58.07 |

2. Ajuste Linear. Para determinar a constante de elasticidade de uma mola, um estudante pendura várias massas M em uma extremidade da mola e mede a sua correspondente dimensão l. Os resultados obtidos estão apresentados na Tabela 1. Como a força  $mg = k(l-l_0)$  é o comprimento da mola sem distensão, esses dados devem se ajustar a uma reta,  $l = l_0 + (g/k)m$ . Faça um ajuste por mínimos quadrados para essa reta, considerando os dados apresentados, e determine as melhores estimativas para  $l_0$  e para k. Calcule o comprimento l e sua incerteza para o peso de 1kg (Extraído do livro Introdução à análise de erros de John R. Taylor,  $2^a$  edição, página 200).

| Peso $m$ (gramas)    | 200  | 300  | 400  | 500  | 600  | 700  | 800   | 900   |
|----------------------|------|------|------|------|------|------|-------|-------|
| Comprimento $l$ (cm) | 4.77 | 5.43 | 7.55 | 8.13 | 8.38 | 8.93 | 10.26 | 10.28 |

Tabela 1: Comprimento versus peso para uma mola M.

3. Medidas Correlacionadas. Considere o modelo matemático abaixo para medição de uma resistência com base nos valores simultaneamente observados de corrente e voltagem sob condições ambientais idênticas, utilizando um voltímetro e um amperímetro (ambos os instrumentos estavam com escala selecionada visando a menor incerteza associada ao conjunto de medições em questão, ver Tabelas 3 e 4), considerando a influência de correlação entre as variáveis e tendo ciência de que a temperatura ambiente estava oscilando entre  $20^{\circ}C$  e  $24^{\circ}C$ . Determine a incerteza no cálculo de R com 99.73% de confiança de acordo com a quantidade de algarismos significativos de acordo com o Método de Monte Carlo.

$$R = (V_a + V_{resol} + V_{calib} + V_{temp})/(I_a + I_{resol} + I_{calib} + I_{temp})$$
, sendo:

| N          | 1     | 2       | 3       | 4      | 5      | 6       | 7      | 8      |
|------------|-------|---------|---------|--------|--------|---------|--------|--------|
| $V_a(V)$   | 10.82 | 11.58   | 11.59   | 8.44   | 10.03  | 10.36   | 8.3    | 8.04   |
| $I_a (mA)$ | 108.4 | 115.158 | 115.724 | 83.971 | 99.303 | 103.118 | 83.355 | 80.788 |

Tabela 2: Medições simultâneas de voltagem e corrente

| Faixa                | Precisão           |
|----------------------|--------------------|
| 200mV, 2V, 20V, 200V | $\pm (0.5\% + 3D)$ |
| 1000V                | $\pm (1.0\% + 5D)$ |

Tabela 3: Incerteza do voltímetro de 3 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura ambiente oscilando entre  $-10^{\circ}C$  e  $40^{\circ}C$ .

| Faixa | Incerteza          |
|-------|--------------------|
| 20mA  | $\pm (0.8\% + 3D)$ |
| 200mA | $\pm (1.2\% + 4D)$ |
| 20A   | $\pm (2.0\% + 5D)$ |

Tabela 4: Incerteza do amperímetro de 5 1/2 dígitos, segundo o certificado de calibração, válida para temperatura de  $23^{\circ}C \pm 5^{\circ}C$  e umidade relativa < 75%.