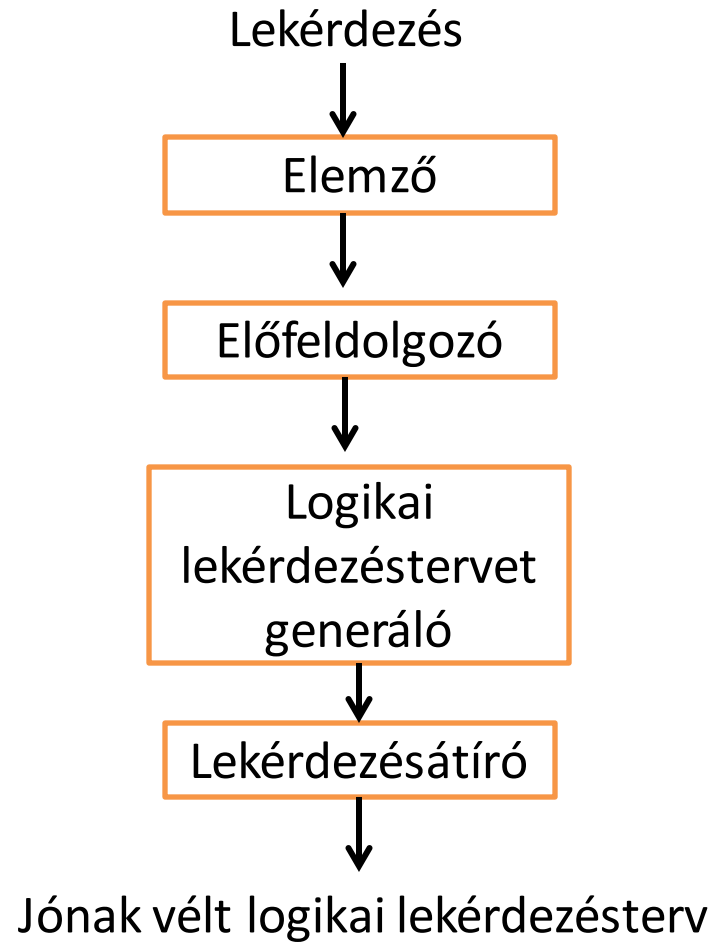


Lekérdezésfordító

Adatbázisok 2.

Elemzés



Leegyszerűsített nyelvtan I.

<Lekérdezés> ::= <SFW>

<Lekérdezés> ::= (<Lekérdezés>)

<SFW> ::= SELECT <SelLista>
 FROM <FromLista>
 WHERE <Feltétel>

<SelLista> ::= <Attribútum>, <SelLista>

<SelLista> ::= <Attribútum>

Leegyszerűsített nyelvtan II.

$\langle \text{FromLista} \rangle ::= \langle \text{Reláció} \rangle, \langle \text{FromLista} \rangle$

$\langle \text{FromLista} \rangle ::= \langle \text{Reláció} \rangle$

$\langle \text{Feltétel} \rangle ::= \langle \text{Feltétel} \rangle \text{ AND } \langle \text{Feltétel} \rangle$

$\langle \text{Feltétel} \rangle ::= \langle \text{Sor} \rangle \text{ IN } \langle \text{Lekérdezés} \rangle$

$\langle \text{Feltétel} \rangle ::= \langle \text{Attribútum} \rangle = \langle \text{Attribútum} \rangle$

$\langle \text{Feltétel} \rangle ::= \langle \text{Attribútum} \rangle = \langle \text{Konstans} \rangle$

$\langle \text{Sor} \rangle ::= \langle \text{Attribútum} \rangle$

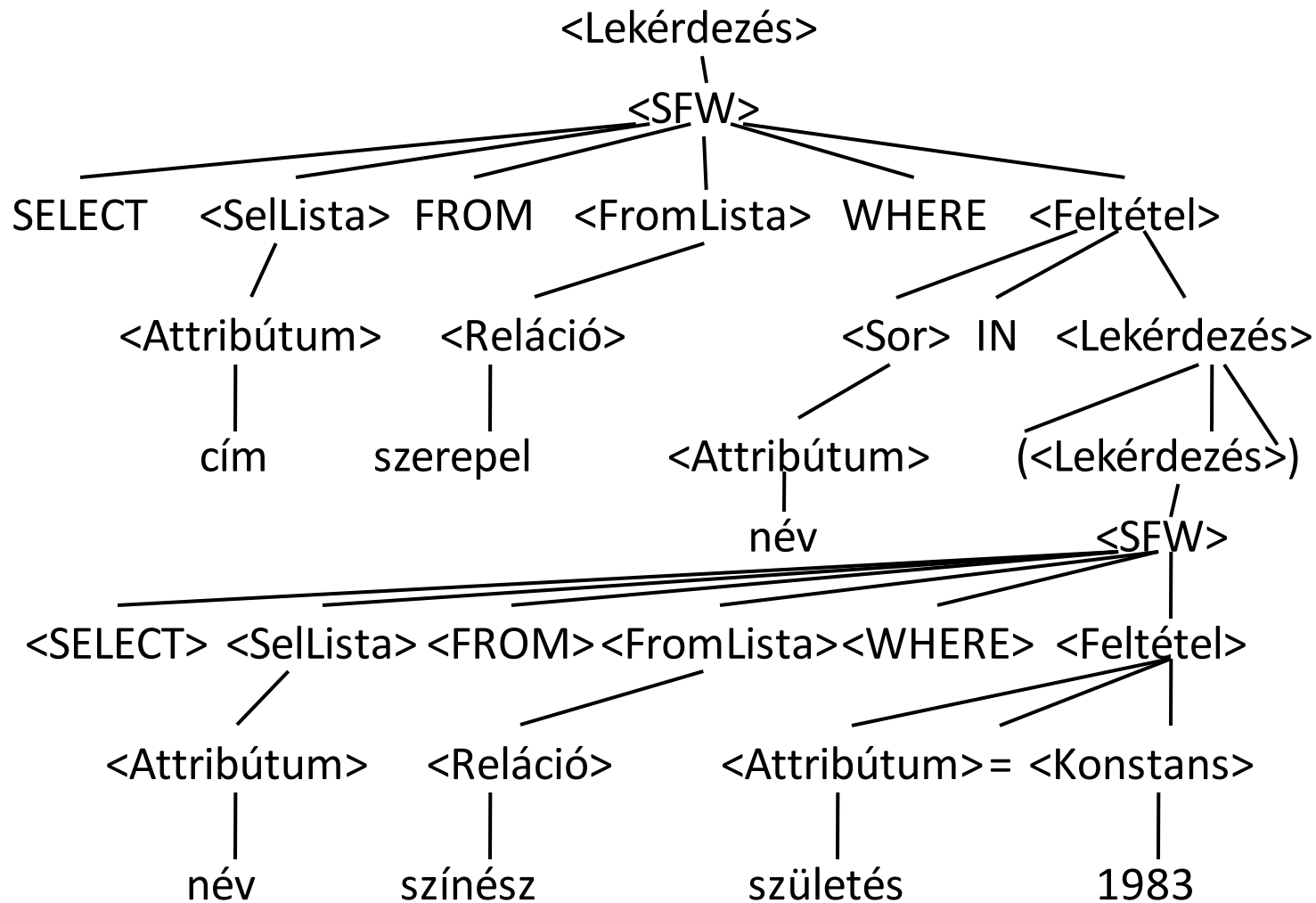
Elemzőfa

- Az **elemzőfa** (parse tree) csomópontjai az alábbiak lehetnek:
 - **atomok**: azaz attribútumok, relációk nevei, konstansok, zárójelek, operátorok (+, < stb.), lexikai elemek (SELECT).
 - **Szintaktikus kategóriák**.

Példa I.

- Szerepel (cím, év, név)
Színész (név, cím, fizetés, születés)

```
SELECT cím
FROM szerepel
WHERE név IN (SELECT név
              FROM színész
              WHERE születés = 1983);
```

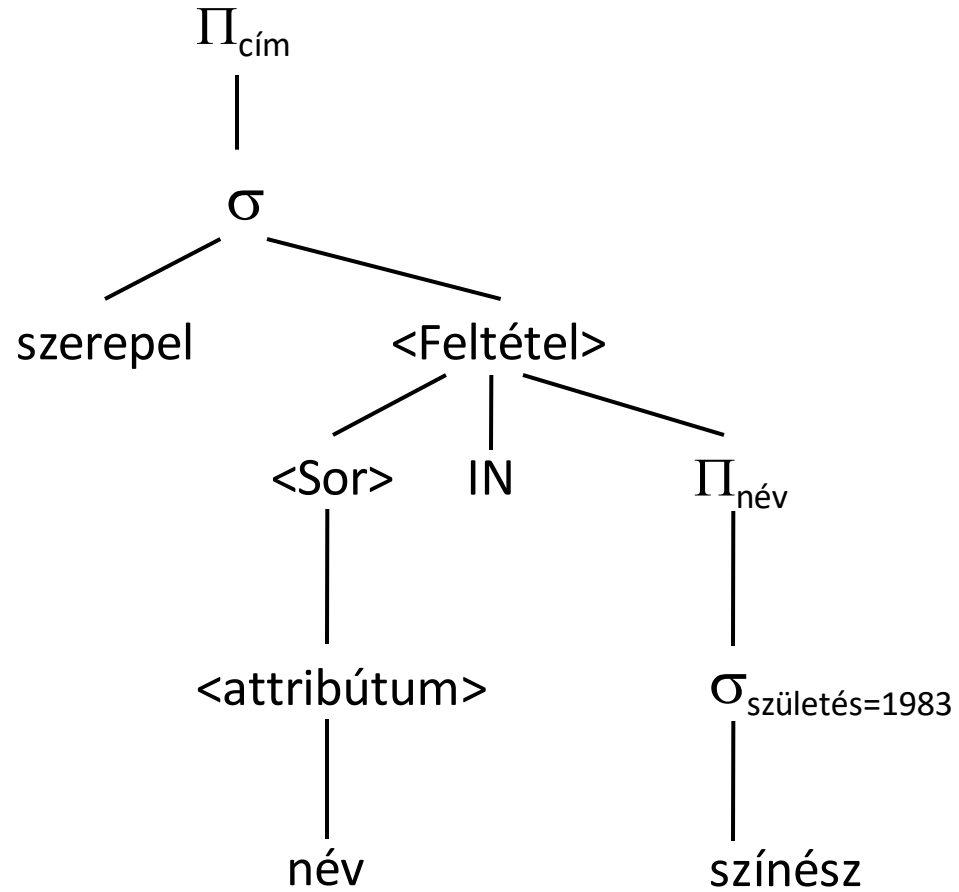


Előfeldolgozó

- Ha a lekérdezésben **nézettáblát** használunk, akkor ezt a megfelelő elemzőfával helyettesíti.
- **Szemantikus ellenőrzés** (**semantic checking**):
 - relációk használatának ellenőrzése,
 - attribútumnevek ellenőrzése és feloldása,
 - típusellenőrzés.

Elemzőfákból logikai lekérdezésterv

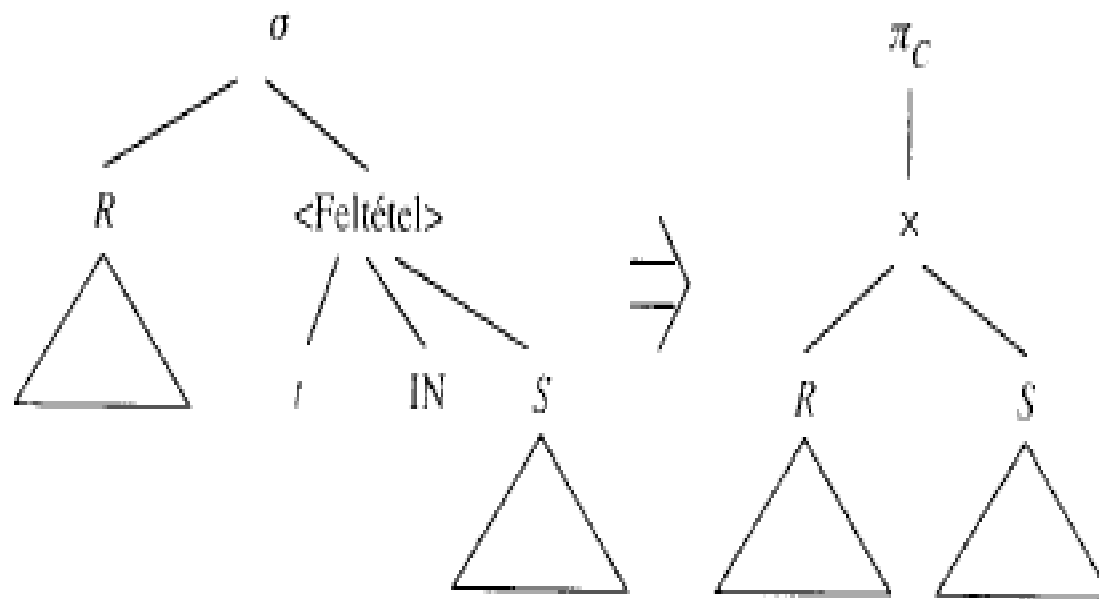
- Ha a lekérdezés **nem tartalmaz alkérdést**, az átírás könnyen megy.
- A **<FromLista>** relációinak vesszük a **Descartes-szorzatát**.
- A **<SelLista>** helyett Π_L szerepel, ahol **L** a **<SelLista>** attribútumlistája.
- A **<Feltétel>**-t σ_C -vel helyettesítjük, itt **C** értelemszerűen megadható.



Kétargumentumú kiválasztás

- σ paraméterek nélkül reprezentálja a „kétargumentumú kiválasztás”-t
- A kétargumentumú szelekció az elemzőfa szintaktikus kategóriái és a relációs algebrai operátorok közt képvisel átmenetet.
- Az alkérdések átírásánál használatos.
- A baloldali gyermeke a reláció, amire a kiválasztás vonatkozik.
- A jobboldali gyermek a kiválasztó feltételt jeleníti meg.
- Mindkét argumentum ábrázolható, mint elemzőfa, mint kifejezésfa és mint a kettő keveréke.
- Szabályaink vannak, melyekkel a kétargumentumú kiválasztást "normális" kiválasztással és egy másik relációs algebrai operátorral helyettesítjük.

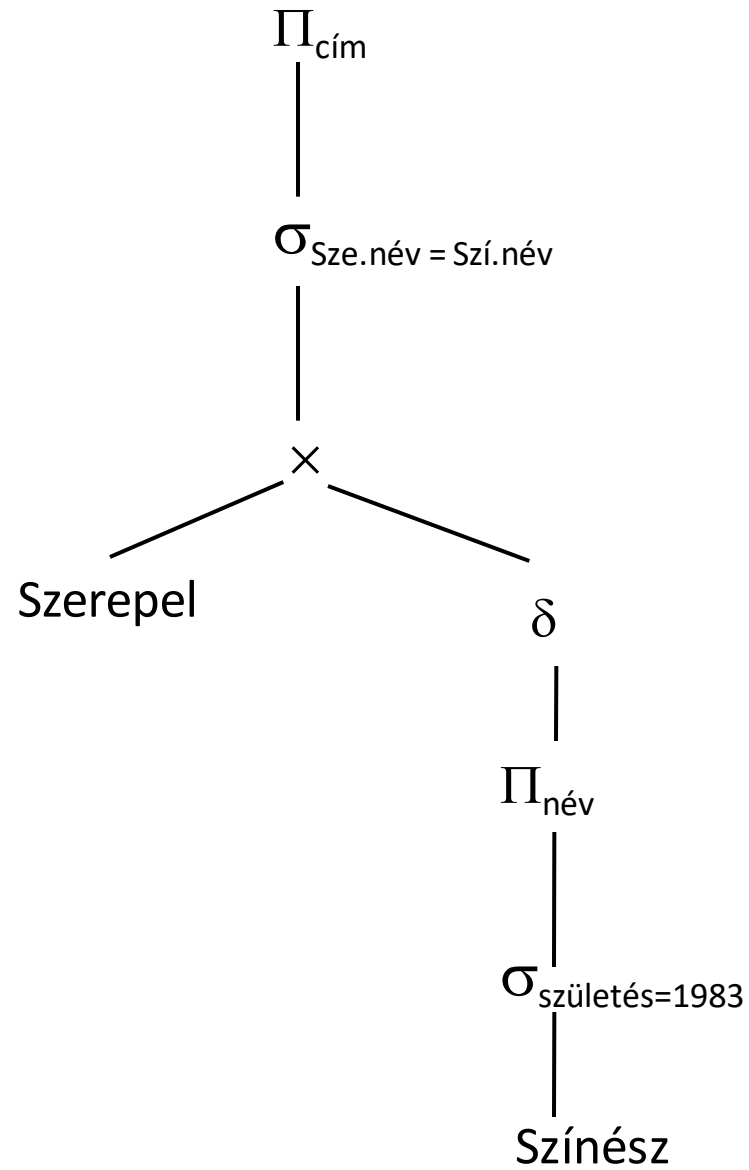
Kétagumentumú kiválasztás



7.15. ábra. IN -t tartalmazó feltétellel rendelkező kétagumentumú kiválasztást kezelő szabály

$t \in S$

- Tegyük fel, hogy a baloldalon R reláció szerepel (elő argumentum), a feltétel pedig $t \in S$ alakú. (második argumentum).
- Ekkor:
 - a jobboldali feltételt az S -et létrehozó kifejezéssel helyettesítjük. Ha S -ben lehetnek ismétlődések, akkor ezeket ki kell küszöbölnünk.
 - R -nek és az ismétlődések kiküszöbölése után kapott relációs kifejezésnek vesszük a Descartes-szorzatát.
 - Efölött a kétargumentumú kiválasztást σ_C -vel helyettesítjük, ahol C -ben a t sor komponenseit tesszük egyenlővé S megfelelő attribútumaival.



