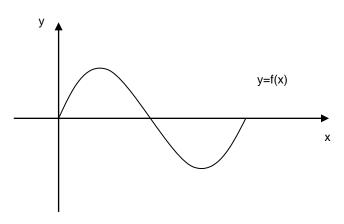
Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais Instituto de Ciências Exatas e Informática – ICEI Arquitetura de Computadores I

ARQ1 _ Aula_01 - Revisão

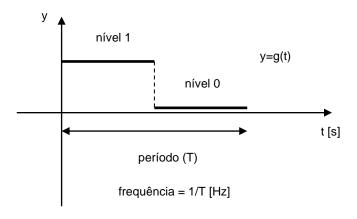
Tema: Sistemas de Numeração e representações de dados

Representação de dados

Função contínua em um intervalo.



Função discreta em um intervalo.



Computadores Analógicos x Digitais

Analógicos - trabalham com elementos representados por grandezas físicas com estados contínuos (corrente, tensão, pressão, vazão etc.)

Digitais - trabalham com elementos representados por valores numéricos com estados discretos (ou valores distintos distribuídos ao longo de determinado intervalo de tempo)

Sistemas de Numeração

Exemplo:

Sistema decimal

$$1x2^7 + 0x2^6 + 1x2^5 + 0x2^4 + 0x2^3 + 0x2^2 + 1x2^1 + 1x2^0$$
 - forma canônica $128 + 0 + 32 + 0 + 0 + 0 + 2 + 1 = 163$ ₍₁₀₎

Sistema binário

1010 0011(2)

- número na base 2

representado apenas com algarismos {0,1}

| 27 | 2 ⁶ | 2 ⁵ | 24 | 2 ³ | 2 ² | 2 ¹ | 20 | potências da base 2 |
|-----|-----------------------|-----------------------|----|-----------------------|-----------------------|----------------|----|-------------------------------|
| 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 | 1 | valor equivalente da potência |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | coeficientes |

Equivalentes em sistemas com potências de 2

$$1010\ 0011_{(2)} = [1010]\ [0011]_{(16)} = A3_{(16)}\ e\ A_{(16)} = 10\ em\ hexadecimal \qquad (grupos\ de\ 4)$$

$$= 10x16^1 + 3x16^0 = 163_{(10)} \qquad com\ algarismos \\ \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F\}$$

$$1010\ 0011_{(2)} = [10]\ [10]\ [00]\ [11]_{(4)} = 2203_{(4)} \qquad em\ quaternário \\ = 2x4^3 + 2x4^2 + 0x4^1 + 3x4^0 = 163_{(10)} \qquad com\ algarismos \\ \{0,1,2,3\}$$

$$1010\ 0011_{(2)} = [010]\ [100]\ [011]_{(8)} = 243_{(8)} \qquad em\ octal \\ = 2x8^2 + 4x8^1 + 3x8^0 = 163_{(10)} \qquad com\ algarismos$$

OBS: Caso necessário, completar com zeros (o) para formar grupos de mesmo tamanho.

 $\{0,1,2,3,4,5,6,7\}$

Conversões entre bases

1.) Converter decimal para binário

Sistema decimal

$$163_{(10)} = 1x10^2 + 6x10^1 + 3x10^0$$
 - na forma canônica

0

Para converter um valor decimal (base=10) para binário (base=2), usar divisões sucessivas por 2 e tomar os restos na ordem inversa em que forem calculados:

operação quociente resto

$$163/2 = 81 + 1 \text{ (último)}$$

$$81 / 2 = 40 + 1$$

$$40 / 2 = 20 + 0$$

$$20 / 2 = 10 + 0$$

 $10 / 2 = 5 + 0$

$$10 / 2 = 5 + 0$$

 $5 / 2 = 2 + 1$

$$2 / 2 = 1 + 0$$

$$1 / 2 = 0 + 1$$
 (primeiro)

Sistema binário

1010 0011(2)

- número na base 2

ou

| 27 | 2 ⁶ | 2 ⁵ | 24 | 2 ³ | 2 ² | 2 ¹ | 20 | potências da base 2 |
|-----|----------------|-----------------------|----|-----------------------|-----------------------|----------------|----|-------------------------------|
| 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 | 1 | valor equivalente da potência |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | coeficientes |

2.) Converter decimal para binário

Para converter um valor binário (base=2) para decimal (base=10), usar a soma dos produtos de cada algarismo pela potência da base equivalente à posição:

Sistema binário

1010 0011(2)

- número na base 2

Sistema decimal

$$1x2^7 + 0x2^6 + 1x2^5 + 0x2^4 + 0x2^3 + 0x2^2 + 1x2^1 + 1x2^0$$
 - forma canônica $128 + 0 + 32 + 0 + 0 + 0 + 2 + 1 = 163_{(10)}$

3.) Converter decimal para base 4 (quaternário)

Para converter um valor decimal para a base 4 (quaternário):

operação quociente resto 163 / 4 = 40 + 3 (último) 40 / 4 = 10 + 0

10 /4 = 2 + 2

2 / 4 = 0 + 2 (primeiro)

Sistema quaternário

2203₍₄₎ - número na base 4

4.) Converter decimal para base 8 (octal)

Para converter um valor decimal para a base 8 (octal):

operação quociente resto

163/8 = 20 + 3 (último)

20 / 8 = 2 + 4

2 / 8 = 0 + 2 (primeiro)

Sistema octal

243₍₈₎ - número na base 8

5.) Converter decimal para base 16 (hexadecimal)

Para converter um valor decimal para a base 16 (hexadecimal):

operação quociente resto

163 / 16 = 10 + 3 (último)

10 / 16 = 0 + 10 (primeiro, substituindo pelo algarismo A=10)4

Sistema hexadecimal

A3₍₁₆₎ - número na base 16

6.) Converter da base 4 para decimal

Sistema quaternário

$$2203_{(2)} = 2x4^3 + 2x4^2 + 0x4^1 + 3x4^0$$
 - número na base 4 na forma canônica = $128 + 32 + 0 + 3 = 163_{(10)}$

