

## 第二题游戏

### 一、问题分析

#### 【问题描述】

基于 STL 实现以下功能：有  $n$  个小朋友围成一圈玩游戏，小朋友从 1 至  $n$  编号，2 号小朋友坐在 1 号小朋友的顺时针方向，3 号小朋友坐在 2 号小朋友的顺时针方向，……，1 号小朋友坐在  $n$  号小朋友的顺时针方向。

游戏开始，从 1 号小朋友开始顺时针报数，接下来每个小朋友的报数是上一个小朋友报的数加 1。若一个小朋友报的数为  $k$  的倍数或其末位数（即数的个位）为  $k$ ，则该小朋友被淘汰出局，不再参加以后的报数。当游戏中只剩下一个小朋友时，该小朋友获胜。

例如，当  $n=5, k=2$  时：

1 号小朋友报数 1；  
2 号小朋友报数 2 淘汰；  
3 号小朋友报数 3；  
4 号小朋友报数 4 淘汰；  
5 号小朋友报数 5；  
1 号小朋友报数 6 淘汰；  
3 号小朋友报数 7；  
5 号小朋友报数 8 淘汰；  
3 号小朋友获胜。

给定  $n$  和  $k$ ，请问最后获胜的小朋友编号为多少？

#### 【输入形式】

输入一行，包括两个整数  $n$  和  $k$ ，意义如题目所述。

#### 【输出形式】

输出一行，包含一个整数，表示获胜的小朋友编号。

本题要处理的对象是  $n$  个结点，要实现的功能是从  $n$  个结点中按照某种顺序删除某些结点，直到剩下一个结点。通过调用函数将剩下的结点的编号输出。

#### 1. 求解方法

从表头开始，遍历 list 中的每个结点，当循环变量  $i$  为  $k$  的倍数或其末位数（即数的个位）为  $k$  时，将结点从 list 中删除，当迭代器来到表尾时，再将其移至表头重新遍历，直到 list 中只剩下一个结点，for 循环结束，输出剩下的结点的 id。

#### 2. 样例推导

样例 1：

$n=5, k=2$

1 号小朋友报数 1；  
2 号小朋友报数 2 淘汰；  
3 号小朋友报数 3；  
4 号小朋友报数 4 淘汰；  
5 号小朋友报数 5；  
回到 1 号小朋友；  
1 号小朋友报数 6 淘汰；  
3 号小朋友报数 7；

5 号小朋友报数 8 淘汰；  
只剩 3 号，结束，3 号小朋友获胜。

样例 2:

$n=7, k=3$

1 号小朋友报数 1；  
2 号小朋友报数 2；  
3 号小朋友报数 3 淘汰；  
4 号小朋友报数 4；  
5 号小朋友报数 5；  
6 号小朋友报数 6 淘汰；  
7 号小朋友报数 7；  
回到 1 号小朋友；  
1 号小朋友报数 8；  
2 号小朋友报数 9 淘汰；  
4 号小朋友报数 10；  
5 号小朋友报数 11；  
7 号小朋友报数 12 淘汰；  
回到 1 号小朋友；  
1 号小朋友报数 13 淘汰；  
4 号小朋友报数 14；  
5 号小朋友报数 15 淘汰；  
只剩 4 号，结束。

## 二、数据结构和算法设计

### 1. 抽象数据类型设计

要处理的数据对象为一组结点，线性结构，构成循环，故可选择 STL 中的 `list`。

- 数据对象：`list` 是一种序列式容器。`list` 容器完成的功能实际上和数据结构中的双向链表是极其相似的，`list` 中的数据元素是通过链表指针串连成逻辑意义上的线性表，也就是 `list` 也具有链表的主要优点，即：在链表的任一位置进行元素的插入、删除操作都是快速的。`list` 的实现大概是这样的：`list` 的每个节点有三个域：前驱元素指针域、数据域和后继元素指针域。前驱元素指针域保存了前驱元素的首地址；数据域则是本节点的数据；后继元素指针域则保存了后继元素的首地址。其实，`list` 和循环链表也有相似的地方，即：头节点的前驱元素指针域保存的是链表中尾元素的首地址，`list` 的尾节点的后继元素指针域则保存了头节点的首地址，这样，`list` 实际上就构成了一个双向循环链。
- 数据关系：这种结构具有下列特点：每一个数据元素均有一个直接前驱和一个直接后继数据元素，其中表尾元素的后继元素为表头元素，表头元素的前驱元素为表尾元素。

### 2. 算法思想的设计

从表头开始，遍历 `list` 中的每个结点，当循环变量  $i$  为  $k$  的倍数或其末位数（即数的个位）为  $k$  时，将结点从 `list` 中删除，当迭代器来到表尾时，再将其移至表头重新遍历，直到 `list` 中只剩下一个结点，for 循环结束，输出剩下的结点的 `id`。

### 3. 关键功能的算法步骤

#### 1) 数据输入部分

```
for(int i=1;i<=n;i++) //将数据填入 list 中
{
    Node* t=new Node(i); //构造一个 id 为 i 的结点
    l.push_back(*t); //将结点存到 list 末尾
}
```

#### 2) 数据处理部分

```
it=l.begin(); //从第一个人开始
for(int i=1;l.size()>1;i++) //依次报数直到只剩一人
{
    if(i%k==0||i%10==k) it=l.erase(it); //这个人被淘汰
    else it++; //下一个人报数
    if(it==l.end()) it=l.begin(); //如果最后一个人报数完则回到第一个人
}
```

### 三、算法性能分析

#### 1. 数据输入部分

for 循环共执行  $n$  次，所以时间复杂度为  $O(n)$ , 空间复杂度为  $O(n)$ 。

#### 2. 数据处理部分

for 循环共执行  $n$  次，所以时间复杂度为  $O(n)$ , 空间复杂度为  $O(1)$ 。