Részleg

Id	Név	Város
10	PR	Eger
20	HR	Szeged

Dolgozó

Id	Név	Kereset	Részleg_id
101	Elek	150000	10
102	Dezső	170000	20
103	Ilona	230000	20

A

```
SELECT név, város
FROM részleg
WHERE id IN (SELECT részleg_id
             FROM dolgozó
             WHERE kereset > 150000);
```

```
SELECT r.név, r.város
FROM dolgozó d, részleg r
WHERE r.id = d.részleg_id AND
      kereset > 150000;
```

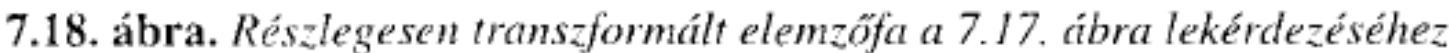
lekérdezések nem ugyanazt az eredményt adják a példa táblákra, emiatt szükséges az ismétlődések kiküszöbölése.

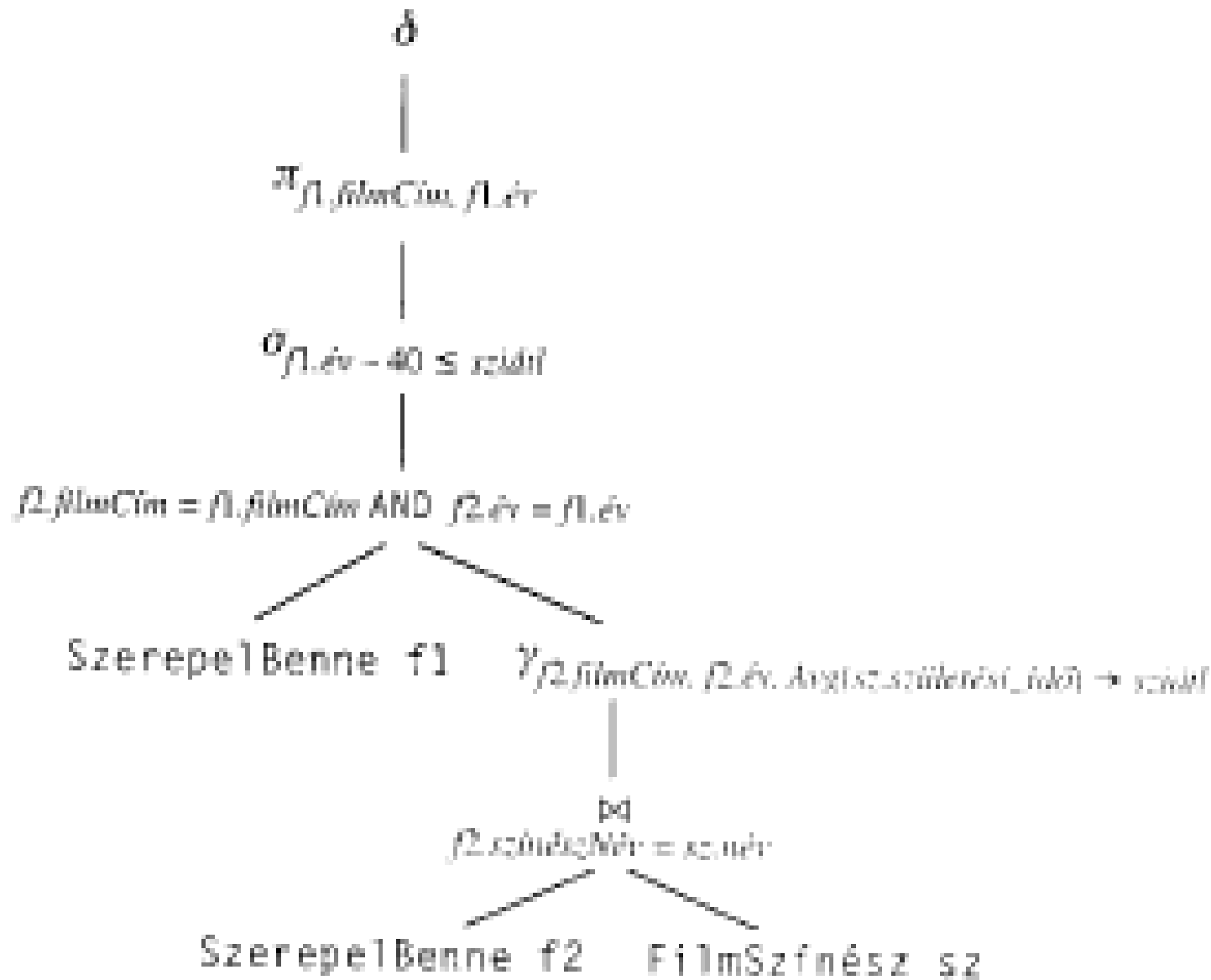
Érdekes eset

```
SELECT DISTINCT f1.filmCím, f1.év
FROM SzerepelBenne f1
WHERE f1.év - 40 <= (
    SELECT AVG(születési_idő)
    FROM SzerepelBenne f2, FilmSzínész sz
    WHERE f1.filmCím = f2.cím AND
           f1.év = f2.év AND
           f2.színészNév = sz.név
);
```

Keressük meg az olyan filmeket, ahol színészek
átlagéletkora legfeljebb 40 év volt, amikor film
készült. (Értelmezés: *születési_idő := születési
év; f2.születési_idő=f2.év*)

```
SzerepelBenne(filmCím, év, színészNév)
FilmSzínész(név, cím, nem, születési_idő)
```

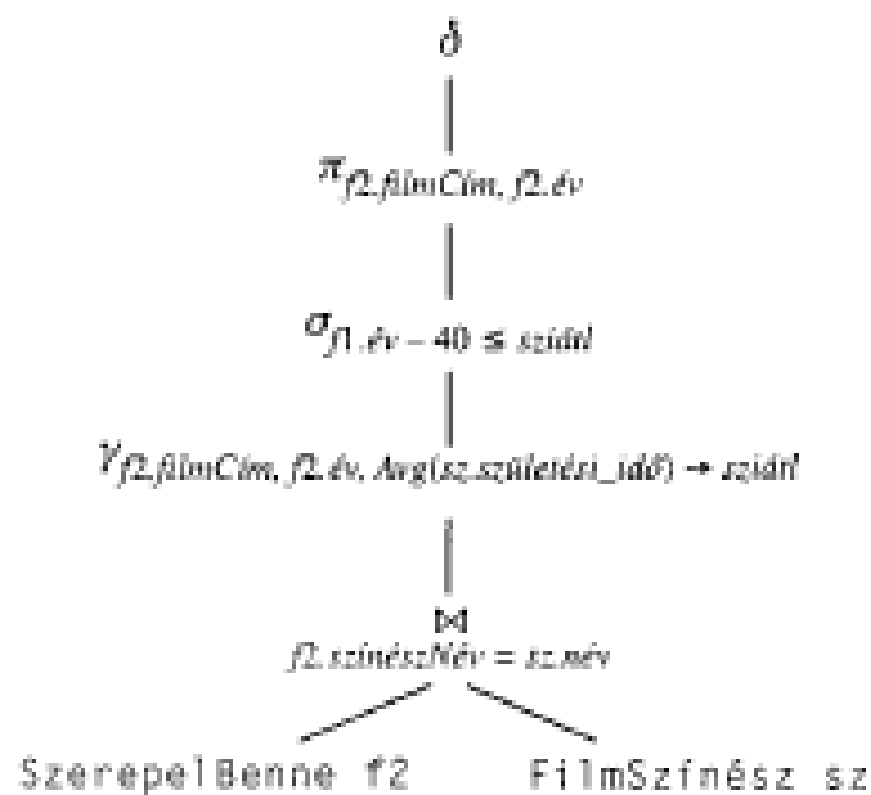


7.19. ábra. A 7.18. ábra átalakítása egy logikai lekérdezéstervvé

sziatl= születési idők átlaga

Feltételek egyszerűsítésre

- A teljesülő feltételek:
- Az ismétlődések megszüntetése a végén történik.
- A vetítés `SzerepelBenne f1` relációból kihagyja a színészek neveit.
- `SzerepelBenne f1` és a maradék kifejezés közti összekapcsolásegyenlővé teszi a `SzerepelBenne f1` és `SzerepelBenne f2` relációk `filmCím` és `év` attribútumait.



7.20. ábra. A 7.19. ábra egyszerűsítése

Szabály alapú optimalizálás

- Szeretnénk minél kevesebb **lemez olvasási és írási** (I/O) műveletet végrehajtani egy-egy lekérdezés végrehajtása során.
- Az legegyszerűbb megközelítés, ha **igyekszünk minél kisebb méretű relációkkal dolgozni**.
- Az optimalizáció során **relációs algebrai azonosságokat** fogunk alkalmazni. Ezek segítségével egy lekérdezésből az eredetivel ekvivalens lekérdezést készítünk, amelynek kiszámítása az esetek többségében kevesebb I/O műveletet igényel majd.
- A q , q' relációs algebrai lekérdezések (vagy tetszőleges lekérdezések) **ekvivalensek**, ha tetszőleges I előfordulás esetén $q(I) = q'(I)$ fennáll. Jelben: **$q \equiv q'$** .

Egy példa...

- A táblák legyenek:
Film (cím, év, hossz)
Szerepel (filmcím, év, színésznév)
- Ekkor a következő lekérdezés:

$$\Pi_{\text{cím}}(\sigma_{\text{cím=filmcím} \wedge \text{F.év}=\text{Sz.év} \wedge \text{színésznév}=\text{'Edus'}} (F \times Sz))$$

ekvivalens a

$$\Pi_{\text{cím}}(\sigma_{\text{cím=filmcím} \wedge \text{F.év}=\text{Sz.év}} (F \times (\sigma_{\text{színésznév}=\text{'Edus'}} (Sz))))$$

lekérdezéssel.

- Emellett az utóbbi valószínűleg gyorsabban végrehajtható.

Descartes-szorzat és összekapcsolások

- Asszociativitás:

$$(E_1 \Theta E_2) \Theta E_3 \equiv E_1 \Theta (E_2 \Theta E_3), \text{ ahol } \Theta \in \{\times, \bowtie\} \text{ és}$$

$$(E_1 \bowtie_{F1} E_2) \bowtie_{F2} E_3 \equiv E_1 \bowtie_{F1} (E_2 \bowtie_{F2} E_3), \text{ ha}$$

$$\text{attr}(F1) \subseteq \text{attr}(E1) \cup \text{attr}(E2) \text{ és } \text{attr}(F2) \subseteq \text{attr}(E2) \cup \text{attr}(E3)$$

- Kommutativitás:

$$E_1 \Theta E_2 \equiv E_2 \Theta E_1, \text{ ahol } \Theta \in \{\times, \bowtie, \bowtie_F\}.$$

Projekció és szelekció

- Projekciók sorozata:

$$\Pi_X(\Pi_Y(E)) \equiv \Pi_X(E), \text{ ha } X \subseteq Y.$$

- Kiválasztás és a feltételek konjunkciója:

$$\sigma_{F_1 \wedge F_2}(E) \equiv \sigma_{F_1}(\sigma_{F_2}(E)).$$

- Kiválasztás és a feltételek diszjunkciója:

$$\sigma_{F_1 \vee F_2}(E) \equiv \sigma_{F_1}(E) \cup \sigma_{F_2}(E).$$

- Kiválasztás elé projekció beillesztése:

$$\Pi_X(\sigma_F(E)) \equiv \Pi_X(\sigma_F(\Pi_Y(E))), \text{ ahol } Y = \text{attr}(F) \cup X.$$

Kiválasztás és Descartes-szorzat/összekapcsolás

- Kiválasztás és Descartes-szorzat, összekapcsolás felcserélése:

$$\sigma_F (E_1 \Theta E_2) \equiv \sigma_F (E_1) \Theta E_2,$$

ahol $\text{attr}(F) \subseteq \text{attr}(E_1)$ és $\Theta \in \{\times, \bowtie\}$.

- Általánosabban:

$$\sigma_F (E_1 \Theta E_2) \equiv \sigma_{F_1} (E_1) \Theta \sigma_{F_2} (E_2),$$

ahol $\text{attr}(F_i) \subseteq \text{attr}(E_i)$ ($i = (1, 2)$), $F = F_1 \wedge F_2$ és $\Theta \in \{\times, \bowtie\}$.

Kiválasztás és Descartes-szorzat/összekapcsolás

- Picit másképp:

$$\sigma_F(E_1 \Theta E_2) \equiv \sigma_F(E_1) \Theta \sigma_F(E_2),$$

ahol $\text{attr}(F) \subseteq \text{attr}(E_1) \cap \text{attr}(E_2)$ és $\Theta \in \{\times, \bowtie\}$.

- Ezekből levezethető:

$$\sigma_F(E_1 \Theta E_2) \equiv \sigma_{F_2}(\sigma_{F_1}(E_1) \Theta E_2),$$

ahol $\text{attr}(F_1) \subseteq \text{attr}(E_1)$, $F = F_1 \wedge F_2$, de $\text{attr}(F_2) \subseteq \text{attr}(E_i)$ nem teljesül ($i = (1, 2)$), $\Theta \in \{\times, \bowtie\}$.

Projekció és Descartes-szorzat/összekapcsolás

- Projekció és Descartes-szorzat, összekapcsolás felcserélése:

$$\Pi_X(E_1 \Theta E_2) \equiv \Pi_Y(E_1) \Theta \Pi_Z(E_2),$$

ahol $X = Y \cup Z$, $Y \subseteq \text{attr}(E_1)$, $Z \subseteq \text{attr}(E_2)$ és $\Theta \in \{\times, \bowtie\}$.

Projekció/kiválasztás és (multi)halmazműveletek

- Kiválasztás és unió (különbség) felcserélése:

$$\sigma_F (E_1 \Theta E_2) \equiv \sigma_F (E_1) \Theta \sigma_F (E_2), \text{ ahol } \Theta \in \{\cup, -\}.$$

- Projekció unióval való felcserélése:

$$\Pi_X(E_1 \cup E_2) \equiv \Pi_X(E_1) \cup \Pi_X(E_2).$$

- **Megjegyzés:** nincs általános szabály a projekció különbséggel való felcserélésére.
- Multihalmaz-műveletek esetén a projekció szintén csak a multihalmaz-egyesítéssel cserélhető fel.

Ismétlődések kiküszöbölése

- $\delta(R) = R$ (nincsenek benne ismétlődések) például, ha
 - R-hez megadtunk egy elsődleges kulcsot,
 - R-et csoportosítás eredményeként kaptuk (γ).

- Ismétlődések kiküszöbölése és Descartes-szorzat, összekapcsolás:

$$\delta(R) \theta \delta(S) \equiv \delta(R \theta S), \theta \in \{\times, \bowtie, \bowtie_F\}.$$

- Ismétlődések kiküszöbölése és a kiválasztás:

$$\delta(\sigma_F(R)) \equiv \sigma_F(\delta(R)).$$

- Ismétlődések kiküszöbölése és multihalmaz-metszet:

$$\delta(R \cap_M S) \equiv \delta(R) \cap_M S \equiv R \cap_M \delta(S) \equiv \delta(R) \cap_M \delta(S).$$

- A halmazművelek és δ felcserélése **értelmetlen**.

Csoportosítás kiküszöbölése

- $\delta(\gamma_L(R)) \equiv \gamma_L(R)$.
- $\gamma_L(R) \equiv \gamma_L(\Pi_M(R))$. M az R olyan attribútumainak listája, amelyek L -ben előfordulnak.
- $\gamma_L(R) = \gamma_L(\delta(R))$ (ha γ_L ismétlődés érzéketlen, ha L -ben csak MIN és/vagy MAX összesítő fv.-k szerepelnek).