7.) Converter da base 8 para decimal

Sistema octal

$$243_{(8)} = 2x8^2 + 4x8^1 + 3x8^0$$
 - número na base 8 na forma canônica = $128 + 32 + 3 = 163_{(10)}$

8.) Converter da base 16 para decimal

Sistema hexadecimal
$$A3_{(16)} = (A=10)x16^1 + 3x16^0 - número na base 16 forma canônica = 160 + 3 = 163_{(10)}$$

9.) Converter entre bases potências múltiplas sem passar para decimal

As bases que são potências múltiplas de outra compartilham propriedades especiais, como a possibilidade de conversões entre elas, sem passar pela base decimal:

Sistema binário (base=2) para quaternário (base=4= 2^2): 1010 0011₍₂₎ = [10][10] [00][11]₍₄₎ = 2203₍₄₎ agrupar de 2 em 2 e substituir pelos dígitos equivalentes

Sistema binário (base=2) para quaternário (base=8= 2^3): 1010 0011₍₂₎ = [010][100][011]₍₈₎ = 243₍₈₎ agrupar de 3 em 3

e substituir pelos dígitos equivalentes

OBS: Caso necessário, completar com zeros para formar os grupos.

Sistema binário (base=2) para quaternário (base=16=2⁴): 1010 0011₍₂₎ = [1010] [0011]₍₁₆₎ = A3₍₁₆₎ e A₍₁₆₎=10 agrupar de 4 em 4

e substituir pelos dígitos equivalentes

ou usar uma tabela com as principais equivalências entre essas bases de numeração.

| X ₍₁₀₎ decimal | X ₍₂₎ binário | X ₍₄₎ quaternário | X ₍₈₎ octal | X ₍₁₆₎ hexadecimal |
|------------------------------|-----------------------------|---------------------------------|---------------------------|----------------------------------|
| 00 | 0000 0000 | 00 00 | 000 | 00 |
| 01 | 0000 0001 | 00 01 | 001 | 01 |
| 02 | 0000 0010 | 00 02 | 002 | 02 |
| 03 | 0000 0011 | 00 03 | 003 | 03 |
| 04 | 0000 0100 | 00 10 | 004 | 04 |
| 05 | 0000 0101 | 00 11 | 005 | 05 |
| 06 | 0000 0110 | 00 12 | 006 | 06 |
| 07 | 0000 0111 | 00 13 | 007 | 07 |
| 08 | 0000 1000 | 00 20 | 000 | 08 |
| 09 | 0000 1001 | 00 21 | 011 | 09 |
| 10 | 0000 1010 | 00 22 | 012 | 0A |
| 11 | 0000 1011 | 00 23 | 013 | 0B |
| 12 | 0000 1100 | 00 30 | 014 | 0C |
| 13 | 0000 1101 | 00 31 | 015 | 0D |
| 14 | 0000 1110 | 00 32 | 016 | 0E |
| 15 | 0000 1111 | 00 33 | 017 | 0F |

Representações de potências de 2.

| Х | 2 ^X | X ₍₁₀₎ | X ₍₂₎ | X ₍₄₎ | X ₍₈₎ | X ₍₁₆₎ |
|----|-----------------------|-------------------|------------------|------------------|------------------|-------------------|
| 0 | 2 ⁰ | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 2 ¹ | 2 | 10 | 2 | 2 | 2 |
| 2 | 2 ² | 4 | 100 | 10 | 4 | 4 |
| 3 | 2 ³ | 8 | 1000 | 20 | 10 | 8 |
| 4 | 2^{4} | 16 | 1 0000 | 100 | 20 | 10 |
| 5 | 2 ⁵ | 32 | 10 0000 | 200 | 40 | 20 |
| 6 | 2 ⁶ | 64 | 100 0000 | 1000 | 100 | 40 |
| 7 | 27 | 128 | 1000 0000 | 2000 | 200 | 80 |
| 8 | 2 ⁸ | 256 | 1 0000 0000 | 10000 | 400 | 100 |
| 9 | 2 ⁹ | 512 | 10 0000 0000 | 20000 | 1000 | 200 |
| 10 | 2 ¹⁰ | 1024 | 100 0000 0000 | 100000 | 2000 | 400 |

Termos associados à representação de dados em binário

| Termo | Quantidade | Observação | | | | | | |
|----------------|---------------------|--|--|--|--|--|--|--|
| bit | 1 | " <u>b</u> inary dig <u>it</u> " – dígito binário (0 ou 1) | | | | | | |
| nibble | 4 bits | dígito hexadecimal equivalente (semiocteto) | | | | | | |
| byte | 8 bits | octeto (Werner Buchholz, 1956) – unidade de armazenamento | | | | | | |
| word | xx bits | dependente do sistema (ex.: 14, 16, 32, 54, 64 etc.) | | | | | | |
| kiloBytes (kB) | 1024 Bytes | (ex.: arquivo texto) | | | | | | |
| MegaBytes (MB) | 1024 kiloBytes (kB) | 1 048 576 bytes (ex.: arquivo mp3) | | | | | | |
| GigaBytes (GB) | 1024 MegaBytes (MB) | 1 073 741 824 bytes (ex.: filme) | | | | | | |
| TeraBytes (TB) | 1024 GigaBytes (GB) | 1 099 511 627 776 bytes (ex.: 800 filmes) | | | | | | |
| PetaBytes (PB) | 1024 TeraBytes (TB) | 1 125 899 906 842 624 bytes (ex.: acervo do Google) | | | | | | |
| ExaBytes (EB) | 1024 PetaBytes (PB) | (ex.: acervo da Internet) | | | | | | |
| ZetaBytes (ZB) | 1024 ExaBytes (EB) | | | | | | | |
| YottaByes (YB) | 1024 ZetaByes (ZB) | | | | | | | |

