

1 Méthodes de lissage et saisonnalité

1.1 Noël s'en vient !

```
> library(xtable) # Librairie contenant la fonction xtable permettant de
>                                     #générer des tables an LaTeX
> library(TTR) ## Librairie contenant les outils de lissage de données
> Yt <- read.csv("inflation.csv",header=TRUE,sep="\t")[,2] ## Importer les données
> Yt.ts <- ts(Yt,start=c(2008,7),deltat=1/12) ## Définir la série chronologique
```

Tableau des données

```
> xtable(Yt.ts,digits=1) ## Générer une table LaTeX
```

	Jan	Feb	Mar	Apr	May	Jun	Jul	Aug	Sep	Oct	Nov	Dec
2008							-0.1	0.5	0.7	0.9	1.4	2.3
2009	1.5	0.9	2.2	0.8	0.2	0.3	1.0	0.3	0.8	0.4	1.6	2.0
2010	3.2	2.3	1.4	0.6	0.7	1.1	-0.2	1.4	0.9	1.4	1.4	1.9
2011	3.1	2.1	2.7	1.7	1.7	0.1	0.9	1.6	1.6	2.5	2.4	2.6
2012	2.0	3.2	2.9	1.4	1.1	1.3	1.4	1.4	1.5	1.7	2.3	2.4
2013	3.0	2.3	2.3	1.9	1.7	0.5	0.9					

Élimination de la saisonnalité

```
> xtable(Zt.ts <- diff(Yt.ts,12),digits=1)
```

	Jan	Feb	Mar	Apr	May	Jun	Jul	Aug	Sep	Oct	Nov	Dec
2009							1.1	-0.2	0.1	-0.5	0.2	-0.3
2010	1.7	1.4	-0.8	-0.2	0.6	0.8	-1.2	1.2	0.1	1.1	-0.2	-0.1
2011	-0.1	-0.2	1.4	1.0	1.0	-0.9	1.1	0.2	0.7	1.1	1.0	0.8
2012	-1.1	1.1	0.1	-0.3	-0.6	1.1	0.5	-0.2	-0.1	-0.8	-0.1	-0.2
2013	1.0	-0.9	-0.6	0.5	0.5	-0.8	-0.5					

Composante de saisonnalité

```
> xtable(Yt.ts-Zt.ts,digits=1)
```

	Jan	Feb	Mar	Apr	May	Jun	Jul	Aug	Sep	Oct	Nov	Dec
2009							-0.1	0.5	0.7	0.9	1.4	2.3
2010	1.5	0.9	2.2	0.8	0.2	0.3	1.0	0.3	0.8	0.4	1.6	2.0
2011	3.2	2.3	1.4	0.6	0.7	1.1	-0.2	1.4	0.9	1.4	1.4	1.9
2012	3.1	2.1	2.7	1.7	1.7	0.1	0.9	1.6	1.6	2.5	2.4	2.6
2013	2.0	3.2	2.9	1.4	1.1	1.3	1.4					