Példa optimalizálásra

- A következő két feladathoz használt táblák:

Személy (név, kor, város, ISBN)

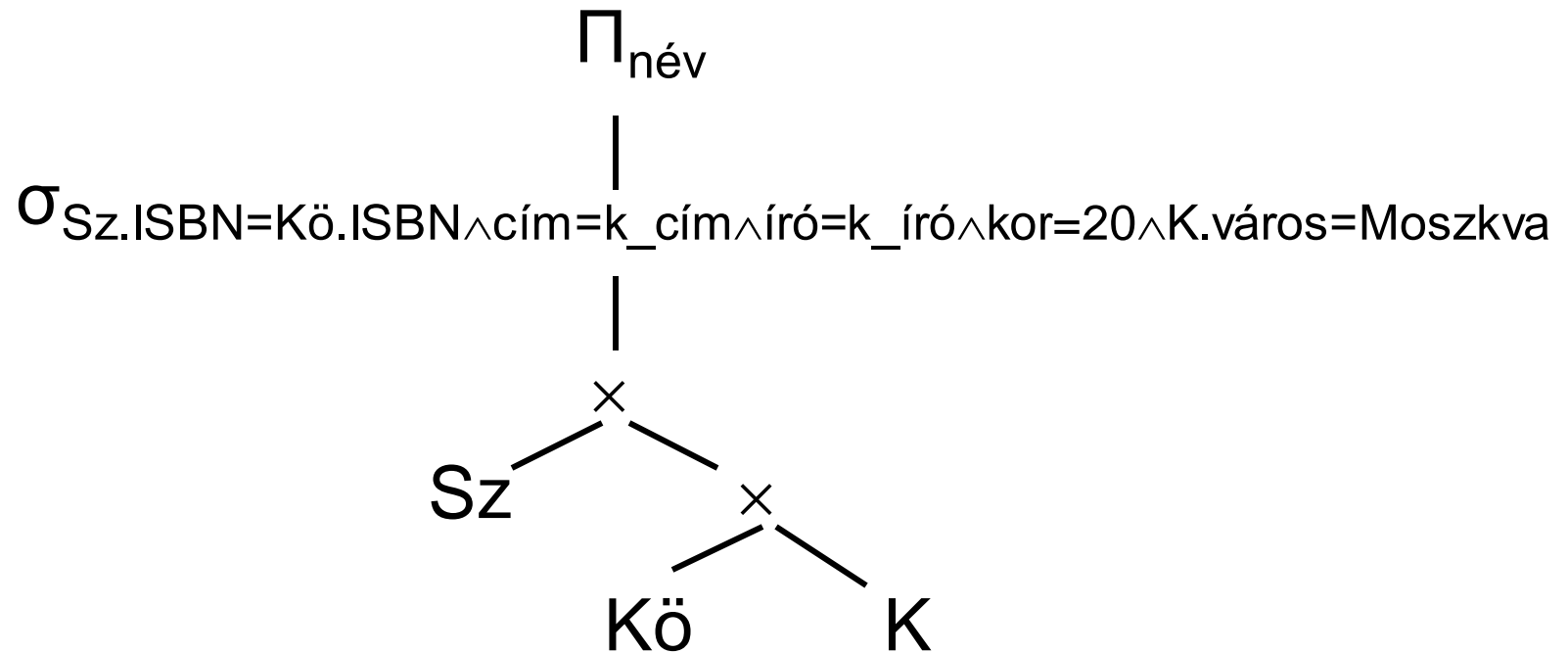
Könyv (cím, író, ISBN, ár)

Kiad (k_cím, k_író, város, ország)

- Kik azok, akik 20 évesek, és moszkvai kiadású könyvet kölcsönöztek ki?

$$\Pi_{\text{név}}(\sigma_{\text{Sz.ISBN}=\text{Kö.ISBN} \wedge \text{cím}=\text{k_cím} \wedge \text{író}=\text{k_író} \wedge \text{kor}=20 \wedge \text{K.város}=\text{Moszkva}}(\text{Sz} \times \text{Kö} \times \text{K}))$$

Lekérdezésfa

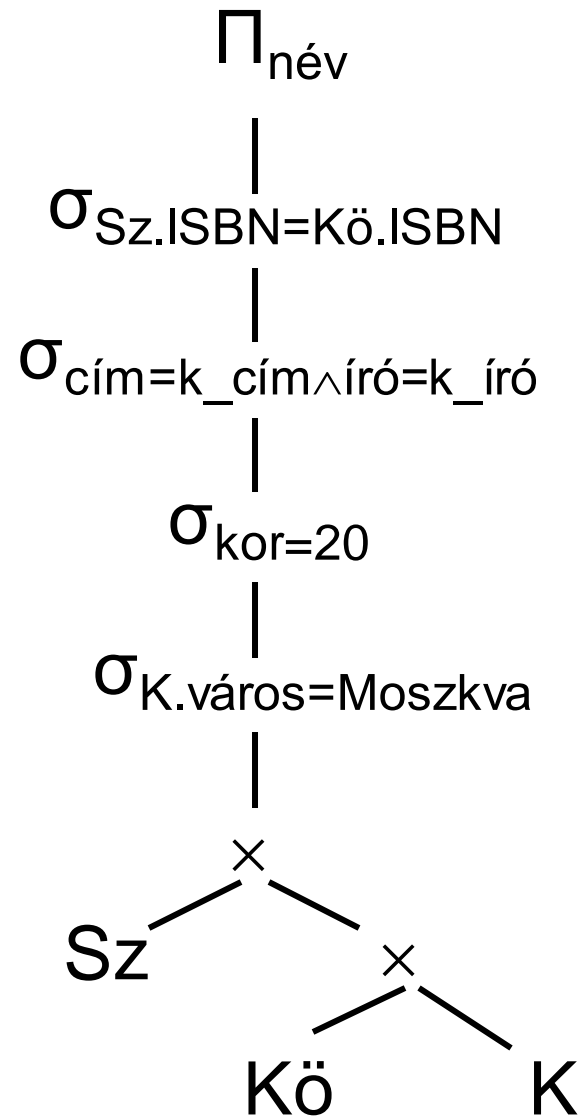


Kiválasztások "lejjebb csúsztatása"

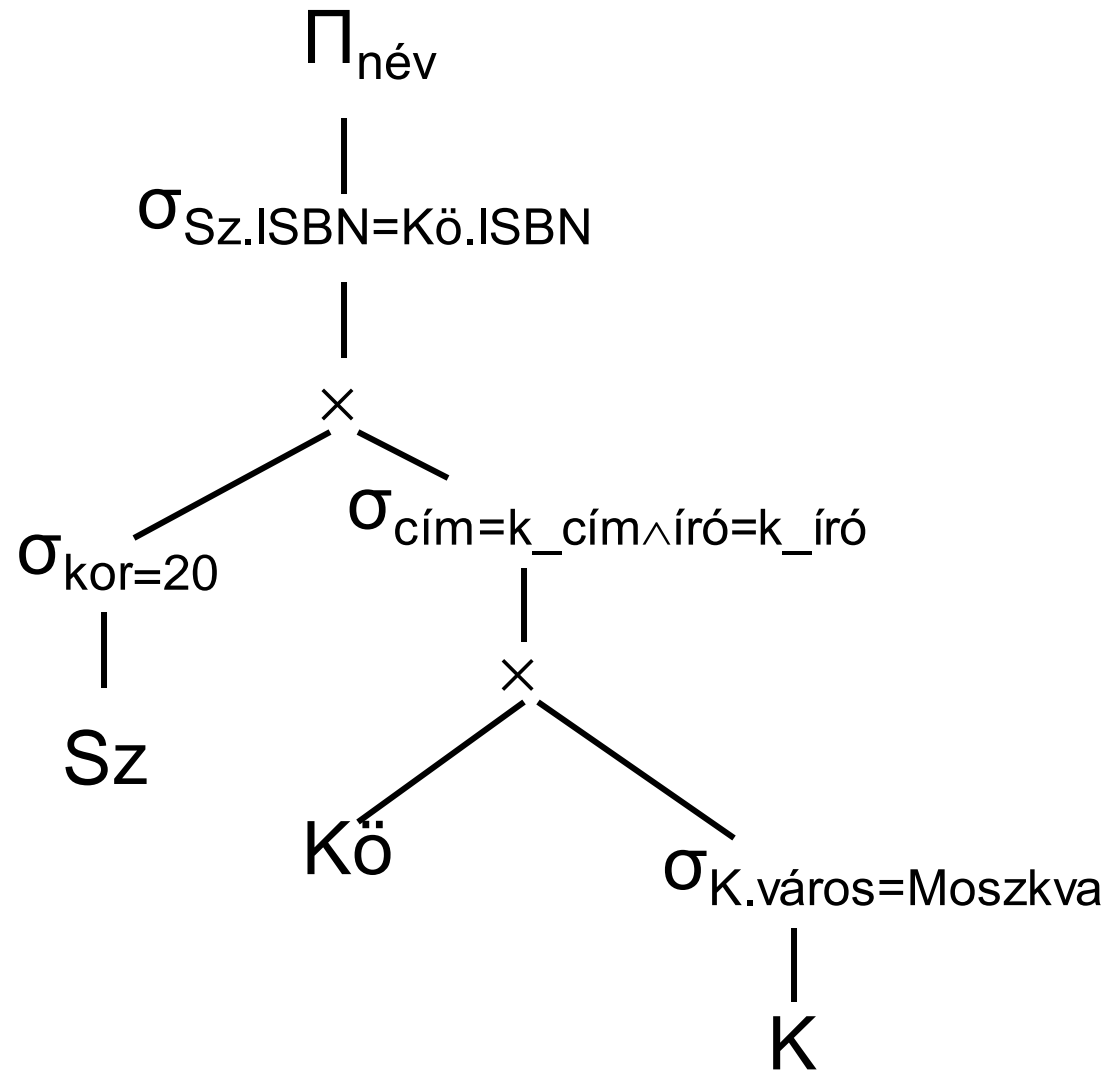
- Első lépésben a kiválasztások **konjunkciós feltételeit daraboljuk szét elemi feltételekké** a $\sigma_{F_1 \wedge F_2}(E) \equiv \sigma_{F_1}(\sigma_{F_2}(E))$ szabály segítségével.
- Ezek után alkalmazzuk a **kiválasztás halmazműveletekkel illetve Descartes-szorzáttal és a természetes összekapcsolással való felcserélésének szabályait**.
- **Azaz:** igyekszünk a kiválasztásokat minél hamarabb végrehajtani, hiszen azok jelentősen csökkenthetik a feldolgozandó köztes relációk méretét.
- A Théta-összekapcsolást itt jobb, ha egy Descartes-szorzatra és egy azt követő kiválasztásra bontjuk.

$$R \bowtie_F S \equiv \sigma_F(R \times S).$$

Darabolás

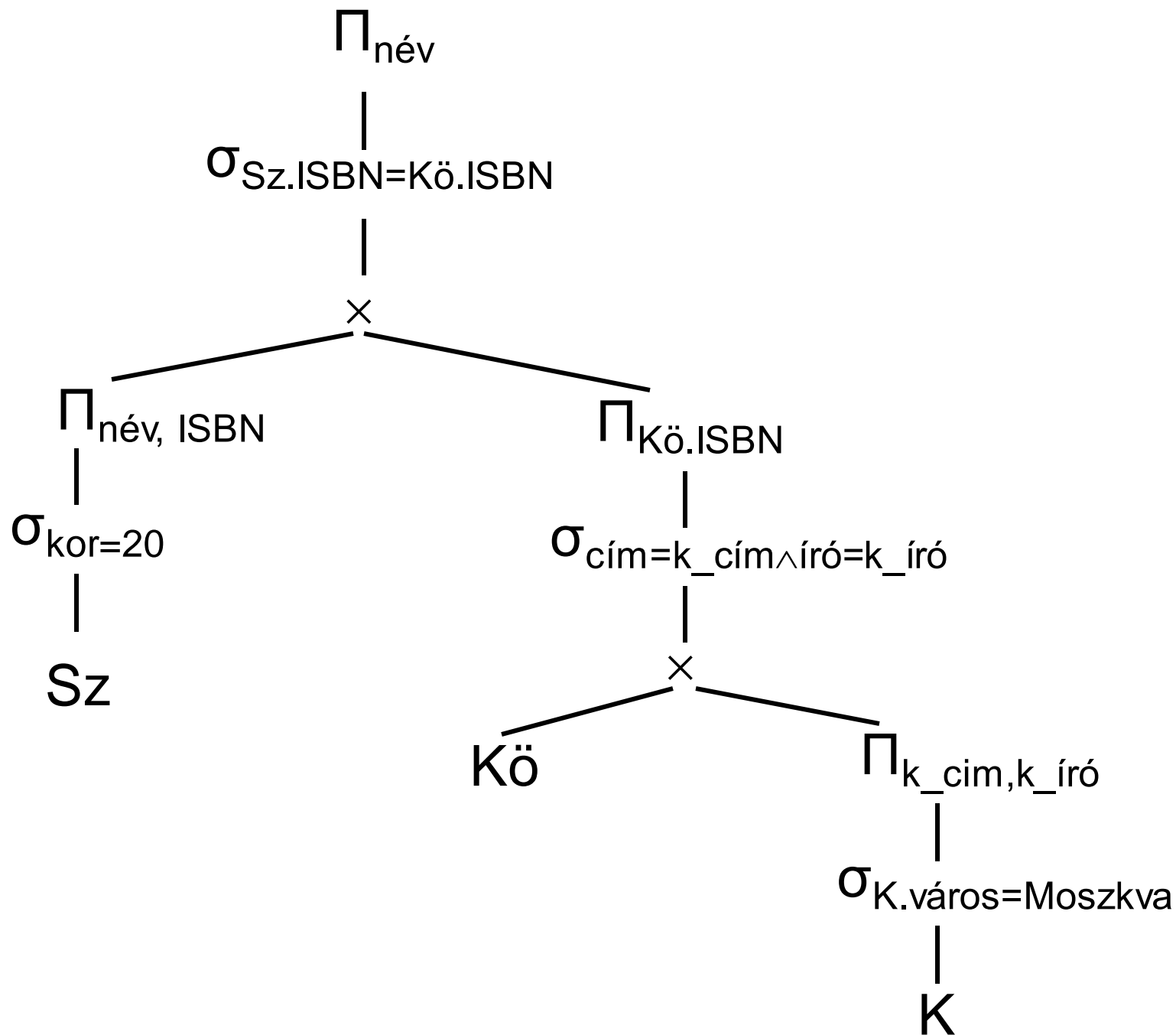


Letolás



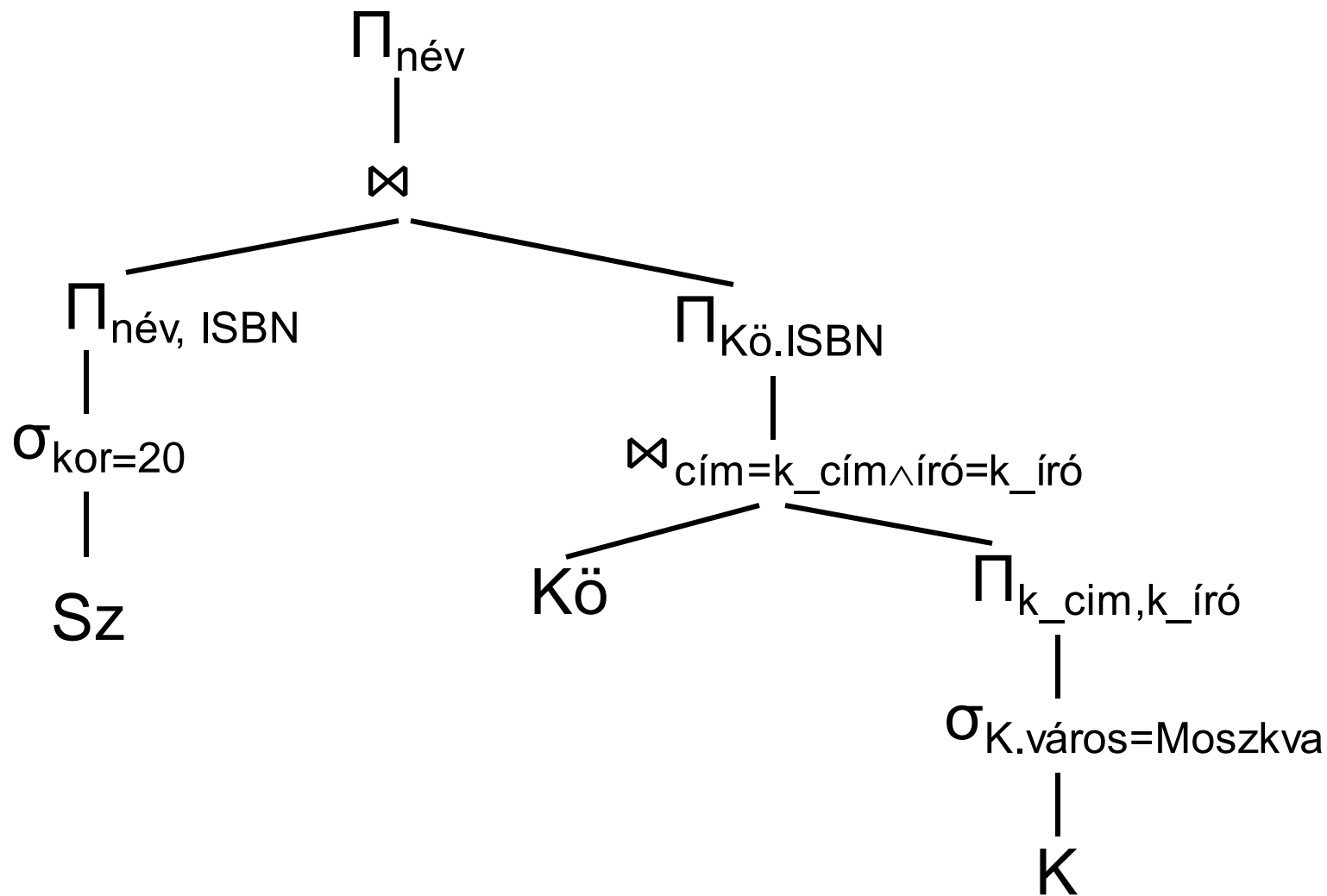
Projekciók "beírása"

- Ennél a lépésnél igyekszünk csak azokat az oszlopokat megtartani a (köztes) relációkban, amelyekre később szükség lesz.
- **Általában itt nem olyan nagy a nyereség.** A projekciók végrehajtása viszont időt igényel, ezért meg kell gondolni, hogy tényleg végre akarjuk-e hajtani a vetítést.
- Az átalakításoknál értelemszerűen **a projekciókra vonatkozó szabályokat használjuk.**



Összekapcsolások

- Az utolsó lépésben $\Pi_L(\sigma_C(R \times S))$, $\sigma_C(R \times S)$ kifejezéseket helyettesítjük természetes összekapcsolással, Théta-összekapcsolással úgy, hogy az eddigivel ekvivalens lekérdezést kapjunk.