Representação de símbolos por códigos equivalentes (Tabela ASCII - 8 bits)

(2) 0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 1000 1001 1010 1011 1100 1101 1110

| | (8) | | | 0_000 | 0_001 | 0_010 | 0_011 | 0_100 | 0_101 | 0_110 | 0_111 | 1_000 | 1_001 | 1_010 | 1_011 | 1_100 | 1_101 | 1_110 | 1_111 |
|------|-------|------|------|-------|-------|-------|-------|------------|-------|-------|-----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|----------|
| | | (10) | | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| | | | (16) | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | Α | В | С | D | Е | F |
| 0000 | 0_00_ | 0 | 0 | ^@ | ^A | ^B | ^C | ^D | ^E | ^F | ^G | ^H | ^ | ۸J | ^K | ^L | ^M | ^N | ^O |
| 0001 | 0_01_ | 16 | 1 | ^P | ^Q | ^R | ^S | ^ T | ^U | ^\ | ^W | ^Х | ۸Υ | ^Z | ^[| ^\ | ^] | ^^ | ^ |
| 0010 | 0_10_ | 32 | 2 | | ! | " | # | \$ | % | & | " | (|) | * | + | , | - | | 1 |
| 0011 | 0_11_ | 48 | 3 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | : | ; | < | = | > | ? |
| 0100 | 1_00_ | 64 | 4 | @ | Α | В | С | D | Ε | F | G | Н | I | J | K | L | M | N | 0 |
| 0101 | 1_01_ | 80 | 5 | Р | Q | R | s | Т | U | ٧ | W | X | Υ | Z | [| ١ |] | ٨ | _ |
| 0110 | 1_10_ | 96 | 6 | • | а | b | С | d | е | f | g | h | i | j | k | 1 | m | n | o |
| 0111 | 1_11_ | 112 | 7 | р | q | r | s | t | u | v | w | x | у | z | { | ı | } | ~ | ← |

Exemplos:

 $^{\circ}0^{\circ} = 0011_0000_{(2)} = 30_{(16)} = 00_110_000_{(2)} = 060_{(8)} = 48_{(10)}$

'A' = $0100_{-}0001_{(2)} = 41_{(16)} = 01_{-}000_{-}001_{(2)} = 101_{(8)} = 65_{(10)}$

'a' = $0110_0001_{(2)} = 61_{(16)} = 01_100_001_{(2)} = 141_{(8)} = 97_{(10)}$

"Computador" = $43.6F.6D.70.75.74.61.64.6F.72_{(16)}$

Sistemas de Numeração - Operações aritméticas

Exemplos:

1.) Adição

Sistema binário

Relações fundamentais:

$$\begin{array}{lll} 0_{(2)}+0_{(2)}=&0_{(2)}\\ 0_{(2)}+1_{(2)}=&1_{(2)}\\ 1_{(2)}+0_{(2)}=&1_{(2)}\\ 1_{(2)}+1_{(2)}=&10_{(2)} \end{array} \quad \hbox{(zero e "vai-um" para a próxima potência)}$$

Aplicação:

Sistema quaternário

Aplicação:

Sistema octal

Aplicação:

Sistema hexadecimal

Aplicação:

2.) Subtração

Relações fundamentais:

$$0_{(2)}$$
 - $0_{(2)}$ = $0_{(2)}$
 $0_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = ???
 $1_{(2)}$ - $0_{(2)}$ = $1_{(2)}$
 $1_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = $0_{(2)}$
 $1_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = $0_{(2)}$ (zero e "vem-um" para a potência considerada)
 $1_{(2)}$ - $1_{(2)}$ = $0_{(2)}$ (zero e "vem-um" para as potências necessitadas)

Aplicação:

OBS:

Quando se "toma emprestado" na potência seguinte, um valor unitário é debitado na potência que "empresta", e "creditado" na potência que o recebe, compensada a diferença entre essas potências.

3.) Multiplicação

Sistema binário

Relações fundamentais:

$$0_{(2)} * 0_{(2)} = 0_{(2)}$$
 $0_{(2)} * 1_{(2)} = 0_{(2)}$
 $1_{(2)} * 0_{(2)} = 0_{(2)}$
 $1_{(2)} * 1_{(2)} = 1_{(2)}$

Aplicação:

4.) Divisão

Sistema binário

Aplicação:

| - | 11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 1 ₍₂₎ | - | 11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 10 ₍₂₎ |
|---|--|---|---|
| | 010 | | 0100 |
| - | 11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 101 ₍₂₎ | - | 11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 1011 ₍₂₎ |
| - | 01000 101 | - | 01000 101 |
| | 00011 | - | 000110 101 |
| - | 11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 10110 ₍₂₎ | - | 11100001 ₍₂₎ 101 ₍₂₎ 101 101101 ₍₂₎ |
| - | 01000 101 | - | 01000 101 |
| - | 000110 101 | - | 000110 101 |
| | 00000101 | - | 00000101 101 |
| | | | 00000000 |

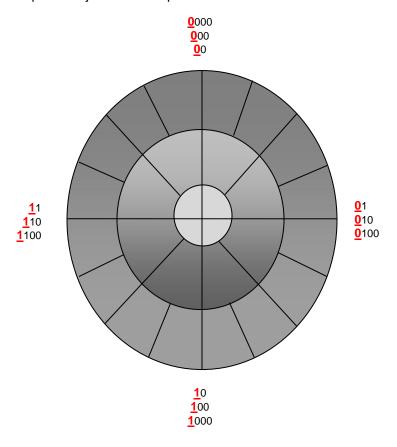
Sistemas de Numeração - Representações de dados

A representação de dados numéricos necessita, por vezes, utilizar uma indicação especial para sinal (positivo e negativo). Para isso, é comum reservar o primeiro bit (o mais a direita para isso), em valores inteiros ou reais. Entretanto, a representação de valores negativos necessitará de ajustes a fim de que as operações aritméticas produzam resultados coerentes.