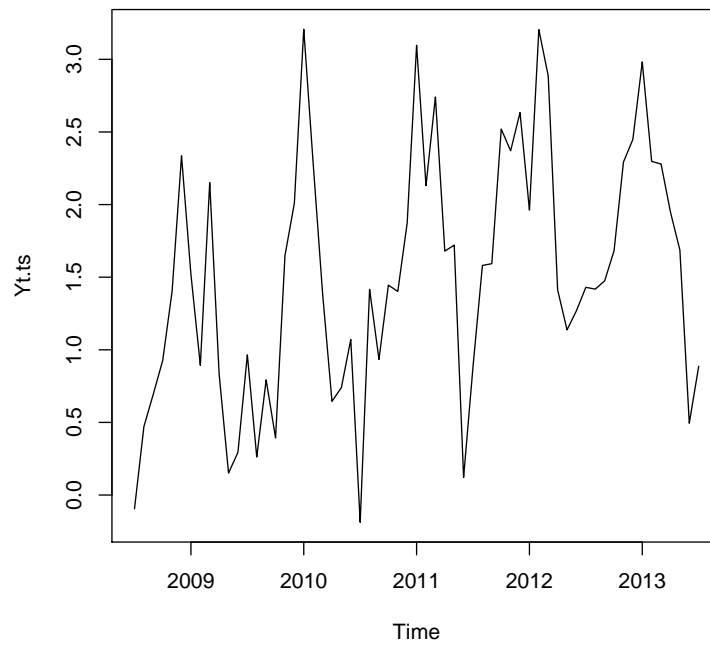


FIGURE 1 – Graphique de la série Y_t

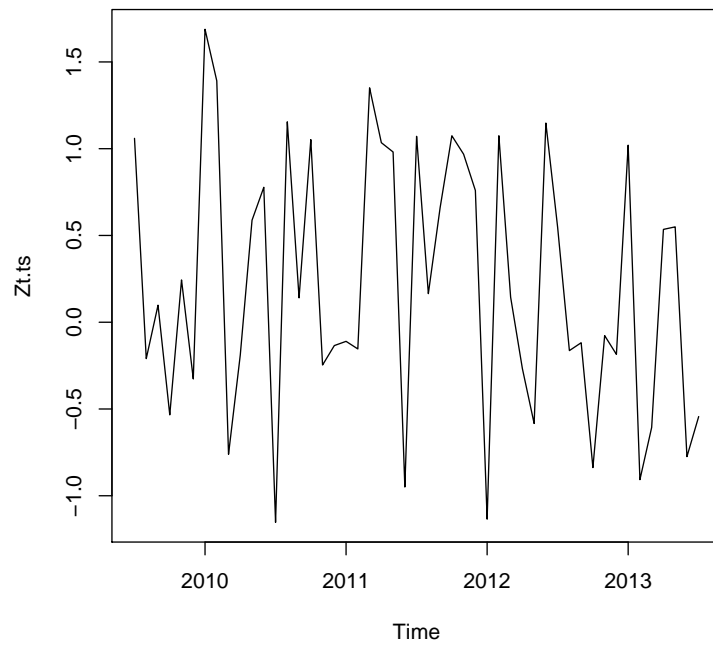


FIGURE 2 – Graphique de la série désaisonnalisée Z_t

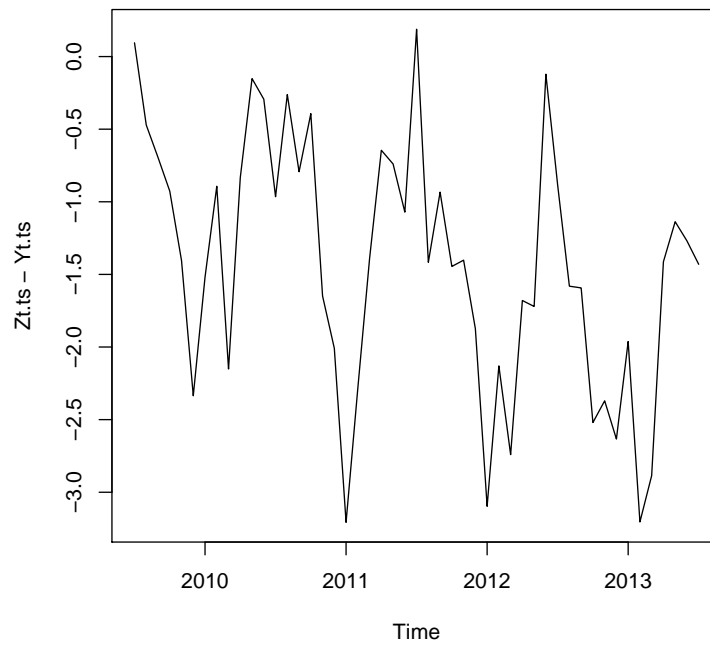


FIGURE 3 – Graphique de la composante de saisonnalité $Y_t - Z_t$

Élimination de la tendance

Moyenne mobile avec $q = 1$. Comme la fonction $SMA()$ utilise les $2q + 1$ données précédentes et que nous voulons une moyenne mobile centrée, nous devons utiliser l'opérateur de rétrodécalage $B()$ pour décaler la série.

```
> xtable(mt1 <- lag(SMA(Zt.ts,n=3),1),digits=2) ## Simple Moving Average(q=1)
```