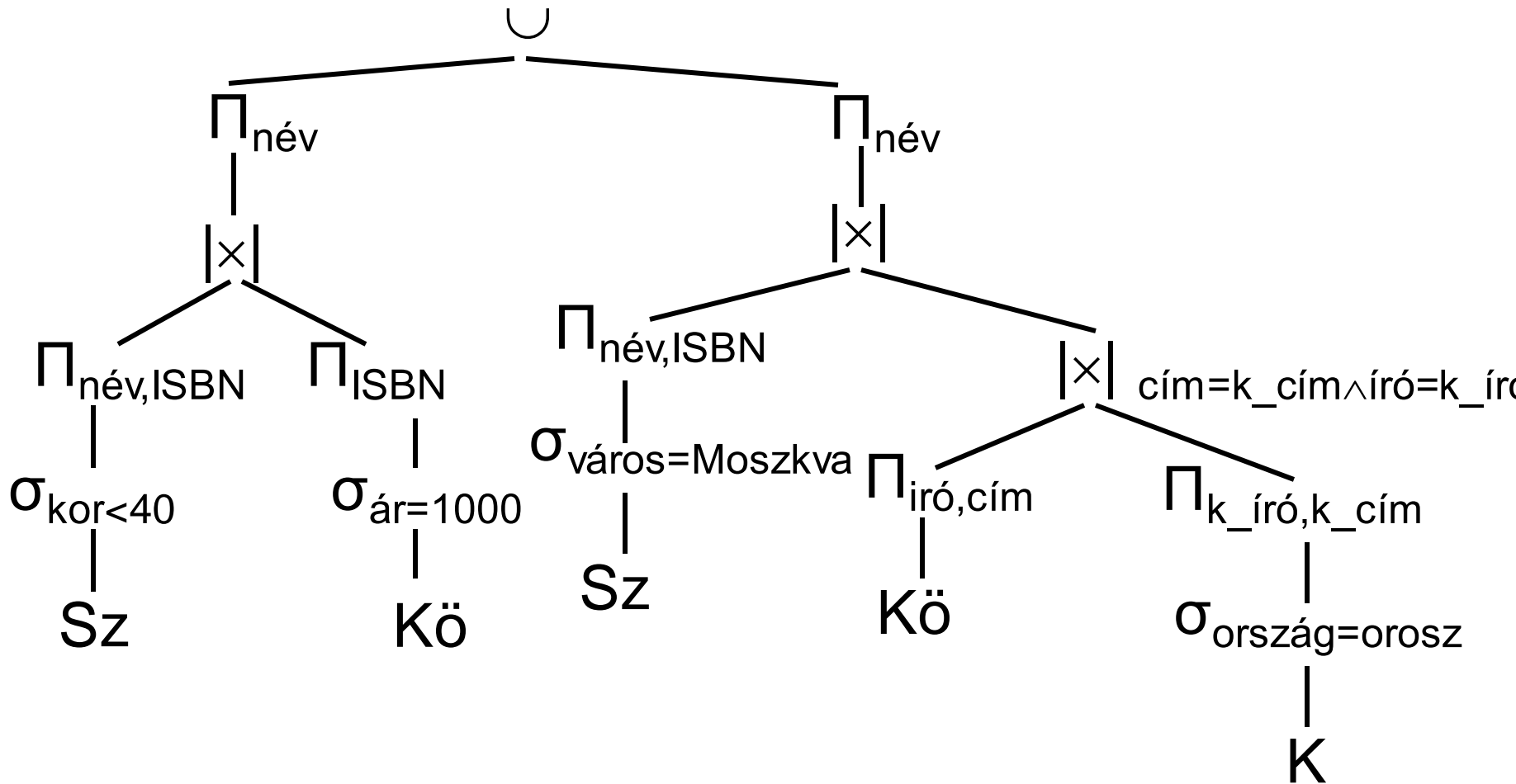
Mi történik, ha a diszjunkció is megjelenik?

- Kik azok, akik 1000 forintos könyvet vásároltak, és még nincsenek 40 évesek, vagy moszkvaiak, és orosz kiadású könyvet vettek?

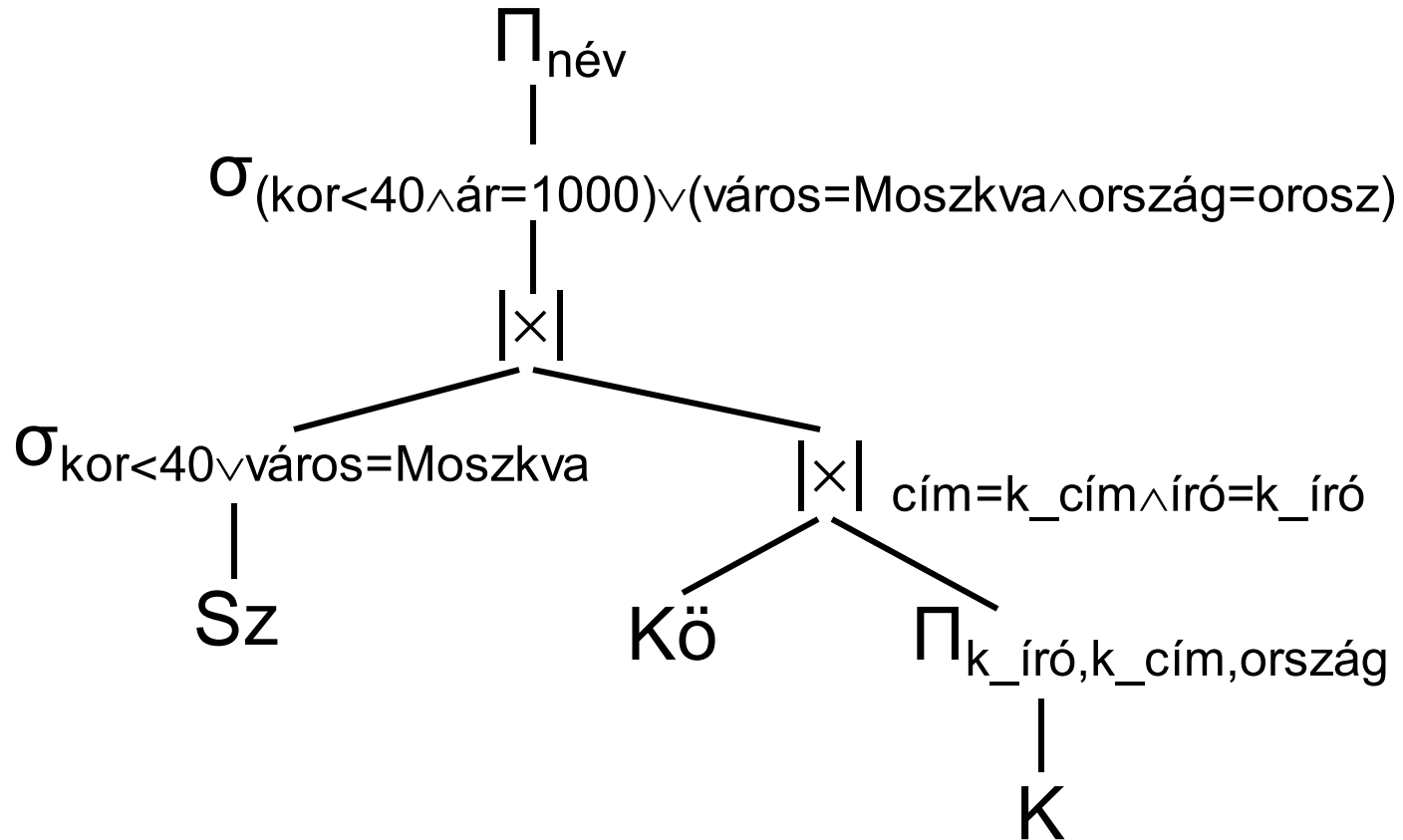
$$\Pi_N(\sigma_{C \wedge ((\text{ár}=1000 \wedge \text{kor} < 40) \vee (\text{Sz.város}=\text{Moszkva} \wedge \text{ország}=\text{orosz}))} (\text{Sz} \times \text{Kö} \times \text{K})).$$

- Itt **C** az $\text{Sz.ISBN} = \text{Kö.ISBN} \wedge \text{Kö.cím} = \text{K.k_cím} \wedge \text{Kö.író} = \text{K.k_író}$ feltételt jelöli.

Megoldás I.



Megoldás II.



Összegzés

- Ha tehát a kiválasztások feltételei diszjunkciót is tartalmaznak, **a helyzet bonyolultabbá válik**, és nem adható olyan egyértelmű optimalizációs algoritmus, mint konjunkciók esetén.

Kiválasztások feljebb csúsztatása

- A következő példa azt szemlélteti, amikor egy **kiválasztást először felfelé kell csúsztatnunk**, hogy aztán letolhassuk.

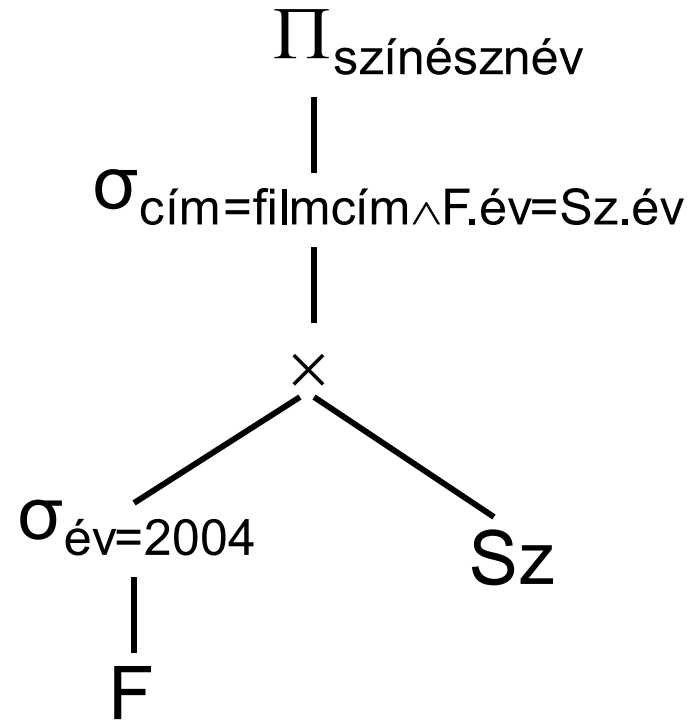
- A **táblák:**

Film (cím, év, hossz)

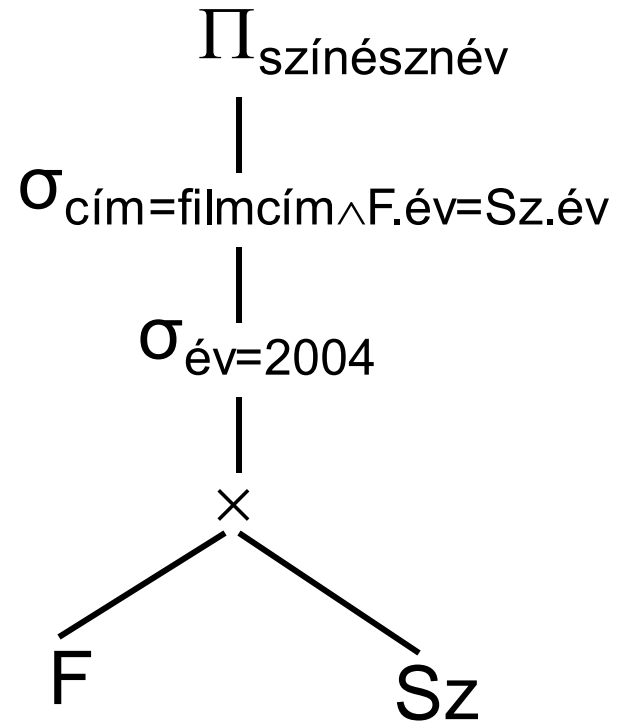
Szerepel (filmcím, év, színésznév)

```
CREATE VIEW film04 AS SELECT színésznév  
(SELECT * FROM film04 f, Szerepel sz  
FROM film WHERE cím = filmcím AND  
WHERE év = 2004); f.év = sz.év;
```

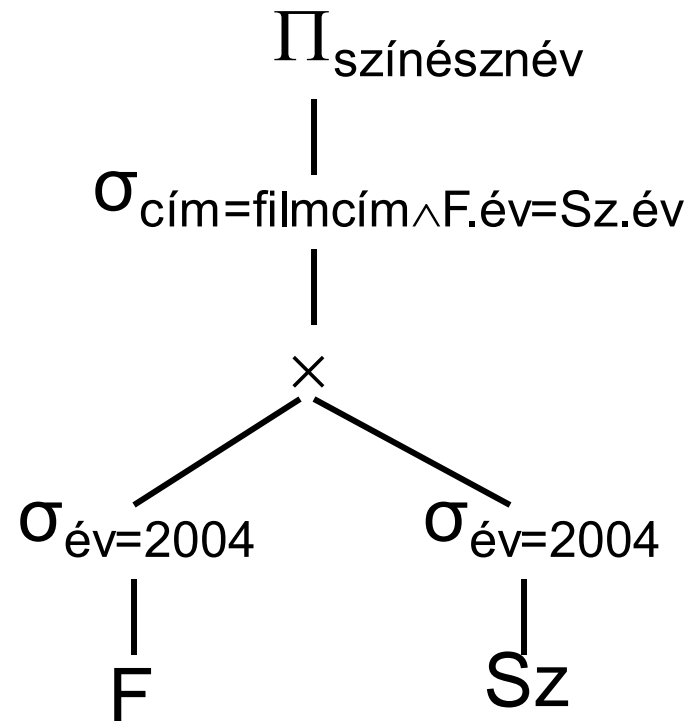
Kezdeti lekérdezésfa



Második lépés



És az eredmény...



Feladat

- A táblák legyenek:

Szerepel (filmcím, év, színésznév)

Színész (név, születési év, város, neme)

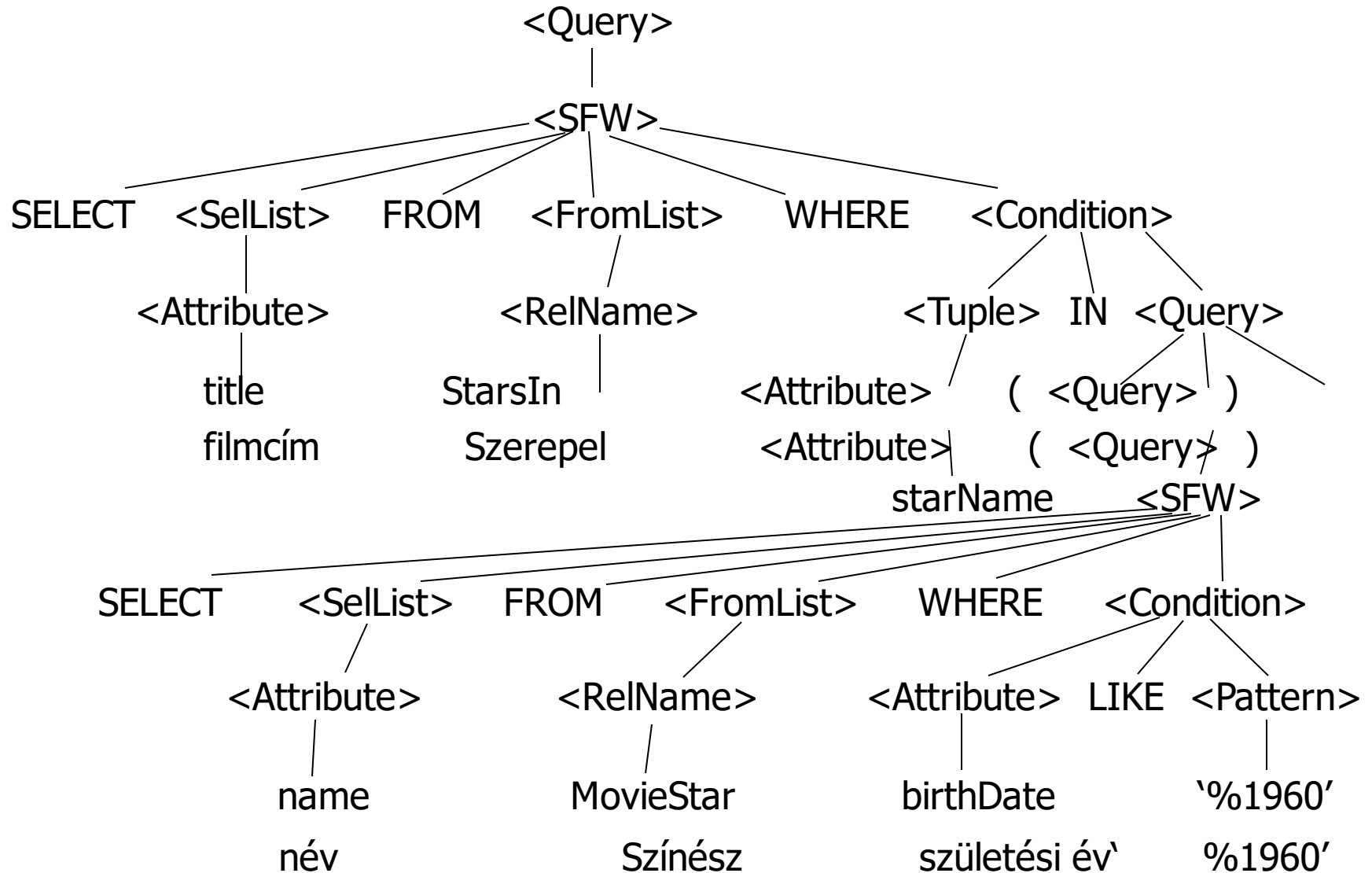
Keressük meg azokat a filmeket, amelyekben van olyan filmszínész, aki 1960-ban született.