Representações para tipos de dados comuns (em Java)

| Tipos | | Intervalo | Tamanho |
|----------------------|-----------------|--|------------|
| boolean | | [false:true] | 1 byte |
| false, true | | | |
| byte | | [-128 : 127] | 1 byte |
| 0, 0x00 | | [0 : 255] (sem sinal) | |
| char | | [0:65535] | 2 bytes |
| '0','\u0000' | | | (Unicode) |
| short | | [-32768 : 32767] | 2 bytes |
| 0 | ± a | (sinal+amplitude) | |
| int | | [-2 ³¹ : 2 ³¹ -1] | 4 bytes |
| 0 | ± a | (sinal+amplitude) | |
| long | | [-2 ⁶³ : 2 ⁶³ -1] | 8 bytes |
| 0L | ± a | (sinal+amplitude) | |
| float | | [-3.4e ⁻³⁸ : 3.4e ³⁸] | 4 bytes |
| 0.0f | ± e 1.m IEEE754 | (sinal+amplitude+1 | .mantissa) |
| double | | [-1.7e ⁻³⁰⁸ : 1.7e ³⁰⁸] | 8 bytes |
| 0.0, 0.0e0 | ± e 1.m IEEE754 | (sinal+amplitude+1. | .mantissa) |
| String | | | n bytes |
| "", "0", <i>null</i> | | | |

Representação binária dependente do número de bits.



A representação binária depende da quantidade de bits disponíveis e dos formatos escolhidos.

Para os valores inteiros, por exemplo, pode-se utilizar o formato em que o primeiro bit, à esquerda, para o sinal e o restante para a amplitude, responsável pela magnitude (grandeza) do valor representado.

Exemplo:

$$5_{(10)} = 101_{(2)}$$

$$+5_{(10)} = \underline{0}101_{(2)}$$

$$-5_{(10)} = \underline{1}101_{(2)}$$

Essa represesentação, contudo, não é conveniente para realizar operações, pois ao adicionar ambos, obtém-se:

$$+5_{(10)} = \underbrace{0101_{(2)}}_{5_{(10)}} = \underbrace{1101_{(2)}}_{0_{(10)}} = \underbrace{1}_{010} \underbrace{0010_{(2)}}_{02}$$

o que ultrapassa a quantidade de bits originalmente escolhida e, obviamente, não é igual a zero em sua amplitude.

Complemento de 1

Uma das possíveis representações para valores negativos pode ser aquela onde se invertem os valores individuais de cada bit.

Exemplo:

```
5_{(10)} = 101_{(2)}
+5_{(10)} = 0101_{(2)}
- 5_{(10)} = 1010_{(2)} (complemento de 1)
```

Essa represesentação, contudo, também não é conveniente para realizar operações, pois ao adicionar ambos, obtém-se:

```
\begin{array}{lll} +5_{(10)} = & \underline{0}101_{(2)} \\ -5_{(10)} = & \underline{1}010_{(2)} \\ \hline & \\ -0_{(10)} = & \underline{1}111_{(2)} \rightarrow +0_{(10)} = & \underline{0}000_{(2)} \end{array}
```

o que mantém a quantidade de bits originalmente escolhida, mas gera duas representações para zero (-0) e (+0), o que requer ajustes adicionais nas operações.

Complemento de 2

Outra das possíveis representações para valores negativos pode ser aquela onde se invertem os valores individuais de cada bit, e acrescenta-se mais uma unidade ao valor encontrado, buscando completar o que falta para atingir a próxima potència da base.

Exemplo:

```
5_{(10)} = 101_{(2)}
+5_{(10)} = 0101_{(2)}
- 5_{(10)} = 1010_{(2)} (complemento de 1, ou C<sub>1</sub>(5))
- 5_{(10)} = 1011_{(2)} (complemento de 2, ou C<sub>2</sub>(5))
```

Essa represesentação é bem mais conveniente para realizar operações, pois ao adicionar ambos, obtém-se:

com uma única representação para zero, mas com um excesso (1) que não é comportado pela quantidade de bits originalmente escolhida. Porém, se desprezado esse excesso, o valor poderá ser considerado correto, com a ressalva de que a quantidade de bits deverá ser rigorosamente observada (ou haverá risco de transbordamento – OVERFLOW).

Para efeitos práticos, o tamanho da representação deverá ser sempre indicado, e as operações deverão ajustar os operandos para a mesma quantidade de bits (de preferência, a maior possível).

Exemplo:

```
\begin{split} & 5_{(10)} \ = \ 101_{(2)} \\ & + 5_{(10)} = \ \underline{0}101_{(2)} \\ & - 5_{(10)} = \ \underline{1}010_{(2)} \quad \text{(complemento de 1, com 4 bits ou $C_{14}$ (5))} \\ & - 5_{(10)} = \ \underline{1}011_{(2)} \quad \text{(complemento de 2, com 4 bits ou $C_{24}$ (5))} \\ & \log o, \\ & C_{15} \ (5) = \ C_1 \ (\underline{0}0101_{(2)}) = \ \underline{1}1010_{(2)} \\ & C_{25} \ (5) = \ C_2 \ (\underline{0}0101_{(2)}) = \ \underline{1}1011_{(2)} \\ & C_{18} \ (5) = \ C_1 \ (\underline{0}0000101_{(2)}) = \ \underline{1}1111011_{(2)} \\ & C_{28} \ (5) = \ C_2 \ (\underline{0}0000101_{(2)}) = \ \underline{1}1111011_{(2)} \end{split}
```

De modo inverso, dado um valor em complemento de 2, se desejado conhecer o equivalente positivo, basta retirar uma unidade e substituir os valores individuais de cada dígito binário.