	Jan	Feb	Mar	Apr	May	Jun	Jul	Aug	Sep	Oct	Nov	Dec
2009								0.32	-0.22	-0.06	-0.21	0.54
2010	0.92	0.77	0.15	-0.12	0.39	0.07	0.26	0.05	0.78	0.32	0.22	-0.16
2011	-0.13	0.36	0.74	1.12	0.36	0.37	0.10	0.63	0.63	0.90	0.93	0.20
2012	0.23	0.03	0.32	-0.24	0.10	0.37	0.51	0.09	-0.37	-0.34	-0.37	0.25
2013	-0.02	-0.16	-0.33	0.16	0.10	-0.26						

Moyenne mobile avec $q = 5$

```
> xtable(mt2 <- lag(SMA(Zt.ts,n=11),5),digits=2) ## Simple Moving Average(q=5)
```

	Jan	Feb	Mar	Apr	May	Jun	Jul	Aug	Sep	Oct	Nov	Dec
2009												0.28
2010	0.25	0.17	0.26	0.32	0.40	0.40	0.24	0.10	0.16	0.30	0.34	0.36
2011	0.37	0.37	0.37	0.33	0.45	0.55	0.63	0.54	0.52	0.44	0.32	0.36
2012	0.36	0.40	0.32	0.22	0.05	-0.02	0.06	0.06	-0.04	-0.07	0.03	-0.02
2013	-0.14	-0.18										

Lissage exponentiel double avec $\alpha = 0.75$

```
> xtable(mt3 <- DEMA(Zt.ts,n=1,ratio=.05),digits=2) ## Double Exponential
```

	Jan	Feb	Mar	Apr	May	Jun	Jul	Aug	Sep	Oct	Nov	Dec
2009							1.06	0.94	0.85	0.71	0.66	0.55
2010	0.65	0.72	0.57	0.48	0.48	0.50	0.33	0.39	0.36	0.41	0.33	0.28
2011	0.22	0.17	0.27	0.33	0.38	0.24	0.31	0.29	0.31	0.38	0.43	0.45
2012	0.29	0.36	0.33	0.26	0.17	0.25	0.27	0.22	0.18	0.07	0.04	0.01
2013	0.09	-0.02	-0.09	-0.04	0.00	-0.09	-0.14					

```
> ## Moving Average
```

Régression linéaire

```
> t <- 0:48
> (lm1 <- lm(Zt.ts~t)) ## Modèle de régression sur une variable

Call:
lm(formula = Zt.ts ~ t)

Coefficients:
(Intercept)          t
  0.446924      -0.009856

> coeff1 <- coefficients(lm1)

> xtable(mt4 <- ts(coeff1[1]+t*coeff1[2],start=c(2009,7),deltat=1/12),digits=2)
```

	Jan	Feb	Mar	Apr	May	Jun	Jul	Aug	Sep	Oct	Nov	Dec
2009							0.45	0.44	0.43	0.42	0.41	0.40
2010	0.39	0.38	0.37	0.36	0.35	0.34	0.33	0.32	0.31	0.30	0.29	0.28
2011	0.27	0.26	0.25	0.24	0.23	0.22	0.21	0.20	0.19	0.18	0.17	0.16
2012	0.15	0.14	0.13	0.12	0.11	0.10	0.09	0.08	0.07	0.06	0.05	0.04
2013	0.03	0.02	0.01	0.00	-0.01	-0.02	-0.03					