SQL query

```
SELECT filmcím
FROM Szerepel
WHERE színésznév IN (
    SELECT név
    FROM Színész
    WHERE születési év LIKE
        '%1960'
);
(Keressük meg azokat a filmeket,
    amelyekben van olyan
    filmszínész, aki 1960-ban
    született.
)
```

```
SELECT title
FROM StarsIn
WHERE starName IN (
    SELECT name
    FROM MovieStar
    WHERE birthdate
        LIKE '%1960'
);
(Find the movies with stars
    born in 1960)
```

Example: Parse Tree



<Lekérdezés>

<SFW>

SELECT <SelLista> FROM <FromLista> WHERE <Feltétel>
<Attribútum> <RelNév> <Sor> IN <Lekérdezés>
filmCím SzerepelBenne <Attribútum> (<Lekérdezés>)

színészNév

<SFW>

SELECT <SelLista> FROM <FromLista> WHERE <Feltétel>
<Attribútum> <RelNév> <Attribútum> LIKE <Minta>
név FilmSzínész születési_idő '%1960'

Example: Generating Relational Algebra

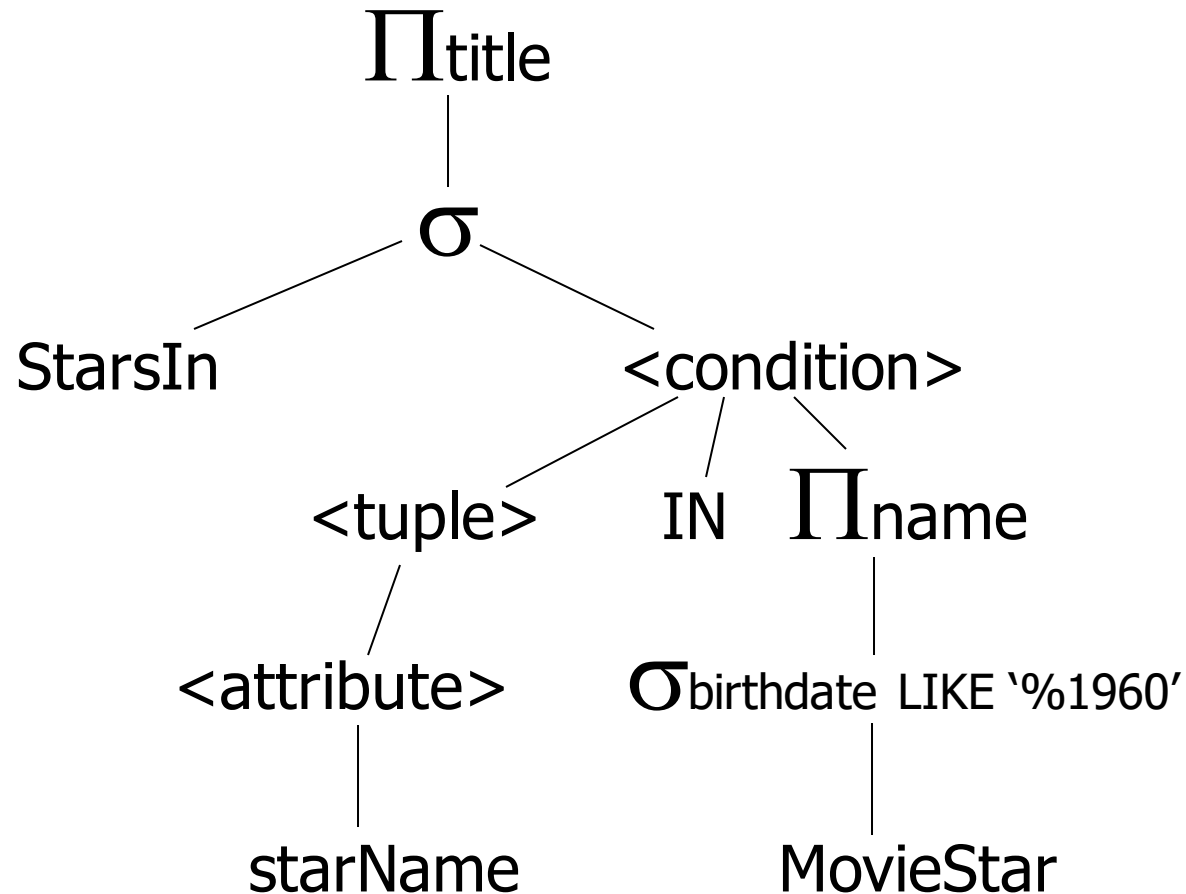
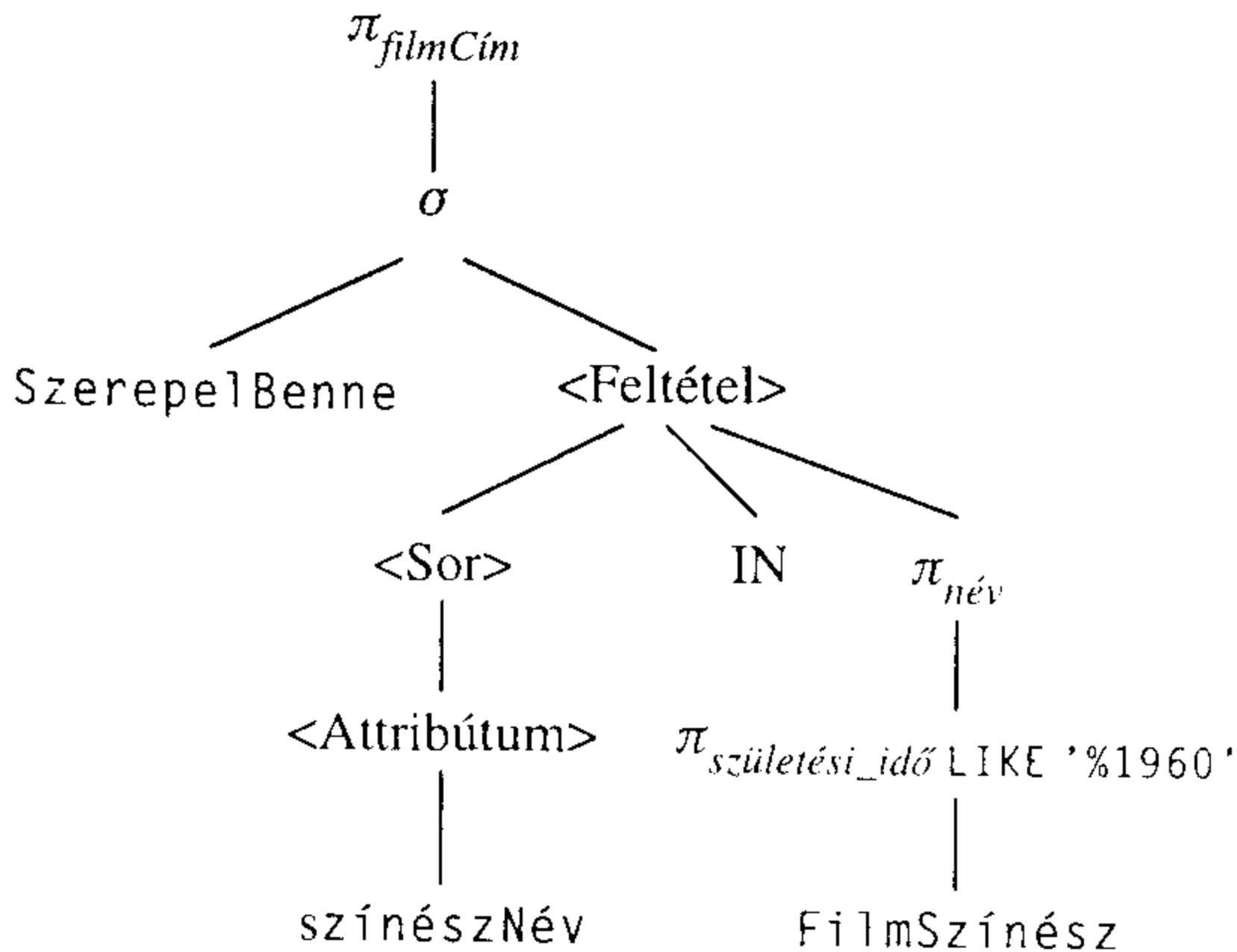


Fig. **7.14** (16.17): An expression using a two-argument σ , midway between a parse tree and relational algebra



Example: Logical Query Plan

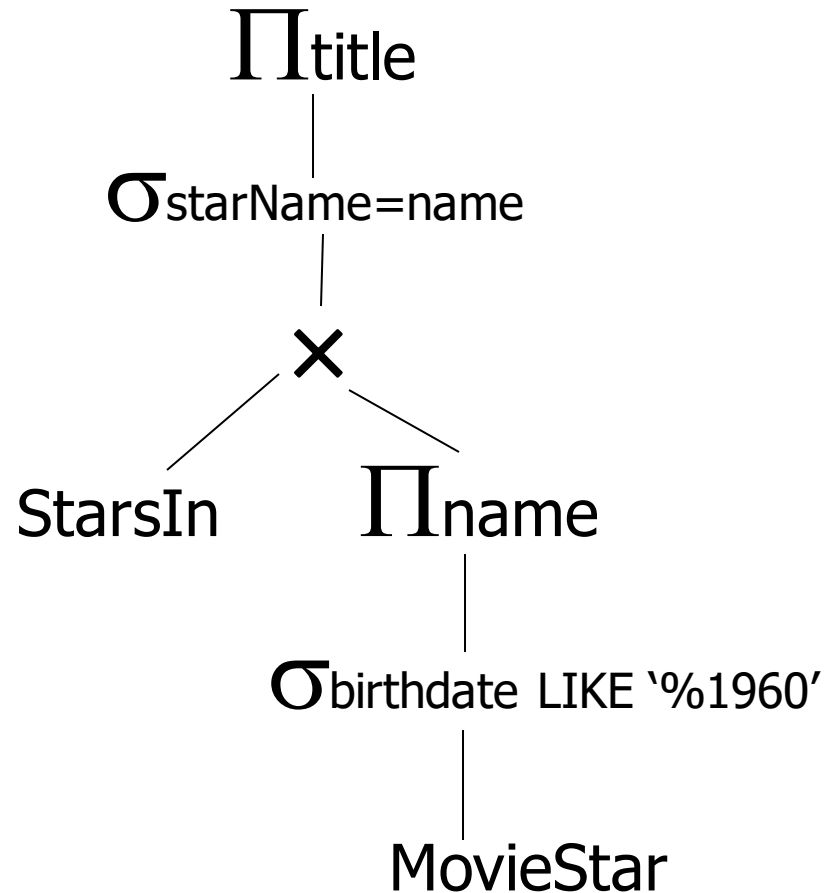
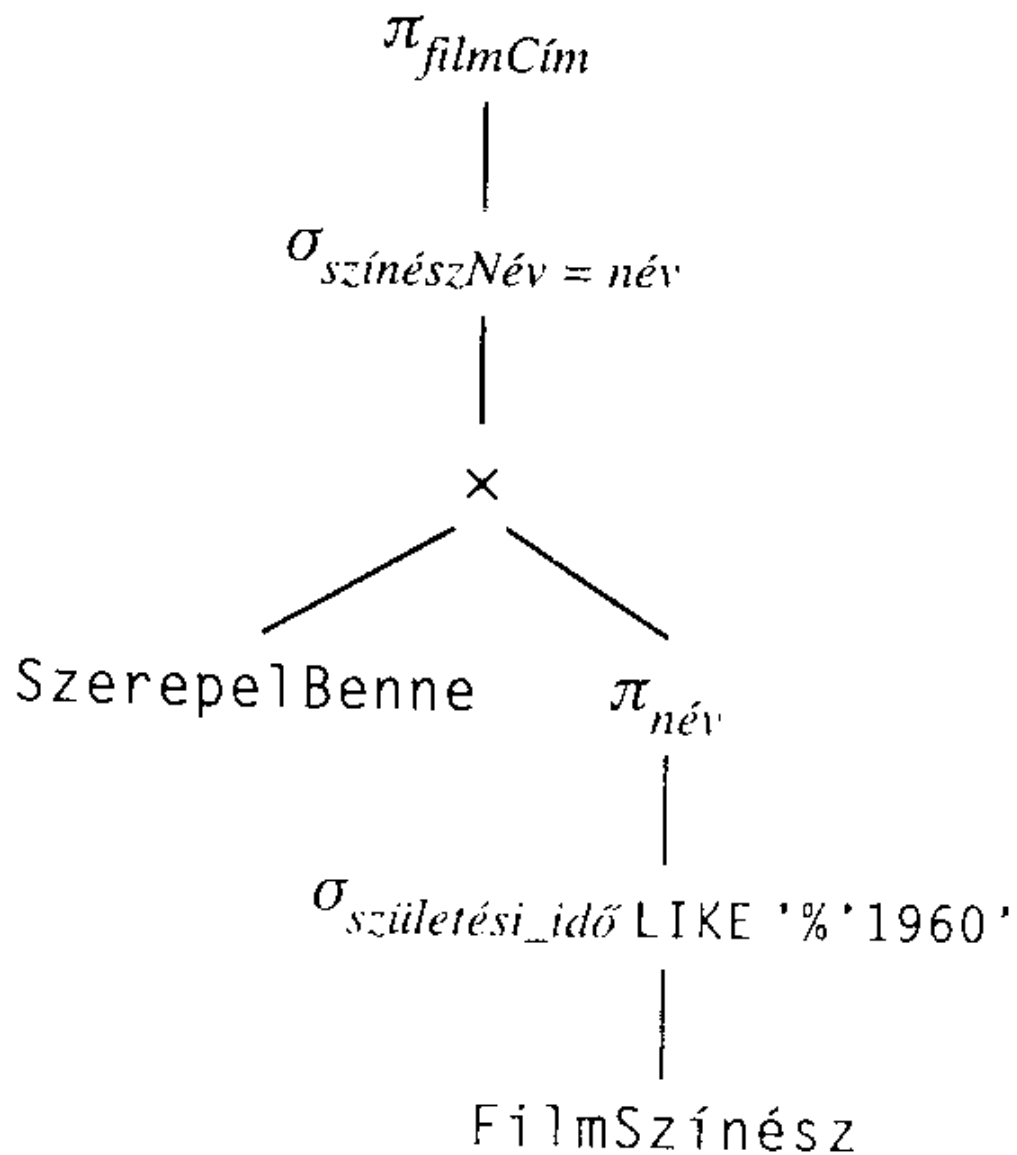
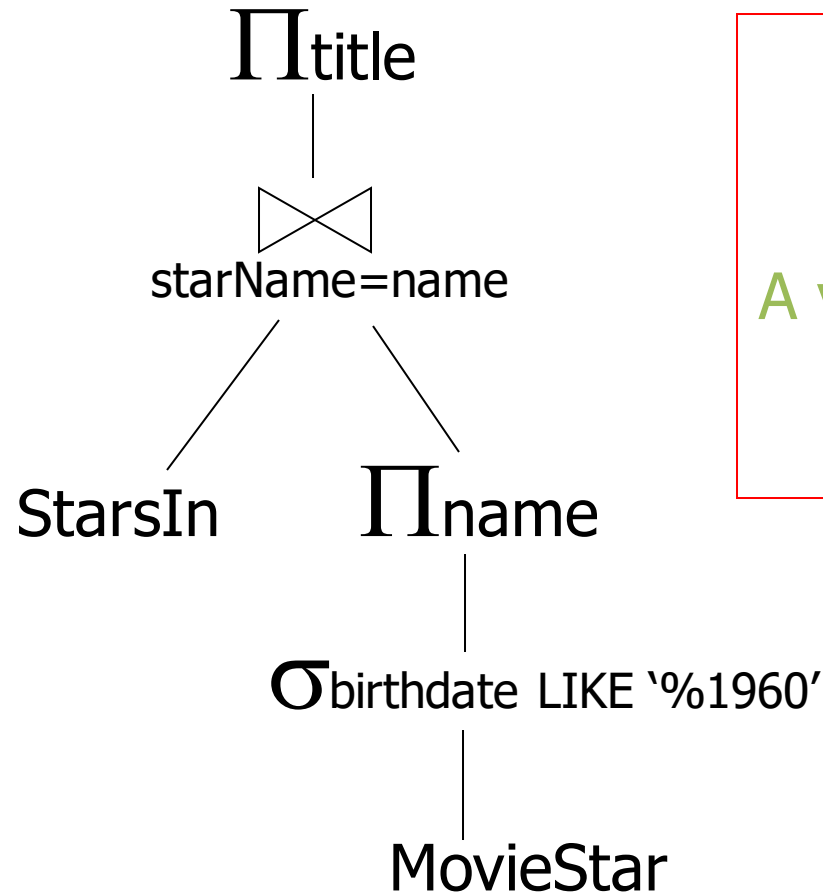