Exemplo:

```
1011<sub>(2)</sub> (complemento de 2, com 4 bits)

1011<sub>(2)</sub> - 1 = 1010<sub>(2)</sub> e invertendo 0101<sub>(2)</sub> = +5<sub>(10)</sub>

logo, 1011<sub>(2)</sub> = -5<sub>(10)</sub>

Portanto, para diferentes quantidades de bits:

11011<sub>(2)</sub> = 11010<sub>(2)</sub> = 00101<sub>(2)</sub> = 5<sub>(10)</sub>

11111011<sub>(2)</sub> = 11111010<sub>(2)</sub> = 00000101<sub>(2)</sub> = 5<sub>(10)</sub>
```

Subtração mediante uso de complemento

Operar a subtração mediante uso de complemento pode ser mais simples do que realizar a operação diretamente, como visto anteriormente.

Aplicação:

OBS:

Quando se "toma emprestado" na potência seguinte, um valor unitário é debitado na potência que "empresta", e "creditado" na potência que o recebe, compensada a diferença entre essas potências.

Aplicação do complemento:

Para aplicar o complemento, a primeira providência é normalizar os operandos na mesma quantidade de bits, reservado o bit de sinal.

Em seguida, calcular e substituir o subtraendo pelo complemento:

C2 (
$$0 \ 000111_{(2)}$$
) = C1 ($0 \ 000111_{(2)}$) + $1_{(2)}$ = $1 \ 111000_{(2)}$ + $1_{(2)}$ = $1 \ 111001_{(2)}$

101101₍₂₎ \rightarrow 0 101001₍₂₎

111₍₂₎ \rightarrow - $1 \ 111001_{(2)}$

Para finalizar, operar a **soma** dos operandos, respeitando a quantidade de bits:

Observar que o bit que exceder a representação deverá ser desconsiderado, por não haver onde acomodá-lo. Ainda poderá haver erro por transbordamento (OVERFLOW).

Preparação

Como preparação para o início das atividades, recomendam-se

- a.) leitura prévia do resumo teórico, do detalhamento na apostila e referências recomendadas
- b.) estudo e testes dos exemplos
- c.) assistir aos seguintes vídeos:

http://www.youtube.com/user/henriquencunha/videos https://www.youtube.com/watch?v=DJYIndxhcKc http://www.youtube.com/watch?v=Ojd770C2GTk

Orientação geral:

Atividades previstas como parte da avaliação

Apresentar todas as soluções em apenas um arquivo com formato e extensão para texto (.txt). Sugere-se usar como nome Guia_xx.txt, onde xx indicará o guia, exemplo Guia_01.txt.

Todos os arquivos deverão conter identificações iniciais com o nome e matrícula, no caso de programas, usar comentários.

As implementações e testes dos exemplos em Verilog (.v) fornecidos como pontos de partida, também fazem parte da atividade e deverão ter os códigos fontes entregues **separadamente**, a fim de que possam ser compilados e testados.

Sugere-se usar como nomes Guia_01yy.v, onde yy indicará a questão, exemplo Guia_0101.v As saídas de resultados, opcionalmente, poderão ser copiadas ao final do código, em comentários.

Quaisquer outras anotações, observações ou comentários poderão ser colocadas em arquivo texto (README.txt) acompanhando a entrega.

Atividades extras e opcionais

Outras formas de solução serão **opcionais**; não servirão para substituir as atividades a serem avaliadas. Caso entregues, poderão contar apenas como atividades extras.

Os programas com funções desenvolvidas em C, Java ou Python (c, .java, py), como os modelos usados para verificação automática de testes das respostas; caso entregues, também deverão estar em arquivos separados, com o código fonte, a fim de serem compilados e testados.

As execuções deverão, preferencialmente, serão testadas mediante uso de redirecionamento de entradas e saídas padrões, cujos dados/resultados deverão ser armazenados em arquivos textos. Os resultados poderão ser anexados ao código, ao final, como comentários.

Planilhas, caso venham a ser utilizadas, deverão ser **programadas** e/ou usar funções nativas. Serão suplementares e opcionais, e deverão ser entregues em formato texto, preferencialmente, com colunas separadas por tabulações ou no formato (.csv), acompanhando a solução em texto.

Arquivos em formato (.pdf), fotos, cópias de tela ou soluções manuscritas também serão aceitos como recursos suplementares para visualização, e **não** terão validade para fins de avaliação.

Atividades:

01.) Fazer as conversões de decimal para binário:

```
01a.) manualmente (em arquivo texto)
a.) 26<sub>(10)</sub>
               = X_{(2)}
b.) 53<sub>(10)</sub>
               = X_{(2)}
c.) 713<sub>(10)</sub>
               = X_{(2)}
d.) 213<sub>(10)</sub>
              = X_{(2)}
e.) 365<sub>(10)</sub>
              = X_{(2)}
01b.) mediante uso de um programa em Verilog (em arquivo fonte com extensão (.v))
      Guia_0101.v
      999999 - Xxx Yyy Zzz
     module Guia_0101;
     // define data
       integer x = 13; // decimal
       reg [7:0] b = 0; // binary (bits - little endian)
     // actions
       initial
        begin: main
        $display ( "Guia_0101 - Tests" );
         display ( "x = %d", x );
         \frac{1}{b} = \frac{8b}{b}
         b = x;
         \frac{1}{b} = \frac{8b}{b}
        end // main
     endmodule // Guia_0101
Notas:
                               iverilog -o Guia_0101.vvp Guia_0101.v
      Para compilar:
      Para executar:
                               vvp Guia_0101.vvp
```

Extras / Opcionais:

01c.) mediante uso de uma função dec2bin(x) (em linguagem de programação: Python, Java, ...)