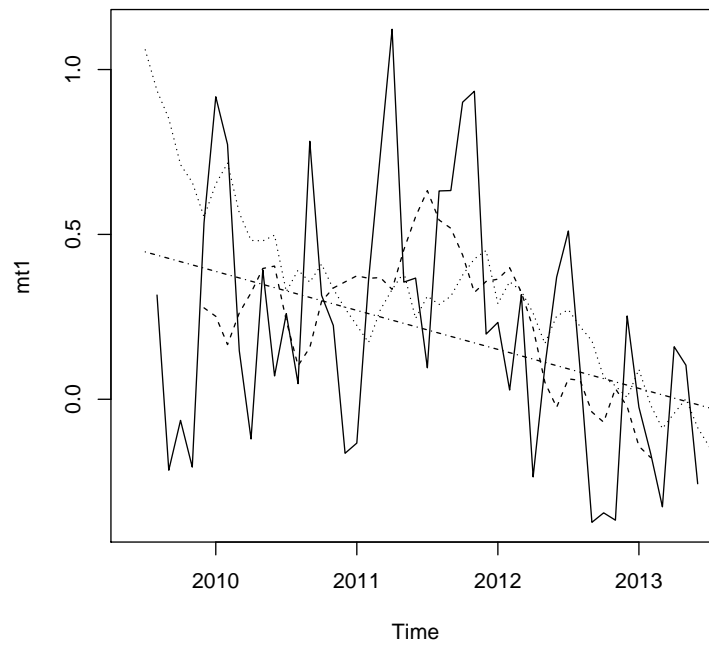


FIGURE 4 – Graphique de la tendance m_t

Projection du taux d'inflation

```
> projection <- coeff1[1]+53*coeff1[2]
> saisonnalite <- mean((Yt.ts-Zt.ts)[6+12*0:3])
> (taux.inf.dec.2013 <- (projection+saisonnalite))
```

```
(Intercept)
  2.137743
```

Le taux d'inflation projeté en décembre 2013 est 2.14%

Solution du problème

```
> depense.dec.2008 <- 674
> depense.dec.2013 <- 674*(1+taux.inf.dec.2013/100)
```

Le montant projeté des achats de cadeaux en décembre 2013 est 688.41 \$

1.2 Incendies

On remarque d'abord que $q = 2$.

On peut ensuite poser les équations suivantes :

$$4 + 3 + a + b + 2 = 24 \quad (1)$$

$$b + 2 + 4 + 6 + c = 26 \quad (2)$$

$$c + 0 + 2 + 8 + 3 = 19 \quad (3)$$

En résolvant, on obtient la solution.

Solution :

Mois	Incendies	Moyenne Mobile
1	4	-
2	3	-
3	7	4,8
4	8	4,8
5	2	5,4
6	4	5,2
7	6	3,6
8	6	3,6
9	0	4,4
10	2	3,8
11	8	-
12	3	-

1.3 Option de vente

```
> rf <- 0.0175
> rB <- rf+0.02
> S0 <- 10.46
> ST <- 8.73
> K <- S0*exp(rf*84/365)
> bbry <- read.csv("blackberry.csv",header=TRUE,sep=";")
> bbry.sel <- bbry[as.POSIXlt(bbry$Date)$wday==5,][1+3:12*4,]$Close
>                                     #Extraire le prix un vendredi sur 4
> l.bbry.sel <- log(bbry.sel)
> (diff.l.bbry.sel <- diff(l.bbry.sel))

[1] 0.288637639 0.112996047 -0.061344651 -0.103095509 -0.017497594
[6] -0.086523113 0.005008358 -0.340978628 -0.090637274

>                                     #On obtient la série des rendements
>                                     #mensuels
> (mu.diff.l.bbry.sel <- mean(diff.l.bbry.sel))

[1] -0.03260386

> (sigma.diff.l.bbry.sel <- sd(diff.l.bbry.sel))

[1] 0.170735

>                                     #Moyenne et écart-type des rendements
>                                     #mensuels
> (prix.arbre <- S0*(ud <- exp(3*(mu.diff.l.bbry.sel+c(1,-1)*
+                                     sigma.diff.l.bbry.sel/(2*sqrt(3)))))

[1] 10.996838 8.181586

>                                     #Prix de l'arbre binomial
> (p.rn <- (exp(rf*84/365)-ud[2])/(ud[1]-ud[2]))

[1] 0.8243048

>                                     #Probabilité neutre au risque
> q.rn <- 1-p.rn
> (P0 <- sum(exp(-rf*84/365)*(c(p.rn,q.rn)*pmax(K-prix.arbre,0))))

[1] 0.406084

>                                     #Prix de l'option de vente
> (BT <- P0*exp(rB*84/365)) #Montant emprunté avec intérêts

[1] 0.4096037
```

```
> (K-ST)-BT #Profit
```

```
[1] 1.362608
```