Fig. **7.16**: Applying the rule for IN conditions

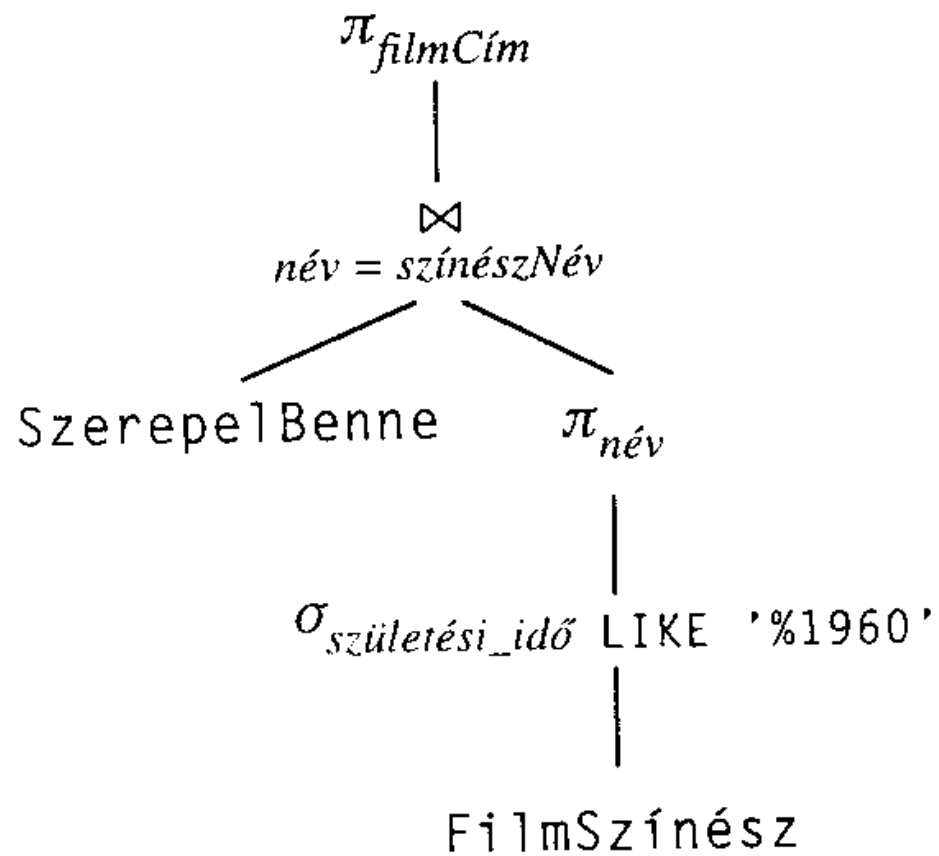


Example: Improved Logical Query Plan

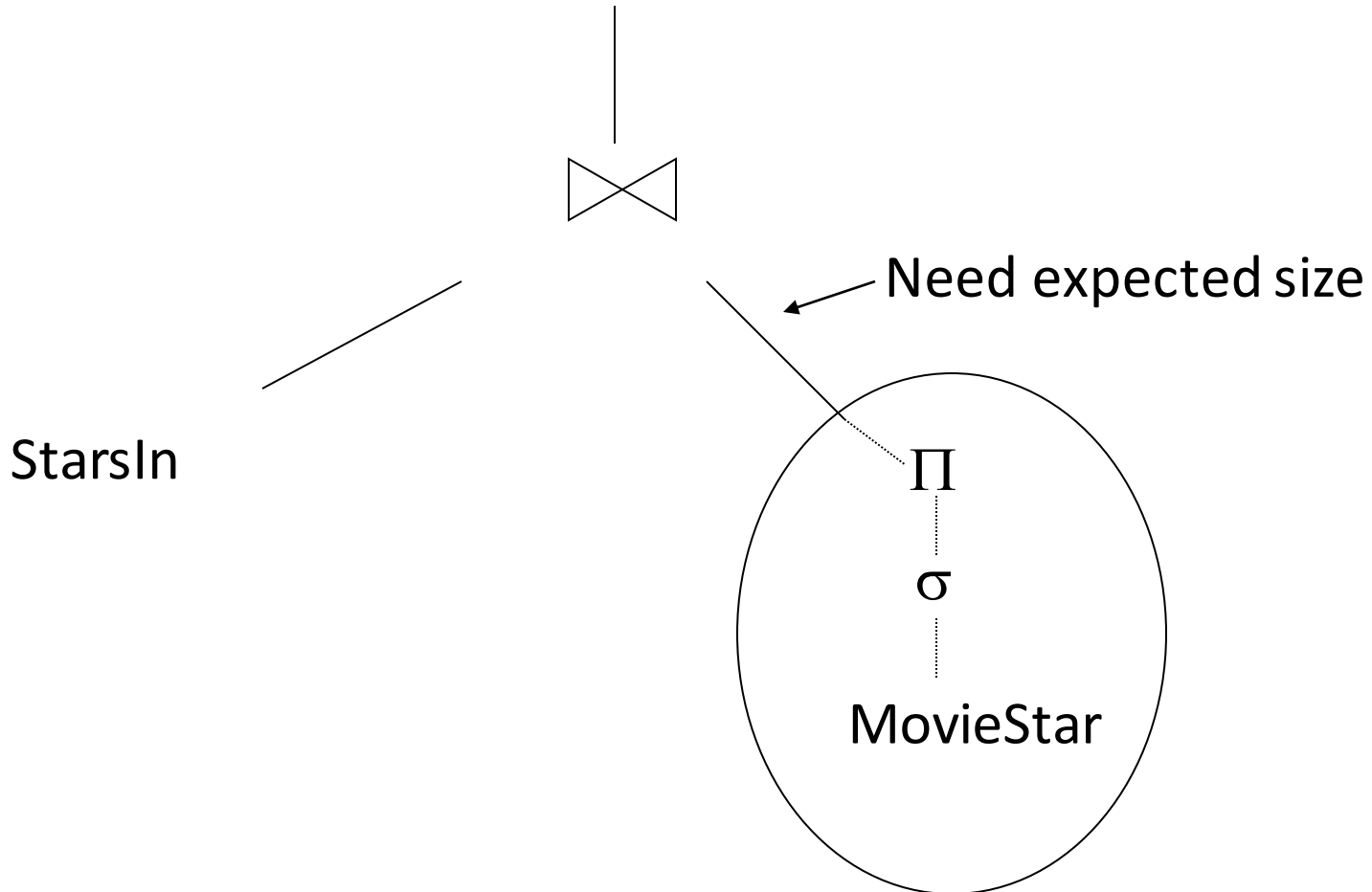


Question:
Push project to
StarsIn?
A vetítést a fa jobb
ágába visszük

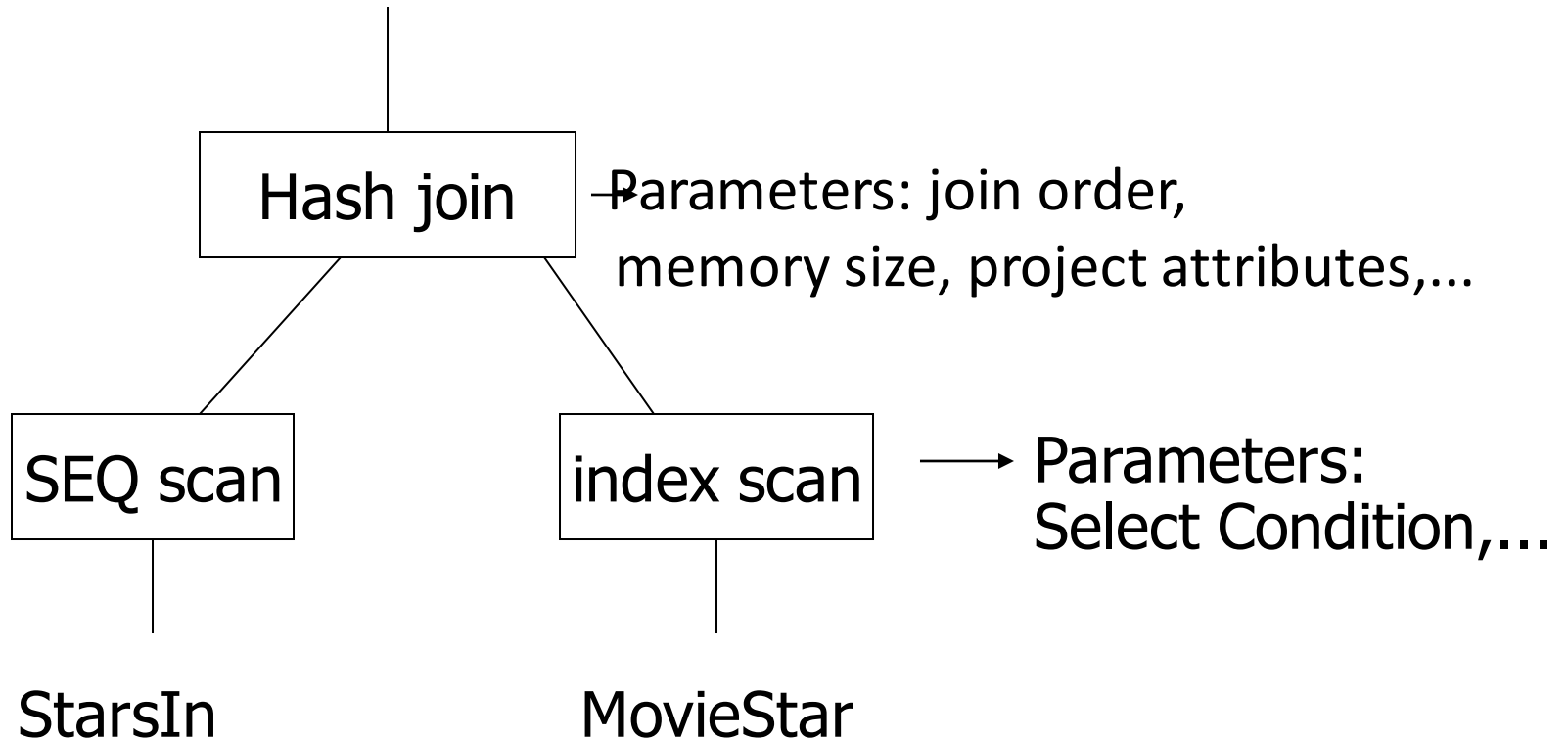
Fig. 7.22: An improvement on fig. 7.16.



Example: Estimate Result Sizes



Example: One Physical Plan



Költség alapú optimalizálás

- A kiválasztott logikai lekérdezéstervet **fizikai lekérdezéstervvé** alakítjuk át.
- **Különböző** fizikai lekérdezéstervek közt válogathatunk.
- A legjobbat a **költségek becslésével** választjuk ki.
- Egy-egy fizikai terv magában foglalja:
 - sorrend és csoportosítás megadását asszociatív és kommutatív műveletek esetén,
 - a megfelelő algoritmus kiválasztását minden egyes operátorhoz.
 - további műveletek megadását, amelyek a logikai tervben nem voltak jelen (beolvasás, rendezés, "extra" projekciók stb.),
 - annak módját, ahogy egy operátor továbbadja az argumentumokat egy másiknak.

A költség

- A legfőbb költségtényező továbbra is az **I/O műveletek száma**.
- A közbülső relációk általában **nyaláboltan** helyezkednek el, és ritka kivételektől eltekintve **nem tartozik hozzájuk index**.
- Emiatt a köztes relációk esetén az I/O műveletek száma **csak a reláció méretétől függ**.
- Egy-egy sor mérete jól becsülhető (átlag), vagy pontosan megadható.
- Így a legfőbb kérdés: **a közbülső reláció hány sort tartalmaz**.

Milyen becslések kellenek?

- **Könnyen** kiszámíthatóak.
- Elég **pontos becslést** adnak.
- **Logikailag konzisztensek**. Azaz: például az összekapcsolások esetén a becslés nem függ a relációk összekapcsolásának sorrendjétől.
- A **vetítések** mérete sok esetben **pontosan**, vagy majdnem pontosan megadható, hiszen a sorok számát ismerjük, csak az egyes sorok méretét kell becsülnünk.
- Ugyanakkor előfordulhat, hogy a vetítés során a sorok **mérete nő**. (attribútumok kombinációja, új komponensek)

Kiválasztás méretének becslése I.

- $S = \sigma_{A=c}(R)$ esetén:

$$T(S) = T(R)/V(R, A)$$

ez Zipfian-eloszlás esetén is jó, ha a kiválasztás feltételében a konstanst véletlenszerűen választjuk. (400. o., 7.4.3)

- $S = \sigma_{A < c}(R)$ esetén:

$$T(S) = T(R)/3.$$

- $S = \sigma_{A \neq a}(R)$ esetén: $T(S) = T(R)$, vagy:

$$T(S) = T(R)(V(R, a) - 1)/V(R, a).$$

Kiválasztás méretének becslése II.

- $S = \sigma_{C1 \wedge C2}(R)$ esetén a szelektivitási tényezőkkel szorzunk.
- Az előbbiek értelmében a szelektivitási tényező: \neq esetén **1**,
 $=c$ esetén $1/V(R,A)$, $<$ esetén $1/3$.
- Példa: $S = \sigma_{A=10 \wedge B < 20}(R)$ esetén hány sora lesz S-nek a becslésünk szerint?

$$T(R) = 10\,000, V(R,A) = 50.$$

- $T(R)/(V(R,A) \times 3)$, $[T(R)/(V(R,A))] \times 1/3$,
- És $S = \sigma_{A=10 \wedge A > 20}(R)$ esetén?

Kiválasztás méretének becslése III.

- $S = \sigma_{C_1 \vee C_2}(R)$ esetén tegyük fel, hogy R n sorából m_1 sor teljesíti C_1 -t és m_2 sor C_2 -t. Ekkor a

$$T(S) = n(1 - (1 - m_1/n)(1 - m_2/n)).$$

$$S = \sigma_{A=10} \vee_{B<20}(R)$$

$$T(R) = 10\,000, V(R, A) = 50.$$

$$T(R)/V(R, A), T(R) \times 1/3$$

$$T(S) = n(1 - (1 - m_1/n)(1 - m_2/n)).$$

$$m_1 = T(R)/V(R, A), m_2 = T(R) \times 1/3$$

Összekapcsolások méretének becslése I.

- **Théta-összekapcsolás** esetén az $R \bowtie_c S \equiv \sigma_c (R \times S)$ szabály használható.
- **Equi-join** esetén a természetes összekapcsolásra vonatkozó becslések alkalmazhatóak.
- A természetes összekapcsolás méretének becsléséhez tegyük fel, hogy $R(X, Y)$, $S(Y, Z)$ relációknál az **Y egyetlen attribútumot tartalmaz**.
- Ekkor $T(R \bowtie S)$ lehet:
 - **0**, ha nincs közös **Y** értéke a két reláció Y attribútumának.
 - **$T(R)$** , ha Y S kulcsa, R-nek pedig idegen kulcsa.
 - **$T(R)T(S)$** , *majdnem* az összes sor ugyanazokat az **Y** értéket tartalmazza R-ben és S-ben is.

Összekapcsolások méretének becslése II.

- **Két egyszerűsítő feltételezés**, amelyek azonban sok esetben teljesülnek:
 1. **értékalmazók tartalmazása**: Y egy attribútum, több relációban is előfordul, mindig egy rögzített y_1, \dots, y_k lista elejéről kap értéket. Így: $V(R, Y) \leq V(S, Y)$ esetén, R minden Y értéke S -nek is értéke.
 2. **Értékalmazók megőrzése**: ha A nem összekapcsolási attribútum, akkor:
$$V(R \bowtie S, A) = V(R, A).$$
- Mindkét feltétel teljesül például (1;2), ha Y S -ben kulcs, R -ben idegen kulcs.
- A második feltétel (2.) csak akkor nem teljesülhet, ha R -ben vannak lógó sorok, de még ekkor is fennállhat ez a feltétel.

Összekapcsolások méretének becslése II.

- Tegyük fel, hogy $V(R, Y) \leq V(S, Y)$.
- Rögzítsük R egy r sorát.
- Ekkor $1/V(S, Y)$ az esélye annak, hogy $r \in R$, $s \in S$ egy sorához kapcsolódik.
- A kapcsolódó sorok várható száma tehát: $T(S)/V(S, Y)$.
- Így az összekapcsolás mérete:

$$\frac{T(R)T(S)}{\max(V(R, Y), V(S, Y))}$$

Összekapcsolások méretének becslése III.

- Hasonló gondolatmenettel belátható, hogy

$R(X, Y_1, Y_2) \bowtie S(Y_1, Y_2, Z)$ esetén az összekapcsolás mérete:
 $V(S, Y_1) \leq V(R, Y_1)$, értékhalmozok tartalmazása

$s \in S, r \in R, 1/V(R, y_1)$ az esély (val.szeg.), s és r, Y_1 , értéke u.a.,

$$\frac{T(R)T(S)}{\max(V(R, Y_1), V(S, Y_1)) \max(V(R, Y_2), V(S, Y_2))}$$

Összekapcsolások méretének becslése IV.