01d.) mediante uso de uma planilha (APENAS se usar programação com funções intrínsecas)

Exemplo:

| X ₍₁₀₎ | 2 ⁷ 128 | 2 ⁶ 64 | 2 ⁵ 32 | 2 ⁴ 16 | 2 ³ 8 | 2 ² 4 | 2 ¹ 2 | 2º 1 | Σ | X ₍₂₎ (usar dígitos) |
|-------------------|-----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------|------------|------------------------------------|
| 163 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 128+32+2+1 | 10100011 |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | _ | |
| | | | | | | | | | | |

02.) Fazer as conversões de binário para decimal:

```
02a.) manualmente
```

```
a.) 10101_{(2)} = X_{(10)}
b.) 11011_{(2)} = X_{(10)}
c.) 10010_{(2)} = X_{(10)}
d.) 101011_{(2)} = X_{(10)}
e.) 110111_{(2)} = X_{(10)}
```

02b.) mediante uso de um programa em Verilog

endmodule // Guia_0102

```
Guia_0102.v
 999999 - Xxx Yyy Zzz
module Guia_0102;
// define data
 integer x = 0;
                           // decimal
  reg [7:0] b = 8'b0001101; // binary (bits - little endian)
// actions
  initial
  begin: main
   $display ( "Guia_0102 - Tests" );
   d = (x = d) , x ;
   display ( "b = \%8b", b );
   x = b;
   display ( "b = %d", x );
  end // main
```

Extras / Opcionais:

02c.) mediante uso de uma função bin2dec(x) (em linguagem de programação: Python, Java)

02d.) mediante uso de uma planilha (APENAS se usar programação com funções intrínsecas)

Exemplo:

| X ₍₁₀₎ | 27 | 2 ⁶ | 2 ⁵ | 24 | 2 ³ | 2 ² | 21 | 20 | Σ | X ₍₂₎ |
|-------------------|-----|----------------|----------------|----|-----------------------|-----------------------|----|----|------------|------------------|
| (soma) | 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 | 1 | | |
| 163 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 128+32+2+1 | 10100011 |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |

03.) Fazer as conversões de decimal para a base indicada:

03a.) manualmente

```
a.) 61_{(10)} = X_{(4)}
b.) 53_{(10)} = X_{(8)}
c.) 77_{(10)} = X_{(16)}
d.) 153_{(10)} = X_{(16)}
e.) 753_{(10)} = X_{(16)}
```

03b.) mediante uso de um programa em Verilog

endmodule // Guia_0103

```
/*
    Guia_0103.v
    999999 - Xxx Yyy Zzz
*/
module Guia_0103;
// define data
    integer    x = 13; // decimal
    reg [7:0] b = 0; // binary

// actions
    initial
    begin : main
    $display ( "Guia_0103 - Tests" );
    $display ( "x = %d" , x );
    $display ( "b = %8b", b );
    b = x;
    $display ( "b = %B (2) = %o (8) = %x (16) = %X (16)", b, b, b, b);
    end // main
```

Extras / Opcionais:

03c.) mediante uso de uma função bin2dec(x) (em linguagem de programação: Python, Java)

03d.) mediante uso de uma planilha (APENAS se usar programação com funções intrínsecas)

Exemplo:

Usar divisões sucessivas pela base (2) e juntar os restos na ordem inversa:

| X ₍₁₀₎ | X ₍₁₀₎ /2 (quociente) | X ₍₁₀₎ %2 (resto) | X ₍₂₎ |
|-------------------|----------------------------------|------------------------------|------------------|
| <u>163</u> | 81 | 1 | 1 |
| 81 | 40 | 1 | 1 1 |
| 40 | 20 | 0 | 0 11 |
| 20 | 10 | 0 | 0 011 |
| 10 | 5 | 0 | 0 0011 |
| 5 | 2 | 1 | 1 00011 |
| 2 | 1 | 0 | 0 100011 |
| 1 | 0 | 1 | 1 0100011 |
| 0 | (parar) | | <u>10100011</u> |

04.) Fazer as conversões de base entre as bases indicadas por agrupamento:

```
04a.) manualmente
```

```
a.) 10100_{(2)} = X_{(4)}
b.) 11010_{(2)} = X_{(8)}
c.) 100111_{(2)} = X_{(16)}
d.) 100101_{(2)} = X_{(8)}
e.) 101101_{(2)} = X_{(4)}
```

04b.) mediante uso de um programa em Verilog

endmodule // Guia_0104

```
/*
    Guia_0104.v
    999999 - Xxx Yyy Zzz
*/
module Guia_0104;
// define data
    integer    x = 13; // decimal
    reg [7:0] b = 0; // binary

// actions
    initial
    begin : main
    $display ( "Guia_0104 - Tests" );
    $display ( "x = %d" , x );
    $display ( "b = %8b", b );
    b = x;
    $display ( "b = [%4b] [%4b] = %x %x", b[7:4], b[3:0], b[7:4], b[3:0] );
    end // main
```

Extras / Opcionais

DICAS: Para conferir, comparar os valores decimais equivalentes.