La valeur du paramètre μ de rendement moyen est -0.0326. La valeur du paramètre σ de volatilité est 0.1707. La valeur des prix de l'arbre binomial sont 10.9968 et 8.1816. La valeur de la probabilité neutre au risque d'une hausse est 0.8243. La valeur de l'option est 0.4061. Le profit, qui correspond à la différence entre la réclamation contingente de l'option et le coût d'acquisition, est de 1.3626.

1.4 Lissage exponentiel I

On calcule d'abord les deux séries lissées

\mathcal{A}	$\alpha = 0,4$	$\alpha = 0,7$
1,2	1,2000	1,2000
1,5	1,3200	1,4100
1,4	1,3520	1,4030
2,1	1,6512	1,8909
1,8	1,7107	1,8273
1,9	1,7864	1,8782
2,2	1,9519	2,1035
2,4	2,1311	2,3110
2,0	2,0787	2,0933
1,9	2,0072	1,9580

On évalue ensuite l'erreur quadratique pour chaque terme

\mathcal{A}	$SE(\alpha = 0,4)$	$SE(\alpha = 0,7)$
1,2		
1,5	0,0324	0,0081
1,4	0,0023	0,0000
2,1	0,2014	0,0437
1,8	0,0080	0,0007
1,9	0,0129	0,0005
2,2	0,0616	0,0093
2,4	0,0723	0,0079
2,0	0,0062	0,0087
1,9	0,0115	0,0034

On obtient enfin l'erreur quadratique moyenne

	$\alpha = 0,4$	$\alpha = 0,7$
MSE	0,0454	0,0092

Les calculs effectués se trouvent dans le fichier `Lissage.Exponentiel.I.ods`¹.

1.5 Lissage exponentiel II

Une solution assez simple est d'utiliser le solveur intégré au logiciel tableur que vous utilisez et d'optimiser la valeur de la cellule contenant α avec comme critère de minimisation la cellule contenant l'erreur quadratique moyenne (MSE).

On peut aussi construire une fonction d'optimisation dans R qui réplique le comportement du chiffrier que nous avons construit dans le logiciel tableur.

1. Ce fichier est au format OpenDocument et s'ouvre avec la plupart des suites bureautiques

(détail à venir)

1.6 Bank of America

(détail à venir)

1.7 Variance d'une série non-stationnaire

La variance du t^e terme est équivalente à la somme de la variance des t premiers termes d'erreurs. La différence entre les variances des 5^e terme et du 7^e terme est donc égale à la somme :

$$\begin{aligned} V[\epsilon_6] + V[\epsilon_7] &= 0.1(6^2 + 7^2) \\ &= 8.5 \end{aligned}$$



Cette création est mise à disposition selon le contrat Paternité-Partage à l'identique 2.5 Canada de Creative Commons disponible à l'adresse <http://creativecommons.org/licenses/by-sa/2.5/ca/deed.fr>

En vertu de ce contrat, vous êtes libre de :

- **partager** — reproduire, distribuer et communiquer l'œuvre ;
- **remixer** — adapter l'œuvre ;
- utiliser cette œuvre à des fins commerciales.

Selon les conditions suivantes :



Attribution — Vous devez attribuer l'œuvre de la manière indiquée par l'auteur de l'œuvre ou le titulaire des droits (mais pas d'une manière qui suggérerait qu'ils vous soutiennent ou approuvent votre utilisation de l'œuvre).



Partage à l'identique — Si vous modifiez, transformez ou adaptez cette œuvre, vous n'avez le droit de distribuer votre création que sous une licence identique ou similaire à celle-ci.

Document généré le 2 octobre 2013 à 23:18