- $S = R_1 \bowtie \dots \bowtie R_n$ esetén tegyük fel, hogy az A attribútum R_1, \dots, R_k -ban fordul elő.
- Tegyük fel továbbá, hogy: $V(R_1, A) \leq \dots \leq V(R_k, A)$.
- Válasszunk ki R_1, \dots, R_k -ből egy-egy sort.
- Ekkor a t_i sor $1/V(R_i, A)$ valószínűséggel egyezik meg t_1 -gyel.
- Emiatt $T(S)$ becsléséhez az **egyes relációkban szereplő sorok számának szorzatát**, minden egyes A attribútum esetén, ami legalább két relációban előfordul, a legkisebb kivételével osszuk el az összes $V(R, A)$ értékkel.

Példa

R (A, B, C)	S (B, C, D)	U (B, E)
$T(R) = 1000$	$T(S) = 2000$	$T(U) = 5000$
$V(R, A) = 100$	$V(S, B) = 50$	$V(U, B) = 200$
$V(R, B) = 20$	$V(S, C) = 100$	$V(U, E) = 500$
$V(R, C) = 200$	$V(S, D) = 400$	

Mekkora lesz $R \bowtie S \bowtie U$ mérete?

Halmazműveletek

- **Multihalmaz-egyesítés** esetén a két reláció méretének összege adja az eredmény méretét.
- **Halmazegyesítésnél** pedig: $T(R) + ((T(R) + T(S)) / 2)$ -vel becsülhetünk ($T(R) > T(S)$).
- **Multihalmaz-metszet** a természetes összekapcsolás egy speciális esete, tehát az ott adott becslés itt is használható.
- Vagy: **a kisebbik reláció sorszámanak a fele.**
$$\frac{T(R)T(S)}{\max(V(R, Y), V(S, Y))}$$

A	B
0	1
0	1

A	B
0	1
0	1
0	1

A multihalmaz-metszet méretének becslésére itt milyen értékeket kapunk?

Ismétlődések kiküszöbölése és csoportosítás

- $\delta(R(A_1, \dots, A_n))$ mérete pontosan $V(R, [A_1, \dots, A_n])$, ez az érték azonban sokszor nem áll rendelkezésünkre.
- Egy **felső korlát** a méretre a $V(R, A_i)$ értékek szorzata. Jelöljük ezt V -vel.
- Elfogadható becslés: $T(R)/2$ és V közül a kisebbik.
- $\gamma_L(R)$ esetén a méret pontosan $V(R, [B_1, \dots, B_k])$, ha L -ben a B_1, \dots, B_k csoportosító attribútumok szerepelnek.
- Itt is felső korlát a csoportok számára a $V(R, B_i)$ értékek szorzata. Legyen ez W .
- Szintén elfogadható becslés, ha $T(R)/2$ és W közül a kisebbiket választjuk.

Hisztogrammok

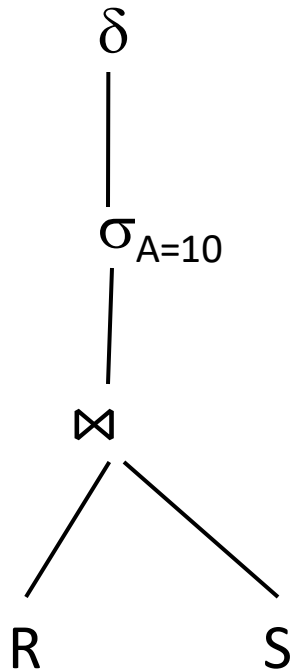
- Az $R(A, B) \bowtie S(B, C)$ méretére szeretnénk becslést adni, $V(R, B) = 14$ és $V(S, B) = 13$.
- Rendelkezésünkre állnak a következő hisztogrammok:
 - R.B: 0: 150, 1: 200, **5**: 100, egyéb: 550 ~ 1000 sor
 - R.S: 0: 100, 1: 80, **2**: 70, egyéb: 250. ~ 500 sor
- R.B egyéb értékeinél átlagosan 50 sor egy értékre, S.B esetén 25. ($[550/(V(R, B)-3)]$), ($[250/(V(S, B) - 3)]$)
- A 0 és 1 értékű sorok összesen: $150 \times 100 + 200 \times 80 = 31000$.
- Élünk a korábbi feltételezéssel, miszerint S minden B értéke R B attribútumában is előfordul.
- A **2** és **5** értékű sorok összesen: $50 \times 70 + 100 \times 25 = 6000$.
- A maradék sorok: $9 \times (50 \times 25) = 11250$. $V(R, B) - 4 - 1$; $V(S, B) - 4$
- Összesen: $31000 + 6000 + 11250 = 48250$.
- $1000 \times 500 / 14 = 35714$

$$\frac{T(R)T(S)}{\max(V(R, Y), V(S, Y))}$$

Statisztikák növekményes kiszámítása

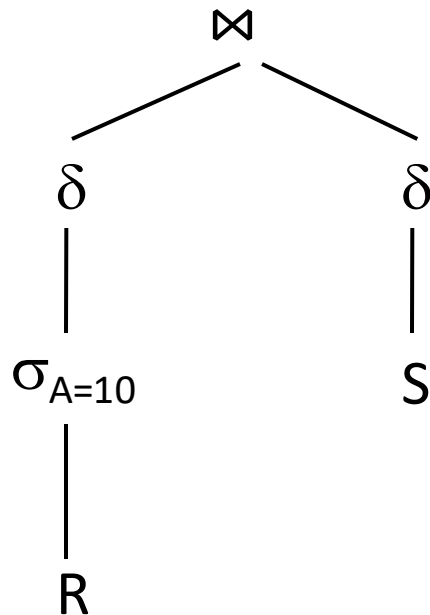
- A lekérdezés-optimalizáció a statisztikákat **bizonyos időközönként** frissíti, mert ezek nem szoktak rövid idő alatt radikálisan megváltozni.
- Ennek egy alternatívája a **növekményes kiértékelés** (incremental evaluation), azaz a rendszer minden táblamódosítás után napra készen tartja az érintett statisztikákat.
 - **Törlésnél, beszúrásnál** $T(R)$ -ből kivonunk vagy hozzáadunk **egyet**.
 - Ha van **B-fa indexünk** R egy attribútumára, akkor a **levelek száma** is használható $T(R)$ becslésére. Feltesszük, hogy minden blokk $\frac{3}{4}$ részéig van tele, s becsüljük, hogy ekkora helyen hány **kulcs-mutató pár** fér el. Ebben az esetben csak akkor kell módosítani a becslést, ha **a levelek száma változik**.
 - Az **A attribútumra vonatkozó index** segítségével a $V(R, A)$ is könnyen karbantartható.
 - Ha az A **kulcs**, akkor $V(R, A) = T(R)$.

Példa költségek becslésére I.



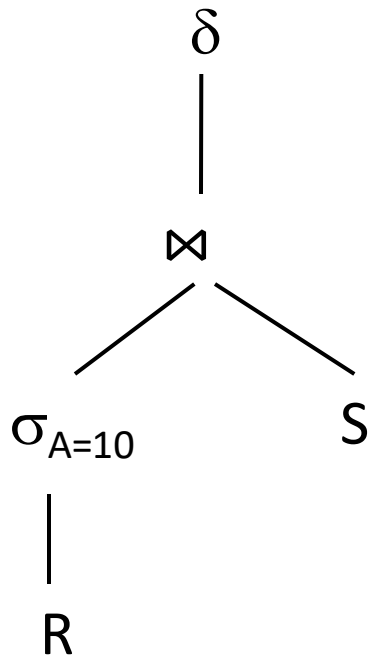
R (A, B)	S (B, C)
$T(R) = 5000$	$T(S) = 2000$
$V(R, A) = 50$	$V(S, B) = 200$
$V(R, B) = 100$	$V(S, C) = 100$

Példa költségek becslésére II.

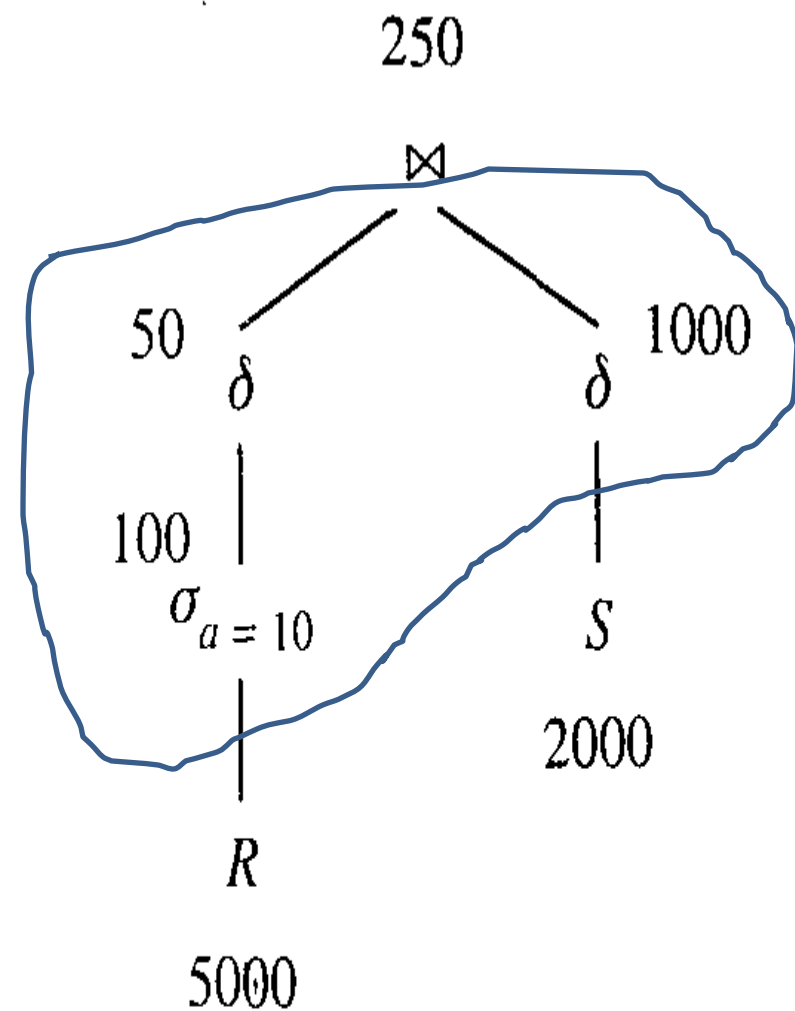


Mi a terv
végrehajtási
költségének a
becslése?

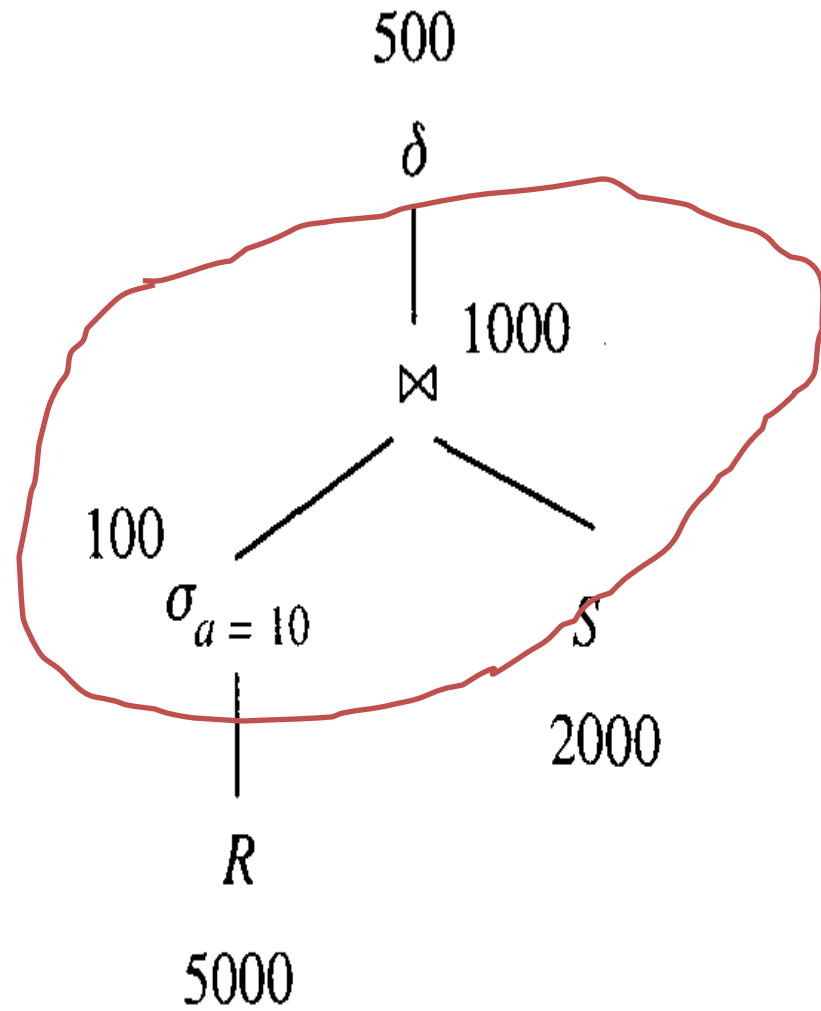
Példa költségek becslésére III.



És itt?



a)



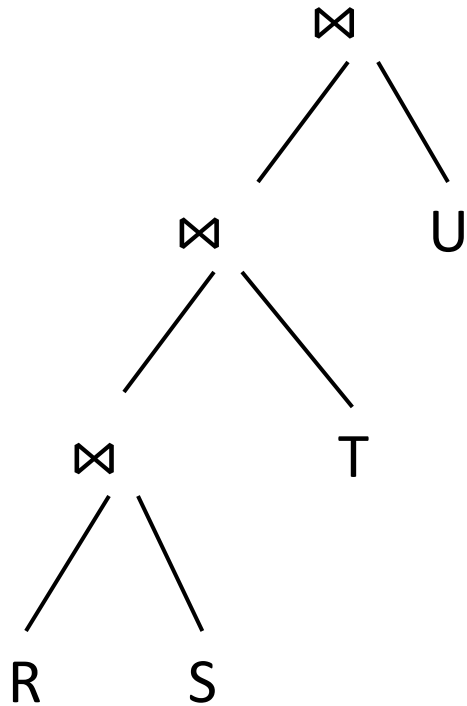
b)

7.27. ábra. Két jelölt a legjobb logikai lekérdezéstervre

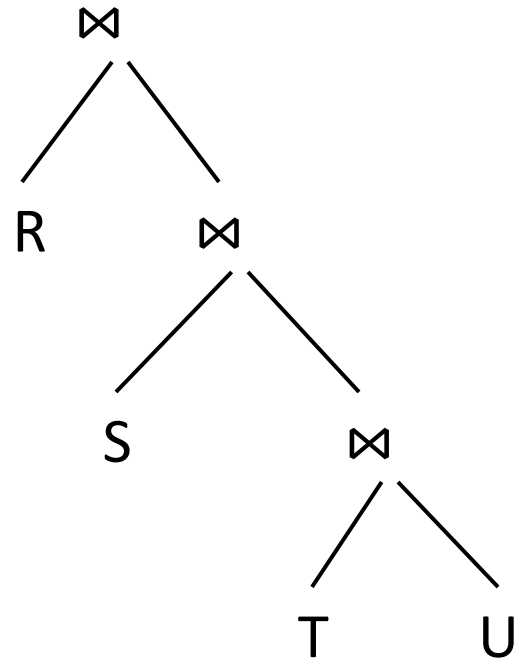
Összekapcsolások sorrendje

- **Már két reláció összekapcsolásánál** is sok esetben számít, hogy melyik reláció áll a baloldalon és melyik a jobbon.
- **Egymenetes összekapcsolásnál** feltételezzük, hogy a kisebbik relációt olvassuk be a memóriába teljesen.
- **Beágyazott ciklusú összekapcsolásnál** szintén a kisebbik reláció szerepel a baloldalon, ami külső ciklus relációja.
- **Indexes összekapcsolás** esetén pedig a jobb argumentum rendelkezik indexszel.

Összekapcsolási fák



bal-mély összekapcsolási fa



jobb-mély összekapcsolási fa

Miért a bal-mély összekapcsolási fák?

- Sok esetben csak (vagy majdnem csak) a bal-mély összekapcsolási fákat veszik figyelembe az összekapcsolások sorrendjének meghatározásánál.
- Egyrészt így **nagyban csökken a lehetőségek száma**.
- Másrészt a **bal-mély fák jól együttműködnek a szokásos összekapcsolási algoritmusokkal**: különösen az egymenetes és a beágyazott ciklusú összekapcsolásokkal.

Összekapcsolási sorrendek száma

- Jelölje $T(n)$ az n relációhoz tartozó faformák számát. Ekkor:

$$T(1) = 1, T(n) = \sum_{i=1}^{n-1} T(i)T(n-i).$$

- $T(2) = 1, T(3) = 2, T(4) = 5, T(5) = 14, T(6) = 42$.
- Azaz hat reláció összekapcsolásakor $42 \times 6! = 30240$ lehetőséget kellene figyelembe venni. $6!$ A relációk összes lehetséges sorrendje
- A bal-mély fák esetén ezzel szemben csupán $6! = 720$ lehetőség kínálkozik.