04c.) mediante uso de uma função bin2dec(x) (em linguagem de programação: Python, Java)

04d.) mediante uso de uma planilha (APENAS se usar programação com funções intrínsecas)

Exemplos:

| X ₍₁₀₎ | 27 | 2 ⁶ | 2 ⁵ | 24 | 2 ³ | 2 ² | 2 ¹ | 20 | Σ | nova base |
|-------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|----------------|-----------------------|-----------------------|----------------|-----------------------|-----------------|----------------------------|
| | 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 | 1 | | |
| 163 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 128+32+2+1 | 10100011 ₍₂₎ |
| | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | | X ₍₄₎ |
| | 2 ¹ | 2 ⁰ | 2 ¹ | 20 | 2 ¹ | 2 ⁰ | 2 ¹ | 2 ⁰ | (grupos de 2) | |
| | | 43 | | 42 | | 4 ¹ | | 40 | (em evidência) | |
| | | 64 | | 16 | | 4 | | 1 | | (usar dígitos) |
| 163 | (1*2+ | 0)=2 | (1*2+ | 0)=2 | (0+ | 0)=0 | (1*2+ | 1)=3 | 2*64+2*16+0*4+3 | 2203 ₍₄₎ |
| | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | | X ₍₁₆₎ |
| | 2 ³ | 2 ² | 2 ¹ | 20 | 2 ³ | 2 ² | 2 ¹ | 20 | (grupos de 4) | |
| | | | | 16¹ | | | | 16º | (em evidência) | |
| | | | | 16 | | | | 1 | | (usar dígitos) |
| 163 | (1*8+ | 0+ | 1*2+ | 0)=10 | (0+ | +0+ | 1*2+ | 1)=3 | (10=A)*16+3 | A3 ₍₁₆₎ |
| | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | | X ₍₈₎ |
| | 2 ¹ | 20 | 2 ² | 2 ¹ | 20 | 2 ² | 2 ¹ | 20 | (grupos de 3) | |
| | | 8 ² | | | 8 ¹ | | | 8 ¹ | (em evidência) | |
| | | 64 | | | 8 | | | 1 | | (usar dígitos) |
| 163 | (1*2+ | 0)=2 | (1*4+ | 0+ | 0)=4 | (0+ | 1*2+ | 1)=3 | 2*64+4*8+3 | 243 ₍₈₎ |

05.) Converter entre símbolos e códigos de representação alfanumérico (ASCII):

```
05a.) manualmente
     a.) "PUC-M.G."
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 = X_{(16 \text{ ASCII})}
     b.) "2024-02"
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             = X_{(16\_ASCII)}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             = X<sub>(2_ASCII)</sub>
       c.) "Belo Horizonte"
       d.) 156 157 151 164 145 (8) = X(ASCII)
     e.) 4D 61 6E 68 61 (16)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        = X(ASCII)
05b.) mediante uso de um programa em Verilog
                                                                    Guia 0105.v
                                                                    999999 - Xxx Yyy Zzz
                                                       module Guia_0105;
                                                       // define data
                                                                            integer x = 13; // decimal
                                                                                                                                                                                                                     ; // binary
                                                                            reg [7:0] b
                                                                            reg [0:2][7:0] s = "PUC"; // char array[3] (3x8 bits - little Endian)
                                                     // actions
                                                                            initial
                                                                                 begin: main
                                                                                         $display ( "Guia_0105 - Tests" );
                                                                                           d = d = d \cdot (x = d 
                                                                                           display ( "b = %8b", b );
                                                                                           sigma = sigm
                                                                                           b = x;
                                                                                           \frac{1}{5} $\,\delta \,\delta 
                                                                                           s[0] = "-";
                                                                                         s[1] = 8'b01001101; // 'M'
                                                                                           s[2] = 71;
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                // 'G'
                                                                                           sigma = sigm
                                                                                 end // main
                                                       endmodule // Guia_0105
       Extras / Opcionais
       05c.) mediante uso de funções ASCII2hex(x) e hex2ASCII(xx)
                                                                    (em linguagem de programação: Python, Java)
       05d.) mediante uso de uma planilha
```

(APENAS se usar programação com funções intrínsecas para buscar códigos)

Modelos de programas para servir como unidades de testes

Modelo em Java

```
Arquitetura de Computadores I - Guia_01.java
  999999 - Xxx Yyy Zzz
public class Guia_01
  Contador de erros.
 private static int errors = 0;
  Testar se dois valores sao iguais.
  @param x - primeiro valor
  @param y - segundo valor
 public static void test_equals ( Object x, Object y )
  if ( (""+x).compareTo(""+y) != 0 )
    errors = errors + 1;
} // end test_equals ( )
  Exibir o total de erros.
  @return mensagem com o total de erros
 public static String test_report ()
   return ( ""+errors );
} // end test_report ( )
  Converter valor decimal para binario.
  @return binario equivalente
  @param value - valor decimal
 public static String dec2bin (int value)
  return ( "0" );
 } // end dec2bin ()
```

```
Converter valor binario para decimal.
 @return decimal equivalente
 @param value - valor binario
public static int bin2dec (String value)
 return ( -1 );
} // end bin2dec ( )
 Converter valor decimal para base indicada.
 @return base para a conversao
 @param value - valor decimal
public static String dec2base (int value, int base)
 return ( "0" );
} // end dec2base ()
 Converter valor binario para base indicada.
 @return valor equivalente na base indicada
 @param value - valor binario
 @param base - para a conversao
public static String bin2base (String value, int base)
 return ( "0" );
} // end bin2base ( )
 Converter valor em ASCII para hexadecimal.
 @return hexadecimal equivalente
 @param value - caractere(s) em codigo ASCII
public static String ASCII2hex (String value)
 return ( "0" );
} // end ASCII2hex ()
```

```
/*
Converter valor em hexadecimal para ASCII.
@return caractere(s) em codigo ASCII
@param value - hexadecimal equivalente(s)
*/
public static String hex2ASCII ( String value )
{
   return ( "0" );
} // end hex2ASCII ( )
```

```
Acao principal.
 public static void main ( String [ ] args )
  System.out.println ( "Guia_01 - Java Tests " );
  System.out.println ( "999999 - Xxx Yyy Zzz " );
  System.out.println ();
  test_equals ( dec2bin ( 26 ), "10101" );
  test equals (dec2bin (53), "10101");
  test_equals (dec2bin (713), "10101");
  test_equals ( dec2bin ( 231 ), "10101" );
  test equals (dec2bin (365), "10101");
  System.out.println
                        ("1. errorTotalReport = "+test_report ());
  test_equals (bin2dec ( "10101"), 0 );
  test_equals (bin2dec ( "11011"), 0 );
  test equals (bin2dec ("10010"), 0);
  test_equals (bin2dec ("101011"), 0);
  test equals (bin2dec ("110111"), 0);
  System.out.println
                        ("2. errorTotalReport = "+test report ());
  test equals (dec2base (61, 4), "10101");
  test_equals (dec2base ( 53, 8), "10101");
  test equals (dec2base (77, 16), "10101");
  test_equals ( dec2base ( 153, 16 ), "10101" );
  test_equals (dec2base (753, 16), "10101");
  System.out.println
                          ( "3. errorTotalReport = "+test_report ( ) );
  test_equals (bin2base ( "10100", 4), "10101");
  test_equals (bin2base ( "11010", 8), "10101");
  test_equals (bin2base ("100111", 16), "10101");
  test_equals (bin2base ("100101", 8), "10101");
  test_equals (bin2base ("101101", 4), "10101");
  System.out.println
                         ("4. errorTotalReport = "+test report ());
  test equals ( ASCII2hex ( "PUC-M.G."
                                           ), "10101" );
  test_equals ( ASCII2hex ( "2024-02"
                                            ), "10101");
  test_equals ( ASCII2hex ( "Belo Horizonte" ), "10101" );
  // OBS.: A seguir, exemplos apenas para os primeiros, acrescentar todos os outros códigos propostos!
  test_equals (hex2ASCII ("156 ..."
                                           ), "10101" ); // OBS.: 156 e' o primeiro octal
  test equals (hex2ASCII ("4D ..."
                                           ), "10101" ); // OBS.: 4D e' o primeiro hexadecimal (0x4D)!
  System.out.println
                          ("5. errorTotalReport = "+test report());
  System.out.print ( "\n\nApertar ENTER para terminar." );
  System.console ().readLine ();
 } // end main
} // end class
```

```
# Modelo em Python
  Arquitetura de Computadores I - Guia_01.py
  999999 - Xxx Yyy Zzz
  Contador de erros.
errors = 0;
  Testar se dois valores sao iguais.
  @param x - primeiro valor
  @param y - segundo valor
def test_equals (x, y):
  global errors;
  if (str(x) != str(y)):
    errors = errors + 1;
# end test_equals ()
  Exibir o total de erros.
  @return mensagem com o total de erros
def test_report ():
   return ( ""+str(errors) );
# end test_report ()
  Converter valor decimal para binario.
  @return binario equivalente
  @param value - valor decimal
def dec2bin (value):
  return ( "0" );
# end dec2bin ()
  Converter valor binario para decimal.
  @return decimal equivalente
  @param value - valor binario
def bin2dec (value):
  return (-1);
```

end bin2dec ()

```
Converter valor decimal para base indicada.
  @return base para a conversao
  @param value - valor decimal
def dec2base ( value, base ):
  return ( "0" );
# end dec2base ()
  Converter valor binario para base indicada.
  @return valor equivalente na base indicada
  @param value - valor binario
  @param base - para a conversao
def bin2base ( value, base ):
  return ( "0" );
# end bin2base ()
  Converter valor em ASCII para hexadecimal.
  @return hexadecimal equivalente
  @param value - caractere(s) em codigo ASCII
def ASCII2hex (value):
  return ( "0" );
# end ASCII2hex ()
  Converter valor em hexadecimal para ASCII.
  @return caractere(s) em codigo ASCII
  @param value - hexadecimal equivalente(s)
def hex2ASCII (value):
  return ( "0" );
# end hex2ASCII ()
```

```
,,,
  Acao principal.
def main ():
  print ( "Guia_01 - Python Tests" );
  print ( "999999 - Xxx Yyy Zzz" );
  print ();
  test_equals (dec2bin ( 26), "10101");
  test_equals ( dec2bin ( 53 ), "10101" );
  test_equals (dec2bin (713), "10101");
  test_equals (dec2bin (231), "10101");
  test_equals (dec2bin (365), "10101");
  print
             ("1. errorTotalReport = "+test report ());
  test equals (bin2dec ("10101"), 0);
  test_equals (bin2dec ( "11011"), 0 );
  test_equals (bin2dec ( "10010"), 0 );
  test equals (bin2dec ("101011"), 0);
  test_equals (bin2dec ("110111"), 0 );
  print
              ("2. errorTotalReport = "+test report ());
  test_equals (dec2base ( 61, 4), "10101");
  test equals (dec2base (53, 8), "10101");
  test_equals (dec2base (77, 16), "10101");
  test equals (dec2base (153, 16), "10101");
  test_equals (dec2base (753, 16), "10101");
              ("3. errorTotalReport = "+test_report ());
  print
  test_equals (bin2base ( "10100", 4), "10101");
  test_equals (bin2base ( "11010", 8), "10101");
  test equals (bin2base ("100111", 16), "10101");
  test_equals (bin2base ("100101", 8), "10101");
  test equals (bin2base ("101101", 4), "10101");
  print
              ( "4. errorTotalReport = "+test_report ( ) );
  test_equals ( ASCII2hex ( "PUC-M.G."
                                           ), "10101");
  test equals (ASCII2hex ("2024-02"
                                           ), "10101" );
  test_equals ( ASCII2hex ( "Belo Horizonte" ), "10101" );
  // OBS.: A seguir, exemplos apenas para os primeiros, acrescentar todos os outros códigos propostos!
  test equals (hex2ASCII ("156 ..."
                                           ), "10101" ); // OBS.: 156 e' o primeiro octal
                                                                                           (00156)!
  test_equals (hex2ASCII ("4D ..."
                                          ), "10101" ); // OBS.: 4D e' o primeiro hexadecimal (0x4D)!
  print
              ("5. errorTotalReport = "+test report());
  print ( "\n\nApertar ENTER para terminar." );
  input ();
# end main ()
if name == " main ":
  main();
```