Egymenetes összekapcsolás bal-mély fa

- Tegyük fel, hogy $R \bowtie S \bowtie T \bowtie U$ -t szeretnénk kiszámítani, s ezt megtehetjük egymenetes összekapcsolásokkal.
- $R \bowtie S$ kiszámításához R relációt kell a memóriában tartani, majd $R \bowtie S$ -et is. Tehát $B(R) + B(R \bowtie S)$ memóriapufferre van szükség.
- $(R \bowtie S) \bowtie T$ kiszámításánál az R által elfoglalt memóriapufferekre már nincs szükség.
- Hasonlóképpen az U -val való összekapcsolás során az $R \bowtie S$ memóriapufferei szabadíthatók fel.
- Így a szükséges helymennyiség:
 $B(R) + B(R \bowtie S)$ illetve $B(R \bowtie S) + B((R \bowtie S) \bowtie T)$.

Egymenetes összekapcsolás jobb-mély fa

- Itt elsőként az R relációt kell betölteni a központi memóriába, majd létre kell hozni az $S \bowtie (T \bowtie U)$ relációt.
- Ehhez S -et szintén be kell olvasni a memóriába, $T \bowtie U$ kiszámításánál pedig U -t.
- Összesen tehát $B(R) + B(S) + B(T)$ helyre van szükség.
- Mivel sok esetben legalább az egyik reláció kisebb, mert tartalmaz egy szűrést, emiatt $B(R) + B(S) + B(T)$ általában nagyobb, mint $B(R) + B(R \bowtie S)$ vagy $B(R \bowtie S) + B((R \bowtie S) \bowtie T)$.
- Emiatt a bal-mély összekapcsolási fák használata általában előnyösebb ebben az esetben.

Beágyazott ciklusú összekapcsolás bal-mély fa

- Tegyük fel ismét, hogy $R \bowtie S \bowtie T \bowtie U$ -t szeretnénk kiszámítani.
[Ld.](#)
- Tegyük fel még, hogy R, S, T, U **tárolt relációk**.
- Ekkor $R \bowtie S \bowtie T$ egy megfelelő darabját tartjuk a memóriába, majd a maradék területen U blokkjait vesszük sorra.
- **U -t itt azonban nem kell előállítani**, csupán be kell olvasni.
- $R \bowtie S \bowtie T$ ezen darabjának kiszámításához, $R \bowtie S$ egy darabját kell előállítani, majd T blokkjait kell beolvasni, viszont T -t nem kell külön előállítani.
- Végül $R \bowtie S$ szóban forgó darabjának előállításához R -nek egy megfelelő darabját kell beolvasni és S blokkjait kell végigolvasni.
- **Összességében: köztes eredményt sosem kell eltárolni** többszöri beolvasás céljából.

Beágyazott ciklusú összekapcsolás jobb-mély fa

- Ezzel szemben jobb-mély fák esetén R egy megfelelő darabját olvassuk be a memóriába, majd **meg kell konstruálnunk** $S \bowtie T \bowtie U$ -t.
- Amikor R következő darabját olvassuk be, **az iménti relációt újfent elő kell állítani**.
- Stb.

Dinamikus programozás I.

- A **dinamikus programozás** mögött az az alapötlet áll, hogy kitöltünk egy táblázatot a részfeladatok megoldásának költségeiről úgy, hogy a költség mellett csak **a megoldás kivitelezéséhez szükséges minimális információt őrizzük meg**.
- R_1, \dots, R_n összekapcsolása esetén ebben a táblázatban a következők szerepelnek az egyes R_{i1}, \dots, R_{ik} részhalmazokhoz:
 - $R_{i1} \bowtie \dots \bowtie R_{ik}$ becsült mérete.
 - Az összekapcsoláshoz szükséges **legkisebb költség**. Először a legegyszerűbb becslést használjuk majd, azaz a **köztes relációk mérete adja majd a költséget**.
 - Az a **kifejezés**, ami ezt a legkisebb költséget adja.

Dinamikus programozás II.

- Egyetlen R reláció esetén a táblázat egy bejegyzése (1) R **méretét**, (2) 0 költséget és (3) R -et „leíró relációs algebrai” kifejezést.
- $\{R_i, R_j\}$ pár esetén a **méretre** a korábbi becslést használjuk. A **költség** (azaz közbülső relációk mérete) 0 , **baloldalon a kisebbik méretű reláció szerepel**, a formula $R_i \bowtie R_j$.

$$\frac{T(R)T(S)}{\max(V(R, Y), V(S, Y))}$$
- Indukciós lépés** $\{R_1, \dots, R_k\}$:
 - bal-mély fák esetén vesszük azt a $\{R_{i1}, \dots, R_{ik-1}\}$ bejegyzést, amire a **költség + méret** érték a legkisebb. Legyen az ehhez tartozó kifejezés P . Ekkor az új bejegyzés $P \bowtie R$ lesz, ahol R jelöli a kimaradt relációt. A **költséget** az $\{R_{i1}, \dots, R_{ik-1}\}$ bejegyzéshez tartozó **költség + méret összeg** adja. A méret a szokásos módon becsülhető.
 - Általános esetben P_1, P_2 kételemű partícióit vesszük $\{R_1, \dots, R_k\}$ -nek. Keressük azt a partíciót, amire P_1, P_2 **költségeinek és méreteinek összege minimális**.

Példa

R (A, B)	S (B, C)	T (C, D)	U (D, A)
V(R, A) = 100			V(U, A) = 50
V(R, B) = 200	V(S, B) = 100		
	V(S, C) = 500	V(T, C) = 20	
		V(T, D) = 50	V(U, D) = 1000

$$T(R) = T(S) = T(T) = T(U) = 1000$$

Első lépés

	{R}	{S}	{T}	{U}
méret	1000	1000	1000	1000
költség	0	0	0	0
kifejezés	R	S	T	U

Második lépés

	{R, S}	{R, T}	{R, U}	{S, T}	{S, U}	{T, U}
méret	5000	1M	10000	2000	1M	1000
költség	0	0	0	0	0	0
kifejezés	$R \bowtie S$	$R \bowtie T$	$R \bowtie U$	$S \bowtie T$	$S \bowtie U$	$T \bowtie U$

Itt **1M** 1 milliót jelöl.

Harmadik lépés

	{R, S, T}	{R, S, U}	{R, T, U}	{S, T, U}
méret	10000	50000	10000	2000
költség	2000	5000	1000	1000
kifejezés	$(S \bowtie T) \bowtie R$	$(R \bowtie S) \bowtie U$	$(T \bowtie U) \bowtie R$	$(T \bowtie U) \bowtie S$

Költség : a lehetséges közbülső relációk [az elsőként kiválasztott két reláció összekapcsolásának] a mérete.

Utolsó lépés

Csoportosítás	Költség
$((S \bowtie T) \bowtie R) \bowtie U$	12000
$((R \bowtie S) \bowtie U) \bowtie T$	55000
$((T \bowtie U) \bowtie R) \bowtie S$	11000
$((T \bowtie U) \bowtie S) \bowtie T$	3000
$(T \bowtie U) \bowtie (R \bowtie S)$	6000
$(R \bowtie T) \bowtie (S \bowtie U)$	2000000
$(S \bowtie T) \bowtie (R \bowtie U)$	12000

Pontosabb költségfüggvények

- Költségként eddig a közbülső relációk méretét használtuk, ez azonban sok esetben **túlságosan durva becslést ad**.
- **Példa**: $R(A, B), S(B, C)$ összekapcsolása, ahol R egyetlen sorból áll.
- Ekkor $R \bowtie S$ kiszámítása **messze nem ugyanolyan költségű** akkor, ha S **B** attribútumára **létezik egy indexünk**, vagy nem létezik.
- Az általunk alkalmazott költségbecslés azonban **ezt a különbséget nem veszi figyelembe**.

Mohó algoritmus

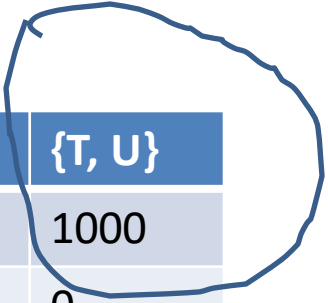
- Ha az összekapcsolandó relációk száma nagy, **a dinamikus programozás túlságosan is lassúvá válhat** (hiszen az algoritmus exponenciális lépésszámú).
- Ekkor **mohó algoritmust** használhatunk, ahol soha nem lépünk vissza, vagy vizsgáljuk felül az egyszer már meghozott döntéseket.
- Mohó algoritmus bal-mély fák esetén:
 - kezdjük azzal a relációpárra, amelyek **összekapcsolásának a mérete a legkisebb**.
 - **Indukció**: a még nem szereplő relációk közül keressük meg azt, amelyiket az aktuális fával összekapcsolva a legkisebb becsült méretű relációt kapjuk. Az új aktuális fa bal argumentuma a régi aktuális fa, jobb argumentuma pedig a kiválasztott reláció lesz.
- Az előző példa esetén hogyan működik ez az algoritmus?

Mérföldkő

- Hol tartunk?
 - Az eredeti lekérdezésből elkészítettük a logikai lekérdezéstervet.
 - Ezt **optimalizáltuk**.
 - **Felsoroltunk több** fizikai/logikai lekérdezéstervet, megbecsültük a költségüket és kiválasztottuk a legjobbnak ígérkezőt.
 - Az asszociatív és kommutatív műveleteknek meghatároztuk egy **végrehajtási sorrendjét**.
- Mi hiányzik még?
 - Ha még nem tettük meg az egyes műveletekhez hozzá kell rendelni a műveletet **megvalósító algoritmust**.
 - El kell dönteni, hogy a köztes eredményeket **materializáljuk** vagy **futószalagosítjuk**.

Második lépés


	{R, S}	{R, T}	{R, U}	{S, T}	{S, U}	{T, U}
méret	5000	1M	10000	2000	1M	1000
költség	0	0	0	0	0	0
kifejezés	$R \bowtie S$	$R \bowtie T$	$R \bowtie U$	$S \bowtie T$	$S \bowtie U$	$T \bowtie U$



Itt **1M** 1 milliót jelöl.

Harmadik lépés

	{R, S, T}	{R, S, U}	{R, T, U}	{S, T, U}
méret	10000	50000	10000	2000
költség	2000	5000	1000	1000
kifejezés	$(S \bowtie T) \bowtie R$	$(R \bowtie S) \bowtie U$	$(T \bowtie U) \bowtie R$	$(T \bowtie U) \bowtie S$



Költség : a lehetséges közbülső relációk [az elsőként kiválasztott két reláció összekapcsolásának] a mérete.

Utolsó lépés

Csoportosítás	Költség
$((S \bowtie T) \bowtie R) \bowtie U$	12000
$((R \bowtie S) \bowtie U) \bowtie T$	55000
$((T \bowtie U) \bowtie R) \bowtie S$	11000
$((T \bowtie U) \bowtie S) \bowtie T$	3000
$(T \bowtie U) \bowtie (R \bowtie S)$	6000
$(R \bowtie T) \bowtie (S \bowtie U)$	2000000
$(S \bowtie T) \bowtie (R \bowtie U)$	12000

Kiválasztási eljárás megvalósítása

- Az $R(A, B, C)$ reláció fölött tekintsük a $\sigma_{A=1 \wedge B=2 \wedge C<5}(R)$ kiválasztást, ahol $T(R) = 5000$, $B(R) = 200$, $V(R, A) = 100$, $V(R, B) = 500$. Tegyük fel még, hogy R nyalábolt, az A, B, C attribútumokra létezik index, ezek közül a C -hez tartozó nyalábolt.
- Megvalósítás:
 1. táblaolvasás és közben szűrés: 200 I/O művelet, $B(R)$, R nyalábolt.
 2. Használjuk az A -ra vonatkozó indexet és indexet olvasó operátort, majd szűrjük az így kapott sorokat a további feltételek szerint. Mivel az index nem nyalábolt, ez $T(R) / V(R, A) = 50$ I/O művelet.
 3. Ugyanez a B -re vonatkozó index esetében: $T(R) / V(R, B) = 10$ I/O művelet, nem nyalábolt index.
 4. Ugyanez a C -re vonatkozó index esetében: $B(R) / 3 = 67$ I/O művelet, mivel itt az index nyalábolt.
- Az indexek olvasásának költségét itt nem számoltuk.

Az összekapcsolási eljárás megválasztása I.

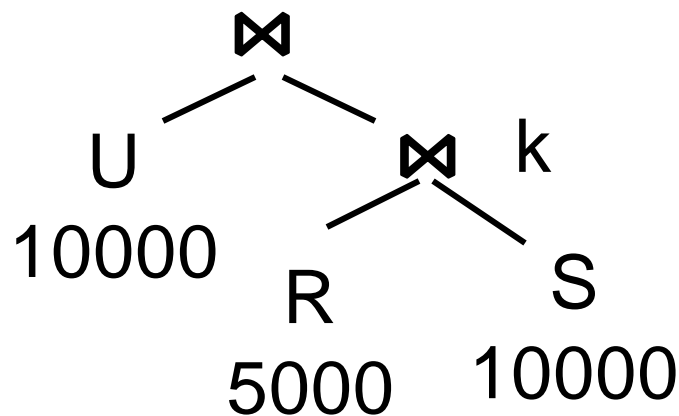
- Ha nem vagyunk biztosak abban, **mennyi memória áll rendelkezésre** és néhány fontos statisztikát sem ismerünk, néhány alapelv még mindig a rendelkezésünkre áll.
- Ha valamelyik reláció várhatóan **befér a memóriába** , **egymenetes algoritmust** alkalmazunk, ha tévedünk, legfeljebb a beágyazott ciklusú megvalósítást használjuk bízva abban, hogy a **külső ciklust nem kell sokszor lefuttatni** .
- Rendezésen alapuló összekapcsolás akkor jó választás, ha
 - egyik vagy mindkét argumentum **már rendezett** a megfelelő attribútumokat tekintve,
 - később következik egy **csoportosítás** vagy **rendezés** művelet az összekapcsoló attribútumokra,
 - több relációt kapcsolunk össze **„ugyanazon” attribútum** alapján:
 $(S(A, B) \bowtie T(A, C)) \bowtie R(A, D)$.

Az összekapcsolási eljárás megválasztása II.

- Ha $S(A, B) \bowtie T(A, C)$ esetén S várhatóan kicsi – például, mert megelőzi egy S -re vonatkozó kiválasztás az összekapcsolást –, T pedig rendelkezik az A -ra vonatkozó indexszel, akkor az **indexes összekapcsolást** válasszuk.
- Ha többmenetes algoritmusra van szükség, nem áll rendelkezésünkre index az összekapcsoló attribútumokra, később nem tudjuk kihasználni az összekapcsoló attribútumok alapján való rendezettséget, akkor a **tördeléses összekapcsolás** általában a legjobb választás, hiszen itt a szükséges menetek száma csupán **a kisebbik reláció méretétől** függ.

Összekapcsolás futószalagosítása I.

- Az $(R(w, x) \bowtie S(x, y)) \bowtie U(y, z)$ összekapcsolásokat szeretnénk megvalósítani, ahol a központi memória **101** pufferből áll, mindkét összekapcsolást **tördelő algoritmus**sal valósítjuk meg. (k közbülső eredmény, által elfoglalt terület blokkban)



- R (kisebb) kosarai száma **100** korlátozzuk, így **50 blokkos** kosarakra van szükség.
- R és S összekapcsolásához **51** puffer marad. (Második menet)
- Ha $k < 50$, $R \bowtie S$ -t **bent tartjuk a memóriában**, a maradék puffer segítségével összekapcsoljuk U-val.
- $R \bowtie S$ 49 blokkot foglal, és futószalagosítható, 1 blokk U-ra
- $45e + 10e = 55000$** I/O művelet összesen.

$3(B(R) + B(S))$ összekapcsolás
tördeléssel

Összekapcsolás futószalagosítása II.

- Ha $k > 49$, de $k < 5001$, akkor R és S összekapcsolásának eredményét még mindig **futószalagosíthatjuk**. Az összekapcsolás során szabadon maradó 50 puffert arra használjuk, hogy az **eredményt 50 kosárba tördeljük**. A kosarakat a háttértárolón tároljuk.
- U-t is 50 kosárba tördeljük. $R \bowtie S$ Két menetes tördeléses összekapcsolás (**51 kosár**)
- Mivel R és S összekapcsoltjának kosarai **legfeljebb 100 blokkosak, 51 kosárban** (ha a hasító-függvény egyenletesen osztja szét az értékeket), így ezeket az U **kosaraival egy menetben összekapcsolhatjuk**.
- A műveletigény összesen: $45000 + 30000 + 2k = 75000 + 2k$.
- Ha $k > 5000$, akkor a legjobb, ha R és S összekapcsoltját **materializáljuk**, azaz a háttértárolón ideiglenesen eltároljuk.
- A műveletigény ebben az esetben: $75000 + 4k$.

Az ehhez a futószalagosított összekapcsoláshoz tartozó lemez I/O-műveletek száma:

- a) az U beolvasásához és sorainak kosarakba történő írásához: 20 000,
- b) az $R \bowtie S$ kétmenetes tördelő összekapcsolás végrehajtásához: 45 000,
- c) az $R \bowtie S$ kosarainak kiírásához: k .
- d) az $R \bowtie S$ és az U kosarainak beolvasásához a végső összekapcsolásban: $k + 10\,000$.

$$75\,000 + 2k$$

K 49 \rightarrow 50, egy menetesről kétmenetesre